

Punto fijo

Equipo 5

4CV10

Dando valores iniciales



```
1 def main():  
2     fixed_point(x0=2, tol=0.00001, n=10)  
3  
4 if __name__ == "__main__":  
5     main()
```

$$4 \cdot x^2 + x^3 - 10$$



```
1 def f(x):  
2     return 4*x**2 + x**3 - 10
```

Un punto fijo de una función g , es un número x tal que $g(x) = x$

Lo primero es buscar una función $g(x)$ adecuada

$$4 \cdot x^2 + x^3 = 10$$

$$x^2(x + 4) = 10$$

$$x = \sqrt{\frac{10}{(x + 4)}}$$

$$x = \sqrt{\frac{10}{(x+4)}}$$



```
1 def g(x):  
2     return sqrt((10)/(x+4))
```

El método de punto fijo inicia con una aproximación inicial x_0 y $x_{i+1} = g(x_i)$ genera una sucesión de aproximaciones la cual converge a la solución de la ecuación $f(x) = 0$. A la función g se le conoce como función iteradora. Se puede demostrar que dicha sucesión (x_n) converge siempre y cuando $|g'(x)| < 1$

Punto fijo



```
1 def fixed_point(x0, tol, n):
2     for i in range(n):
3         x = g(x0)
4         if fabs(x - x0) < tol:
5             print(colored(f"La raiz es: {round(x,4)} ", "green"))
6             break
7
8     error = round(fabs(x - x0), 5)*100
9     x0 = x
```

La raíz es: 1.3652

iteración	x	g(x)	f(x)	error
1	2	1.3748	14	70.901
2	1.291	1.364	-1.18168	8.378
3	1.3748	1.3654	0.15834	1.076
4	1.364	1.3652	-0.02001	0.137
5	1.3654	1.3652	0.00255	0.017
6	1.3652	1.3652	-0.00032	0.002