

Mauro José Silva Sousa Heitor Alves Felipe Fernandes

## Cinemática com CoppeliaSim

Campina Grande 25 de junho de 2024

## Sumário

IN	TRO	DDUÇ	ÃO	1
1	Con	ntrole Cinemático de Robôs Móveis		
<b>2</b>	Cin	nemática Direta e Cinemática Inversa		
	2.1	Cinen	nática Direta	3
	2.2	Cinen	nática Inversa	4
3	Modelagem Cinemática de Robôs Holonômicos e Não-Holonômicos			5
	3.1	Robôs	s Holonômicos	5
	3.2	Robôs	s Não-Holonômicos	5
4	Modelo Cinemático de Robôs de Tração Diferencial			6
5	Implementação das Equações Cinemáticas			7
	5.1	Equaç	ões Utilizadas	7
	5.2 Implementação em Python		mentação em Python	7
		5.2.1	Configuração da API Remota	7
		5.2.2	Controle das Velocidades das Rodas	8
		5.2.3	Controle do Robô na Simulação	8
C	ONC	LUSÃ	.0	10

## INTRODUÇÃO

O controle cinemático é fundamental na robótica móvel, permitindo o movimento preciso de robôs. Este relatório aborda o controle cinemático de um robô de tração diferencial usando CoppeliaSim. Exploramos conceitos como cinemática direta e inversa, modelagem de robôs holonômicos e não-holonômicos, e implementação das equações cinemáticas. O objetivo é compreender como o controle cinemático afeta o movimento do robô. Apresentamos uma visão geral desses conceitos e sua aplicação prática, visando auxiliar estudantes e profissionais interessados em robótica móvel.

## 1 Controle Cinemático de Robôs Móveis

O controle cinemático é essencial para o movimento preciso e eficiente de robôs móveis. Ele determina como as velocidades das rodas ou juntas do robô se traduzem em movimento no ambiente, garantindo que o robô possa se locomover de forma autônoma e segura. Este relatório aborda o controle cinemático de um robô de tração diferencial usando CoppeliaSim, visando compreender como esse controle afeta o movimento do robô.

## 2 Cinemática Direta e Cinemática Inversa

A cinemática direta e inversa são conceitos fundamentais na robótica móvel, essenciais para o controle de movimento de robôs. Aqui está uma introdução para a seção sobre esses tópicos:

### 2.1 Cinemática Direta

A cinemática direta é o processo de determinar a posição e orientação do robô com base nas velocidades das rodas ou juntas. Para um robô de tração diferencial, as equações cinemáticas diretas são:

$$v = \frac{V_r + V_l}{2}$$

$$\omega = \frac{V_r - V_l}{L}$$

Onde:

 $\bullet$  v é a velocidade linear do robô, escrito da forma:

$$v = \omega \cdot r$$

- $\omega$  é a velocidade angular do robô;
- $V_r$  é a velocidade da roda direta, escirta da forma:

$$V_r = \omega_r \cdot (r + \frac{L}{2}) \tag{1}$$

 $\bullet~V_l$ é a velocidade da roda esquerda, escrita da forma:

$$V_r = \omega_l \cdot (r - \frac{L}{2}) \tag{2}$$

- $\bullet$  r é o raio da roda
- L é a distancia entre as rodas.

## 2.2 Cinemática Inversa

A cinemática inversa é o processo de determinar as velocidades das rodas ou juntas necessárias para alcançar uma determinada posição e orientação. Para um robô de tração diferencial, as equações cinemáticas inversas são:

$$\omega_r = \frac{2v + \omega L}{2r}$$

$$\omega_l = \frac{2v - \omega L}{2r}$$

Essas equações são essenciais para o controle preciso do movimento do robô, permitindo que ele se mova de forma suave e eficiente em seu ambiente.

## 3 Modelagem Cinemática de Robôs Holonômicos e Não-Holonômicos

Os robôs móveis podem ser classificados em duas categorias principais: holonômicos e não-holonômicos. Os robôs holonômicos são capazes de se mover livremente em todas as direções, enquanto os não-holonômicos possuem restrições em seu movimento.

### 3.1 Robôs Holonômicos

Os robôs holonômicos podem se mover em qualquer direção sem restrições. Para esses robôs, a cinemática direta e inversa é mais simples, envolvendo o cálculo das velocidades das rodas ou juntas necessárias para alcançar uma determinada velocidade e direção do robô. Exemplos de robôs holonômicos incluem robôs com rodas omnidirecionais e Mecanum.



Figura 1: Rodas holonômicas

#### 3.2 Robôs Não-Holonômicos

Os robôs não-holonômicos possuem restrições em seu movimento, o que significa que não podem se mover livremente em todas as direções. Um exemplo comum de robô não-holonômico é o robô de tração diferencial, que pode se mover para frente, para trás e girar em torno do próprio eixo, mas não pode se mover lateralmente. A modelagem cinemática desses robôs é mais complexa, exigindo o cálculo das velocidades das rodas necessárias para alcançar uma determinada trajetória no espaço.

# 4 Modelo Cinemático de Robôs de Tração Diferencial

O modelo cinemático de um robô de tração diferencial descreve como as velocidades das rodas do robô se relacionam com sua velocidade linear e angular. Este modelo é fundamental para o controle preciso do movimento do robô e é frequentemente usado em algoritmos de navegação e planejamento de trajetória.

## 5 Implementação das Equações Cinemáticas

Nesta seção, detalharemos como as equações cinemáticas discutidas na seção 2 foram implementadas em código, utilizando a API remota do CoppeliaSim. Esta implementação é essencial para controlar o movimento do robô de tração diferencial na simulação.

## 5.1 Equações Utilizadas

As equações cinemáticas para um robô de tração diferencial são:

$$v = \frac{V_r + V_l}{2} = r \cdot \frac{\omega_r + \omega_l}{2}$$

$$\omega = \frac{V_r - V_l}{L} = r \cdot \frac{\omega_r - \omega_l}{L}$$

Para a cinemática inversa:

$$\omega_r = \frac{2v + \omega L}{2r}$$

$$\omega_l = \frac{2v - \omega L}{2r}$$

## 5.2 Implementação em Python

A seguir, detalhamos a implementação das equações em Python, utilizando a API remota do CoppeliaSim para controlar o robô.

#### 5.2.1 Configuração da API Remota

Primeiramente, precisamos configurar a API Remota para estabelecer a comunicação entre o Python e o CoppeliaSim.

Figura 2: Configuração da API remota

```
from coppeliasim_zmqremoteapi_client import RemoteAPIClient
import numpy as np

client = RemoteAPIClient()
sim = client.getObject("sim")

# Função de normalização dos ângulos ao intervalo [-pi, pi)
def normalizeAngle(angle):
    return np.mod(angle+np.pi, 2*np.pi) - np.pi

# Handle do P3DX
handle_robo = sim.getObject('/Carrim')
```

#### 5.2.2 Controle das Velocidades das Rodas

Utilizando as equações da cinemática inversa, podemos calcular  $V_r$  e  $V_l$  com base na velocidade linear V e angular  $\omega$  desejadas.

Figura 3: Codigo do Controle das Velocidades das Rodas

```
# Parametros do robô

L = 0.19

r = 0.0325

def calcular_velocidade(V, omega):
    omega_r = (2*v + omega * L) / (2*r)
    omega_l = (2*v - omega * L) / (2*r)
    return omega_r, omega_l

# Velocidades desejadas
v_desejada = 0.5 # Velocidade linear desejada
omega_desejada = 0.1 # Velocidade angular desejada

omega_r, omega_l = calcular_velocidade(v_desejada, omega_desejada)

# definir a velocidade dos motores do Carrim
sim.setJointTargetVelocity(roda_direita, omega_r)
sim.setJointTargetVelocity(roda_esquerda, omega_l)
```

### 5.2.3 Controle do Robô na Simulação

Após calcular e enviar as velocidades das rodas, o robô se moverá conforme as especificações do modelo cinemático. O controle contínuo pode ser implementado dentro de um loop, ajustando as velocidades conforme necessário.

Figura 4: codigo do Controle do robô na Simulação

```
sim.startSimulation()

# Loop de controle

while sim.getSimulationTime() < 20:

# Atualizar velocidades das rodas conforme necessário

omega_r, omega_l = calcular_velocidade(v_desejada, omega_desejada)

# Enviar comandos atualizados para as rodas

sim.setJointTargetVelocity(roda_direita, omega_r)

sim.setJointTargetVelocity(roda_esquerda, omega_l)

# definir a velocidade dos motores do Carrim

sim.setJointTargetVelocity(roda_direita, omega_r)

sim.setJointTargetVelocity(roda_direita, omega_r)

sim.setJointTargetVelocity(roda_esquerda, omega_l)

# Fechar a conexão com o CoppeliaSim

sim.stopSimulation()

sim.stopSimulation()</pre>
```

Descrevemos como as equações cinemáticas são implementadas em Python, utilizando a API Remota do CoppeliaSim para controlar as velocidades das rodas do robô de tração diferencial.

A aplicação desse modelo cinemático permite que o robô execute movimentos precisos e controlados durante a simulação.

## CONCLUSÃO

Neste relatório, abordamos a implementação do controle cinemático de um robô de tração diferencial no CoppeliaSim. Exploramos os conceitos teóricos relacionados ao controle cinemático, como a cinemática direta e inversa, e sua aplicação prática na simulação robótica.

#### • Principais Pontos Abordados

- Controle Cinemático de Robôs Móveis: Compreendemos a importância do controle cinemático na navegação precisa de robôs móveis.
- Cinemática Direta e Inversa: Exploramos as equações que relacionam as velocidades das rodas do robô com sua velocidade linear e angular.
- Modelagem Cinemática de Robôs de Tração Diferencial: Implementamos o modelo cinemático para esse tipo de robô, que é não-holonômico.

#### • Dificuldades Enfrentadas

Durante a implementação, algumas dificuldades foram encontradas, tanto no código quanto nas equações cinemáticas. Uma das dificuldades foi a correta configuração dos parâmetros físicos no CoppeliaSim, o que influencia diretamente no comportamento do robô durante a simulação.

#### • Aprendizados e Considerações Finais

Este estudo em robótica móvel e controle cinemático, apesar dos obstáculos, foi enriquecedor. Utilizando o CoppeliaSim, foi possível entender os desafios do controle robótico e aplicar equações cinemáticas para materializar os conceitos teóricos. A experiência contribuiu significativamente para o conhecimento prático na área.