Problème 5

Le programme OCaml suivant :

```
let f (x:int) = x+4 in
let g (y:int) = 3-y in
f(g(1))
```

peut être écrit comme l'expression du lambda calcul suivante :

$$\left(\underbrace{(\lambda f.\lambda g.f(g\ 1))}_{\text{main}}\underbrace{(\lambda x.x+4)}_{f}\right)\underbrace{(\lambda y.3-y)}_{g}.$$

Réduisez l'expression à une forme normale de deux manières différentes, comme décrit ci-dessous.

- (a) Réduisez l'expression en choisissant, à chaque étape, la réduction qui élimine un λ le plus à *gauche* possible.
- (b) Réduisez l'expression en choisissant, à chaque étape, la réduction qui élimine un λ le plus à *droite* possible.

Problème 6

Voici une expression du lambda calcul « sugared » (dans un forme que utilise du sucre syntaxique) qui utilise les déclarations « let » :

let
$$compose = \lambda f.\lambda g.\lambda x.f(g x)$$
 in let $h = \lambda x.x + x$ in $compose h h 3$

L'expression « desugared » (desugarisée, sans sucre syntaxique), obtenue lorsque chaque expression de la forme let x = U in V est remplacée par $(\lambda z.V)U$ est

(
$$\lambda$$
compose.
(λ h.compose h h 3) λ x.x + x)
 λ f. λ g. λ x.f(g x).

Ceci est écrit en utilisant les mêmes noms de variables que ceux de la forme « let » pour faciliter la lecture de l'expression.

Simplifiez l'expression desugarisée en utilisant la β -réduction.

Assurez-vous de bien comprendre pourquoi l'expression simplifiée est la réponse attendue.