Memo pour l'année

LAURENT Thomas

Master 2 informatique 2018

Contents

1	Fou	ille de donnée	1
	1.1	Pré traitement des données	2
		1.1.1 Nettoyage des données	2
		1.1.2 Normalisation	2
	1.2	Classification	3
		1.2.1 Évaluation des classifieurs	3
	1.3	Arbre de décision	4
		1.3.1 critères de sélection C4.5	4
2	Rec	cherche Opérationnel	8
3	App	prentissage par le pratique	10
4	Rep	présentation des connaissances et raisonnement	12
5	Out	tils formel	14
6	$\mathbf{X}\mathbf{M}$	IL .	16
7	Ang	glais	18

Chapter 1 Fouille de donnée

1.1 Pré traitement des données

1.1.1 Nettoyage des données

Caractéristiques descriptives

Objectifs: Résumer, décrire certains aspects (tendances, variation, dispersion...) des données en utilisant certaines mesures :

Moyenne (espérance) : $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$

Ecart moyen : $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |x_i - \bar{x}|$

Variance: $v = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$

Ecart type : $\alpha x := \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} = \sqrt{\frac{1}{n} (\sum_{i=1}^{n} x_i^2) - \bar{x}^2}$

Médiane : Valeur se trouvant au milieu d'une série de données ordonnées

 ${f Mode}$: Valeur la plus fréquente

 $\mathbf{Amplitude}\ :\! \min,\ \max$

1.1.2 Normalisation

 $\mathbf{Min\text{-}max} : v_n = \frac{v - v_{min}}{v_{max} - v_{min}}$

Min-max dans l'intervalle [A,B]: $v_n = \frac{v - v_{min}}{v_{max} - v_{min}} * (B - A) + A$

Z-Score: $v_n = \frac{v - moyenne}{ecart_t y p e}$

Decimal scaling: $v_n = \frac{v}{100^j}$

1.2 Classification

1.2.1 Évaluation des classifieurs

Matrice de confusion

Percent of correct classification:

$$PCC(\%) := \frac{N_c}{N_t} * 100$$

 ${\cal N}_c$: nombre d'instances correctement classées

 N_t : nombre d'instances testées $(N_t = |D_{test}|)$

Exemple:

$$: \begin{pmatrix} -c1 & c2 & c3 & c4 \\ c1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ c2 & 1 & 60 & 0 & 1 \\ c3 & 0 & 1 & 23 & 0 \\ c4 & 1 & 0 & 7 & 5 \end{pmatrix}$$

Taux d'erreurs : 100-PCC

$$\mathbf{PCC}(\%) = \frac{0+60+23+5}{100} * 100 = 88\%$$

1.3 Arbre de décision

1.3.1 critères de sélection C4.5

Construction d'un arbre de décision C4.5 La construction d'un arbre de décision avec C4.5 passe par deux phases:

- **Phase d'expansion**: La construction se fait selon l'approche descendante et laisse croître l'arbre jusqu'à sa taille maximale.
- **Phase d'élagage**: Pour optimiser la taille l'arbre et son pouvoir de généralisation, C4.5 procède à l'élagage (pour supprimer les sous-arbres qui ne minimisent pas le taux d'erreurs)
- Approche de construction d'un AD : Partitionner récursivement les données en sous-ensembles plus homogènes ... jusqu'à obtenir des partitions qui contiennent des objets qui appartiennent majoritairement à la même classe.
 - => Théorie de l'information pour caractériser le degré de mélange, homogénéité, impureté, incertitude...
- Théorie de l'information: Théorie mathématique ayant pour objet l'étude du contenu informationnel d'un message.

 Applications en codage, compression, sécurité...
- **Entropie** : Mesure la quantité d'incertitude dans une distribution de probabilités.

Rappel sur les probabilisées

Quelques rappels de probabilités : Soient X et Y deux variables aléatoires discrètes prenant leurs valeurs dans DX=x1,..,xn et DY=y1,..,ym respectivement.

$$\begin{split} P(x_i) &= \frac{|x_i|}{\sum_{j=1}^n |x_j|} \\ &\sum_{i=1}^n P(x_i) = 1 \\ P(x_i|y_i) &= \frac{P(x_i,y_i)}{p(y_i)} \\ P(x_i,y_i) &= p(x_i) * p(y_i) \text{ Si X et Y sont indépendantes} \end{split}$$

Exemple:

$$: \begin{pmatrix} Anne & Sexe & \# & \% \\ M1 & M & 25 & 25/55 \\ M1 & F & 4 & 4/55 \\ M2 & M & 25 & 25/55 \\ M2 & F & 1 & 1/55 \end{pmatrix}$$

$$P(sexe = M) = P(Sexe = MetAnne = M1) + P(Sexe = MetAnne = M2) = 50/55$$

$$P(Anne = M2|sexe = M) = P(Sexe = MetAnne = M2)/P(Sexe = M) = \frac{25}{55}/\frac{50}{55} = \frac{25}{50} = \frac{1}{2}$$

Entropie

Entropie: Mesure la quantité d'incertitude (manque d'information) dans une distribution de probabilités. Soit X une variable aléatoire discrète prenant ses valeurs dans DX = x1, .., xn. Soit P la distribution de probabilités associée à X.

$$H(X) = -\sum_{i=1}^{n} p(x_i) * log_2(p(x_i))$$

Par convention, quand p(x) = 0, 0 * log(0) = 0

Exemple:

$$\begin{array}{|c|c|c|} X & P(X) \\ \hline x_1 & 1/3 \\ x_2 & 1/3 \\ x_3 & 1/3 \\ \hline \end{array}$$

$$H(X) = -p(x_1) * log_2(p(x_1)) - p(x_2) * log_2(p(x_2)) - p(x_3) * log_2(p(x_3))$$

$$H(X) = -3(\frac{1}{3} * log_2(\frac{1}{3})) = log_2(3) = 1.58$$

Autre exemples:

$$\left[\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right] : H(X) = 1.5$$

$$[1,0,0]: H(X) = 0$$

$$[\frac{1}{2}, \frac{1}{2}] : H(X) = 1$$

Propriétés:

$$H(X) >= 0$$

H(X) est maximale pour une distribution uniforme (toutes les valeurs sont équiprobables).

Entropie conjointe : L'entropie conjointe de deux variables aléatoires X et Y est l'incertitude relative à ces deux variables conjointement.

$$H(X,Y) = -\sum_{i,j=1}^{n} p(x_i, y_i) * log_2(p(x_i, y_i))$$

Exemple: [0.2, 0.1, 0.3, 0.4] : H(X, Y) = 1.85

Critère de sélection: Gain d'information:

$$GAIN(T, A) = Info(T) - Info(T|A)$$

Avec Info(T): Entropie au niveau de T (avant de partitionner)

$$Info(T) = -\sum_{c_i} freq(c_i, T) * log_2(freq(c_i, T))$$

Avec
$$freq(c_i, T) = p(c_i) = \frac{|c_i|}{|T|}$$

Avec Info(T|A) l'entropie conditionnelle de T une fois partitionné selon les valeurs de l'attribut A.

$$Info(T|A) = \sum_{a_{j \in A}} freq(a_j, T) * Info(T|a_j)$$

Critère de sélection: Gain Ration:

Le gain d'information favorise les attributs ayant de larges domaines.

Le ratio de gain utilise le gain d'information avec un facteur pénalisant les attributs ayant des domaines trop larges.

$$GainRatio(T, A) = \frac{Gain(T, A)}{Split_Info(T, A)}$$

Avec $Split_Info(T,A) = -\sum_{a_{j \in A}} freq(a_j,T) * log_2(freq(a_j,T)) = EntropiedeA$

Recherche Opérationnel

gggg

Apprentissage par le pratique

gggg

Représentation des connaissances et raisonnement

ggggg

Chapter 5
Outils formel

уууууу

\mathbf{XML}

uuuuu

Anglais

ffffffff