

Versuch 408

Geometrische Optik

Maximilian Sackel
Maximilian.sackel@gmx.de

Philip Schäfers
phil.schaefers@gmail.com

Durchführung: 26.04.16

Abgabe: 03.05.16

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

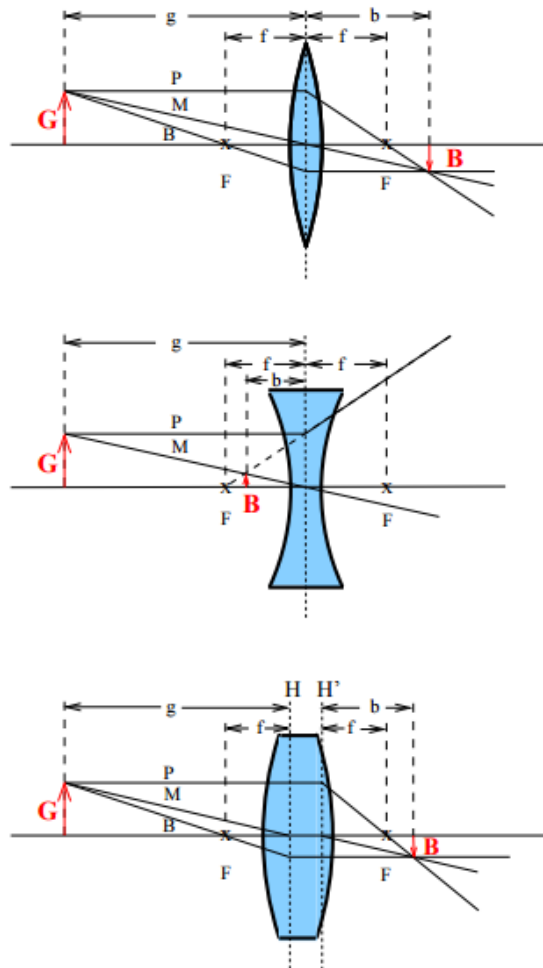
1	Zielsetzung	3
2	Theoretische Grundlage	3
2.1	Bestimmung der Brennweite einer Linse nach Bessel	4
2.2	Bestimmung der Brennweite eines Linsensystems nach Abbe	5
3	Fehlerrechnung	5
3.1	Mittelwert	5
3.2	Gauß'sche Fehlerfortpflanzung	6
3.3	Lineare Regression	6
4	Durchführung und Aufbau	6
4.1	Aufbau und Durchführung um das Abbildungsgesetz und die Linsengleichung zu verifizieren	6
4.2	Bestimmung der Brennweite einer Linse nach der Methode von Bessel . .	6
4.3	Bestimmung der Brennweite eines Linsensystems nach Abbe	7
5	Auswertung	7
6	Diskussion	7

1 Zielsetzung

Ziel des Versuches ist es die Brennweite f von verschiedenen Linsen mit zwei Methoden zu bestimmen. Dazu wird zunächst das Abbildungsgesetz und die Linsengleichung verifiziert. Zusätzlich wird die chromatische Abberation untersucht.

2 Theoretische Grundlage

Im Allgemeinen werden Linsen aus einem Material gefertigt, welches einen anderen Brechungsindex aufweist, als die umgebende Luft. Durch den unterschiedlichen Brechungsindex wird das eintreffende Licht, nach dem Brechungsgesetz, gebrochen. Die Linsen werden in zwei Gruppen eingeteilt: die Sammellinsen und die Zerstreuungslinsen. Die Sammellinsen werden zum Linsenrand dünner, wodurch parralleles Licht im Brennpunkt gebündelt wird. Bei Sammellinsen sind die Brennweite f und die Bildweite b immer positiv und es entsteht ein reelles Bild. Im Gegensatz dazu wird die Zerstreuungslinse zum Linsenrand hin breiter. Außerdem sind Brennweite f und Bildweite b negativ. Das entstehende Bild wird als virtuell bezeichnet. Die Abbildung (2) zeigt die Bildkonstruktion von einer dünnen Sammellinse (Oben), einer dünnen Zerstreuungslinse (Mitte) und einer dicken Sammellinse (Unten). Bei dünnen Linsen wird die Brechung auf die Mittelebene der Linse reduziert. Dies ist bei dicken Linsen nicht mehr möglich und es werden zwei Hauptebenen eingeführt an denen sich das Licht bricht. Zur Bildkonstruktion werden drei ausgezeichnete Strahlen verwendet:



Der Parrallelstrahl P läuft vom Gegenstand G parrallel zur optischen Achse zur Linse und wird dort so gebrochen, dass er durch den Bildpunkt B läuft.

Der Mittelpunktstrahl läuft vom Gegenstand G direkt zum Bildpunkt B ohne durch die Linse gebrochen zu werden.

Der Brennpunktstrahl läuft vom Gegenstand G zur Linse und wird dort so gebrochen, dass er danach parrallel zur optischen Achse läuft und die beiden anderen Strahlen im Bildpunkt B schneidet.

Mithilfe der Strahlensätze lässt sich das Abbildungsgesetz, an den Fällen in Abbildung (2), herleiten:

$$V = \frac{B}{G} = \frac{b}{g} . \quad (1)$$

B und G entsprechen der Bild- bzw. Gegenstandsgröße und b und g der Bild- bzw. Gegenstandsweite. Für dünne Linsen folgt aus dem Abbildungsgesetz und der Bildkonstruktion die Linsengleichung:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{b} + \frac{1}{g} . \quad (2)$$

Bei dicken Linsen und Linsensystemen wird nun die Mittelebene durch zwei Hauptebenen H und H' ersetzt an denen die Strahlen gebrochen werden. Die Brennweite, die Gegenstandsweite und die Bildweite werden zu der jeweiligen Hauptebene bestimmt, dadurch behält die Linsengleichung ihre Gültigkeit. Die Vereinfachung der Brechung an der Mittelebene bzw. der Hauptebenen nur für achsennahe Strahlen, da bei achsenfernen Strahlen das Licht stärker gebrochen wird. Bei der sphärischen Abberration liegt der Brennpunkt von achsennahen Strahlen weiter weg von der Linse als bei achsenfernen Strahlen. Durch dieses Phänomen wird das Bild unscharf, dies kann allerdings durch eine Irisblende, welche die achsenfernen Strahlen ausblendet, gelöst werden.

Außerdem muss beachtet werden, dass der Brechungsindex von der Wellenlänge, des einfallenden Lichtes, abhängt. Dadurch entsteht die chromatische Abberration. Das heißt blaues Licht wird stärker gebrochen als rotes Licht.

2.1 Bestimmung der Brennweite einer Linse nach Bessel

Dafür wird der Abstand e und der Abstand d konstant gehalten (siehe Abbildung (1)).

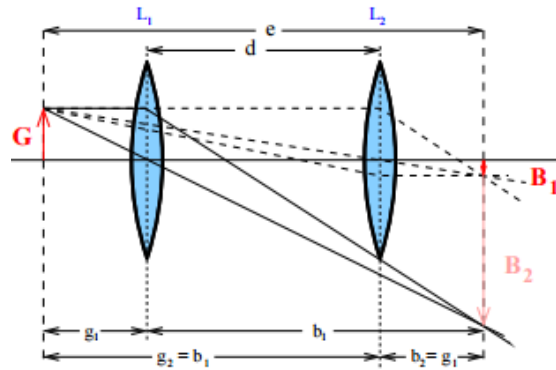


Abbildung 1: Schematische Darstellung für die Methode von Bessel.

Der Abstand e ist gleich

$$e = g_1 + b_1 = g_2 + b_2$$

und d entspricht

$$d = g_1 - b_1 = g_2 - b_2 .$$

Durch einsetzen lässt sich die Brennweite der Linse zu

$$f = \frac{e^2 - d^2}{4e} \quad (3)$$

bestimmen.

2.2 Bestimmung der Brennweite eines Linsensystems nach Abbe

Dafür muss neben der Brennweite f , auch die Lage der beiden Hauptebenen H und H' ermittelt werden. Dies geschieht über das Abbildungsgesetz (siehe Gl. (1)). Wie in Abbildung (2) zu erkennen ist, werden dazu die Bild- und Gegenstandsweiten g' und b' bezüglich eines beliebigen Punktes A gemessen. Aus den Formeln

$$g' = g + h = f \cdot \left(1 + \frac{1}{V}\right) + h \quad (4)$$

und

$$b' = b + h' = f \cdot (1 + V) + h' \quad (5)$$

ergeben sich dann die Brennweite f und die Lage der Hauptebenen.

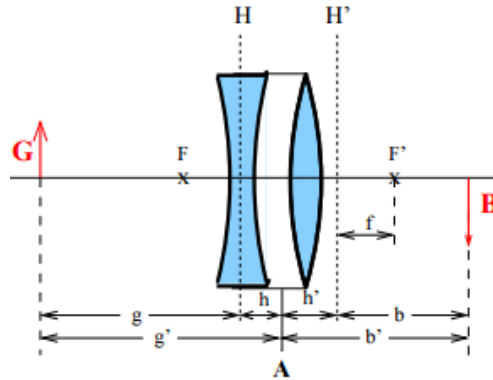


Abbildung 2: Schematische Darstellung für die Methode von Abbe.

3 Fehlerrechnung

Sämtliche Fehlerrechnungen werden mit Hilfe von Python 3.4.3 durchgeführt.

3.1 Mittelwert

Der Mittelwert einer Messreihe x_1, \dots, x_n lässt sich durch die Formel

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N x_k \quad (6)$$

berechnen. Die Standardabweichung des Mittelwertes beträgt

$$\Delta \bar{x} = \sqrt{\frac{1}{N(N-1)} \sum_{k=1}^N (x_k - \bar{x})^2} \quad (7)$$

3.2 Gauß'sche Fehlerfortpflanzung

Wenn x_1, \dots, x_n fehlerbehaftete Messgrößen im weiteren Verlauf benutzt werden, wird der neue Fehler Δf mit Hilfe der Gaußschen Fehlerfortpflanzung angegeben.

$$\Delta f = \sqrt{\sum_{k=1}^N \left(\frac{\partial f}{\partial x_k} \right)^2 \cdot (\Delta x_k)^2} \quad (8)$$

3.3 Lineare Regression

Die Steigung und y-Achsenabschnitt einer Ausgleichsgeraden werden gegebenenfalls mittels Linearen Regression berechnet.

$$y = m \cdot x + b \quad (9)$$

$$m = \frac{\overline{xy} - \bar{x}\bar{y}}{\overline{x^2} - \bar{x}^2} \quad (10)$$

$$b = \frac{\overline{x^2y} - \bar{x}\overline{xy}}{\overline{x^2} - \bar{x}^2} \quad (11)$$

4 Durchführung und Aufbau

4.1 Aufbau und Durchführung um das Abbildungsgesetz und die Linsengleichung zu verifizieren

Dazu wird eine optische Bank aufgestellt, an deren einem Ende sich eine Halogenlampe befindet und am anderen Ende ein Schirm. Dazwischen wird ein Gegenstand "Perl L" und eine Sammellinse mit bekannter Brennweite f positioniert. Nun wird bei gegebener Gegenstandsweite g , die Position des Schirms so lange variiert bis das Bild scharf abgebildet wird und die Wertepaare (g_i, b_i) werden notiert. Diese Messung wird für mindestens 9 weitere Gegenstandsweiten wiederholt. Dann werden alle Wertepaare in ein Koordinatensystem eingezeichnet und der Punkt A in dem sich die Geraden schneiden stellt die Brennweite f der Linse dar.

4.2 Bestimmung der Brennweite einer Linse nach der Methode von Bessel

Dazu werden der Schirm und der Gegenstand im Abstand e voneinander aufgestellt und die Linse dazwischen positioniert. Nun wird die Linse vom Gegenstand in Richtung des Schirms bewegt, bis das Bild scharf abgebildet wird und es werden g_1 und b_1 notiert. Danach wird die Linse weiter in Richtung des Schirms bewegt, bis das Bild ein weiteres mal scharf abgebildet wird und es werden g_2 und b_2 notiert. Dieses Verfahren wird für 9 weitere Abstände e wiederholt.

Um die chromatische Abberation zu untersuchen, werden für jeweils 5 Abstände e , ein roter und ein blauer Filter vor den Gegenstand gesetzt und analog zu dem oberen Verfahren vorgegangen werden.

4.3 Bestimmung der Brennweite eines Linsensystems nach Abbe

Dazu werden auf der optischen Bank der Gegenstand, eine Zerstreuungslinse, eine Sammellinse und der Schirm in eben dieser Reihenfolge aufgebaut. Der Abstand zwischen den beiden Linsen muss für die gesamte Messung konstant gehalten werden. Nun wird das Linsensystem verschoben bis ein scharfes Bild auf dem Schirm zu erkennen ist und die Bild- und Gegenstandsweiten b' und g' werden zu einem Referenzpunkt A gemessen. Hier wird der Referenzpunkt A auf die Mittelebene der Sammellinse gelegt. Zusätzlich werden die Bild- und Gegenstandsgrößen B und G gemessen. Diese Messung wird für 9 weitere Gegenstandsweiten durchgeführt.

5 Auswertung

6 Diskussion