

LECTURE 18

DISJOINT SET UNION







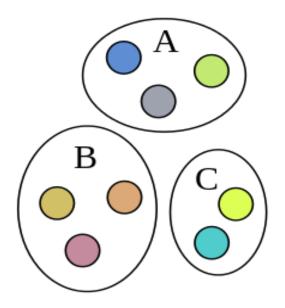
Phạm Nguyễn Sơn Tùng

Email: sontungtn@gmail.com



Định nghĩa DSU

Disjoint set union (DSU) hay còn được gọi với những tên gọi khác như Disjoint set, Union-Find là cấu trúc dữ liệu dùng để tập hợp các phần tử lại với nhau thành một tập lớn.





Các thao tác của DSU

Cấu trúc này bao gồm 2 thao tác cơ bản như sau:

- Find (u): Là thao tác sẽ thực hiện và trả về phần tử đại diện của tập hợp.
- Union (u, v): Ghép 1 phần tử vào tập hợp lớn hoặc ghép 2 tập hợp lại với nhau. Nếu 2 phần tử đã cùng tập hợp thì thao tác này sẽ không thực hiện.

Độ phức tạp: Mỗi thao tác Find và Union sẽ có chi phí O(N).



Bài toán minh họa

Cho 1 đồ thị vô hướng gồm N đỉnh được đánh số từ 1 đến N ($1 \le N \le 10000$), giữa 2 đỉnh bất kỳ đều có thể nối hoặc không nối với nhau. Ở trạng thái ban đầu tất cả các đỉnh đều không có cạnh nối. Cho bạn danh sách các truy vấn thuộc 2 dạng sau:

- XY1: Union(x, y) có ý nghĩa là bạn cần nổi 2 đỉnh X và Y.
- X Y 2: Find(x), Find(y) có ý nghĩa là bạn cần cho biết với trạng thái như hiện tại thì 2 đỉnh X và Y có thuộc cùng một thành phần liên thông hay không? Hai đỉnh được coi là thuộc cùng một thành phần liên thông nếu có đường đi từ đỉnh này đến đỉnh kia qua 1 số đỉnh khác và 2 đỉnh liên tiếp trên đường đi đều có cạnh nối.



Bài toán minh họa

Input:

- Dòng đầu tên là số Q là số truy vấn (1 ≤ Q ≤ 50000).
- Q dòng tiếp theo là X, Y Z với **X, Y** là 2 đỉnh của đồ thị, **Z** là truy vấn đó sẽ thuộc loại gì (1 hoặc 2).

Output:

- Với mỗi yêu cầu dạng X Y 2 (với Z = 2) bạn cần ghi ra số 0 hoặc 1 trên 1 dòng tùy thuộc 2 đỉnh X và Y không thuộc hoặc thuộc cùng một thành phần liên thông.



Bài toán minh họa

7	0
1 2 1	
2 3 1	1
5 6 1	
2 6 2	
6 7 1	
7 3 1	
6 2 2	



Bước 0: Chuẩn bị dữ liệu

Xác định xem mình có bao nhiêu đỉnh trên đồ thị, nếu chưa xác định được thì có thể chọn hết tối đa số đỉnh. Gán đỉnh cha của mỗi đỉnh là chính nó.

Mảng chứa đỉnh cha parent.

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	2	3	4	5	6	7

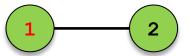


Bước 1: Chạy truy vấn 1

Truy vấn: 121

Mảng chứa đỉnh cha parent.

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	1	3	4	5	6	7











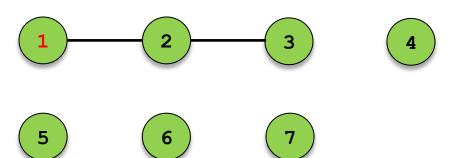
7



Bước 2: Chạy truy vấn 2

Truy vấn: 231

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	1	1	4	5	6	7

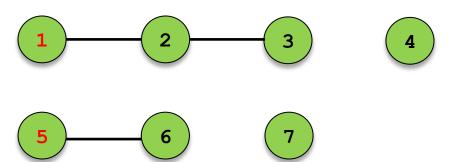




Bước 3: Chạy truy vấn 3

Truy vấn: 5 6 1

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	1	1	4	5	5	7

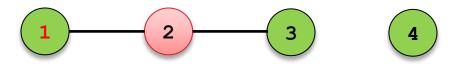




Bước 4: Chạy truy vấn 4

Truy vấn: 262

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	1	1	4	5	5	7





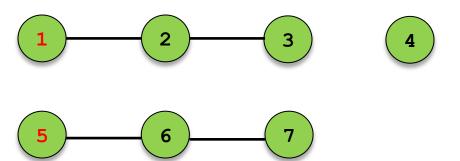




Bước 5: Chạy truy vấn 5

Truy vấn: 671

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	1	1	1	4	5	5	5

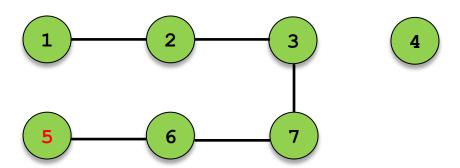




Bước 6: Chạy truy vấn 6

Truy vấn: 731

Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	5	1	1	4	5	5	5

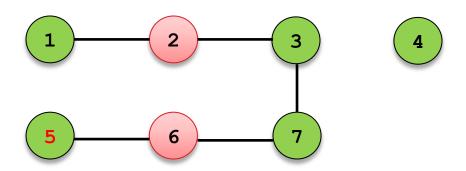




Bước 7: Chạy truy vấn 7

Truy vấn: 622

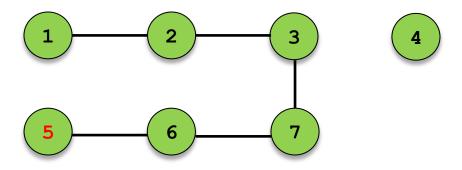
Đỉnh	0	1	2	3	4	5	6	7
Đỉnh cha	0	5	1	1	4	5	5	5







Kết quả bài toán







Source Code minh hoa C++

```
int findSet(int u)
{
    while (u != parent[u])
        u = parent[u];
    return u;
void unionSet(int u, int v)
{
    int up = findSet(u);
    int vp = findSet(v);
    parent[vp] = up;
```



Source Code minh hoa python

```
def findSet(u):
    while u != parent[u]:
        u = parent[u]
    return u
                                                ? python™
def unionSet(u, v):
    up = findSet(u)
    vp = findSet(v)
    parent[vp] = up
```



Source Code minh họa Java

```
public static int findSet(ArrayList <Integer> parent, int u) {
    while (u != parent.get(u)) {
        u = parent.qet(u);
    return u;
public static void unionSet(ArrayList<Integer> parent, int u, int v)
    int up = findSet(parent, u);
    int vp = findSet(parent, v);
    parent.set(vp, parent.get(up));
```



Hỏi đáp

