

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский
Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»
(ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:
«Полиномы»

Выполнил(а): студент(ка) группы
3822Б1ФИ2

_____ / Савченко М.П./
Подпись

Проверил: к.т.н, доцент каф. ВВиСП
_____ / Кустикова В.Д./

Подпись

Нижний Новгород
2023

Содержание

Введение.....	3
1 Постановка задачи.....	4
2 Руководство пользователя.....	5
2.1 Приложение для демонстрации работы связанного списка	5
2.2 Приложение для демонстрации работы полиномов.....	8
3 Руководство программиста	10
3.1 Описание алгоритмов	10
3.1.1 Связный список	10
3.1.2 Полиномы	13
3.2 Описание программной реализации	15
3.2.1 Описание класса TNode.....	15
3.2.2 Описание класса TList	17
3.2.3 Описание класса TRingList.....	22
3.2.4 Описание класса TMonom.....	24
3.2.5 Описание класса TPolynom	29
Заключение	34
Литература	35
Приложения	36
Приложение А. Реализация класса TNode.....	36
Приложение Б. Реализация класса TList.....	37
Приложение В. Реализация класса TRingList.....	43
Приложение Г. Реализация класса TMonom	45
Приложение Д. Реализация класса TPolynom	50

Введение

Полиномы являются важным математическим объектом, широко применяемым в различных областях науки и техники. Они используются для аппроксимации функций, решения уравнений, моделирования и анализа данных. В данной лабораторной работе мы рассматриваем полиномы от трех переменных x, y и z , которые представляют собой алгебраические выражения, составленные из суммы и произведения степенных функций переменных. Для удобства манипуляции и вычислений с такими полиномами необходимо реализовать соответствующую структуру данных.

В данном отчете представлена реализация класса, описывающего полиномы от трех переменных на языке программирования C++ с использованием связных списков. Класс позволяет удобно создавать, хранить, модифицировать и вычислять значения полиномов. Использование связных списков обеспечивает гибкую структуру хранения и управления полиномами любой степени и сложности.

1 Постановка задачи

Цель лабораторной работы:

Целью данной лабораторной работы является разработка и реализация класса, описывающего полиномы от трех переменных (x , y , z) на основе односвязных списков на языке программирования C++. Разработанный класс должен предоставлять удобные средства для работы с полиномиальными выражениями, включая их создание, модификацию и выполнение операций над ними.

Задачи лабораторной работы:

1. Спроектировать и описать структуру звеньев односвязного списка, которая будет использоваться для представления мономов.
2. Разработать класс односвязного списка, который будет содержать методы для добавления, удаления и обхода элементов списка.
3. Создать класс монома, который будет представлять отдельные члены полинома и содержать информацию о степени переменных и их коэффициенте.
4. Реализовать операции для класса монома, такие как сложение, вычитание и умножение, взятие производной по переменной.
5. Разработать класс полинома, который будет содержать методы для создания, модификации и вычисления полиномиальных выражений.
6. Обеспечить возможность выполнения арифметических операций над полиномами, таких как сложение, вычитание и умножение.
7. Провести тестирование разработанных классов на различных входных данных, чтобы убедиться в их корректности и эффективности.
8. Описать процесс разработки, принятые решения и особенности реализации в отчете по лабораторной работе.

2 Руководство пользователя

2.1 Приложение для демонстрации работы связного списка

1. Запустите приложение с названием `sample_tringlist.exe`. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1). На выбор дается следующие действия: **Insert** – вставка элементов в список; **Remove** – удаление элемента из списка; **Clear** – удалить все элементы из списка; **Next element** – перейти на следующий элемент списка; **Reset list** – перейти на первый элемент списка; **EXIT** – выход из программы. **Current** показывает на каком элементе списка вы сейчас находитесь. Для выбора действия нажмите соответствующую клавишу.

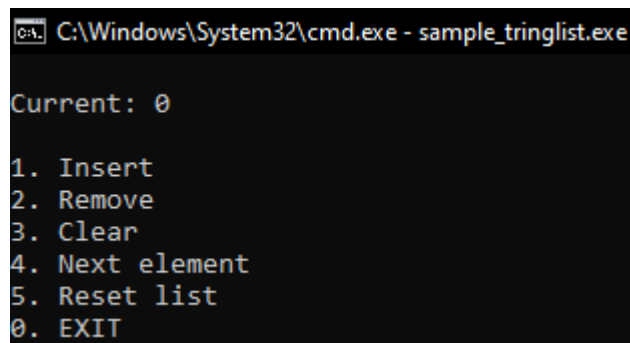


Рис. 1. Основное окно программы.

2. При выборе действия **Insert** на (рис. 1), окно примет вид, показанный ниже (рис. 2). На выбор даются следующие действия: **Insert First** – вставка в начало списка; **Insert Last** – вставка в конец списка; **Insert Before** – вставка перед указанным элементом; **Insert After** – вставка после указанного элемента; **Insert Before Current** – вставка перед текущим элементом; **Insert After Current** – вставка после текущего элемента; **Next element** – перейти на следующий элемент списка; **Reset list** – перейти на первый элемент списка; **EXIT** – выйти в главное меню. Пример ввода результат после нескольких попыток ввода можете увидеть на (рис. 3) и на (рис. 4) соответственно.

```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe

Current: 0

1. Insert First
2. Insert Last
3. Insert Before
4. Insert After
5. Insert Before Current
6. Insert After Current
7. Next element
8. Reset list
0. EXIT
```

Рис. 2. Меню действия Insert.

```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe

Current: 0

1. Insert First
2. Insert Last
3. Insert Before
4. Insert After
5. Insert Before Current
6. Insert After Current
7. Next element
8. Reset list
0. EXIT

2

Insert: 1_
```

Рис. 3. Пример добавления элемента в список.

```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe

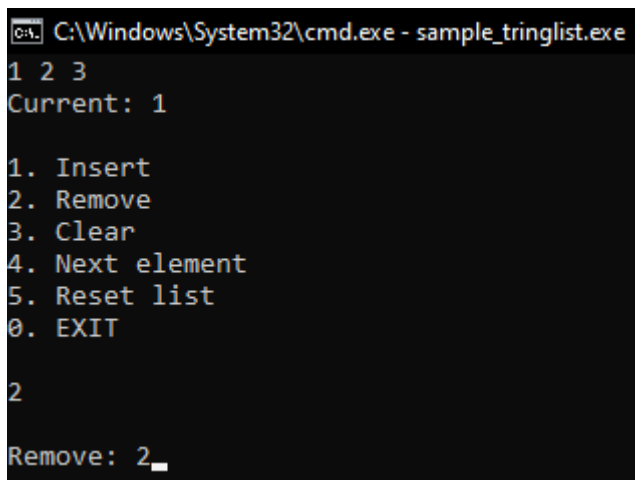
1 2 3
Current: 1

1. Insert
2. Remove
3. Clear
4. Next element
5. Reset list
0. EXIT

_
```

Рис. 4. Пример результата после нескольких добавлений в список.

3. При выборе действия **Remove** на (рис. 1) вам будет предложено удалить элемент из списка. Ниже представлены пример ввода и пример результата на (рис. 5) и на (рис. 6) соответственно.



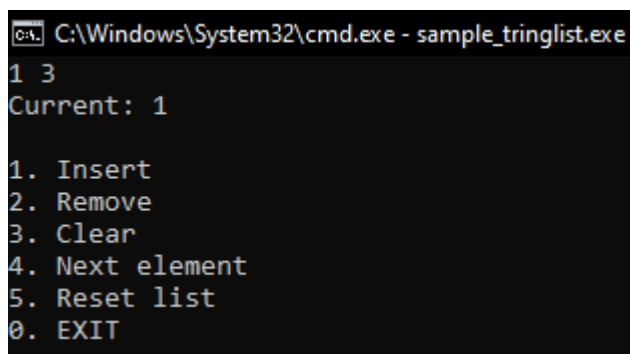
```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe
1 2 3
Current: 1

1. Insert
2. Remove
3. Clear
4. Next element
5. Reset list
0. EXIT

2

Remove: 2_
```

Рис. 5. Пример удаления элемента из списка.



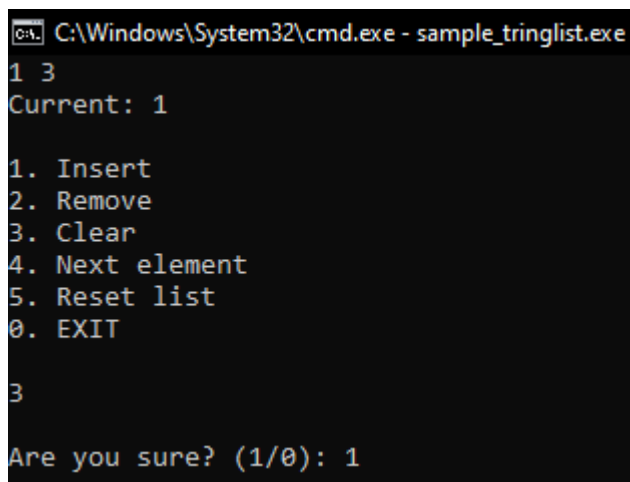
```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe
1 3
Current: 1

1. Insert
2. Remove
3. Clear
4. Next element
5. Reset list
0. EXIT

2
```

Рис. 6. Пример результата удаления элемента из списка.

4. При выборе действия **clear** на (рис. 1) вам будет предложено очистить список, удалив все его элементы. Для очистки надо будет подтвердить действие, введя соответствующую клавишу. Пример ввода показан на (рис. 7).



```
C:\Windows\System32\cmd.exe - sample_tringlist.exe
1 3
Current: 1

1. Insert
2. Remove
3. Clear
4. Next element
5. Reset list
0. EXIT

3

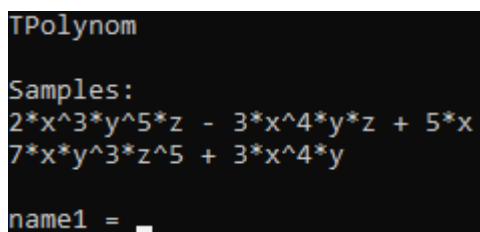
Are you sure? (1/0): 1
```

Рис. 7. Пример подтверждения очистки списка.

5. При выборе действия Next element будет произведено изменение текущего элемента на тот, который расположен от него справа. При применении этого действия на последнем элементе, текущим элементом станет первый из списка.
6. При выборе действия Next element будет произведено изменение текущего элемента на первый из списка.

2.2 Приложение для демонстрации работы полиномов

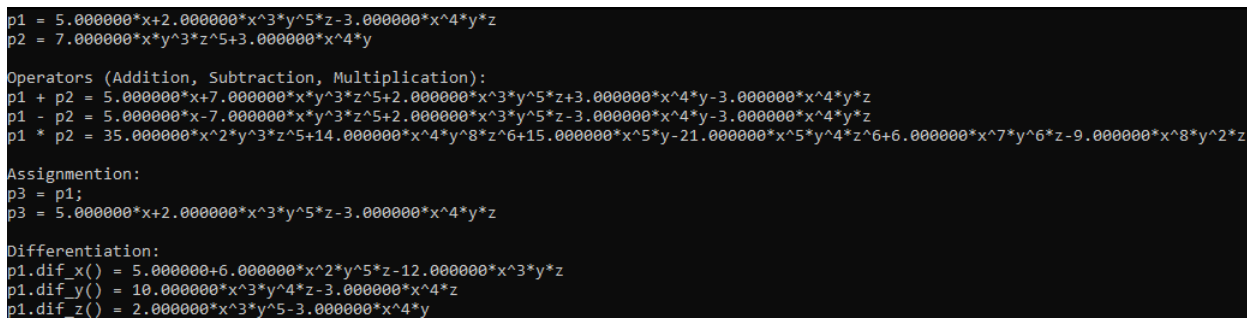
1. Запустите приложение с названием sample_tpolynom.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 8). Вам будет предложено ввести два полинома и будет показан пример этих двух полиномов.



```
TPolynom
Samples:
2*x^3*y^5*z - 3*x^4*y*z + 5*x
7*x*y^3*z^5 + 3*x^4*y
name1 = _
```

Рис. 8. Начало программы sample_tpolynom.exe.

2. При вводе двух полиномов будут показаны результаты всех операций над ними, показанные на (рис. 9). При вводе некорректного выражения будет выдана ошибка.



```
p1 = 5.000000*x+2.000000*x^3*y^5*z-3.000000*x^4*y*z
p2 = 7.000000*x*y^3*z^5+3.000000*x^4*y

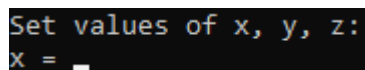
Operators (Addition, Subtraction, Multiplication):
p1 + p2 = 5.000000*x+7.000000*x*y^3*z^5+2.000000*x^3*y^5*z+3.000000*x^4*y-3.000000*x^4*y*z
p1 - p2 = 5.000000*x-7.000000*x*y^3*z^5+2.000000*x^3*y^5*z-3.000000*x^4*y-3.000000*x^4*y*z
p1 * p2 = 35.000000*x^2*y^3*z^5+14.000000*x^4*y^8*z^6+15.000000*x^5*y-21.000000*x^5*y^4*z^6+6.000000*x^7*y^6*z-9.000000*x^8*y^2*z

Assignment:
p3 = p1;
p3 = 5.000000*x+2.000000*x^3*y^5*z-3.000000*x^4*y*z

Differentiation:
p1.dif_x() = 5.000000+6.000000*x^2*y^5*z-12.000000*x^3*y*z
p1.dif_y() = 10.000000*x^3*y^4*z-3.000000*x^4*z
p1.dif_z() = 2.000000*x^3*y^5-3.000000*x^4*y
```

Рис. 9. Пример операций над двумя полиномами.

3. Далее вам будет предложено ввести значения x, y, z, для получения значения полиномов в данной точке (рис. 10). Введите эти значения и ознакомьтесь с результатом (рис. 11).



```
Set values of x, y, z:
x = _
```

Рис. 10. Ввод координат точки.


```
Set values of x, y, z:  
x = 1  
y = 2  
z = 3  
p1(x, y, z) = 179  
p2(x, y, z) = 13614
```

Рис. 11. Значение полиномов в введенной точке.

3 Руководство программиста

3.1 Описание алгоритмов

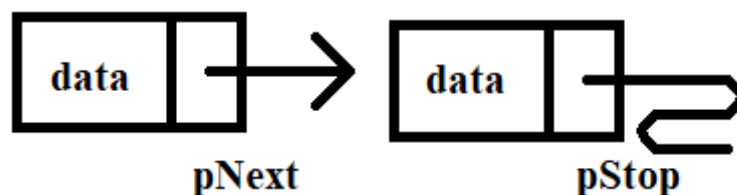
3.1.1 Связный список

Односвязный список (или просто "связанный список") - это базовая структура данных в информатике. Он состоит из: узлов, каждый из которых содержит данные (data) и указатель на следующий узел в списке (pNext); указателя на первый узел списка (pFirst); указателя на адрес остановки (pStop). Обозначается он на диаграмме таким образом:

Односвязный список поддерживает операции, такие как поиск элемента по значению, добавление элемента в начало или конец списка, добавление элемента перед заданным элементом или после него, удаление элемента из списка.

Узел

Узел состоит из следующих полей: data – хранящиеся данные любого типа, pNext – указатель на следующий. Последний узел списка указывает на адрес остановки pStop, как правило на NULL. Узел и последний узел будем обозначать соответственно следующим образом:



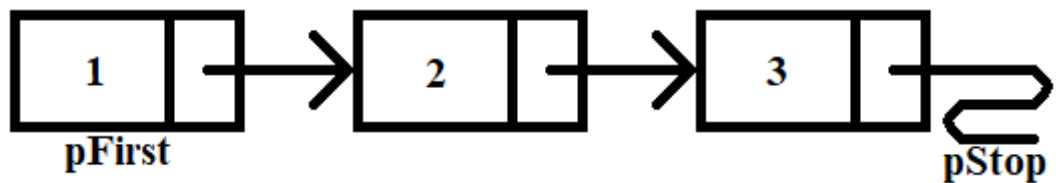
Операция поиска узла по значению

1. Начинаем обход по списку с первого звена (pFirst).
2. Если дошли до конца списка, то возвращаем конец списка (pStop).
3. Если значение рассматриваемого узла равно тому, который ищется, то возвращаем этот узел, иначе рассматриваем следующий узел и начинаем алгоритм с пункта 2.

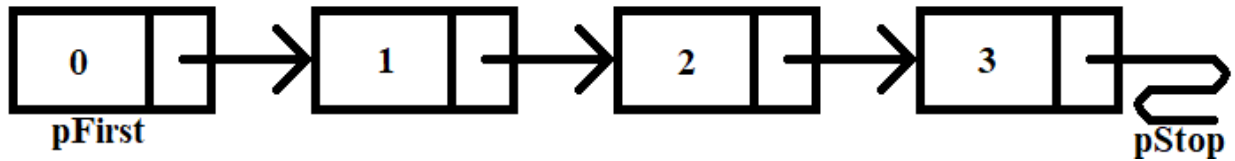
Операция добавления узла в начало списка

1. Создаем узел (pNode), указывающий на первый узел списка (pFirst).
2. Делаем созданный узел первым узлом списка (pFirst).

Пример:



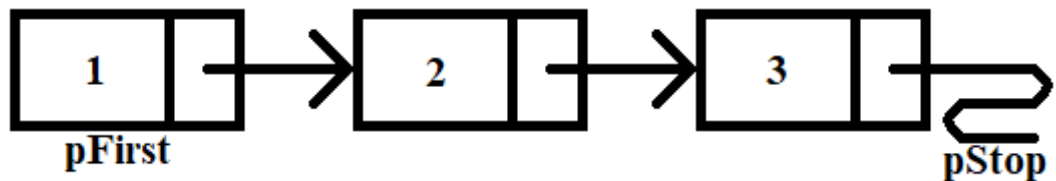
Добавление узла с значением 0 в начало списка:



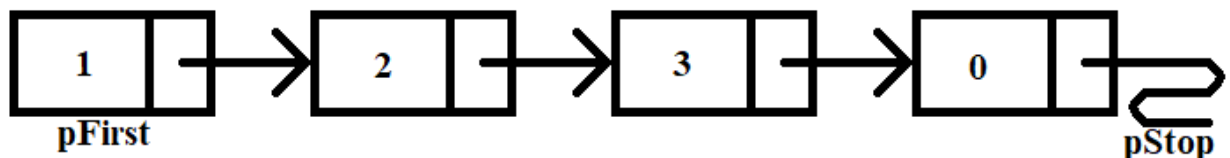
Операция добавления узла в конец списка

1. Создаем узел (pNode), указывающий на конец списка (pStop).
2. Если список пустой, добавляем узел в начало списка.
3. Иначе идем по списку с начала, пока не найдем последний узел в списке.
4. Указываем последний узел на созданный узел (pNode)

Пример:



Добавление узла с значением 0 в начало списка:

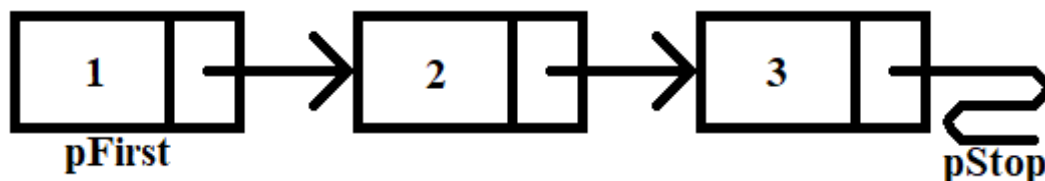


Операция добавления узла перед узлом с заданным значением

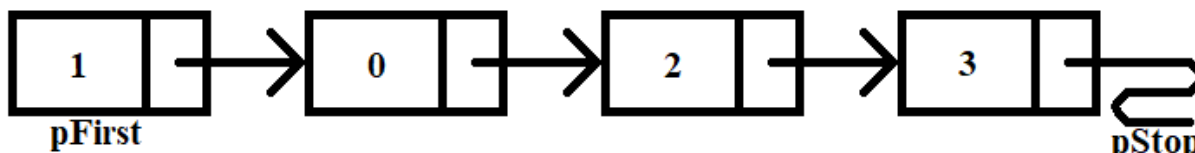
1. Создаем узел (pNode).
2. Если список пустой, заканчиваем операцию (далее КОНЕЦ) или выдаем ошибку.
3. Если первый элемент узла с заданным значением, то вставляем pNode в начало списка, КОНЕЦ.
4. Идем по списку с начала (tmp), рассматривая следующий по списку узел (tmp->pNext).
5. Если значение у tmp->pNext совпало с заданным, то pNode указываем на tmp->pNext, а tmp указываем на pNode, КОНЕЦ.

6. Иначе если дошли до конца списка и не нашли заданное значение, то КОНЕЦ или выдаем ошибку.

Пример:



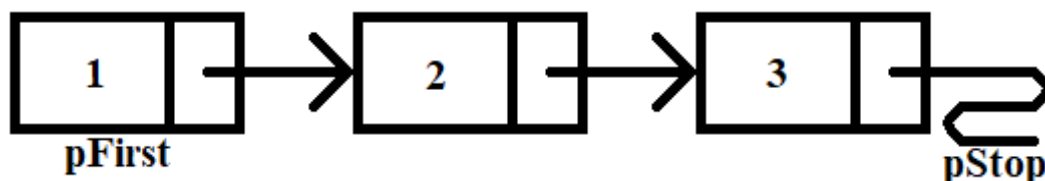
Добавление узла с значением 0 перед узлом с значением 2:



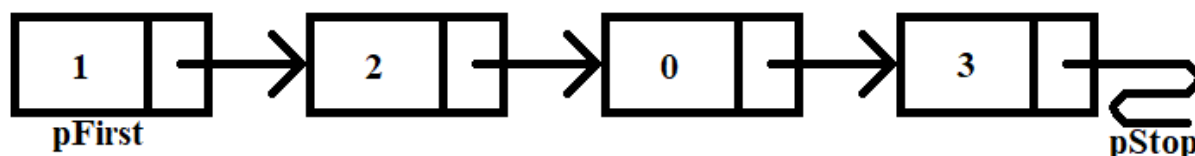
Операция добавления узла после узла с заданным значением

1. Создаем узел (pNode).
2. Если список пустой, КОНЕЦ или выдаем ошибку.
3. Идем по списку с начала, рассматривая данный узел (tmp).
4. Если значение tmp совпадает с заданным значением, то pNode указываем на следующий узел (tmp->pNext), а tmp указываем на pNode, КОНЕЦ.
5. Если дошли до конца списка и tmp совпадает с заданным значением, то pNode добавляем в конец списка, КОНЕЦ.
6. Иначе звено не найдено, КОНЕЦ или выдаем ошибку.

Пример:



Добавление узла с значением 0 после узла с значением 2:

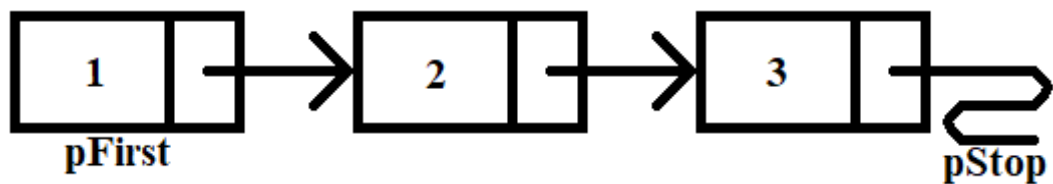


Операция удаления узла из списка по значению

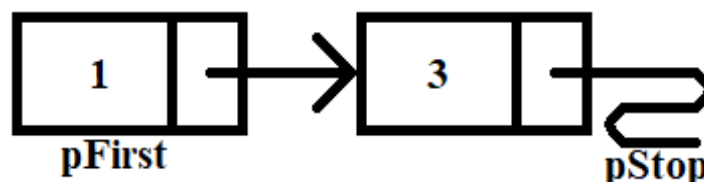
1. Если список пуст, то КОНЕЦ.

2. Если первый элемент из списка (pFirst) равен искомому, то запоминаем следующее звено (tmp = pFirst->pNext), удаляем pFirst и приравниваем pFirst к tmp, КОНЕЦ.
3. Иначе идем по списку с начала (tmp), рассматривая следующий по списку узел (tmp->pNext). Если tmp->pNext равен искомому, то запоминаем узел tmp->pNext->pNext, удаляем tmp->pNext, указываем tmp на tmp->pNext->pNext, КОНЕЦ.
4. Если tmp – последний узел списка, то искомый узел не найден, КОНЕЦ.

Пример:



Удаление узла с значением 2:



3.1.2 Полиномы

В данной работе полиномом является связный упорядоченный список из мономов трех переменных. Поддерживаются операции сложения, вычитания, умножения, согласно математическим правилам.

Мономы

Моном – это математическое выражение, состоящее из одного члена. В общем виде имеет вид $A * x^a * y^b * z^c$, где

- A – коэффициент, принимающее любое действительное значение.
- x, y, z – переменные.
- a, b, c – неотрицательные степени переменных, $a, b, c \in [0, 9]$.

Операция сложения полиномов

Пример:

$$\begin{aligned}
 &(2x^3y^2z + 5xy^4z^2 - 3xyz) + (4x^3y^2z + 2xy^4z^2 + 7z) = \\
 &= 6x^3y^2z + 7xy^4z^2 - 3xyz + 7z
 \end{aligned}$$

Операция вычитания полиномов

Пример:

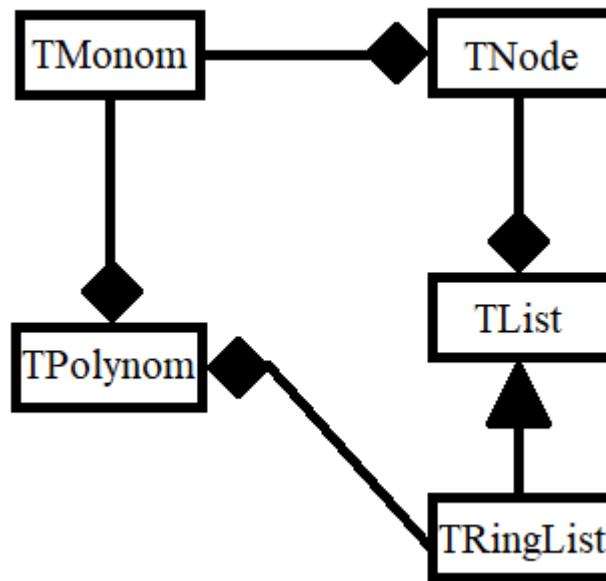
$$\begin{aligned}(2x^3y^2z + 5xy^4z^2 - 3xyz) - (4x^3y^2z + 2xy^4z^2 + 7z) = \\ = -2x^3y^2z + 3xy^4z^2 - 3xyz - 7z\end{aligned}$$

Операция произведения полиномов

Пример:

$$\begin{aligned}(2x^2y^3 - 3xyz + 4) * (5xy^2z - 7z^3 + 6) = \\ = 10x^3y^5z^2 - 14x^2y^3z^4 + 12x^2y^3z - 15xy^3z^4 + 21xyz^4 - 18xyz \\ + 20x^2y^2z - 28yz^3 + 24xy^2z + 30y^2z - 21z^4 + 24\end{aligned}$$

3.2 Описание программной реализации



3.2.1 Описание класса TNode

```
template <typename T>
struct TNode {
    T key;
    TNode<T>* pNext;

    TNode() : key(), pNext(nullptr) {};
    TNode(const T& data) : key(data), pNext(nullptr) {};
    TNode(TNode<T>* _pNext) : key(), pNext(_pNext) {};
    TNode(const T& data, TNode<T>* _pNext) : key(data), pNext(_pNext) {};
};
```

Назначение: представление звена списка.

Поля:

key — данные, хранящиеся в звене.

pNext — указатель на следующее звено.

Конструкторы:

`TNode();`

Назначение: конструктор по умолчанию.

`TNode(const T& data);`

Назначение: конструктор с параметром.

Входные параметры: **data** – данные для хранения в звене.

```
TNode(TNode<T>* _pNext);
```

Назначение: конструктор с параметром.

Входные параметры: **_pNext** – указатель на следующее звено .

```
TNode(const T& data, TNode<T>* _pNext);
```

Назначение: конструктор с параметрами.

Входные параметры: **data** – данные для хранения в звене, **_pNext** – указатель на следующее звено.

3.2.2 Описание класса TList

```
template <typename T>
class TList {
protected:
    TNode<T>* pFirst;
    TNode<T>* pLast;
    TNode<T>* pCurr;
    TNode<T>* pStop;

public:
    TList();
    TList(TNode<T>* _pFirst);
    TList(const TList<T>& obj);
    virtual ~TList();

    virtual TNode<T>* Search(const T& data);
    virtual void InsertFirst(const T& data);
    virtual void InsertLast(const T& data);
    virtual void InsertBefore(const T& data, const T& before);
    virtual void InsertAfter(const T& data, const T& after);
    virtual void InsertBefore(const T& data);
    virtual void InsertAfter(const T& data);
    virtual void Remove(const T& data);
    virtual void Clear();

    virtual size_t GetSize() const;
    virtual bool IsFull() const;
    virtual bool IsEmpty() const;

    virtual void Reset();
    virtual TNode<T>* GetCurrent() const;
    virtual void Next(const int count = 1);
    virtual bool IsEnded() const;

    virtual TNode<T>* first() const;
    virtual TNode<T>* last() const;
    virtual TNode<T>* stop() const;
};
```

Назначение: структура данных «Односвязный список».

Поля:

pFirst – указатель на первый элемент.

pLast – указатель на последний элемент.

pCurr – указатель на текущий элемент.

pStop – указатель на конец списка.

Конструкторы:

TList();

Назначение: конструктор по умолчанию.

```
TList(TNode<T>* _pFirst);
```

Назначение: конструктор преобразования типа.

Входные параметры: **_pFirst** – указатель на первое звено.

```
TList(const TList<T>& obj);
```

Назначение: конструктор копирования.

Входные параметры: **obj** – копируемый односвязный список.

```
virtual ~TList();
```

Назначение: деструктор.

Методы:

```
virtual TNode<T>* Search(const T& data);
```

Назначение: поиск звена в списке по ключю.

Входные параметры: **data** – искомый ключ.

Выходные параметры: указатель на найденное звено в списке.

```
virtual void InsertFirst(const T& data);
```

Назначение: вставка в начало списка.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные.

```
virtual void InsertLast(const T& data);
```

Назначение: вставка в конец списка.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные.

```
virtual void InsertBefore(const T& data, const T& before);
```

Назначение: вставка перед заданным элементом.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные, **before** – элемент, перед которым должна произойти вставка.

```
virtual void InsertAfter(const T& data, const T& after);
```

Назначение: вставка после заданного элемента.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные, **before** – элемент, после которого должна произойти вставка.

```
virtual void InsertBefore(const T& data);
```

Назначение: вставка перед текущим элементом.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные.

```
virtual void InsertAfter(const T& data);
```

Назначение: вставка после текущего элемента.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные.

```
virtual void Remove(const T& data);
```

Назначение: удаление элемента из списка.

Входные параметры: **data** – удаляемые данные.

```
virtual void Clear();
```

Назначение: удаление всех звеньев списка.

```
virtual size_t GetSize() const;
```

Назначение: получение количества звеньев в списке.

Выходные параметры: количества звеньев в списка.

```
virtual bool IsFull() const;
```

Назначение: проверка на заполненность памяти.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual bool IsEmpty() const;
```

Назначение: проверка, пуст ли список.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual void Reset();
```

Назначение: переход в начало списка.

```
virtual TNode<T>* GetCurrent() const;
```

Назначение: получение текущего звена списка.

Выходные параметры: ссылка на текущее звено списка.

```
virtual void Next(const int count = 1);
```

Назначение: переход на следующее звено списка.

Входные параметры: **count** – количество переходов.

```
virtual bool IsEnded() const;
```

Назначение: проверка, является ли текущее звено концом списка.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual TNode<T>* first() const;
```

Назначение: получение указателя на первое звено списка.

Выходные параметры: указатель на первое звено списка.

```
virtual TNode<T>* last() const;
```

Назначение: получение указателя на последнее звено списка.

Выходные параметры: указатель на последнее звено списка.

```
virtual TNode<T>* stop() const;
```

Назначение: получение указателя на конец списка.

Выходные параметры: указатель на конец списка.

3.2.3 Описание класса TRingList

```
template <typename T>
class TRingList : public TList<T> {
private:
    TNode<T>* pHead;
public:
    TRingList();
    TRingList(TNode<T>* _pFirst);
    TRingList(const TRingList<T>& rlist);
    virtual ~TRingList();

    void InsertFirst(const T& data);
};
```

Назначение: структура данных «Односвязный список закольцованный».

Поля:

pHead – фиктивное звено для закальцовывания списка.

Конструкторы:

```
TRingList();
```

Назначение: конструктор по умолчанию.

```
TRingList(TNode<T>* _pFirst);
```

Назначение: конструктор преобразования типа.

Входные параметры: **_pFirst** – указатель на первое звено.

```
TRingList(const TRingList<T>& rlist);
```

Назначение: конструктор копирования.

Входные параметры: **rlist** – копируемый список.

```
virtual ~TRingList();
```

Назначение: деструктор.

Методы:

```
void InsertFirst(const T& data);
```

Назначение: вставка в начало списка.

Входные параметры: **data** – вставляемые данные.

3.2.4 Описание класса TMonom

```
class TMonom{
private:
    double coeff;
    int degree;
public:
    TMonom();
    TMonom(const TMonom& monom);
    TMonom(double _coeff, int _degree);
    TMonom(double _coeff, int degX, int degY, int degZ);

    double get_coeff() const;
    int get_degree() const;

    int get_degX() const;
    int get_degY() const;
    int get_degZ() const;

    void set_coeff(double _coeff);
    void set_degree(int _degree);
    void set_degree(int degX, int degY, int degZ);

    double value(double x, double y, double z);

    virtual bool operator<(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator>(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator<=(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator>=(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator==(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator!=(const TMonom& monom) const;

    const TMonom& operator=(const TMonom& data);
    TMonom operator*(const TMonom& monom) const;

    TMonom dif_x() const;
    TMonom dif_y() const;
    TMonom dif_z() const;

    string get_string() const;
    friend ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom);
};
```

Назначение: представление монома.

Поля:

coeff – коэффициент монома.

degree – свертка степеней монома.

Конструкторы:

TMonom();

Назначение: конструктор по умолчанию.


```
TMonom(const TMonom& monom);
```

Назначение: конструктор копирования.

Входные параметры: **monom** – копируемый моном.

```
TMonom(double _coeff, int _degree);
```

Назначение: конструктор с параметрами.

Входные параметры: **_coeff** – коэффициент монома, **_degree** – свертка степеней монома.

```
TMonom(double _coeff, int degX, int degY, int degZ);
```

Назначение: конструктор с параметрами.

Входные параметры: **_coeff** – коэффициент монома, **degX, degY, degZ** – степени соответствующих переменных.

Методы:

```
double get_coeff() const;
```

Назначение: получение значения коэффициента монома.

Выходные параметры: значение коэффициента монома.

```
int get_degree() const;
```

Назначение: получение значения свертки степеней монома.

Выходные параметры: значение свертки степеней монома

```
int get_degX() const;
```

Назначение: получение значения степени переменной X.

Выходные параметры: значение степени переменной X.

```
int get_degY() const;
```

Назначение: получение значения степени переменной Y.

Выходные параметры: значение степени переменной Y.

```
int get_degZ() const;
```

Назначение: получение значения степени переменной Z.

Выходные параметры: значение степени переменной Z.

```
void set_coeff(double _coeff);
```

Назначение: задание коэффициента монома.

Входные параметры: `_coeff` - коэффициент монома.

```
void set_degree(int _degree);
```

Назначение: задание свертки степеней монома.

Входные параметры: `_degree` – свертка степени монома.

```
void set_degree(int degX, int degY, int degZ);
```

Назначение: задание свертки степеней монома.

Входные параметры: `degX, degY, degZ` – степени соответствующих переменных.

```
double value(double x, double y, double z);
```

Назначение: получение значения монома в точке.

Входные параметры: `x, y, z` – координаты точки.

Выходные параметры: значение монома в точке

```
virtual bool operator<(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “<”.

Входные параметры: `monom` – сравниваемый моном.

Выходные параметры: `true` или `false`.

```
virtual bool operator>(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “>”.

Входные параметры: **monom** – сравниваемый моном.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual bool operator<=(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “<=”.

Входные параметры: **monom** – сравниваемый моном.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual bool operator>=(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “>=”.

Входные параметры: **monom** – сравниваемый моном.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual bool operator==(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “==”.

Входные параметры: **monom** – сравниваемый моном.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
virtual bool operator!=(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: операция сравнения “!=”.

Входные параметры: **monom** – сравниваемый моном.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
const TMonom& operator=(const TMonom& data);
```

Назначение: оператор присваивания монома.

Входные параметры: **data** – присваиваемый моном.

Выходные параметры: ссылка на себя.

```
TMonom operator*(const TMonom& monom) const;
```

Назначение: оператор умножения мономов.

Входные параметры: **monom** – моном, на который происходит умножение.

Выходные параметры: результат умножения мономов.

```
TMonom dif_x() const;
```

Назначение: взятие производной монома по X.

Выходные параметры: производная монома по X.

```
TMonom dif_y() const;
```

Назначение: взятие производной монома по Y.

Выходные параметры: производная монома по Y.

```
TMonom dif_z() const;
```

Назначение: взятие производной монома по Z.

Выходные параметры: производная монома по Z.

```
string get_string() const;
```

Назначение: преобразование монома в строку.

Выходные параметры: сформированная строка монома.

```
friend ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom);
```

Назначение: вывод строки монома.

Входные параметры: out – поток вывода, monom – выводящийся моном.

Выходные параметры: поток вывода.

3.2.5 Описание класса TPolynom

```
class TPolynom {
private:
    TRingList<TMonom>* monoms;

    static map<string, int> priority;

    void Parse(string& name);
    void ToMonoms(vector<string>& lexems);
    void AddMonom(const TMonom& m);
public:
    TPolynom();
    TPolynom(const string& _name);
    TPolynom(const TRingList<TMonom>& ringlist);
    TPolynom(const TPolynom& polynom);
    ~TPolynom();

    const TPolynom& operator=(const TPolynom& polynom);

    const TPolynom operator+(const TPolynom& polynom) const;
    const TPolynom operator-() const;
    const TPolynom operator-(const TPolynom& polynom) const;
    const TPolynom operator*(const TPolynom& polynom) const;
    double operator()(double x, double y, double z) const;

    TPolynom dif_x() const;
    TPolynom dif_y() const;
    TPolynom dif_z() const;

    string get_string() const;
    friend ostream& operator<<(ostream& out, const TPolynom& polynom);

private:
    bool IsOperator(const string& isopr) const;
    bool IsConst(const string& isopd) const;
    bool IsVariable(const string& str) const;

    int FindOperator(const string& name, int pos = 0) const;

    void ConvertInfix(string& name);
    void CorrectnessCheck(const string& name) const;
};
```

Назначение: представление полинома.

Поля:

monoms – указатель на односвязный кольцевой список мономов.

priority – список арифметических операций с их приоритетами.

Конструкторы:

TPolynom();

Назначение: конструктор по умолчанию

```
TPolynom(const string& _name);
```

Назначение: конструктор с параметром.

Входные параметры: **_name** – строка полинома.

```
TPolynom(const TRingList<TMonom>& ringlist);
```

Назначение: конструктор преобразования типа

Входные параметры: **ringlist** - односвязный кольцевой список мономов.

```
TPolynom(const TPolynom& polynom);
```

Назначение: конструктор копирования.

Входные параметры: **polynom** – копируемый полином.

```
~TPolynom();
```

Назначение: деструктор.

Методы:

```
const TPolynom& operator=(const TPolynom& polynom);
```

Назначение: оператор присваивания полинома.

Входные параметры: **polynom** – присваиваемый полином.

Выходные параметры: ссылка на себя.

```
const TPolynom operator+(const TPolynom& polynom) const;
```

Назначение: оператор сложения полиномов.

Входные параметры: **polynom** – прибавляемый полином.

Выходные параметры: результат сложения полиномов.

```
const TPolynom operator-() const;
```

Назначение: оператор унарного минуса.

Выходные параметры: результат унарного минуса.

```
const TPolynom operator-(const TPolynom& polynom) const;
```

Назначение: оператор вычитания полиномов.

Входные параметры: **polynom** – вычитаемый полином.

Выходные параметры: результат вычитания полиномов

```
const TPolynom operator*(const TPolynom& polynom) const;
```

Назначение: оператор произведения полиномов.

Входные параметры: **polynom** – полином, на который умножают.

Выходные параметры: результат произведения полиномов

```
double operator()(double x, double y, double z) const;
```

Назначение: получение значения полинома в точке.

Входные параметры: **x, y, z** – координаты точки.

Выходные параметры: значение полинома в точке

```
TPolynom dif_x() const;
```

Назначение: взятие производной полинома по X.

Выходные параметры: производная полинома по X.

```
TPolynom dif_y() const;
```

Назначение: взятие производной полинома по Y.

Выходные параметры: производная полинома по Y.

```
TPolynom dif_z() const;
```

Назначение: взятие производной полинома по Z.

Выходные параметры: производная полинома по Z.

```
string get_string() const;
```

Назначение: преобразование полинома в строку.

Выходные параметры: сформированная строка полинома.

```
friend ostream& operator<<(ostream& out, const TPolynom& polynom);
```

Назначение: вывод строки полинома.

Входные параметры: `out` – поток вывода, `monom` – выводящийся полином.

Выходные параметры: поток вывода.

Служебные методы:

```
void Parse(string& name);
```

Назначение: анализ строки инфиксной формы арифметического выражения.

Входные параметры: `name` – строка инфиксной формы арифметического выражения.

```
void ToMonoms(vector<string>& lexems);
```

Назначение: анализ массива лексем инфиксной формы арифметического выражения для выделения отдельных мономов.

Входные параметры: `lexems` - лексемы инфиксной формы арифметического выражения.

```
void AddMonom(const TMonom& m);
```

Назначение: упорядоченное добавление монома в полином.

Входные параметры: `m` – добавляемый моном.

```
bool IsOperator(const string& isopr) const;
```

Назначение: проверка строки, является ли она доступным оператором.

Входные параметры: `isopr` – проверяемая строка.

Выходные параметры: `true` или `false`.

```
bool IsConst(const string& isopd) const;
```


Назначение: проверка строки, является ли она константой, но не операндом.

Входные параметры: **isopd** – проверяемая строка.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
bool IsVariable(const string& str) const;
```

Назначение: проверка строки, является ли она доступной переменной.

Входные параметры: **str** – проверяемая строка.

Выходные параметры: **true** или **false**.

```
int FindOperator(const string& name, int pos = 0) const;
```

Назначение: поиск первого встречного оператора.

Входные параметры: **name** – строка, в которой происходит поиск, **pos** – начальная позиция поиска.

Выходные параметры: индекс первого встречного оператора.

```
void ConvertInfix(string& name);
```

Назначение: корректирование строки инфиксной формы арифметического выражения (избавление от пробелов; добавление отсутствующих операторов умножения на скобки; избавление от сокращенной записи действительных констант).

Входные параметры: **name** – корректируемая строка.

```
void CorrectnessCheck(const string& name) const;
```

Назначение: проверка инфиксной формы арифметического выражения на наличие критических ошибок в ее записи.

Входные параметры: **name** – проверяемая строка.

Заключение

В результате выполнения лабораторной работы был разработан и реализован класс, описывающий полиномы от трех переменных (x , y , z) на основе односвязных списков на языке программирования C++. Этот класс предоставляет удобные средства для работы с полиномиальными выражениями, включая создание, модификацию и выполнение операций над ними.

В процессе работы были успешно выполнены все поставленные задачи. Была спроектирована и описана структура звеньев односвязного списка, разработан класс односвязного списка с необходимыми методами, создан класс монома для представления отдельных членов полинома, а также реализован класс полинома с возможностью выполнения арифметических операций над ними.

Тестирование разработанных классов показало их корректность и эффективность при обработке различных входных данных.

Данная лабораторная работа позволила углубить понимание структур данных и алгоритмов, а также приобрести практические навыки в разработке классов и их применении для решения задач вычислительной математики.

В будущем возможно расширение функциональности разработанных классов, включая поддержку дополнительных операций над полиномами и оптимизацию алгоритмов для улучшения производительности.

Литература

1. Лекция «Списковые структуры хранения» Сысоева А.В.
<https://cloud.unn.ru/s/x33MEa9on8HgNgw>
2. Лекция «Списки в динамической памяти» Сысоева А.В.
<https://cloud.unn.ru/s/rCiKGSX33SSGPi4>
3. Лекция «Полиномы» Сысоева А.В. <https://cloud.unn.ru/s/t6o9kp5g9bpf2yz>

Приложения

Приложение А. Реализация класса TNode

```
#include <iostream>
using namespace std;
template <typename T>
struct TNode {
    T key;
    TNode<T>* pNext;

    TNode() : key(), pNext(nullptr) {};
    TNode(const T& data) : key(data), pNext(nullptr) {};
    TNode(TNode<T>* _pNext) : key(), pNext(_pNext) {};
    TNode(const T& data, TNode<T>* _pNext) : key(data), pNext(_pNext)
};
```

Приложение Б. Реализация класса TList

```
#include "tnode.h"

template <typename T>
class TList {
protected:
    TNode<T>* pFirst;
    TNode<T>* pLast;
    TNode<T>* pCurr;
    TNode<T>* pStop;

public:
    TList();
    TList(TNode<T>* _pFirst);
    TList(const TList<T>& obj);
    virtual ~TList();

    virtual TNode<T>* Search(const T& data);
    virtual void InsertFirst(const T& data);
    virtual void InsertLast(const T& data);
    virtual void InsertBefore(const T& data, const T& before);
    virtual void InsertAfter(const T& data, const T& after);
    virtual void InsertBefore(const T& data);
    virtual void InsertAfter(const T& data);
    virtual void Remove(const T& data);
    virtual void Clear();

    virtual size_t GetSize() const;
    virtual bool IsFull() const;
    virtual bool IsEmpty() const;

    virtual void Reset();
    virtual TNode<T>* GetCurrent() const;
    virtual void Next(const int count = 1);
    virtual bool IsEnded() const;

    virtual TNode<T>* first() const;
    virtual TNode<T>* last() const;
    virtual TNode<T>* stop() const;
};

template <typename T>
TList<T>::TList() {
    pStop = nullptr;
    pFirst = pStop;
    pLast = pStop;
    pCurr = pStop;
}

template <typename T>
TList<T>::TList(TNode<T>* _pFirst) {
    pStop = nullptr;
    pFirst = _pFirst;
    if (pFirst == pStop) {
        pLast = pStop;
        pCurr = pStop;
        return;
    }

    TNode<T>* tmp = pFirst;
    while (tmp->pNext != pStop)
        tmp = tmp->pNext;
```

```

        pLast = tmp;
    }

template <typename T>
TList<T>::TList(const TList<T>& obj) {
    if (obj.pFirst == obj.pStop) {
        pStop = nullptr;
        pFirst = pStop;
        pLast = pStop;
        pCurr = pFirst;
        return;
    }

    pFirst = new TNode<T>(obj.pFirst->key);
    TNode<T>* tmp = obj.pFirst;
    TNode<T>* pNode = pFirst;

    while (tmp->pNext != obj.pStop) {
        pNode->pNext = new TNode<T>(tmp->pNext->key);
        pNode = pNode->pNext;
        tmp = tmp->pNext;
    }
    pLast = pNode;
    pStop = pLast->pNext;
    pCurr = pFirst;
}

template <typename T>
TList<T>::~~TList() {
    Clear();
}

template <typename T>
TNode<T>* TList<T>::Search(const T& data) { // if (obj.Search(data) ==
obj.stop) - NOT FOUND
    TNode<T>* tmp = pFirst;
    while (tmp != pStop && tmp->key != data)
        tmp = tmp->pNext;
    return tmp;
}

template <typename T>
void TList<T>::InsertFirst(const T& data) {
    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pFirst);
    if (pFirst == pStop) pLast = tmp;
    pFirst = tmp;

    if (pCurr == pStop) Reset();
}

template <typename T>
void TList<T>::InsertLast(const T& data) {
    if (pFirst == pStop) {
        InsertFirst(data);
        return;
    }
    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pStop);
    pLast->pNext = tmp;
    pLast = pLast->pNext;

    if (pCurr == pStop) Reset();
}

```

```

}

template <typename T>
void TList<T>::InsertBefore(const T& data, const T& before) {
    TNode<T>* pBefore = nullptr;
    TNode<T>* pNode = pFirst;

    while (pNode != pStop && pNode->key != before) {
        pBefore = pNode;
        pNode = pNode->pNext;
    }

    if (pNode == pStop) {
        string exp = "Error: key not found";
        throw exp;
    }

    if (pNode == pFirst) {
        InsertFirst(data);
        return;
    }

    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pNode);
    pBefore->pNext = tmp;

    if (pCurr == pStop) Reset();
}

template <typename T>
void TList<T>::InsertAfter(const T& data, const T& after) {
    TNode<T>* pNode = Search(after);

    if (pNode == pStop) {
        string exp = "Error: key not found";
        throw exp;
    }

    if (pNode == pLast) {
        InsertLast(data);
        return;
    }

    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pNode->pNext);
    pNode->pNext = tmp;

    if (pCurr == pStop) Reset();
}

////////////////////////////////////
template <typename T>
void TList<T>::InsertBefore(const T& data) {
    if (pCurr == pStop) {
        string exp = "Error: pCurrent is not installed, use Reset() and
Next() ";
        throw exp;
    }

    if (pCurr == pFirst) {
        InsertFirst(data);
        return;
    }
}

```

```

        TNode<T>* before = pFirst;
        while (before->pNext != pCurr)
            before = before->pNext;

        TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pCurr);
        before->pNext = tmp;
    }

template <typename T>
void TList<T>::InsertAfter(const T& data) {
    if (pCurr == pStop) {
        string exp = "Error: pCurrent is not installed, use Reset() and
Next() ";
        throw exp;
    }

    if (IsEnded()) {
        InsertLast(data);
        return;
    }

    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pCurr->pNext);
    pCurr->pNext = tmp;
}
////////////////////////////////////

template <typename T>
void TList<T>::Remove(const T& data) {
    if (pFirst == pStop) {
        string exp = "Error: list is empty";
        throw exp;
    }

    TNode<T>* pNode = pFirst, *pPrev = nullptr;
    while (pNode->pNext != pStop && pNode->key != data) {
        pPrev = pNode;
        pNode = pNode->pNext;
    }

    if (pNode->pNext == pStop && pNode->key != data) {
        string exp = "Error: key not found";
        throw exp;
    }

    if (pCurr == pNode) Reset();

    if (pPrev == nullptr) {
        pFirst = pNode->pNext;
        delete pNode;
        return;
    }

    pPrev->pNext = pNode->pNext;
    delete pNode;
}

template <typename T>
void TList<T>::Clear() {
    TNode<T>* tmp = pFirst;
    while (pFirst != pStop) {
        pFirst = tmp->pNext;
        delete tmp;
        tmp = pFirst;
    }
}

```



```

    }
    pLast = pStop;
    pCurr = pStop;
}

template <typename T>
size_t TList<T>::GetSize() const {
    size_t size = 0;
    TNode<T>* tmp = pFirst;
    while (tmp != pStop) {
        tmp = tmp->pNext;
        ++size;
    }
    return size;
}

template <typename T>
bool TList<T>::IsFull() const {
    TNode<T>* tmp = new TNode<T>;
    if (tmp != pStop) {
        return false;
    }
    else {
        return true;
    }
}

template <typename T>
bool TList<T>::IsEmpty() const {
    if (pFirst == pStop) return true;
    else return false;
}

template <typename T>
void TList<T>::Reset() {
    pCurr = pFirst;
}

template <typename T>
TNode<T>* TList<T>::GetCurrent() const {
    return pCurr;
}

template <typename T>
void TList<T>::Next(const int count) {
    if (count <= 0) {
        string exp = "Error: count can't be less than 0";
        throw exp;
    }

    for (int i = 0; i < count; i++) {
        if (!IsEnded() || pCurr != pStop) pCurr = pCurr->pNext;
        else Reset();
    }
}

template <typename T>
bool TList<T>::IsEnded() const {
    if (pCurr == pStop) return true;
}

```

```

        //if (pCurr->pNext == pStop) return true;
        else return false;
    }

    template <typename T>
    TNode<T>* TList<T>::first() const {
        return pFirst;
    }
    template <typename T>
    TNode<T>* TList<T>::last() const {
        return pLast;
    }
    template <typename T>
    TNode<T>* TList<T>::stop() const {
        return pStop;
    }

```

Приложение В. Реализация класса TRingList

```
#include <iostream>
#include "tlist.h"

using namespace std;

template <typename T>
class TRingList : public TList<T> {
private:
    TNode<T>* pHead;
public:
    TRingList();
    TRingList(TNode<T>* _pFirst);
    TRingList(const TRingList<T>& rlist);
    virtual ~TRingList();

    void InsertFirst(const T& data);
};

template <typename T>
TRingList<T>::TRingList() {
    pHead = new TNode<T>();
    pHead->pNext = pHead;

    pStop = pHead;
    pFirst = pHead; // nullptr
    pLast = pHead;
    pCurr = pHead;
} // !!! IF pFirst = nullptr (etc.), THEN WHOLE PROJECT BREAKS DOWN !!!

template <typename T>
TRingList<T>::TRingList(TNode<T>* _pFirst) : TList(_pFirst) {
    pHead = new TNode<T>();
    pHead->pNext = pHead;
    pStop = pHead;

    if (pFirst == nullptr) {
        pFirst = pHead; //nullptr
        pLast = pHead;
        pCurr = pHead;
    }
    else {
        TNode<T>* tmp = pFirst;
        pHead->pNext = pFirst;
        while (tmp->pNext != nullptr) {
            tmp = tmp->pNext;
        }
        tmp->pNext = pHead;
        pLast = tmp;
    }
}

template <typename T>
TRingList<T>::TRingList(const TRingList<T>& rlist) {
    pHead = new TNode<T>();
    pHead->pNext = pHead;
    pStop = pHead;

    if (rlist.pFirst == rlist.pStop) { //nullptr
        pFirst = pHead; // nullptr
        pLast = pHead;
        pCurr = pHead;
    }
}
```

```

    }
    else {
        pFirst = new TNode<T>(rlist.pFirst->key);
        TNode<T>* tmp = rlist.pFirst;
        TNode<T>* pNode = pFirst;
        pHead->pNext = pFirst;

        while (tmp->pNext != rlist.pStop) {
            pNode->pNext = new TNode<T>(tmp->pNext->key);
            pNode = pNode->pNext;
            tmp = tmp->pNext;
        }
        pLast = pNode;
        pLast->pNext = pStop;
        pCurr = pFirst;
    }
}

template <typename T>
TRingList<T>::~~TRingList() {
    if (pStop) delete pStop;
}

template <typename T>
void TRingList<T>::InsertFirst(const T& data) {
    TNode<T>* tmp = new TNode<T>(data, pFirst);
    if (pFirst == pStop) pLast = tmp;
    pFirst = tmp;

    pHead->pNext = pFirst;

    if (pCurr == pStop) Reset();
}

```

Приложение Г. Реализация класса TMonom

```
#include <iostream>
#include <string>

using namespace std;

class TMonom{
private:
    double coeff;
    int degree;
public:
    TMonom();
    TMonom(const TMonom& monom);
    TMonom(double _coeff, int _degree);
    TMonom(double _coeff, int degX, int degY, int degZ);

    double get_coeff() const;
    int get_degree() const;

    int get_degX() const;
    int get_degY() const;
    int get_degZ() const;

    void set_coeff(double _coeff);
    void set_degree(int _degree);
    void set_degree(int degX, int degY, int degZ);

    double value(double x, double y, double z);

    virtual bool operator<(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator>(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator<=(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator>=(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator==(const TMonom& monom) const;
    virtual bool operator!=(const TMonom& monom) const;

    const TMonom& operator=(const TMonom& data);
    TMonom operator*(const TMonom& monom) const;

    TMonom dif_x() const;
    TMonom dif_y() const;
    TMonom dif_z() const;

    string get_string() const;
    friend ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom);
};

TMonom::TMonom() {
    coeff = 0;
    degree = -1;
}

TMonom::TMonom(const TMonom& monom) {
    coeff = monom.coeff;
    degree = monom.degree;
}

TMonom::TMonom(double _coeff, int _degree) {
    if (_degree > 999 || _degree < 0) {
        string exp = "Error: degree must be in [0, 999]";
        throw exp;
    }

    coeff = _coeff;
```

```

        degree = _degree;
    }
    TMonom::TMonom(double _coeff, int degX, int degY, int degZ) {
        if (degX < 0 || degY < 0 || degZ < 0 || degX > 9 || degY > 9 || degZ >
9) {
            string exp = "Error: x,y,z must be in [0, 9]";
            throw exp;
        }

        coeff = _coeff;
        degree = 100 * degX + 10 * degY + degZ;
    }

double TMonom::get_coeff() const {
    return coeff;
}
int TMonom::get_degree() const {
    return degree;
}

int TMonom::get_degX() const {
    int degX = degree / 100;
    return degX;
}
int TMonom::get_degY() const {
    int degY = (degree / 10) % 10;
    return degY;
}
int TMonom::get_degZ() const {
    int degZ = degree % 10;
    return degZ;
}

void TMonom::set_coeff(double _coeff) {
    coeff = _coeff;
}
void TMonom::set_degree(int _degree) {
    if (_degree > 999 || _degree < 0) {
        string exp = "Error: degree must be in [0, 999]";
        throw exp;
    }

    degree = _degree;
}
void TMonom::set_degree(int degX, int degY, int degZ) {
    if (degX < 0 || degY < 0 || degZ < 0 || degX > 9 || degY > 9 || degZ >
9) {
        string exp = "Error: degX,degY,degZ must be in [0, 9]";
        throw exp;
    }

    degree = 100 * degX + 10 * degY + degZ;
}

double TMonom::value(double x, double y, double z) {
    double resX = 1, resY = 1, resZ = 1;

    int degZ = get_degZ();
    int degY = get_degY();
    int degX = get_degX();

```

```

        for (int i = 0; i < degZ; i++) {
            resZ *= z;
        }
        for (int i = 0; i < degY; i++) {
            resY *= y;
        }
        for (int i = 0; i < degX; i++) {
            resX *= x;
        }

        return coeff * resX * resY * resZ;
    }

    bool TMonom::operator<(const TMonom& monom) const {
        if (degree < monom.degree) return true;
        return false;
    }
    bool TMonom::operator>(const TMonom& monom) const {
        if (degree > monom.degree) return true;
        return false;
    }
    bool TMonom::operator<=(const TMonom& monom) const {
        if (degree <= monom.degree) return true;
        return false;
    }
    bool TMonom::operator>=(const TMonom& monom) const {
        if (degree >= monom.degree) return true;
        return false;
    }
    bool TMonom::operator==(const TMonom& monom) const {
        if (degree == monom.degree) return true;
        return false;
    }
    bool TMonom::operator!=(const TMonom& monom) const {
        return !(degree == monom.degree);
    }

    const TMonom& TMonom::operator=(const TMonom& monom) {
        degree = monom.degree;
        coeff = monom.coeff;

        return (*this);
    }

    TMonom TMonom::operator*(const TMonom& monom) const {
        int degZ1 = get_degZ();
        int degY1 = get_degY();
        int degX1 = get_degX();

        int degZ2 = monom.get_degZ();
        int degY2 = monom.get_degY();
        int degX2 = monom.get_degX();

        if (degZ1 + degZ2 > 9 || degY1 + degY2 > 9 || degX1 + degX2 > 9 ||
            degZ1 + degZ2 < 0 || degY1 + degY2 < 0 || degX1 + degX2 < 0) {
            string exp = "Error: res_degrees must be in [0, 9]";
            throw exp;
        }

        int res_degree = degree + monom.degree;

```

```

        double res_coeff = coeff * monom.coeff;

        TMonom res(res_coeff, res_degree);
        return res;
    }

    TMonom TMonom::dif_x() const {
        int degX = get_degX();

        if (degX == 0) {
            TMonom res(0, 0);
            return res;
        }
        else {
            double _coeff = coeff * degX;
            int _degree = degree - 100;

            TMonom res(_coeff, _degree);
            return res;
        }
    }

    TMonom TMonom::dif_y() const {
        int degY = get_degY();

        if (degY == 0) {
            TMonom res(0, 0);
            return res;
        }
        else {
            double _coeff = coeff * degY;
            int _degree = degree - 10;

            TMonom res(_coeff, _degree);
            return res;
        }
    }

    TMonom TMonom::dif_z() const {
        int degZ = get_degZ();

        if (degZ == 0) {
            TMonom res(0, 0);
            return res;
        }
        else {
            double _coeff = coeff * degZ;
            int _degree = degree - 1;

            TMonom res(_coeff, _degree);
            return res;
        }
    }

    string TMonom::get_string() const {
        int degZ = get_degZ();
        int degY = get_degY();
        int degX = get_degX();
        string res = "";

        res += to_string(coeff);

```



```

    if (degX == 1) res += "*x";
    else if (degX > 1) res += "x^" + to_string(degX);

    if (degY == 1) res += "*y";
    else if (degY > 1) res += "y^" + to_string(degY);

    if (degZ == 1) res += "*z";
    else if (degZ > 1) res += "z^" + to_string(degZ);

    return res;
}

ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom) {
    return out << monom.get_string();
}

```

Приложение Д. Реализация класса TPolynom

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <map>
#include <vector>

#include "tringlist.h"
#include "tmonom.h"

using namespace std;

#define infix name

class TPolynom {
private:
    TRingList<TMonom>* monoms;

    static map<string, int> priority;

    void Parse(string& name);
    void ToMonoms(vector<string>& lexems);
    void AddMonom(const TMonom& m);
public:
    TPolynom();
    TPolynom(const string& _name);
    TPolynom(const TRingList<TMonom>& ringlist);
    TPolynom(const TPolynom& polynom);
    ~TPolynom();

    const TPolynom& operator=(const TPolynom& polynom);

    const TPolynom operator+(const TPolynom& polynom) const;
    const TPolynom operator-() const;
    const TPolynom operator-(const TPolynom& polynom) const;
    const TPolynom operator*(const TPolynom& polynom) const;
    double operator()(double x, double y, double z) const;

    TPolynom dif_x() const;
    TPolynom dif_y() const;
    TPolynom dif_z() const;

    string get_string() const;
    friend ostream& operator<<(ostream& out, const TPolynom& polynom);

private:
    bool IsOperator(const string& isopr) const;
    bool IsConst(const string& isopd) const;
    bool IsVariable(const string& str) const;

    int FindOperator(const string& name, int pos = 0) const;

    void ConvertInfix(string& name);
    void CorrectnessCheck(const string& name) const;
};

map<string, int> TPolynom::priority = {
    {"^", 4},
    {"*", 3},
    {"/", 3},
    {"+", 2},
    {"-", 2},
    {"(", 1},
```

```

        {"", 1}
};

bool TPolynom::IsOperator(const string& isopr) const { // opr : priority
    can't be char
    bool flag = false;
    for (const auto& opr : priority) {
        if (isopr == opr.first) {
            flag = true;
            break;
        }
    }
    return flag;
}

bool TPolynom::IsConst(const string& isopd) const {
    bool flag = true;
    for (int i = 0; i < isopd.size(); i++)
        if (isopd[i] < '0' || isopd[i] > '9') {
            if (isopd[i] != '.')
                flag = false;
            break;
        }
    return flag;
}

bool TPolynom::IsVariable(const string& str) const {
    return (str == "x" || str == "y" || str == "z");
}

// If found any operator, returns index. Else returns -1.
int TPolynom::FindOperator(const string& name, int pos) const {
    if (pos < 0 || pos >= infix.size()) return -1;

    int ind = -1;
    for (int i = pos; i < infix.size(); i++) {
        string isopr;
        isopr += infix[i];

        if (IsOperator(isopr)) {
            ind = i;
            break;
        }
    }
    return ind;
}

void TPolynom::ConvertInfix(string& name) {
    string nospaces;
    for (int i = 0; i < infix.size(); i++) {
        if (infix[i] != ' ')
            nospaces += infix[i];
    }
    infix = nospaces;

    string tmp;
    if (infix[0] == '-') tmp += "0-";
    else if (infix[0] == '.') tmp += "0.";
    else if (infix[0] == '(') tmp += '(';
    else tmp += infix[0];

    for (int i = 1; i < infix.size() - 1; i++) {
        char elem = infix[i];
        if (elem == ' ') {
            continue;

```

```

    }
    else if (elem == '-') {
        if (infix[i - 1] == '(')
            tmp += '0';
        tmp += '-';
    }
    else if (elem == '(') {
        if (infix[i - 1] == ')') || infix[i - 1] == '.' || (infix[i -
1] >= '0' && infix[i - 1] <= '9'))
            tmp += '*';
        tmp += '(';
    }
    else if (elem == '.') {
        if (infix[i - 1] < '0' || infix[i - 1] > '9') {
            if (infix[i - 1] == ')')
                tmp += '*';
            tmp += '0';
        }
        tmp += '.';
        if (infix[i + 1] < '0' || infix[i + 1] > '9') {
            tmp += '0';
            if (infix[i + 1] == '(')
                tmp += '*';
        }
    }
    else if (elem >= '0' && elem <= '9') {
        if (infix[i - 1] == ')')
            tmp += '*';
        tmp += elem;
    }
    else {
        tmp += elem;
    }
}
if (infix[infix.size() - 1] == '.') tmp += ".0";
else if (infix[infix.size() - 1] == ')') tmp += ')';
else tmp += infix[infix.size() - 1];
infix = tmp;
}

void TPolynom::CorrectnessCheck(const string& name) const {
    int op_bracket = 0;
    int cl_bracket = 0;
    int dot = 0;

    string exp = "Incorrect arithmetic expression";

    if (infix[0] == '+' || infix[0] == '*' || infix[0] == '/' ||
        infix[0] == ')') || infix[0] == '^') throw exp;
    if (infix[infix.size() - 1] == '+' || infix[infix.size() - 1] == '-' ||
        infix[infix.size() - 1] == '*' || infix[infix.size() - 1] == '/'
||
        infix[infix.size() - 1] == '(' || infix[infix.size() - 1] == '^')
throw exp;

    if (infix[0] == '(') op_bracket++;
    else if (infix[0] == '.') dot++;
    if (infix[infix.size() - 1] == ')') cl_bracket++;
    else if (infix[infix.size() - 1] == '.') dot++;

    for (int i = 1; i < infix.size() - 1; i++) {
        char elem = infix[i];
        if (elem == '(')

```

```

        op_bracket++;
    else if (elem == ')') {
        if (infix[i - 1] == '(' || infix[i - 1] == '+' || infix[i -
1] == '-' ||
            infix[i - 1] == '*' || infix[i - 1] == '/' || infix[i
- 1] == '^') throw exp;
        cl_bracket++;
    }
    else if (elem == '.')
        dot++;
    else if (elem == '+' || elem == '-' || elem == '*' || elem == '/'
|| elem == '^') {
        if (dot > 1) throw exp;
        dot = 0;
        if (infix[i - 1] == '+' || infix[i - 1] == '-' || infix[i -
1] == '*' ||
            infix[i - 1] == '/' || infix[i - 1] == '(' || infix[i
- 1] == '^') throw exp;
    }
    if (op_bracket != cl_bracket) throw exp;
}

void TPolynom::Parse(string& name) {
    ConvertInfix(name);
    CorrectnessCheck(name);

    vector<string> lexems;
    int firstind, secondind;
    string token;

    firstind = FindOperator(name);
    secondind = FindOperator(name, firstind + 1);
    if (firstind == -1) {
        lexems.push_back(infix);
        return;
    }
    if (firstind > 0) {
        lexems.push_back(infix.substr(0, firstind));
    }
    while (secondind != -1) {
        string opr = infix.substr(firstind, 1);
        string opd = infix.substr(firstind + 1, secondind - firstind - 1);

        lexems.push_back(opr);
        if (opd != "")
            lexems.push_back(opd);
        firstind = secondind;
        secondind = FindOperator(name, firstind + 1);
    }
    lexems.push_back(infix.substr(firstind, 1));
    if (firstind != infix.size() - 1)
        lexems.push_back(infix.substr(firstind + 1));

    ToMonoms(lexems);
}

// ===== //

void TPolynom::ToMonoms(vector<string>& _lexems) {
    double coeff = 1;
    int degX = 0, degY = 0, degZ = 0;

```

```

int next_const_sign = 1;

vector<string> lexems;
for (const string& token : _lexems) {
    if (token != "*" && token != "^") {
        lexems.push_back(token);
    }
}

for (int i = 0; i < lexems.size(); i++) {
    if (lexems[i] == "+" || lexems[i] == "-") {
        TMonom monom(next_const_sign * coeff, degX, degY, degZ);
        AddMonom(monom);

        if (lexems[i] == "+") next_const_sign = 1;
        else next_const_sign = -1;
        coeff = 1;
        degX = 0;
        degY = 0;
        degZ = 0;
    }
    else {
        if (lexems[i] == "x") {
            if (i < lexems.size() - 1) {
                if (!IsVariable(lexems[i + 1]) &&
!IsOperator(lexems[i + 1])) {
                    degX += stoi(lexems[i + 1]);
                    i++;
                }
                else {
                    degX += 1;
                }
            }
            else {
                degX += 1;
            }
        }
        else if (lexems[i] == "y") {
            if (i < lexems.size() - 1) {
                if (!IsVariable(lexems[i + 1]) &&
!IsOperator(lexems[i + 1])) {
                    degY += stoi(lexems[i + 1]);
                    i++;
                }
                else {
                    degY += 1;
                }
            }
            else {
                degY += 1;
            }
        }
        else if (lexems[i] == "z") {
            if (i < lexems.size() - 1) {
                if (!IsVariable(lexems[i + 1]) &&
!IsOperator(lexems[i + 1])) {
                    degZ += stoi(lexems[i + 1]);
                    i++;
                }
                else {
                    degZ += 1;
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        degZ += 1;
    }
    }
    else {
        degZ += 1;
    }
}

else {
    if (!IsConst(lexems[i])) {
        string exp = "Error: not valid operand";
        throw exp;
    }
    coeff *= stod(lexems[i]);
}
}

}

TMonom monom(next_const_sign * coeff, degX, degY, degZ);
AddMonom(monom);
}

void TPolynom::AddMonom(const TMonom& m) {
    if (m.get_coeff() == 0) return;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {

        if (m == tmp->key) {
            double coeff = m.get_coeff() + tmp->key.get_coeff();
            if (coeff == 0.0f) {
                monoms->Remove(tmp->key);
                return;
            }
            else {
                tmp->key.set_coeff(coeff);
                return;
            }
        }

        else if (m < tmp->key) {
            monoms->InsertBefore(m, tmp->key);
            return;
        }

        else {
            tmp = tmp->pNext;
        }
    }

    monoms->InsertLast(m);
}

TPolynom::TPolynom() {
    monoms = new TRingList<TMonom>;
}

TPolynom::TPolynom(const string& _name) {
    monoms = new TRingList<TMonom>;
    string name = _name;

    Parse(name);
}

```

```

}
TPolynomial::TPolynomial(const TRingList<TMonom>& ringlist) {
    monoms = new TRingList<TMonom>(ringlist);
}
TPolynomial::TPolynomial(const TPolynomial& polynom) {
    monoms = new TRingList<TMonom>(*polynom.monoms);
}
TPolynomial::~~TPolynomial() {
    if (monoms) delete monoms;
}

const TPolynomial& TPolynomial::operator=(TPolynomial& polynom) {
    if (this == &polynom) return (*this);

    if (monoms) delete monoms;
    monoms = new TRingList<TMonom>(*polynom.monoms);

    return (*this);
}

const TPolynomial TPolynomial::operator+(const TPolynomial& polynom) const {
    TPolynomial res(*this);

    polynom.monoms->Reset();
    TNode<TMonom>* tmp_p = polynom.monoms->first();
    while (tmp_p != polynom.monoms->stop()) {
        TMonom curr_monom = tmp_p->key;
        res.AddMonom(curr_monom);
        tmp_p = tmp_p->pNext;
    }

    return res;
}
const TPolynomial TPolynomial::operator-() const {
    TPolynomial res(*this);

    TNode<TMonom>* tmp = res.monoms->first();
    while (tmp != res.monoms->stop()) {
        double coeff = (-1) * tmp->key.get_coeff();
        tmp->key.set_coeff(coeff);
        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}
const TPolynomial TPolynomial::operator-(const TPolynomial& polynom) const {
    TPolynomial res(-polynom + (*this));

    return res;
}
const TPolynomial TPolynomial::operator*(const TPolynomial& polynom) const {
    TPolynomial res;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {
        TMonom curr1 = tmp->key;

        TNode<TMonom>* tmp_p = polynom.monoms->first();

```



```

        while (tmp_p != polynom.monoms->stop()) {
            TMonom curr2 = tmp_p->key;
            res.AddMonom(curr1 * curr2);
            tmp_p = tmp_p->pNext;
        }

        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}

double TPolynom::operator()(double x, double y, double z) const {
    double res = 0;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {
        res += tmp->key.value(x, y, z);
        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}

TPolynom TPolynom::dif_x() const {
    TPolynom res;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {
        TMonom monom = tmp->key.dif_x();
        res.AddMonom(monom);
        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}

TPolynom TPolynom::dif_y() const {
    TPolynom res;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {
        TMonom monom = tmp->key.dif_y();
        res.AddMonom(monom);
        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}

TPolynom TPolynom::dif_z() const {
    TPolynom res;

    TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();
    while (tmp != monoms->stop()) {
        TMonom monom = tmp->key.dif_z();
        res.AddMonom(monom);
        tmp = tmp->pNext;
    }

    return res;
}

string TPolynom::get_string() const {

```

```

if (monoms->GetSize() == 0) return "0.000000";

string res = "";
TNode<TMonom>* tmp = monoms->first();

if (tmp == monoms->stop()) {
    return res;
}
else {
    res += tmp->key.get_string();
    tmp = tmp->pNext;
    while (tmp != monoms->stop()) {
        string monom = tmp->key.get_string();
        if (monom[0] == '-') res += monom;
        else res += "+" + monom;
        tmp = tmp->pNext;
    }
    return res;
}
ostream& operator<<(ostream& out, const TPolynom& monom) {
    return out << monom.get_string();
}

```