

**Репозиторий проекта:** проекта.

## 1 Постановка задачи

В работе было необходимо построить прогноз значений временного ряда с помощью моделей эконометрики.

Модель ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average) используется для прогнозирования временных рядов. Формула модели ARIMA(p, d, q):

$$\Delta^d y_t = \alpha_1 \Delta^d y_{t-1} + \dots + \alpha_p \Delta^d y_{t-p} + \varepsilon_t + \beta_1 \varepsilon_{t-1} + \dots + \beta_q \varepsilon_{t-q},$$

$y_t$  - значение временного ряда в момент времени  $t$ ,  $\Delta = (1 - L)^d$ ,  $\varepsilon_t$  - белый шум.  $L$  - лаговый оператор.

Модель SARIMA – расширение для рядов с сезонной составляющей. SARIMAX – расширение, включающее внешнюю регрессионную составляющую

## 2 Ход работы

### 2.1 Выбранные модели и их спецификация

В работе решалась задача прогнозирования числа продаж в сети магазинов Эквадора за 2016 год. Было рассмотрено 3 способа прогнозирования:

- ARIMA модель с ручной настройкой параметров p, d и q
- SARIMAX модель
- Модель машинного обучения (градиентный бустинг)

Качество оценивалось с помощью следующих метрик: MSE, RMSE, MAE, абсолютная процентная ошибка. Результаты сравнивались с наивным прогнозом – средним числом продаж за последние 3 месяца.

Для моделей SARIMAX и бустинга рассматривались два подхода. В первом случае в качестве переменных в модель подавались временные признаки: номера месяца, квартала, дня в году и недели, а также день недели. Кроме этого, использовались «лаговые переменные»: число продаж в эту же дату год, два и три назад (если есть данные за этот период). Такой подход позволяет

получать прогноз модели на любое число дней вперед. Во втором случае к этим переменным добавлялись переменные из датасета: цена на топливо за выбранную дату, число акций в магазинах и число транзакций. Трудность второго подхода заключается в том, что мы не знаем будущие значений добавленных драйверов заранее. Если мы хотим получить прогноз на даты, которых нет в нашем датасете, – величины драйверов тоже придется предсказывать.

## 2.2 Предварительная обработка данных

Переменные датасета требовали предварительной предобработки. Например, в значениях цены на газ были пропуски, которые были заполнены с помощью интерполяции квадратичными сплайнами. На рисунках 1 и 2 приведены графики цены до интерполяции и после соответственно.

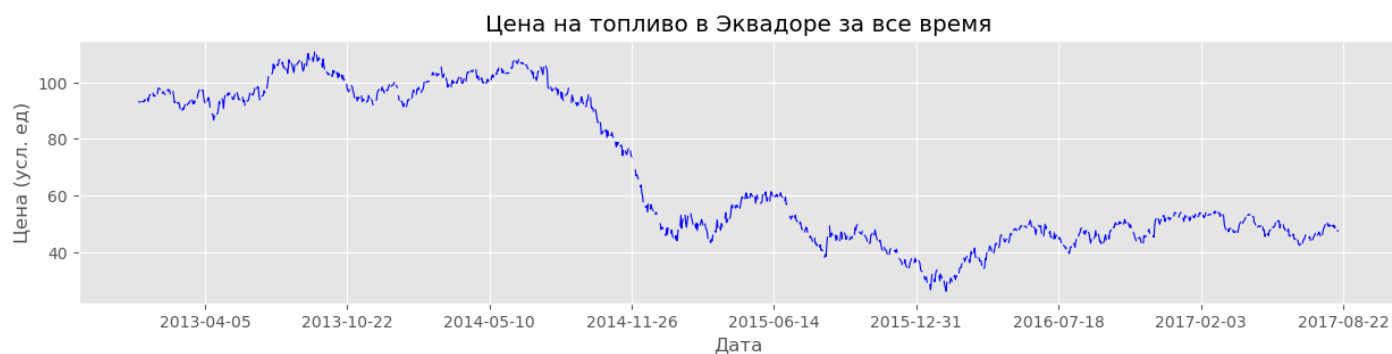


Рис. 1: Цена за литр топлива в Эквадоре до интерполяции.

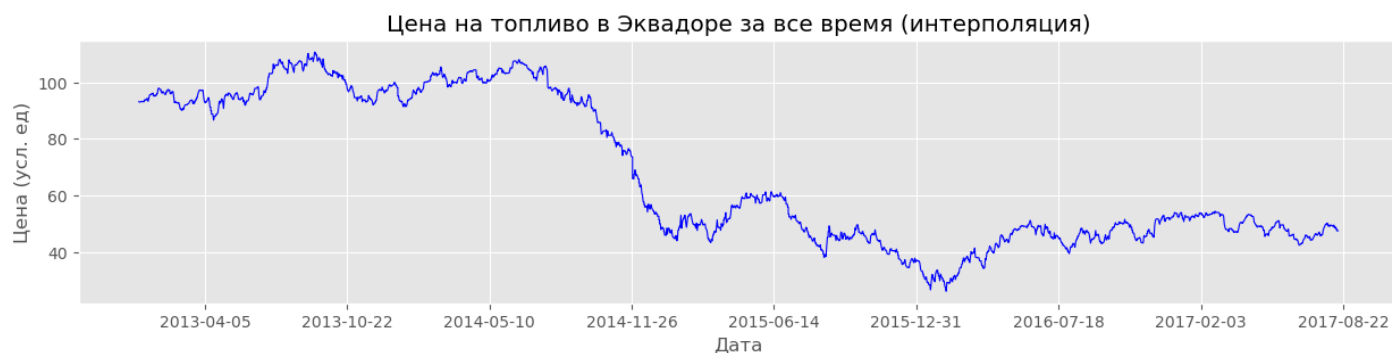


Рис. 2: Цена за литр топлива в Эквадоре после интерполяции.

Кроме этого, категориальные переменные, такие как тип магазина, его локация и флаг праздничного дня, были закодированы числовыми значениями. Однако далее все эти признаки были исключены из модели из-за маленькой дисперсии (весь признак мог быть заполнен одним значе-

нием) или из-за их мультиколлинеарности. Кроме того, для этих признаков наблюдалось большая доля пропусков, порядка 80 процентов.

## 2.3 Обучение моделей

### 2.3.1 Наивный прогноз

Как уже было описано ранее, для наивного прогноза использовалось среднее значение продаж в Эквадоре за последние 3 месяца 2016 года. График прогноза приведен на рисунке 3.

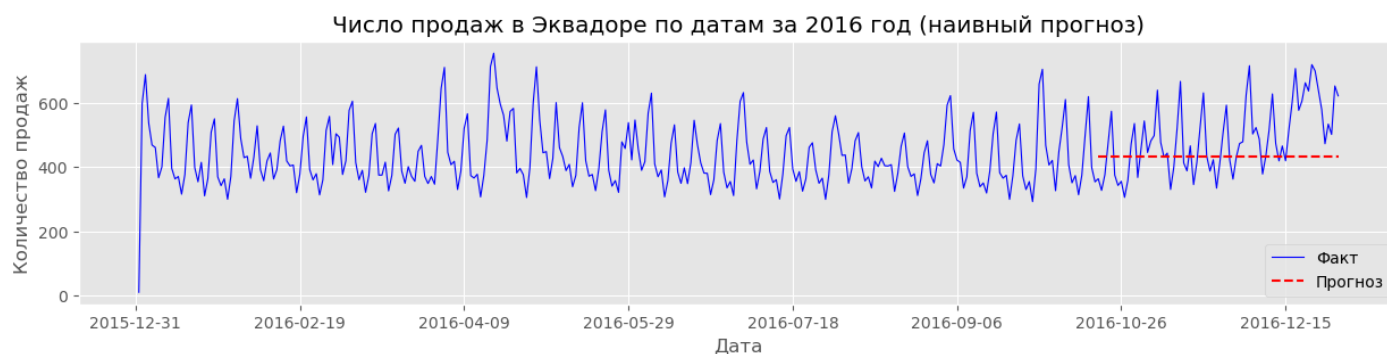


Рис. 3: Наивный прогноз для продаж в Эквадоре.

Для прогноза были измерены основные метрики. Их значения приведены в таблице 1.

Таблица 1: Значения метрик на прогнозе модели градиентного бустинга.

	MSE	RMSE	MAE	Процентная ошибка
Временные переменные	20703.85	143.88	114.75	0.2

### 2.3.2 ARIMA модель

Выбор параметров для ARIMA модели осуществлялся на основе значений функций автокорреляции и частичной автокорреляции. Стационарность ряда проверялась с помощью теста Дики — Фуллера.

Было установлено, что исходный ряд не является стационарным ( $p - value : 0.68$ ). После однократного дифференцирования ряд стал стационарным ( $p - value : 6.33 \cdot 10^{-14}$ ). Кроме того, для ошибок был построен график их распределения, оно оказалось близко к нормальному.

Результаты работы ARIMA модели проведены на рисунке 4.

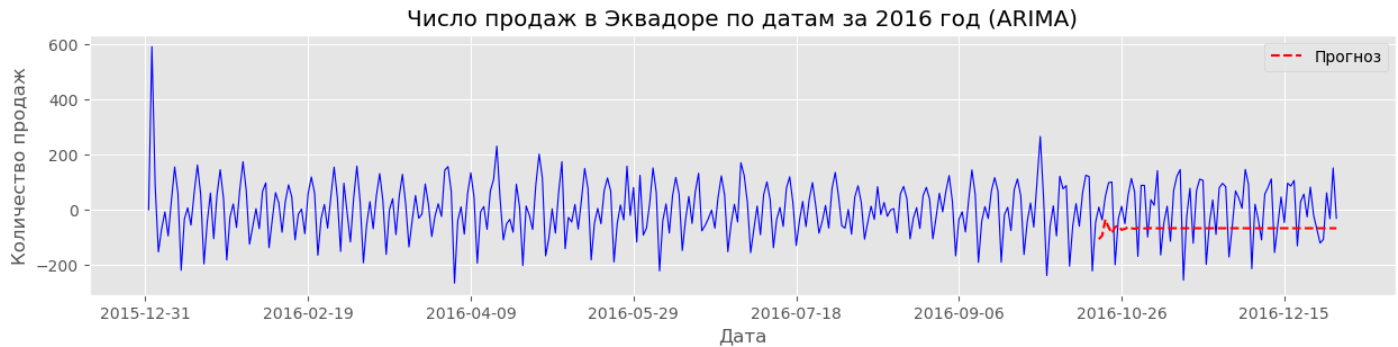


Рис. 4: Прогноз ARIMA модели для числа продаж в Эквадоре.

Из графика видно, что модель не улавливает динамику ряда и очень скоро прогноз превращается в константный. Значения метрик для ARIMA модели приведены в таблице 2.

Таблица 2: Значения метрик на прогнозе ARIMA модели.

	MSE	RMSE	MAE	Процентная ошибка
Временные переменные	11908.6	109.13	93.53	1.491

### 2.3.3 SARIMAX модель

Главное отличие SARIMAX модели от ARIMA модели – ее способность учитывать сезонность в предсказании, а также дополнительные параметры, помимо значений самого ряда. Как уже было сказано выше, в качестве дополнительных параметров в модель подавались значения числа продаж в дату, цена топлива и числа акций в магазинах. Обучение модели проходило автоматически с помощью пакета *statsmodels* языка Python. Кроме того, модель обучалась два раза: в первый раз – только на временных и лаговых переменных, во второй – с дополнительными переменными. Результаты предсказания модели приведены на рисунке 5. Значения метрик представлены в таблице 3.

Таблица 3: Значения метрик на прогнозе SARIMAX модели.

	MSE	RMSE	MAE	Процентная ошибка
Временные переменные	24258.07	155.75	125.47	0.22
Временные переменные + дополнительные	19785.57	140.661	88.76	0.15



Рис. 5: Прогноз SARIMAX модели для числа продаж в Эквадоре.

Из графика и значений метрик видно, что учет в модели дополнительных параметров дает значительный прирост в качестве предсказания.

### 2.3.4 Boosting

В качестве дополнения к работе, нам было интересно посмотреть, какие результаты покажет на тех же входных данных бустинг. Принцип работы бустинга принципиально отличается от эконометрических моделей, рассмотренных выше.

В работе рассматривался XGBRegressor из библиотеки *sklearn*. Обучение также как и для SARIMAX модели осуществлялось двумя подходами. Перебор гиперпараметров осуществлялся с помощью библиотеки *hyperopt*. В отличие от обычного перебора по сетке, данный подход использует средства Байесовской оптимизации.

Результаты предсказания модели приведены на рисунке 6. Значения метрик представлены в таблице 4.



Рис. 6: Прогноз модели градиентного бустинга для числа продаж в Эквадоре.

Из графика и значений метрик видно, что точность прогноза для спецификации с дополнитель-

ными переменными близка к реальным значениям числа продаж.

Таблица 4: Значения метрик на прогнозе модели градиентного бустинга.

	MSE	RMSE	MAE	Процентная ошибка
Временные переменные	14971.71	122.36	86.83	0.15
Временные переменные + дополнительные	2745.55	52.4	39.19	0.07

### 3 Заключение

В работе была решена задача прогнозирования числа продаж в сети магазинов Эквадора за 2016 год. Было рассмотрено 3 способа прогнозирования:

- ARIMA модель с ручной настройкой параметров  $p$ ,  $d$  и  $q$
- SARIMAX модель
- Модель машинного обучения (градиентный бустинг)

Было установлено, что среди эконометрических моделей лучше всего себя показала модель SARIMAX. Этот результат, в частности, обусловлен ее способностью учета внешних параметров, а не только прошлые значения ряда.

Кроме того, в работе дополнительно был рассмотрен способ прогнозирования с помощью градиентного бустинга. Этот метод превзошел все эконометрические модели по качеству предсказаний.

Все подробности по отбору и обработке признаков, обучению и валидации моделей можно найти на странице проекта.