## Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

## Лабораторна робота 6 з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

Виконав:

Студент 2 курсу ФІОТ

групи ІО-91

Лаппо М.О.

Перевірив:

Регіда П.Г.

## Варіант:

110	5 -	10 50	-20	60	-20	5
$\overline{}$						

8,4+8,5\*x1+5,7\*x2+9,7\*x3+8,9\*x1\*x1+0,2\*x2\*x2+0,5\*x3\*x3+2,0\*x1\*x2+0,7\*x1\*x3+4,3\*x2\*x3+9,7\*x1\*x2\*x3

Роздруківка програми:

```
from random import randint import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from math import sqrt
from pyDOE2 import *
x_range = [(-10, 50), (-20, 60), (-20, 5)]
def Y_Matr(x1, x2, x3):
8.4+8.5*x1+5.7*x2+9.7*x3+8.9*x1*x1+0.2*x2*x2+0.5*x3*x3+2.0*x1*x2+0.7*x1*x3+4.3*x
2*x3+9.7*x1*x2*x3
       y = f + randint(0, 10) - 5
       return y
def Regressia(x, b):
    return sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
def Matrix_1(m, n):
      for i in range(len(x_norm)):
              for j in range(1, len(x_norm[i])):
    if x_norm[i][j] == 1:
        x_natur[i][j] = x_range[j-1][1]
      x_natur[i][j] = x_range[j-1][0]
y = np.zeros(shape=(n, m))
for i in range(n):
    for j in range(m):
        y[i][j] = Y_Matr(x_natur[i][1], x_natur[i][2], x_natur[i][3])
       coefficient1(x_natur, x_norm, y)
def coefficient1(x_natur, x_norm, y):
    y_aver = [sum(y[i]) / m for i in range(n)]
    print("•Натуралізована матриця X:", x_natur)
    print("\n•Матриця Y:", y)
    print("•Середні значення функції відгуку за рядками:", [round(elem, 3) for
elem in y_aver])
      mx1 = sum(x_natur[i][1] for i in range(n)) / n
mx2 = sum(x_natur[i][2] for i in range(n)) / n
mx3 = sum(x_natur[i][3] for i in range(n)) / n
my = sum(y_aver) / n
a1 = sum(x_natur[i][1] * y_aver[i] for i in range(n)) / n
```

```
a2 = sum(x_natur[i][2]
                                                  y_aver[i]
                                                                               in range(n))
      [mx2, a12, a22, a32]
      [mx3, a13, a23, a33]]
matr_Y = [my, a1, a2, a3]
b_natur = np.linalg.solve(matr_X, matr_Y)
Cohren(m, y, y_aver, x_norm, b_norm)
\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}, \ \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}, \ \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}, \ \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}
                         [1, 1, 1, -1]
                         [1, 1, 1, 1]
       for i in range(n):
             x_norm[i].append(x_norm[i][1] * x_norm[i][2])
x_norm[i].append(x_norm[i][1] * x_norm[i][3])
x_norm[i].append(x_norm[i][2] * x_norm[i][3])
x_norm[i].append(x_norm[i][1] * x_norm[i][2] * x_norm[i][3])
      x_natur = np.ones(shape=(n, len(x_norm[0])))
for i in range(len(x_norm)):
              for j in range(1, 3):
if x_norm[i][j] == 1:
                            x_natur[i][j] = x_range[j-1][1]
                            x_natur[i][j] = x_range[j-1][0]
      for i in range(n):
    x_natur[i][4] = x_natur[i][1] * x_natur[i][2]
    x_natur[i][5] = x_natur[i][1] * x_natur[i][3]
    x_natur[i][6] = x_natur[i][2] * x_natur[i][3]
    x_natur[i][7] = x_natur[i][1] * x_natur[i][2]

print("•Натуралізована матриця X:", x_natur)

    nn zeros(shane=(n, m))
                                                                                              * x_natur[i][3]
      y = np.zeros(shape=(n, m))
for i in range(n):
    for j in range(m):
        y[i][j] = Y_Matr(x_natur[i][1], x_natur[i][2], x_natur[i][3])
       coefficient2(x_norm, y)
def coefficient2(x_norm, y):
      y_aver = [sum(y[i]) / m for i in range(n)]
print("\n•Матриця Y:\n", y)
print("•Середні значення функції відгуку за рядками:", [round(elem, 3) for
elem in y_aver])
      b_norm = [sum(y_aver) / n]

for j in range(1, n):

b = 0
```

```
i in range(n):
                    b += x_norm[i][j] * y_aver[i]
             b_norm.append(b/n)
def Matrix_3(m, n):
       1 = 1.73
      no = 1
      x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
      x_norm = np.delete(x_norm, 14, axis=0)
      def inter_matrix(x):
    for i in range(len(x)):
        x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
        x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
        x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
        x[i][7] = x[i][1] * x[i][2] * x[i][3]
        x[i][8] = x[i][1] * x[i][1]
        x[i][9] = x[i][2] * x[i][2]
        x[i][10] = x[i][3] * x[i][3]
inter_matrix(x_norm)
x_natur = np.ones(shape=(n, len(x_norm[0])))
for i in range(8):
      for i in range(8):
    for j in range(1, 4):
        if x_norm[i][j] == 1:
            x_natur[i][j] = x_range[j-1][1]
      inter_matrix(x_natur)
      y = np.zeros(shape=(n, m))
for i in range(n):
    for j in range(m):
        y[i][j] = Y_Matr(x_natur[i][1], x_natur[i][2], x_natur[i][3])
y_aver = [sum(y[i]) / m for i in range(n)]
print("*Hopmobaha matpung X:")
for i in range(lan(x_parm));
      print(round(x_norm[i][j], 3), end=' ')
             print()
      print("\n•Натуралізована матриця X:")
for i in range(len(x_natur)):
    for j in range(len(x_natur[i])):
        print(round(x_natur[i][j], 3), end=' ')
```

```
print()
     print("\n•Mатриця Y\n", y)
print("\n•Середні значення функції відгуку за рядками:\n", [round(elem, 3)
for elem in y_aver])
     coefficient3(x_natur, y_aver, y, x_norm)
print("\n•Koeфiцiєнти рiвняння регресiї:")
b = [round(i, 3) for i in b]
     print(b)
     print("\n•Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n", np.dot(x, b))
     Cohren(m, y, y_aver, x_norm, b)
def Cohren(m, y, y_aver, x_norm, b):
print("\n∘Критерій Кохрена:")
dispersion = []
     for i in range(n):
           for j in range(m):
     z += (y[i][j] - y_aver[i]) ** 2
dispersion.append(z / m)
print("Дисперсія:", [round(elem, 3) for elem in dispersion])
Gp = max(dispersion) / sum(dispersion)
     f1 = m - 1
f2 = n
     q = 0.05
     def Cohren_t(f1, f2, q):
    part_result1 = q / f2
           params = [part_result1, f1, (f2 - 1) * f1]
fisher = f.isf(*params)
Gt = fisher / (fisher + (f2 - 1))
           return Gt
     Gt = round(Cohren_t(f1, f2, q), 4)
     if Gp < Gt:
           print("Gp < Gt\setminusn\{0:.4f\} < \{1\} => дисперсія однорідна".format(Gp, Gt))
           Student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b)
m+=1".format(Gp, Gt))
           m += 1
if flag == "1":
                Matrix_1(m, n)
           elif flag == `"2":
                Matrix_2(m, n)
f flag == "3":
           elif flag ==
                Matrix_3(m, n)
def Student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b):
print("\n•Критерій Стюдента:")
     sb = sum(dispersion) / n
     s_beta = sqrt(sb / (n * m))
k = len(x_norm[0])
     beta = [sum(y_aver[i] * x_norm[i][j] for i in range(n)) / n for j in
range(k)]
     t_t = [abs(beta[i]) / s_beta for i in range(k)]
f3 = (m - 1) * n
qq = (1 + 0.95) / 2
t_table = t.ppf(df=f3, q=qq)
b_impor = []
      for i in range(k):
```

```
t_t[i] > t_table:
                   b_impor.append(b[i])
                    b_impor.append(0)
      print("Незначні коефіцієнти регресії")
for i in range(k):
   if b[i] not in b_impor:
   print("b{0} = {1:.3f}".format(i, b[i]))
y_impor = []
for j in range(n):
   y impor append(Regressia([v norm[i][i] for
y_impor.append(Regressia([x_norm[j][i] for i in range(len(t_t))], b_impor))
      print("Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами:\n", [round(elem,
3) for elem in y_impor])
Fisher(m, y_aver, b_impor, y_impor, sb)
def Fisher(m, y_aver, b_impor, y_impor, sb):
      global flag
print("\n•Критерій Фішера:")
      for i in b_impor:
if i:
                   d += 1
      f3 = (m - 1) * n

f4 = n - d
      s_ad = sum((y_impor[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(n)) * m / f4
Fp = s_ad / sb
Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)
if Fp < Ft:</pre>
             print("Fp < Ft => {0:.2f} < {1}".format(Fp, Ft))
print("Отримана математична модель адекватна експериментальним даним")
             print("Fp > Ft => {0:.2f} > {1}".format(Fp, Ft))
print("Рівняння регресії неадекватно ")
if flag == "1":
                   lldg == "1 :
flag = "2"
Matrix_2(m, n)
flag == "2":
             elif flag == '
                   flag = "3"
                   Matrix_3(m, 14)
flag = "3"
n = 14
m = 3
Matrix_3(m, n)
```

```
•Нормована матриця Х:
 1.0 1.0 -1.0 -1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
 1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
 1.0 1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0
 1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
 1.0 -1.0 1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 1.0
 1.0 -1.73 0.0 0.0 -0.0 -0.0 0.0 -0.0 2.993 0.0 0.0
 1.0 1.73 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2.993 0.0 0.0
 1.0 0.0 -1.73 0.0 -0.0 0.0 -0.0 -0.0 0.0 2.993 0.0
 1.0 0.0 1.73 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2.993 0.0
 1.0 0.0 0.0 -1.73 0.0 -0.0 -0.0 -0.0 0.0 0.0 2.993
 1.0 0.0 0.0 1.73 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2.993
 •Натуралізована матриця Х:
 1.0 -10.0 -20.0 -20.0 200.0 200.0 400.0 -4000.0 100.0 400.0 400.0
 1.0 50.0 -20.0 -20.0 -1000.0 -1000.0 400.0 20000.0 2500.0 400.0 400.0
 1.0 -10.0 60.0 -20.0 -600.0 200.0 -1200.0 12000.0 100.0 3600.0 400.0
 1.0 50.0 60.0 -20.0 3000.0 -1000.0 -1200.0 -60000.0 2500.0 3600.0 400.0
 1.0 -10.0 -20.0 5.0 200.0 -50.0 -100.0 1000.0 100.0 400.0 25.0
 1.0 50.0 -20.0 5.0 -1000.0 250.0 -100.0 -5000.0 2500.0 400.0 25.0
 1.0 -10.0 60.0 5.0 -600.0 -50.0 300.0 -3000.0 100.0 3600.0 25.0
 1.0 50.0 60.0 5.0 3000.0 250.0 300.0 15000.0 2500.0 3600.0 25.0
 1.0 -31.9 20.0 -7.5 -638.0 239.25 -150.0 4785.0 1017.61 400.0 56.25
 1.0 71.9 20.0 -7.5 1438.0 -539.25 -150.0 -10785.0 5169.61 400.0 56.25
 1.0 20.0 -49.2 -7.5 -984.0 -150.0 369.0 7380.0 400.0 2420.64 56.25
 1.0 20.0 89.2 -7.5 1784.0 -150.0 -669.0 -13380.0 400.0 7956.64 56.25
 1.0 20.0 20.0 -29.125 400.0 -582.5 -582.5 -11650.0 400.0 400.0 848.266
 1.0 20.0 20.0 14.125 400.0 282.5 282.5 5650.0 400.0 400.0 199.516
•Матриця \
 [ 112063.4
[-558113.6
             112061.4
-558111.6
                        112059.4
-558106.6
  10473.4
              10479.4
                         10472.4
  -27111.6
              -27104.6
                         -27113.6
  176776.4
             176775.4
53603.329
  -55986.521
             -55985.521
             -123404.157
 Γ-123403.157
                        -123404.157
 [ 61187.6703125 61185.6703125 61183.6703125]]
•Середні значення функції відгуку за рядками:
[-35755.267, 215677.4, 112061.4, -558110.6, 10475.067, -28044.6, -27109.933, 176772.733, 53604.996, -55983.854, 74995.163, -123403.824, -111043.813,
•Коефіцієнти рівняння регресії:
[-33.99, 7.547, 5.169, 11.738, 2.0, 0.7, 4.3, 9.7, 8.924, 0.214, 0.637]
•Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[-35754.8 215675.62 112063.52
                         112063.52
-27106.905
74997.74841
             -28044.805
 -111043.49404687 61185.92070312]
0.2054 < 0.3517 => дисперсія однорідна
•Критерій Стюдента:
Незначні коефіцієнти регресії
Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами:
[-51.369, -22.275, -34.231, -35.937, -18.493, -25.399, -22.955, 16.939, -20.338, 5.775, -42.292, -24.407, -52.39, -11.777]
•Критерій Фішера
Рівняння регресії неадекватно
Process finished with exit code 0
```