Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №5

з дисципліни « Методи оптимізації та планування » на тему «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів (центральний ортогональний композиційний план)»

Виконав:

студент II курсу ФІОТ

групи ІО – 91

Лаппо Максим

Номер залікової книжки: IB - 9119

Перевірив:

ас. Регіда П.Г.

Мета роботи: провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Завдання на лабораторну роботу:

- 1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
- 2. Скласти матрицю планування для ОЦКП.
- 3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$y_{i\max} = 200 + x_{cp\max}$$
 $y_{i\min} = 200 + x_{cp\min}$ де $x_{cp\max} = \frac{x_{1\max} + x_{2\max} + x_{3\max}}{3}$, $x_{cp\min} = \frac{x_{1\min} + x_{2\min} + x_{3\min}}{3}$

- 4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
- 5. Провести 3 статистичні перевірки.

Варіант завдання:

116	-7	10	-4	6	-5	3

Код програми:

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *

def regr(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y

x_range = ((-7, 10), (-4, 6), (-5, 3))
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
x_aver_min = sum([x[0] for x in x_range]) / 3
y_max = 200 + int(x_aver_max)
y_min = 200 + int(x_aver_min)

def s_kv(y, y_aver, n, m):
```

```
for i in range(n):
           s = sum([(y_aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in range(m)]) / m
            res.append(round(s, 3))
      return res
if n > 14:
           no = n - 14
      else:
           no = 1
      x_{norm} = ccdesign(3, center = (0, no))
      x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
      for i in range(4, 11):
    x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
      1 = 1.215
      for i in range(len(x_norm)):
            for j in range(len(x_norm[i])):
    if x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i]</pre>
                     x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i][j] > 1:
    if x_norm[i][j] < 0:
        x_norm[i][j] = -1
                             x_norm[i][j] = 1
      def add_sq_nums(x):
           for i in range(len(x)):
    x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
    x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
    x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
    x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
    x[i][8] = x[i][1] ** 2
    x[i][9] = x[i][2] ** 2
    x[i][10] = x[i][3] ** 2
            return x
      x_norm = add_sq_nums(x_norm)
      x = np.ones(shape=(len(x_norm), len(x_norm[0])), dtype=np.int64)
     for i in range(8):
    for j in range(1, 4):
        if x_norm[i][j] == -1:
            x[i][j] = x_range[j - 1][0]
                 else:
      x[i][j] = x_range[j - 1][1]
for i in range(8, len(x)):
            for j in range(1, 3):
     x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
      x = add_sq_nums(x)
     r = add_sq_nums(x)
print('\nx:\n', x)
print('\nx +opmobahe:\n')
for i in x_norm:
    print([round(x, 2) for x in i])
print('\ny:\n', y)
return x, y, x_norm
```

```
def findCoef(X, Y, norm=False):
       skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
      skm.fit(X, Y)
      B = skm.coef_
      if norm == 1:
             print('\nKoeфіцієнти рівняння регресії з нормованими X:')
      B = [round(i, 3)] for i in B]
      print(B)
      print('\nPeзультат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n', np.dot(x, в)) return в
def kritCochr(y, y_aver, n, m):
       f1 = m - 1
      S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
print('\nПеревірка за критерієм Кохрена')
return Gp
fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)
def bs(x, y_aver, n):
    res = [sum(1 * y for y in y_aver) / n]
    for i in range(len(x[0])):
        b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i], y_aver)) / n_aver
             res.append(b)
      return res
def kritStud(x, y, y_aver, n, m):
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    s_kv_aver = sum(S_kv) / n
    s_Bs = (s_kv_aver / n / m) ** 0.5
    Bs = bs(x, y_aver, n)
    ts = [round(abs(B) / s_Bs, 3) for B in Bs]
       return ts
def kritFish(y, y_aver, y_new, n, m, d):
    S_ad = m / (n - d) * sum([(y_new[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in
range(]en(y))])
      S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
S_kv_aver = sum(S_kv) / n
return S_ad / S_kv_aver
def audit(X, Y, B, n, m):
    print('\n\tПеревірка рівняння:')
    f1 = m - 1
    f2 = n
       f3 = f1 * f2
      q = 0.05
      student = partial(t.ppf, q=1 - q)
t_student = student(df=f3)
G_kr = Cochr(f1, f2)
      y_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y]
```

```
print('\nCepeднє значення у:', y_aver)
      disp = s_kv(Y, y_aver, n, m)
print('Дисперсія y:', disp)
Gp = kritCochr(Y, y_aver, n, m)
print(f'Gp = {Gp}')
if Gp < G_kr:
   print(f'3 ймовірністю {1 - q} дисперсії однорідні.')
             Main(n, m)
      ts = kritStud(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m)
      print('\nкритерій Стьюдента:\n', ts)
res = [t for t in ts if t > t_student]
final_k = [B[i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res]
print('\nкоефіцієнти {} статистично незначущі, тому ми виключаємо їх з
рівняння. format(
[round(i, 3) for i in B if i not in final_k]))
      y_new = []
       for j in range(n):
             ȳ_new.append(regr([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res],
final k))
      print(f'\n3начення "y" з коефіцієнтами {final_k}')
      print(y_new)
      d = len(res)
if d >= n:
    print('\nF4 <= 0')
    print('')</pre>
      f4 = n - d
      F_p = kritFish(Y, y_aver, y_new, n, m, d)
fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
f_t = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
      print('\nПеревірка адекватності за критерієм Фішера')
print('Fp =', F_p)
print('F_t =', f_t)
if F_p < f_t:
    print('Математична модель адекватна експериментальним даним')
             print('Математична модель не адекватна експериментальним даним')
def Main(n, m):
      X5, Y5, X5_norm = plnMatr5(n, m)
      y5_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y5]
B5 = findCoef(X5, y5_aver)
audit(X5_norm, Y5, B5, n, m)
      __name___ == '___main___':
      Main(16, 4)
```

Результат роботи:

```
C:\TeoriyaUmovirnostey\venv\Scripts\python.exe C:/TeoriyaUmovirnostey/lb4.py
                       -5 -42 35 -30 210 49

-5 60 -50 -30 -300 100

3 28 -21 -12 84 49

3 -40 30 -12 -120 100

3 -42 -21 18 -126 49
                                                                    9]
1]
1]]
х нормоване:
[[200. 205. 198. 204.]
[195. 206. 204. 206.]
 [198. 196. 202. 199.]
 [198. 201. 202. 201.]
[206. 203. 205. 201.]
 [197. 203. 206. 204.]
[202. 202. 202. 196.]
 [202. 205. 205. 203.]
[199. 197. 196. 204.]
 [198. 202. 206. 202.]
[198. 200. 197. 195.]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[200.436, 0.04, -0.369, -0.013, 0.01, -0.007, 0.005, 0.001, 0.007, 0.062, -0.046]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[201.877 203.169 198.827 200.969 202.965 202.761 199.755 201.761 201.406
200.246 200.984 203.732 198.966 199.814 200.126 200.126]
Середнє значення у: [201.75, 202.75, 198.75, 200.5, 203.75, 202.5, 200.5, 201.5, 202.75, 199.25, 201.0, 203.75, 199.0, 202.0, 197.5, 200.25] дисперсія у: [8.188, 20.688, 4.688, 2.25, 3.688, 11.25, 6.75, 2.25, 0.688, 5.188, 9.5, 1.688, 9.5, 8.0, 3.25, 12.688]
Gp = 0.18763945072287624
З ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.
Fp = 2.7308869735474524
F_t = 1.960121060357092
—
Математична модель не адекватна експериментальним даним
```