1 Лабораторна робота №2

1.1 Загальні вимоги

Лабораторна робота має виконуватися самостійно, використання сторонніх джерел повинно обов'язково супроводжуватись посиланням. Робота має бути оформлена у вигляді pdf або doc файлу. Файл повинен містити код, коментарі до коду та Ваші пояснення щодо реалізації алгоритму та обов'язково (!) Ваші коментарі щодо результатів роботи алгоритму, робота має закінчуватись висновками. У файлі має бути вказано Ваше призвіще, група, варіант. Кожна робота буде оцінюватись наступним чином:

- 1. Чи дотримано формальних вимог:
- вказано призвіще, група, варіант
- в роботі присутній як код так і результати його виконання
- присутні коментарі щодо результатів роботи алгоритму
- присутній висновок
 - 2. Чи виконане фактичне завдання?
- реалізовано всі необхідні алгоритми
- отримано результати які узгоджуються з теорією
- в коментарях розкрито зміст отриманих результатів

1.2 Спосіб здачі, строки та бали

Робота має бути завантажена в google classroom. Строки виконання будуть зазначені там же. Вчасно здана робота, що відповідає всім вимогам оцінюється у 20 балів. Робота, що здана із запізненням не більше одного тижня оцінюється максимально у 15 балів, із запізненням у тиждень та більше тижнів у 10 балів.

1.3 Завдання

Варіант 1

- 1. Реалізуйте алгоритм стохастичного градієнтного спуску з фіксованим
- α . Порівняйте результати з теоретичними.

- 2. Реалізуйте алгортим стохастичного градієнтного спуску з використанням пакетів (mini batch gradient descent) зі змінним α . Порівняйте результати з п. 1.
- 3. Реалізуйте алгоритм оптимізації RMS prop. Порівняйте з результатами п. 1 та 2.

Варіант 2

- 1. Реалізуйте алгоритм стохастичного градієнтного спуску зі змінним α . Порівняйте результати з теоретичними.
- 2. Реалізуйте алгортим стохастичного градієнтного спуску з використанням пакетів (mini batch gradient descent) з фіксованим α . Порівняйте результати з п. 1.
- 3. Реалізуйте алгоритм оптимізації Adam. Порівняйте з результатами п. 1 та 2.

Варіант 3

- 1. Реалізуйте алгоритм стохастичного градієнтного спуску зі змінним α . Порівняйте результати з теоретичними.
- 2. Реалізуйте алгортим стохастичного градієнтного спуску з використанням пакетів (mini batch gradient descent) зі змінним α . Порівняйте результати з п. 1.
- 3. Реалізуйте алгоритм оптимізації Моmentum. Порівняйте з результатами п. 1 та 2.

Варіант 4

- 1. Реалізуйте алгоритм стохастичного градієнтного спуску з фіксованим
- α . Порівняйте результати з теоретичними.
- 2. Реалізуйте алгортим стохастичного градієнтного спуску з використанням пакетів (mini batch gradient descent) зі сталим α . Порівняйте результати з п. 1.
- 3. Реалізуйте алгоритм оптимізації Adam. Порівняйте з результатами п. 1 та 2.

1.4 Цільова функція

1. Згенеруйте випадкову матрицю X розмірності 50×2 з даними, де кожен рядок має нормальний розподіл із середніми (-1,3), дисперсіями

(1,2)та коваріацією рівною 0. Згеренуйте 50×1 вектор Y за формулою

$$Y_i = \begin{cases} 1, \text{ якщо } 3X_i^{(1)} + X_i^{(2)} + \varepsilon_i > 0\\ 0, \text{ інакше} \end{cases}$$
 (1)

Тут $\varepsilon_i \sim \mathcal{N}(0,0.1)$. В якості цільової функції для оптимізації оберіть функцію максимальної правдоподібності або перехресну ентропію в логістичній регресії. Чи пов'язані ці функції?