Дискретный анализ Лабораторная работа по генерации всех комбинаторных объектов, 2010

Задача А. Двоичные вектора (1 балл)

Имя входного файла: vectors.in Имя выходного файла: vectors.out

Во входном файле задано число n ($1 \le n \le 16$). В первой строке выходного файла выведите количество двоичных векторов длины n в которых нет двух единиц подряд. В следующих строках выведите сами эти вектора в лексикографическом порядке по одному в строке.

vectors.in	vectors.out
3	5
	000
	001
	010
	100
	101

Задача В. Перестановки (1 балл)

Имя входного файла: permutations.in Имя выходного файла: permutations.out

Во входном файле задано число $n\ (1 \le n \le 8)$. Выведите в выходной файл в лексикографическом порядке все перестановки чисел от 1 до n.

permutations.in	permutations.out
3	1 2 3
	1 3 2
	2 1 3
	2 3 1
	3 1 2
	3 2 1

Задача С. Сочетания (1 балл)

Имя входного файла: choose.in Имя выходного файла: choose.out

Во входном файле заданы числа n и k. Выведите в выходной файл все сочетания по k из чисел от 1 до n в лексикографическом порядке. $1 \le k \le n \le 16$.

choose.in	choose.out
4 2	1 2
	1 3
	1 4
	2 3
	2 4
	3 4

Задача D. Правильные скобочные последовательности (1 балл)

Имя входного файла: brackets.in Имя выходного файла: brackets.out

Во входном файле задано число n. Выведите в выходной файл все правильные скобочные последовательности с n открывающимися скобками в лексикографическом порядке, «(» < «)». $1 \le n \le 10$.

brackets.out
(((())))
((()()))
((())())
((()))()
(()(()))
(()()())
(()())()
(())(())
(())()()
()((()))
()(()())
()(())()
()()(())
()()()

Задача Е. Разбиения на слагаемые (1 балл)

Имя входного файла: partition.in Имя выходного файла: partition.out

Во входном файле задано число $n\ (2 \le n \le 40)$. Выведите в выходной файл все разбиения числа n на слагаемые по одному в строке. Слагаемые следует выводить в возрастающем порядке. Разбиения отличающиеся только порядком слагаемых считаются одинаковыми.

partition.in	partition.out
4	1+1+1+1
	1+1+2
	1+3
	2+2
	4

Задача F. Подмножества (1 балл)

Имя входного файла: subsets.in Имя выходного файла: subsets.out

Во входном файле задано число n. Выведите в выходной файл все подмножества множества $\{1,2,\ldots,n\}$ в лексикографическом порядке. $1\leq n\leq 10$.

subsets.in	subsets.out
3	
	1
	1 2
	1 2 3
	1 3
	2
	2 3
	3

Задача G. Разбиения на множества (2 балла)

Имя входного файла:part2sets.inИмя выходного файла:part2sets.out

Во входном файле заданы числа n и k. Выведите в выходной файл все разбиения n-элементного множества на k неупорядоченных множеств. Разбиения можно выводить в любом порядке. Внутри разбиения множества можно выводить в любом порядке. Внутри множества числа надо выводить в возрастающем порядке. Следуйте формату из примера. $1 \le k \le n \le 10$.

part2sets.in	part2sets.out
4 2	1
	2 3 4
	2
	1 3 4
	3
	1 2 4
	4
	1 2 3
	1 2
	3 4
	1 3
	2 4
	2 3
	1 4