

# Автономное профессиональное образовательное учреждение Вологодской области «Вологодский колледж связи и информационных технологий»

### МАТЕМАТИКА

## МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ПЛАНИРОВАНИЮ И ОРГАНИЗАЦИИ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Разработчик Е.А. Хайкова

46.02.01 Документационное обеспечение управления и архивоведение

Рассмотрено на заседании предметноцикловой комиссии гуманитарных и социально-экономических дисциплин Протокол № 4 от «11» мая 2018г. Председатель предметно-цикловой комиссии Юдичева / Н. А. Юдичева/ Заместитель директора по методическому сопровождению и инновационной деятельности Потылицына / С.В. Потылицына/ «11» мая 2018г.

#### 1. Пояснительная записка

Методические рекомендации предназначены для организации самостоятельной работы студентов по учебной дисциплине «Математика».

Учебная дисциплина «Математика» относится к циклу математических и общих естественнонаучных дисциплин

Учебная дисциплина «Математика» изучается на специальности 46.02.01 Документационное обеспечение управления и архивоведение.

Целью самостоятельной работы является обучение навыкам работы с учебной и иной литературой и практическими материалами, необходимыми для изучения дисциплины, а также развитие у них устойчивых способностей к самостоятельному изучению и изложению полученной информации.

### 2. Содержание заданий для самостоятельной работы

#### Раздел 1. Математический анализ.

## Тема 1.1. Дифференциальное и интегральное исчисление.

Время выполнения: 12 часов.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Составить конспект и изучить темы: «Исследование функции одной переменной и построение графика», «Производные высших порядков».
- 3. Написание докладов, сообщений, рефератов, составление кроссвордов по теме.
- 4. Презентация «Геометрические приложения определенного интеграла».
- 5. Решение задач (упражнений):
  - 1) Вычислите предел функции:

a) 
$$\lim_{x\to 2} (8x^2 - x + 19)$$

$$6) \lim_{x \to 0} \frac{10x - 4x^2}{2x^3 + 7x}$$

B) 
$$\lim_{x\to\infty} \frac{9x^4 + x^3 - 8}{5x^4 - 6x^2 + x}$$

$$\Gamma$$
)  $\lim_{x\to 0} \frac{8\sin 3x}{x}$  д)  $\lim_{x\to 0} \frac{tg \, 6x}{7x}$ 

e) 
$$\lim_{x\to\infty} (1+\frac{4}{3x})^{10x}$$
  $\times$   $\lim_{x\to0} (1+5x)^{\frac{9}{x}}$ 

2) Вычислите производные, найдите интегралы:

1. 
$$y = 8x^7 - 3\sin x + \operatorname{arcctg} 5x - \sin \sqrt{6}$$

2. 
$$y = \frac{x^2+3}{x^3+3}$$
,  $y(2) = ?$ 

3. 
$$y = 4x \arccos x$$

4. 
$$y = 7\cos^{16}x$$

5. 
$$y = 9e^{tgx}$$

6. 
$$u(x, y, z) = \sqrt{3}xy^5z^2 + 2x^3y^4 - 12y$$

7. 
$$y = 2x^9 - 8x^5 + 10x^3 - 4$$
;  $y``(x) = ?$ 

8. 
$$y = \frac{1}{3}\cos 6x$$
;  $y``(0) = ?$ 

9. 
$$\int \left(4x^3 + \frac{9}{\sin^2 2x} - 5\right) dx$$

10. 2. 
$$\int (6^x + \sin \frac{x}{3}) dx$$

11. 3. 
$$\int \frac{dx}{\sqrt{100-x^2}}$$
12. 4. 
$$\int \frac{dx}{3+x^2}$$

12. 4. 
$$\int \frac{dx}{3+x^2}$$

13. 
$$\int_{0}^{3} (x+1)^{2} dx$$
14. 
$$\int_{1}^{\sqrt{3}} \frac{6dx}{1+x^{2}}$$
15. 
$$\int_{0}^{1/2} \frac{9dx}{\sqrt{1-x^{2}}}$$
16. 
$$\int_{1}^{25} \frac{x+1}{\sqrt{x}} dx$$

14. 
$$\int_{1}^{\sqrt{3}} \frac{6dx}{1+x^2}$$

15. 
$$\int_0^{1/2} \frac{9dx}{\sqrt{1-x^2}}$$

16. 
$$\int_{1}^{25} \frac{x+1}{\sqrt{x}} dx$$

3) Исследуйте функцию и постройте ее график:

$$a) y = 9x - x^3$$

$$6) y = 5x^3 - 7,5x^2 - 4$$

4) Найдите площади плоских фигур:

a) 
$$y = x^3$$
;  $y = 0$ ;  $x = 1$ 

6) 
$$y = 9 - x^2$$
,  $y = 0$ 

## Тема 1.2 Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Время выполнения: 5 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Написать конспект по теме «Однородные обыкновенные дифуравнения первого порядка».
- 3. Написание сообщений и докладов по теме. Презентации по теме. Реферат «Дифференциальные уравнений и их практическое применение».
- 4. Решение простейших дифуравнений линейных относительно частных производных.
- 5. Решение задач (упражнений):

## 1) Решите уравнение:

a) 
$$y' = \frac{x^3}{y^4}$$

$$6) \quad 3\sqrt{1-x^2dy} = 9dx$$

$$\mathbf{B}) \mathbf{y}' = \frac{7y}{\cos^2 x}$$

## 2) Решите задачу Коми

$$y' = \frac{x^3}{y^4}$$
; y(1)=0

## 3) Найдите частное решение уравнения

$$y' = \frac{7y}{\cos^2 x}$$
;  $x_0 = 0$ ,  $y_0 = 2$ 

## Тема1.3 Ряды

Время выполнения: 3 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

2. Разложение функций в ряд Маклорена:

1) 
$$y = e^{-5x}$$

$$2) \ \ y = \sin 7x$$

3) 
$$y = \cos \frac{x}{2}$$

4) 
$$y = arctg4x$$

3. Презентации, сообщениия, доклады по теме.

## 4. Решение задач (упражнений):

## Исследуйте ряды на сходимость.

1) 
$$1 + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \dots + \frac{1}{n!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!}$$

2) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{7^n}$$

3) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{2n-1} = 1 + \frac{2}{3} + \frac{3}{5} + \dots$$

4) 
$$\frac{1}{4} - \frac{1}{6} + \frac{1}{8} - \frac{1}{10} + \dots$$

$$5)\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} * \frac{n+1}{3n}$$

6) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{\sqrt{n}}$$

#### Раздел 2. Основные численные методы.

## Тема 2.1. Погрешность приближенного значения величины.

Время выполнения: 1 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта, решение прикладных задач в том числе профессиональной направленности.

2.Выполнение упражнений:

1) Найдите абсолютную погрешность приближений

$$x = -\frac{1}{6}$$
, a \approx -0,166

- 2) Найдите границы числа: *x*=2,173±0,0015
- 3 ) Найдите абсолютную и относительную погрешности приближения:  $a\approx0,111$ ;  $x=\frac{1}{9}$

## Тема 2.2 Численное дифференцирование.

Время выполнения: 2 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

2. Написание сообщений, докладов по теме. Создание презентаций по теме.

3. Решение задач: нахождение производных функции в точке по заданной таблично функции y = f(x) методом численного дифференцирования.

Вычислите значения ее производных y'(4,01), y''(4,01).

X	4,01	4,02	4,03	4,04
у	6	10	16	. 26

Тема 2.3 Численное интегрирование.

Время выполнения: 2 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Презентации по теме.
- 3. Решение задач: вычисление интегралов по формуле трапеций и формуле Симпсона. Оценка погрешности.
- $a) \int_0^2 e^x dx$ , n = 10, по формуле трапеций. Сравните ответ с точным значением.
- б)  $\int_0^4 x^2 \, dx$ , = 10, по формуле Симпсона. Сравните ответ с точным значение.

## Тема 2.4 Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений.

Время выполнения: 3 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Сообщения, доклады, презентации по теме.
- 3. Решение задач: нахождение значения функции с использованием метода Эйлера.

Найдите приближённое решение дифференциального уравнения:

у'= (1/3)ху в отрезке [1;2]

при хо=0, уо=1.

### Раздел 3.

Линейная алгебра.

Тема 3.1 Матрицы и определители.

Время выполнения: 3 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Написание сообщений, докладов, создание презентаций по теме.
- 1. Выполнение упражнений:

1) Вычислите: 
$$\begin{pmatrix} 1 & -3 & 4 & 5 \\ 0 & 1 & -2 & 3 \\ 1 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$
.  $\begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 0 & 1 \\ 5 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$  +  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 3 & -2 & 2 \\ 5 & -4 & 0 \end{pmatrix}$ .  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ 

- 2) Найти определитель матрицы всеми способам:  $\begin{vmatrix} 12 & -5 \\ 18 & 13 \end{vmatrix}$
- 3) Найти матрицу, обратную матрице  $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$

## Тема 3.2 Решение систем линейных уравнений.

Время выполнения: 3 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Создание презентаций по теме.
- 3. Выполнение упражнений:

Решите систему уравнений по правилу Крамера и матричным способом (м. обратной матрицы).

$$\begin{cases} 20x - 4y = 6 \\ 12x - 5y = 9 \end{cases}$$

## Раздел 4. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве.

## Тема 4.1. Векторы.

Время выполнения: 2 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Создание презентаций по теме.
- 3. Решение задач:

- 1) Найдите координаты вектора  $\overrightarrow{AB}$  и его длину. Разложите вектор  $\overrightarrow{AB}$  по некомпланарным векторам i, j, k : A(-4;0;9), B(0;-7;5)
- 2) Найдите прямоугольные координаты точки:  $A(4; \frac{3\pi}{4})$
- 3) Найдите полярные координаты точки: А(-6;-6).
- 4) Вычислите проекции: а) вектора а на вектор в; б) вектора в на вектор а, если векторы: a (5, 7), и в (14, 6), а угол между ними равен  $60^{\circ}$ .

## Тема 4.2 Прямая и плоскость в пространстве.

Время выполнения: 3 часа.

Задания: 1. Работа по изучению конспекта.

- 2. Написание сообщений, докладов.
- 3. Создание презентаций по теме.
- 4. Решение задач:
- 1) Определите угловой коэффициент R прямой: а)Параллельно данной прямой;
- б)Перпендикулярно к данной прямой, если данная прямая 2x+8y-24=0
- 2) Преобразуйте уравнения следующих переменных к уравнениям в отрезках на осях:
- a) 2x+2y=0; б) 5x-4y+20=0
- 3) Определите угол  $\varphi$  между прямыми:

$$4x-y+1=0$$
,  $3x+5y=0$ .

4) Составьте каноническое уравнение прямой, проходящей через т. М параллельно вектору  $\vec{a}$ :

$$M(3; 0; -4), \vec{a}(-2; 1; 8)$$

5)Составьте параметрическое уравнение прямой ,проходящей через точки:

$$(7; -2; 5), (2; 6; 1)$$

- 6) Составьте уравнение плоскости которая, проходит через точку М(1;7;-8) и имеет нормальный вектор  $\vec{n}(-2;1;-9)$
- 7)Определите координаты нормального вектора плоскости. Напишите обшее выражение координат  $\vec{n}$ : 7x-6y-4=0.
- 8) Определите взаимное расположение пря

$$\frac{x-5}{12} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z}{-10} u \frac{x+1}{3} = \frac{y+6}{0} = \frac{z-1}{-1}$$

8) Определите взаимное расположение примых.  $\frac{x-5}{12} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z}{-10} \ u \ \frac{x+1}{3} = \frac{y+6}{0} = \frac{z-1}{-1}$ 9) Найдите угол между прямыми по формуле  $\cos = \frac{|a_1b_1+a_2b_2+a_3b_3|}{\sqrt{a_1^2+a_2^2+a_3^2*}\sqrt{b_1^2+b_2^2+b_3^2}}$ , где:  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+8}{-3} = \frac{z}{\sqrt{2}} \ u \ \frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+6}{\sqrt{2}}$ 

$$\frac{x-2}{2} = \frac{y+8}{-3} = \frac{z}{\sqrt{2}} \ u \ \frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+6}{\sqrt{2}}$$

10) Запишите уравнение прямой:

$$\{(x-y+7z=0); (2x+y-4z=0)\}$$

11) Определите при каких значениях  $\alpha$  и  $\beta$  две прямые: а)параллельны ; б)совпадают; в)пересекаются:

$$6x - \alpha y - 1 = 0$$
:  $x + y - \beta = 0$ 

## 3. Перечень вопросов для подготовки к экзамену.

- 1) Определение предела функций. 1-й и 2-й замечательные пределы функций.
- 2) Определение производной. Правила дифференцирования. Производные обратных тригонометрических функций. Геометрическое приложение производной.
- 3) Производная сложной функции.
- 4) Производные высших порядков
- 5) Частные производные.
- 6) Дифференциал. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
- 7) Неопределенный интеграл. Свойства.
- 8) Методы интегрирования (непосредственное интегрирование, метод подстановки).
- 9) Определенный интеграл, его свойства. Формула Ньютона-Лейбница
- 10) Приложение определенного интеграла к решению прикладных задач (геометрическое приложение).
- 11) Определение дифференциального уравнения. Общее решение. Задача Коши.
- 12) Дифуравнения с разделяющимися переменными
- 13) Линейные однородные дифуравнения I порядка. Общее и частное решение.
- 14) Линейные однородный дифуравнения II порядка с постоянным коэффициентами. Общее решение.
- 15) Простейшие дифференциальные уравнения в частных производных.
- 16) Матрицы. Действия с матрицами.
- 17) Определители матриц, их свойства.
- 18) Миноры, алгебраические дополнения элементов определителей матриц.
- 19) Способы вычисления определителей: вычисление определителей 2-го порядка, правило треугольника, разложением по элементам строки (столбца) определителя матрицы.
- 20) Обратная матрица. Алгоритм ее вычисления.
- 21) Решение СЛАУ методом Крамера.
- 22) Решение СЛАУ матричным методом (с помощью (обратной матрицы).
- 23) Векторы на плоскости и в пространстве (проекция вектора на ось, действия над векторами, заданными своими координатами).
- 24) Прямая на плоскости (уравнения прямой, взаимное расположение прямых, угол между прямыми, расстояние от точки до прямой).
- 25) Прямая в пространстве (уравнения прямой, взаимное расположение прямых, угол между прямыми).
- 26) Плоскость в пространстве.
- 27) Плоскость и прямая в пространстве.
- 28) Числовые ряды. Сходимость и расходимость. Необходимый признак сходимости числового ряда с положительными членами.
- 29) Признак Даламбера
- 30) Знакопеременные ряды. Сходимость. Признак Лейбница
- 31) Функциональные, степенные ряды.
- 32) Ряд Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена.
- 33) Приближенные вычисления, абсолютная и относительная погрешности, их границы.
- 34) Основные численные методы: численное интегрирование, численное дифференцирование, численное решение задачи Коши обыкновенных дифуравнений методом Эйлера.

## Основная литература

1. Григорьев В.П., Дубинский Ю.А.: учебник для студентов сред. проф. Учреждений / В.П. Григорьев, Ю.А. Дубинский. — 10-е изд., стер. — М. : Издательский центр «Академия», 2014.-320c.

- 2. Основы математического анализа [Электронный ресурс]: методические указания, примеры решения задач и индивидуальные домашние задания для студентов І-го курса ЭУИС МГСУ всех направлений подготовки/ Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный строительный университет, Ай Пи Эр Медиа, ЭБС АСВ, 2014.— 88 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/23283.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 3. Быкова О.Н. Практикум по математическому анализу [Электронный ресурс]: учебное пособие/ О.Н. Быкова, С.Ю. Колягин, Б.Н. Кукушкин— Электрон. текстовые данные.— М.: Прометей, 2014.— 277 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/30409.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 4. Векторная алгебра, аналитическая геометрия и элементы линейной алгебры [Электронный ресурс]: варианты расчетного задания/ Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный строительный университет, ЭБС ACB, 2014.— 63 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/23720.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 5. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие/ А.П. Рябушко [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Минск: Вышэйшая школа, 2013.— 304 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/20266.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 6. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 2. Комплексные числа. Неопределенные и определенные интегралы. Функции нескольких переменных. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: учебное пособие/ А.П. Рябушко [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Минск: Вышэйшая школа, 2014.— 397 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/35481.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 7. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 3. Ряды. Кратные и криволинейные интегралы. Элементы теории поля [Электронный ресурс]: учебное пособие/ А.П. Рябушко [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Минск: Вышэйшая школа, 2013.— 367 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/20211.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 8. Федорова Е.И. Математика в примерах и задачах для студентов-социологов. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. Теория Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Е.И. Федорова, А.С. Котюргина— Электрон. текстовые данные.— Омск: Омский государственный 2016.— Достоевского, 244 университет ИМ. Ф.М. с.— Режим http://www.iprbookshop.ru/59611.html.— 3EC «IPRbooks»
- 9. Ивлева А.М. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: учебное пособие/ А.М. Ивлева, П.И. Прилуцкая, И.Д. Черных— Электрон. текстовые данные.— Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2014.— 180 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/45380.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 10. Векторная алгебра, аналитическая геометрия и элементы линейной алгебры [Электронный ресурс]: варианты расчетного задания/ Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный строительный университет, ЭБС ACB, 2014.— 63 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/23720.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 11. Красоленко Г.В. Аналитическая геометрия. Векторная алгебра. Теория пределов [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Г.В. Красоленко, Н.В. Сванидзе, Г.В. Якунина— Электрон. текстовые данные.— СПб.: Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2014.— 116 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/30002.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 12. Крупин В.Г. Высшая математика. Теория вероятностей, математическая статистика, случайные процессы. Сборник задач с решениями [Электронный ресурс]: учебное пособие/ В.Г. Крупин, А.Л. Павлов, Л.Г. Попов— Электрон. текстовые данные.—

- М.: Издательский дом МЭИ, 2013.— 408 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/33206.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 13. Максименко В.Н. Практикум по математическому анализу. Часть 1 [Электронный ресурс]: учебное пособие/ В.Н. Максименко, А.В. Гобыш— Электрон. текстовые данные.— Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2014.— 116 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/45425.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 14. Полькина Е.А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) [Электронный ресурс]: учебно-методическое пособие/ Е.А. Полькина, Н.С. Стакун— Электрон. текстовые данные.— М.: Прометей, 2013.— 200 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/24022.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 15. Основы математического анализа [Электронный ресурс]: методические указания, примеры решения задач и индивидуальные домашние задания для студентов Іго курса ЭУИС МГСУ всех направлений подготовки/ Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный строительный университет, Ай Пи Эр Медиа, ЭБС АСВ, 2014.— 88 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/23283.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 16. Ганиев В.С. Математический анализ. Часть 1 [Электронный ресурс]: учебное пособие/ В.С. Ганиев— Электрон. текстовые данные.— Самара: Самарский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2013.— 172 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/20476.html.— ЭБС «IPRbooks»
- 17. Задачи и упражнения по математическому анализу и дифференциальным уравнениям [Электронный ресурс]: учебное пособие/ В.В. Власов [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Москва, Саратов: Интернет-Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ), Вузовское образование, 2017.— 376 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/67393.html.— ЭБС «IPRbooks»