

Rapport du projet de théorie des jeux

Maxence Ahlouche
Martin Carton

Maxime Arthaud
Thomas Forgione

Korantin Auguste
Thomas Wagner

11 novembre 2013

Table des matières

1	Présentation de l'équipe	2
2	Shifumi	2
3	Morpion	2
4	Compétition/Duopole	2
4.1	Stratégies	2
4.1.1	Coopératif	2
4.1.2	Stackelberg	2
4.1.3	Stratégie pénalisante	3
4.1.4	Stratégie évolutive	3
4.2	Comparaison	3
5	Annexes	4

Listings

1	Statégie Stackelberg sur la moyenne	4
2	Statégie Stackelberg sur la moyenne (variante)	4
3	Statégie pénalisante	4
4	Statégie pénalisante (variante)	5

1 Présentation de l'équipe

Cette équipe a été menée par Maxence Ahlouche, assisté de son Responsable Qualité Thomas Wagner. Les autres membres de l'équipe sont Martin Carton, Thomas Forgione, Maxime Arthaud, et Korantin Auguste.

Todo si nécessaire, form sinon :

	TD1	TD2	TD3	TP1	TP2	TP3
Maxence Ahlouche (CPC)						
Maxime Arthaud						
Korantin Auguste						
Carton Martin						
Thomas Forgione						
Thomas Wagner (RQ)						

2 Shifumi

3 Morpion

4 Compétition/Duopole

Le but de ce jeu est de maximiser le gain d'une entreprise en concurrence avec une autre entreprise en fonction de la production.

Notre gain étant égal à $g(x) = -x(x + y - 3)$ avec x et y les productions respectives des deux entreprises, pour le maximiser il suffirait de jouer $x = \frac{3-y}{2}$. Cependant au moment de décider que produire nous ne connaissons pas la production y de l'entreprise concurrente.

Nous avons essayé plusieurs stratégies différentes.

4.1 Stratégies

todo : les stratégies des profs on les explique ou pas ?

4.1.1 Coopératif

Todo : pourquoi 0.75 ? Avec $\frac{7-\sqrt{13}}{4}$ on a les mêmes résultats.

4.1.2 Stackelberg

Todo : Pourquoi 2/3 ? Pourquoi 1.1*2/3 c'est mieux.

Une variante de cette stratégie consiste à utiliser la production moyenne de l'autre jour plutôt que seulement la dernière valeur. Elle permet d'obtenir des résultats légèrement meilleurs.

De plus en coopérant avec l'autre joueur (voir listing 1) si celui-ci coopère, on obtient de meilleurs résultats.

Enfin, une variante de cette stratégie (voir listing 2) maximise le gain si l'autre joueur a joué une constante sur les derniers tours. Cette variante donne des résultats moyens un peu moins bons, mais est la meilleure dans le pire des cas : elle est donc adaptée à une entreprise qui veut minimiser ses risques. Elle est aussi meilleure dans le meilleur des cas.

4.1.3 Stratégie pénalisante

Le principe de cette stratégie (voir listing 3) est d'être coopératif tant que l'adversaire l'est, et de devenir plus agressif quand il ne l'est plus : à chaque fois que l'autre joueur n'est pas coopératif, on joue comme le ferait la stratégie Stackelberg.

Une variante de cette stratégie (voir listing 4) consiste à le pénaliser de plus en plus : la première fois on le pénalise une fois, puis deux, puis trois, etc.

Ces deux stratégies sont efficaces à la fois quand l'autre joueur est coopératif (on est alors coopératif) et contre un joueur non-coopératif (on devient alors agressif).

4.1.4 Stratégie évolutive

Une autre stratégie que nous avons développée consiste à augmenter la production si la dernière augmentation a augmenté notre gain ou si la dernière diminution l'a diminué et vice-versa.

Celle-ci est plutôt efficace, mais n'est pas la meilleure que nous ayons développée : elle se met souvent à cycliser inutilement.

4.2 Comparaison

La table 1 montre les résultats obtenus par les quelques stratégies que nous avons à notre disposition pour une durée de 100 tours¹.

Todo : mettre à jour avec les dernières valeurs quand on aura fini et mettre les résultats pour un autre nombre de tours.

Stratégie	Gain minimal	Gain moyen	Gain maximum
Coopératif	110.75	114.02	125.156
Non coopératif	83.25	96.16	109.13
Stackelberg	54.42	64.67	72.75
Pénalise	0	44.98687	109.01

TABLE 1 – Résultats des différentes stratégies

1. Cette table peut être générée par le script matlab *comp_tests.m* fourni dans l'archive.

5 Annexes

Listing 1 – Stratégie Stackelberg sur la moyenne

```
% Stackelberg en moyenne, sauf si l'adversaire est coopératif.
function x = strategie(numpart,tx,ty,gx,gy)
if (numpart == 2)
    x= 0.75;
else
    ty_near_mean = mean(ty(max(numpart-5, 2):numpart-1));

    if (ty_near_mean < 0.76)
        x = 0.75;
    else
        ty_mean = mean(ty(2:numpart-1));
        x = 2*(3-ty_mean)/3;
    end;
end;
```

Listing 2 – Stratégie Stackelberg sur la moyenne (variante)

```
% Stackelberg en moyenne, sauf si l'adversaire est coopératif avec
% maximisation des gains si l'adversaire est constant.
function x = strategie(numpart,tx,ty,gx,gy)
if (numpart == 2)
    x= 0.75;
else
    near = ty(max(2:numpart-15):max(2,numpart-1));
    cst = near == mean(near);

    if (cst && numpart > 5)
        x = (3-mean(near))/2;
    else
        ty_near_mean = mean(ty(max(numpart-5, 2):numpart-1));

        if (ty_near_mean < 0.76)
            x = 0.75;
        else
            ty_mean = mean(ty(2:numpart-1));
            x = 2*(3-ty_mean)/3;
        end;
    end;
end;
```

Listing 3 – Stratégie pénalisante

```
% Stratégie qui "pénalise" l'adversaire s'il n'est pas coopératif.
function x = strategie(numpart,tx,ty,gx,gy)
nbr_penal_y = 0;
nbr_penal_x = 0;

for i = 1:numpart-1
    if (ty(i) > 0.75)
        nbr_penal_y = nbr_penal_y + 1;
    end;
    if (tx(i) > 0.75)
        nbr_penal_x = nbr_penal_x + 1;
    end;
end;
```

```

if (nbr_penal_x <= nbr_penal_y)
    ty_mean = ty(2);
    if numpart > 2
        ty_mean = mean(ty(2:numpart-1));
    end;

    x = (3-ty_mean)/2;
else
    x = 0.75;
end;

```

Listing 4 – Stratégie pénalisante (variante)

```

% Stratégie qui "pénalise" de plus en plus l'adversaire s'il n'est pas
% coopératif.
function x = strategie(numpart,tx,ty,gx,gy)
nbr_penal_y = 0;
nbr_penal_x = 0;

for i = 2:numpart-1
    if (ty(i) > 0.75)
        nbr_penal_y = nbr_penal_y + 1;
    end;
end;

while numpart-nbr_penal_x-1>0 && (tx(numpart-nbr_penal_x-1) > 0.75),
    nbr_penal_x = nbr_penal_x + 1;
end;

if (nbr_penal_x < nbr_penal_y)
    x = 1.1255*2*(3-ty(numpart-1))/3;
else
    x = 0.75;
end;

```