

# Gestion de la confidentialité dans les tableaux de données agrégées

---

Le secret statistique :  
Pourquoi ? Comment ?



Maxime Beauté et Alexandre Awad – Département des méthodes statistiques

**01** · Le secret, pourquoi ?

---

**02** · Quelles méthodes en vigueur ?

---

**03** · Tableaux liés et variables hiérarchisées

---

**04** · Logiciels

---

# 01

## Le secret, pourquoi ?

---

**1A**

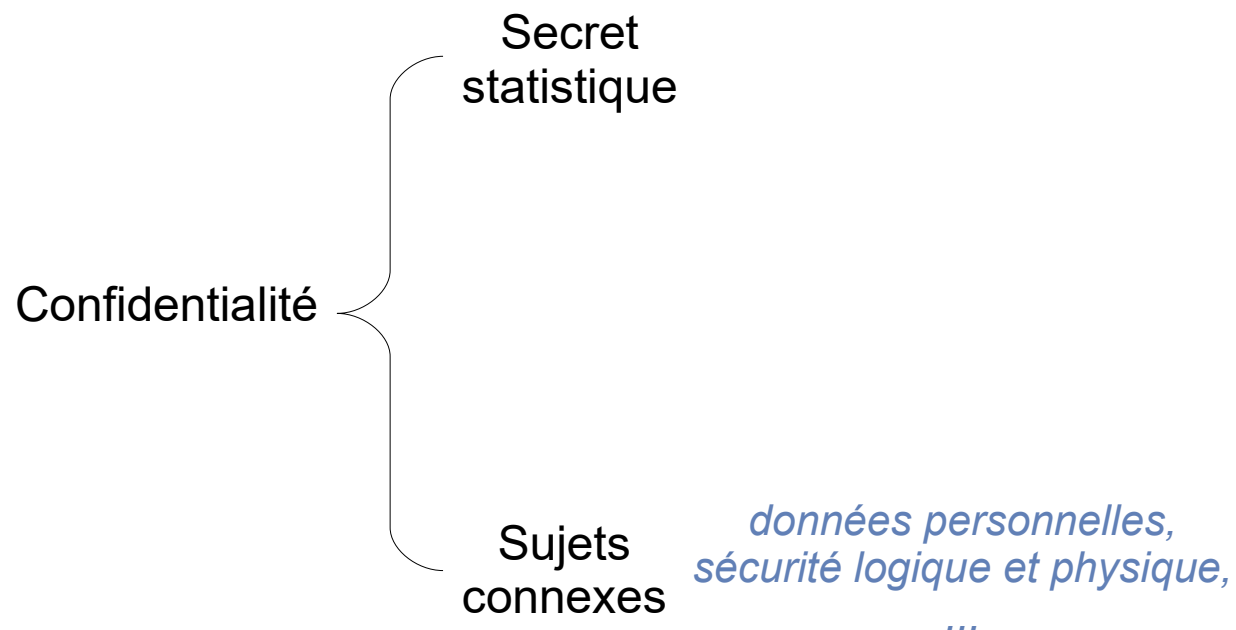
**Buts et enjeux**

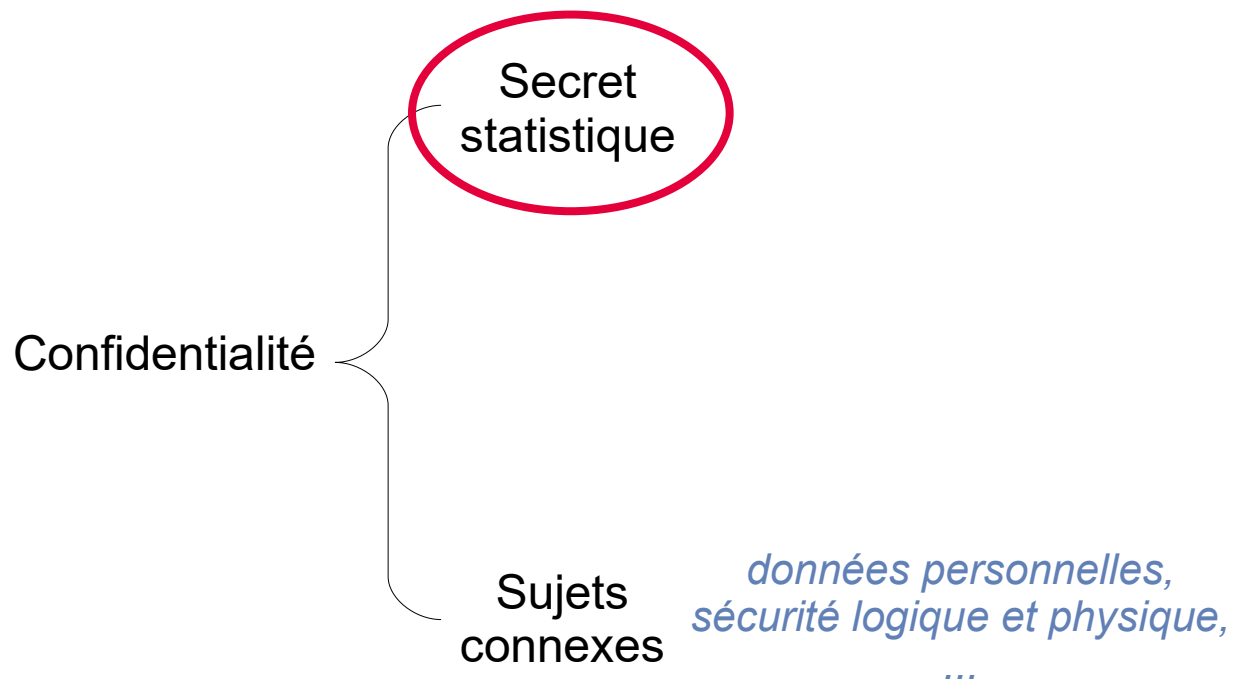
---

**1B**

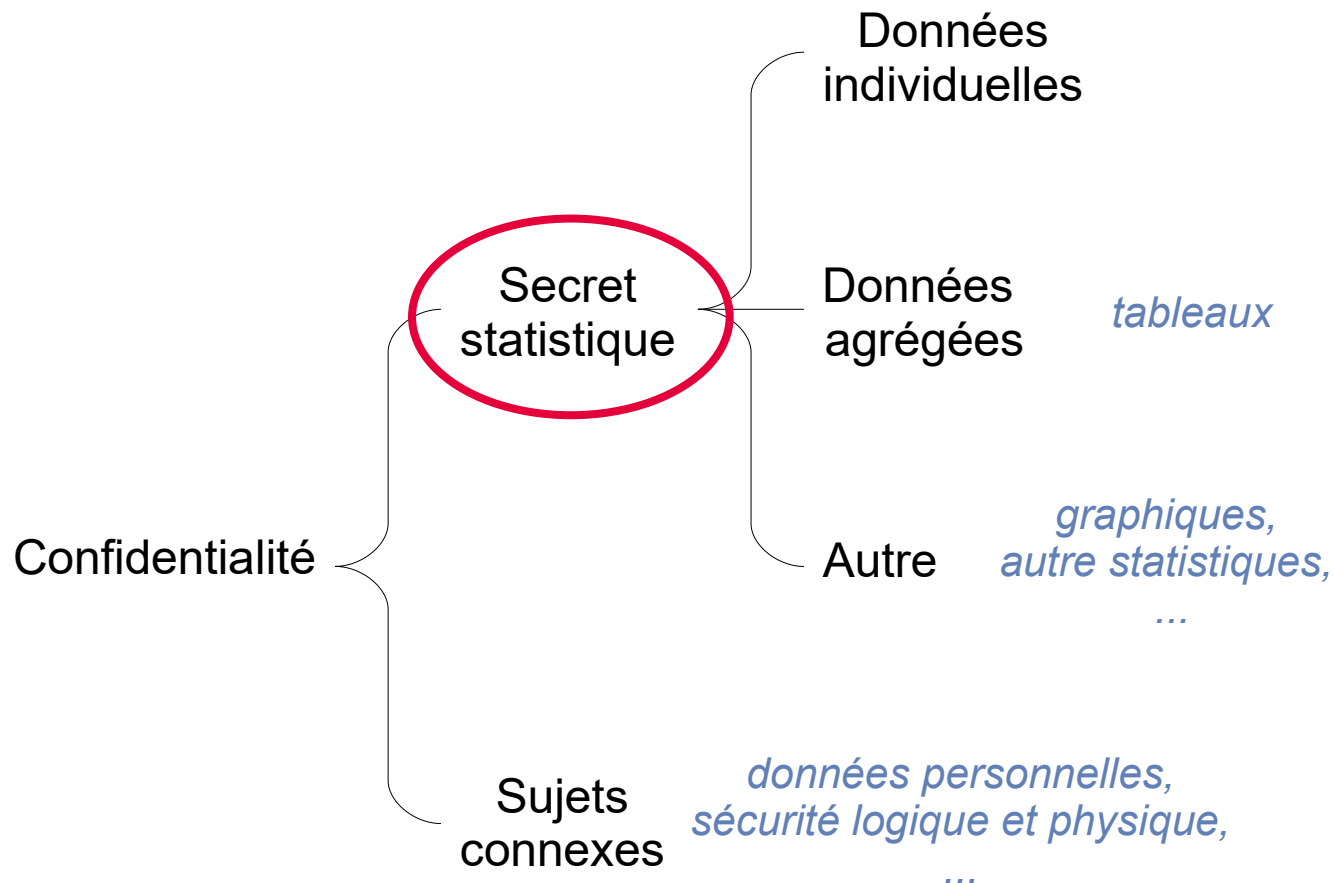
**Cadre législatif**

Confidentialité



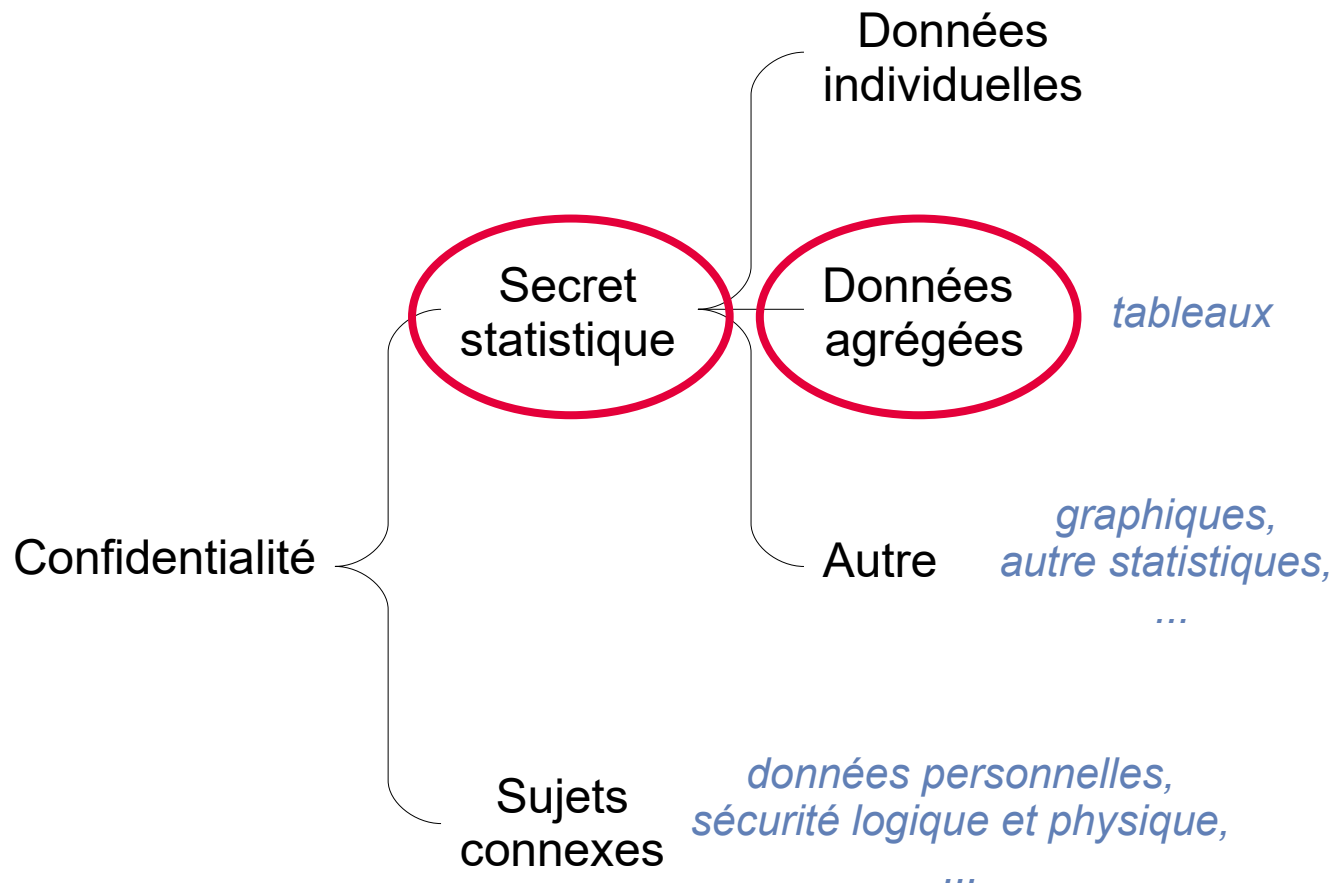


# Le champ de cette formation

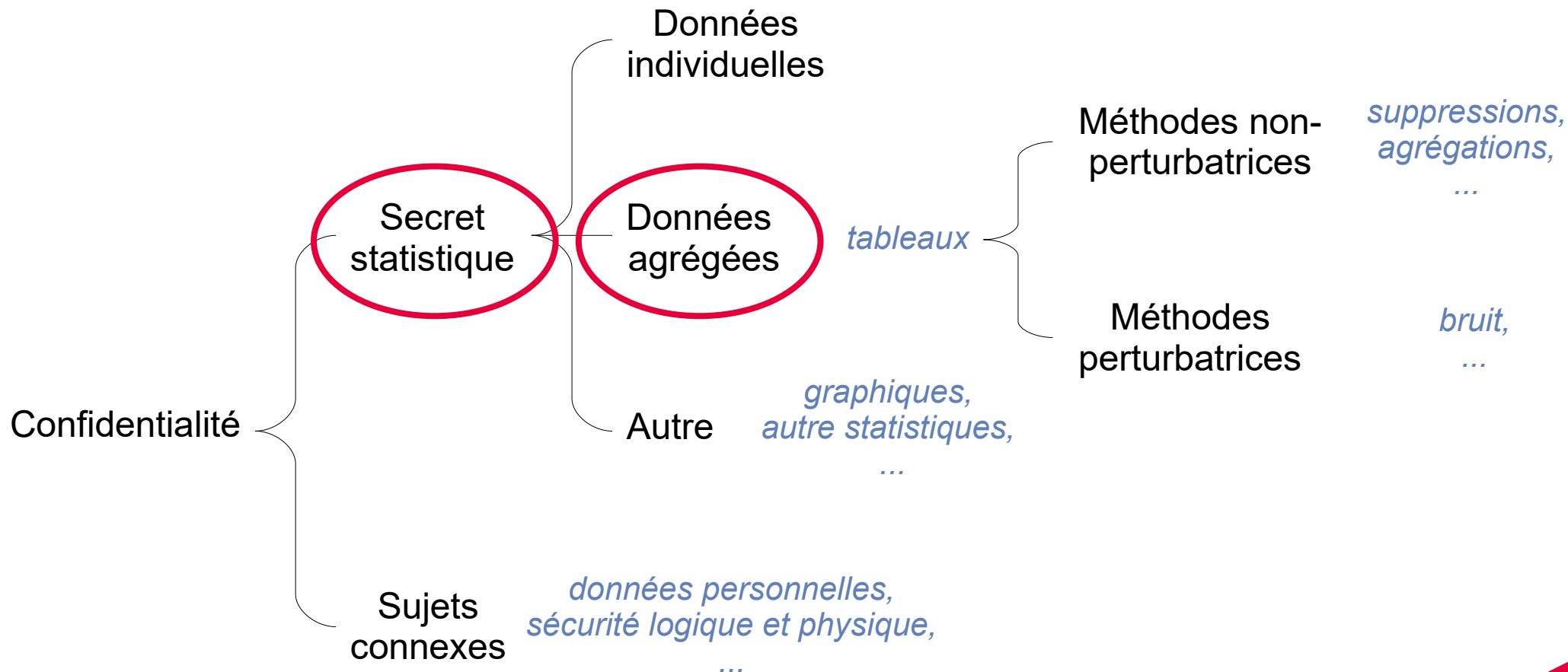




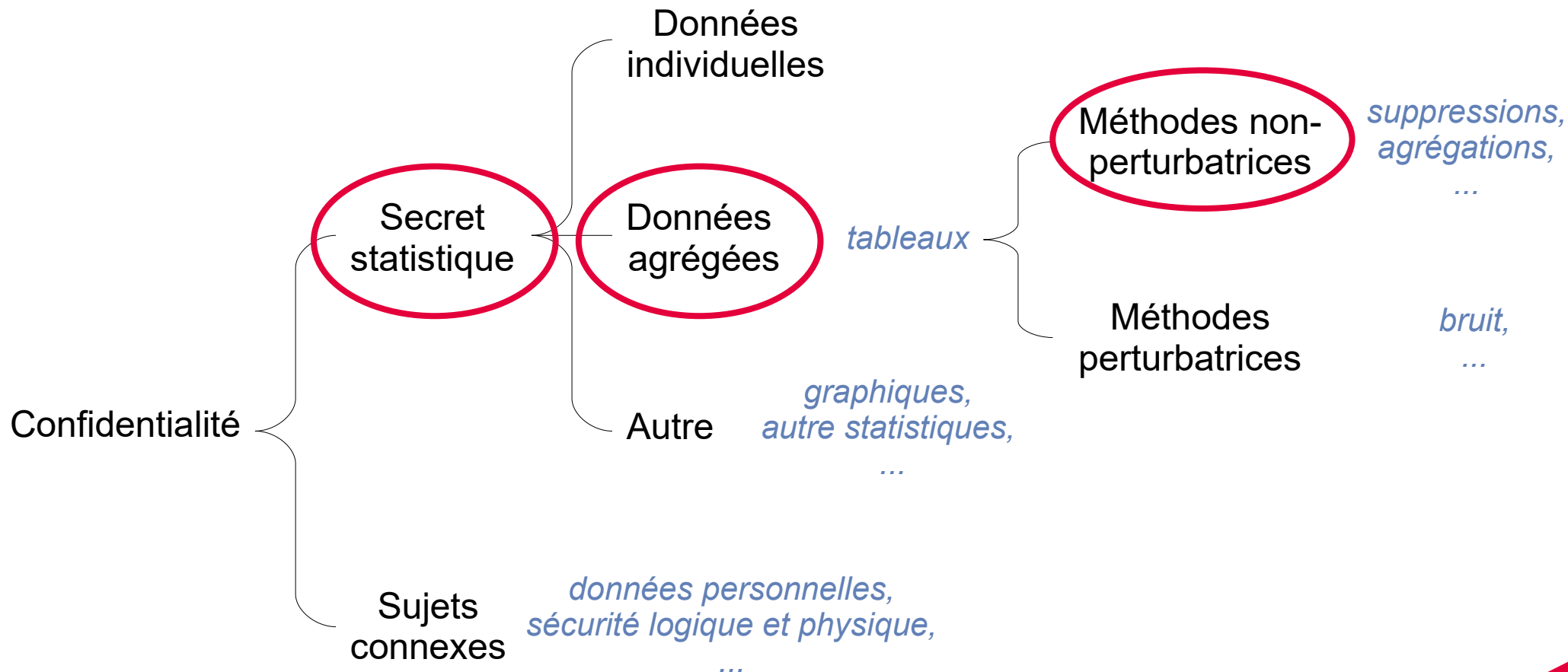
# Le champ de cette formation



# Le champ de cette formation



# Le champ de cette formation



## Buts

-

- Protéger les données individuelles
- Empêcher la reconstruction de données individuelles

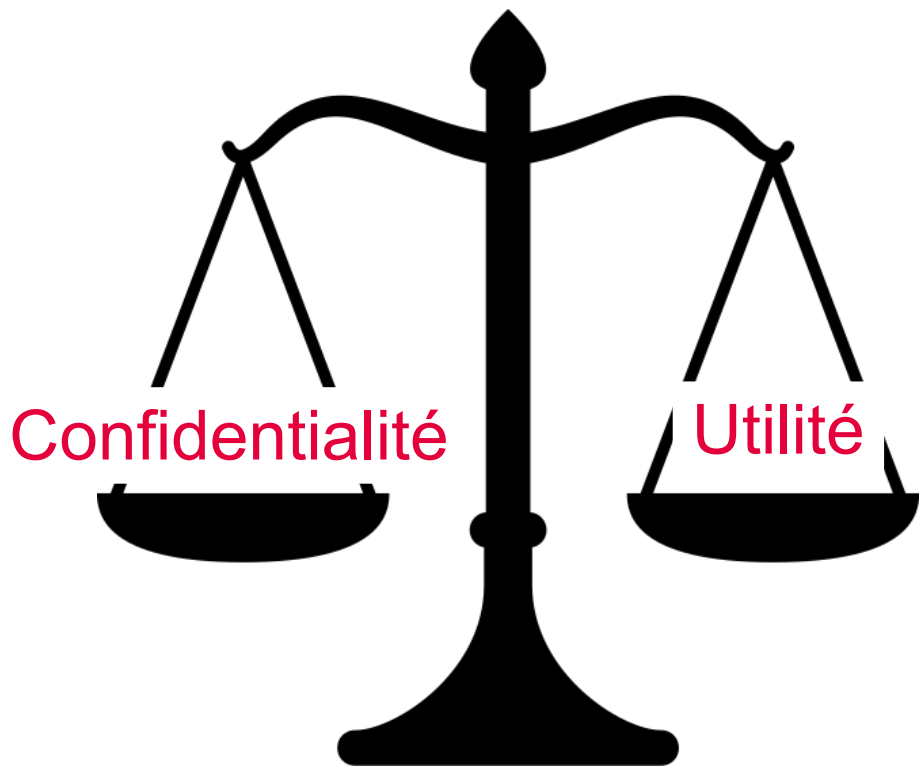
→ Sous l'hypothèse que l'attaquant possède de l'information auxiliaire :

- incomplète, ou bien très fournie
- la sienne, dans tous les cas
- ...

## Enjeux

-

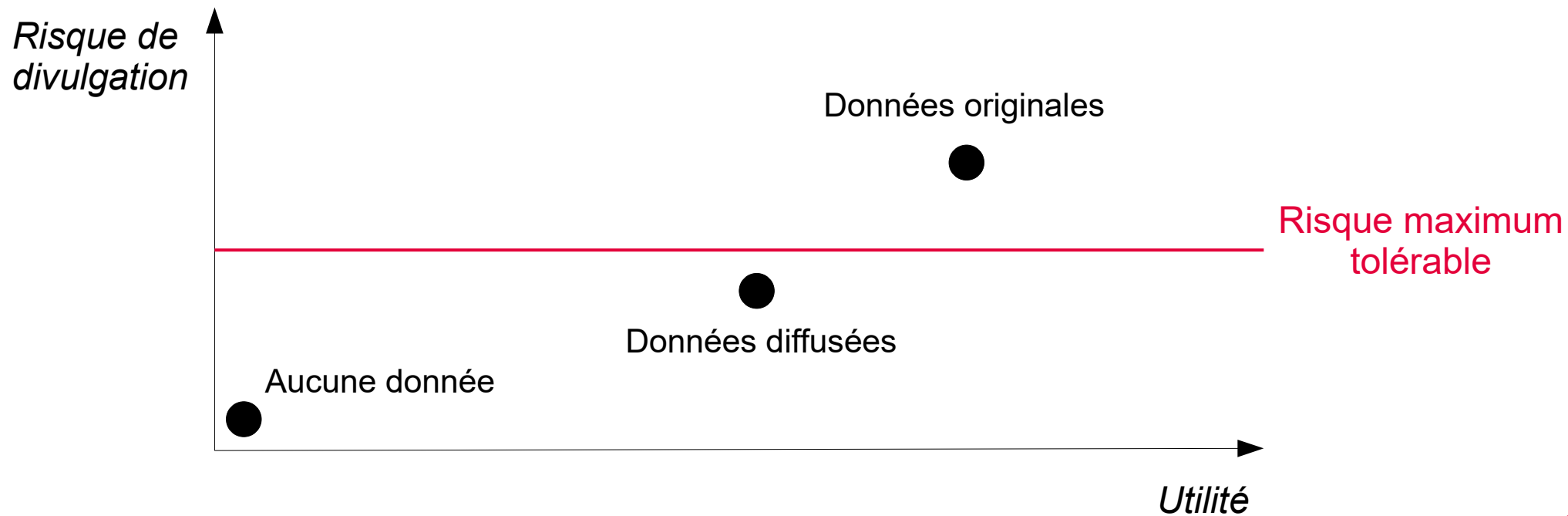
- Conserver la **confiance** des répondants  
→ Taux de réponse élevé
- Prendre en compte le **cadre légal**
- ... Tout en cherchant à diffuser l'information la plus **complète** possible !



*Minimiser le risque  
de divulgation*

*Minimiser la perte  
d'information*

→ Quel équilibre confidentialité/utilité choisir ?



## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulcation d'attribut : Se produit lorsque des informations confidentielles à propos d'un individu sont divulgués.



## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulgence d'attribut : Se produit lorsque des **informations confidentielles** à propos d'un individu sont divulgués.
    - C'est le type de divulgation le plus critique.
    - Elle n'implique pas toujours l'identification d'une personne en particulier.  
→ Par exemple :
      - *Les personnes ayant la profession X dans l'entreprise Y gagnaient entre 50 000 € et 55 000 € l'année dernière.*
      - *Toutes les personnes ayant la maladie A ont subi le traitement B.*

## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulcation d'identité : Se produit lorsqu'un individu peut être **identifié** directement ou indirectement dans des données diffusées.

## 4 types de divulgation d'informations

- Divulgation d'identité : Se produit lorsqu'un individu peut être **identifié** directement ou indirectement dans des données diffusées.
  - Par ce biais, on peut découvrir qu'un individu (soi-même ou autrui) possède une caractéristique rare ou unique.  
→ Par exemple : *Dans ma commune, je suis la seule famille monoparentale.*
  - Une divulgation d'identité peut aussi faciliter les autres types de divulgation.  
→ Par exemple : *Dans mon secteur, nous ne sommes que 3 entreprises (divulgation d'identité) à avoir un chiffre d'affaires de X (divulgation d'attribut). Je peux donc estimer plus précisément le chiffre d'affaires de mes concurrents.*

## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulgarion par recoupement : Se produit lorsque des informations diffusées sont **combinées** à d'autres informations diffusées, ou à des informations provenant de sources externes, pour révéler des données confidentielles.

## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulgarion par recoupement : Se produit lorsque des informations diffusées sont **combinées** à d'autres informations diffusées, ou à des informations provenant de sources externes, pour révéler des données confidentielles.
  - Ce risque augmente avec la quantité de données publiées par l'organisation.
  - D'où la nécessité de **protéger de manière cohérente** les données issues de plusieurs tableaux ou publications (voire organismes).

→ Par exemple : *Par différenciation géographique entre communes et carreaux, on aurait pu isoler les caractéristiques de certains ménages.*

## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulgarion par inférence : Se produit lorsque des informations concernant un individu peuvent être **inférés** avec un haut niveau de confiance (un faible niveau d'incertitude).

## 4 types de divulgation d'informations

- - Divulgarion par inférence : Se produit lorsque des informations concernant un individu peuvent être **inférés** avec un haut niveau de confiance (un faible niveau d'incertitude).
    - Elle implique une **probabilité**.  
→ Par exemple : *Par l'intermédiaire de données carroyées, on peut déduire qu'un habitant d'un quartier très pauvre d'une ville a de fortes chances d'être pauvre.*

# 1A

Buts et enjeux

# 1B

Cadre législatif

---



## Loi statistique du 7 juin 1951 – articles 6 et 6 bis

-

## Loi statistique du 7 juin 1951 – articles 6 et 6 bis

Les articles 6 et 6 bis de la loi du 7 juin 1951 :

- définissent les **conditions** et les **limites** du secret statistique ;
  - Distinction des finalités de traitement
  - Interdiction de divulguer des renseignements individuels issus de données d'enquêtes ou de sources administratives (... mais il n'y a pas de notion de seuil à respecter pour y parvenir !)
  - Protection de la vie professionnelle et familiale des personnes physiques
  - Protection du secret commercial des entreprises (concurrence)
- instituent le **comité du secret statistique** ;
  - Il émet un avis sur les demandes d'accès aux données individuelles sous secret.
- définissent les **sanctions** en cas de violation du secret.

## Code de bonnes pratiques de la statistique européenne

-

## Code de bonnes pratiques de la statistique européenne

### Principe 5 : Secret statistique et protection des données

Le respect de la **vie privée des fournisseurs de données**, la **confidentialité** des informations qu'ils fournissent, l'utilisation de celles-ci **à des fins strictement statistiques** et la sécurité des données sont absolument garantis.

#### Indicateurs :

- 5.1. Garanti par le droit
- 5.2. Signature d'un engagement de confidentialité
- 5.3. Sanctions en cas de violation
- 5.4. **Instructions fournies aux agents** et règles de confidentialité communiquées au public
- 5.5. Sécurité et intégrité des données
- 5.6. Accès restreint aux données individuelles

## Lois sur la protection des données personnelles

- - Sur les données relatives aux **ménages** et aux **entreprises individuelles**, deux lois supplémentaires s'appliquent :
    - la Loi Informatique et Libertés (LIL ; 1978) ;
    - le Règlement Général sur la Protection des Données (RGPD ; 2016).
  - Elles permettent de :
    - garantir les droits des personnes sur les données qui les concernent ;
    - limiter les conséquences des traitements de leurs données.
  - Elles s'inscrivent dans un cadre plus large que celui du secret statistique.

## À l'Insee et dans le SSP

- Pour les données d'enquêtes sur les entreprises, voici les seuils minimums :
  - Règle des 3 unités  
→ décision du 13 juin 1980 du directeur général de l'Insee
  - Règle de dominance à 85 %  
→ règle définie le 7 juillet 1960 par le Comité de coordination des enquêtes statistiques (prédécesseur du Cnis)
- NB : Il faut prendre en compte les poids de sondage.  
L'échantillon et la pondération associée doivent rester confidentiels.

## À l'Insee et dans le SSP

- - Pour les données d'enquêtes sur les ménages (hors recensement) :
    - Il ne doit pas être possible d'identifier une personne.  
→ application du code des relations entre le public et l'administration

## À l'Insee et dans le SSP

- - Pour les données tirées de **sources administratives** :
    - **Au cas par cas**
    - À demander à au producteur de vos données si besoin (inscrit dans la convention qui a permis la transmission des données)
    - Exemple des données fiscales : *aucune cellule ne doit concerner moins de 11 individus ou ménages*



## À l'Insee et dans le SSP

- - Pour les **sources mixtes**, provenant de combinaisons d'enquêtes statistiques et de données administratives :

- **Cumul** :

règle de l'enquête

+

règle de la source administrative

## À l'Insee et dans le SSP

- - Ces principes généraux sont récapitulées dans le [guide du secret statistique](#).

## À l'Insee et dans le SSP

- - Ces principes généraux sont récapitulées dans le [guide du secret statistique](#).
  - Les seuils ne sont pas inscrits dans la loi.
    - Ce sont les organisme statistiques qui **s'autorégulent** afin de respecter les interdictions de divulgation de la loi statistique de 1951.

## À l'Insee et dans le SSP

- - Ces principes généraux sont récapitulées dans le [guide du secret statistique](#).
  - Les seuils ne sont pas inscrits dans la loi.
    - Ce sont les organisme statistiques qui **s'autorégulent** afin de respecter les interdictions de divulgation de la loi statistique de 1951.
  - La loi n'indique pas non plus le degré de protection nécessaire selon le caractère « sensible » des variables. Au regard de la loi, elles sont toutes à protéger.
    - Pour autant, le producteur des données doit quand même **réfléchir au niveau de confidentialité approprié** à chaque variables en fonction des enjeux et des risques.

## À l'Insee et dans le SSP

- - Ces principes généraux sont récapitulées dans le [guide du secret statistique](#).
  - Les seuils ne sont pas inscrits dans la loi.
    - Ce sont les organisme statistiques qui **s'autorégulent** afin de respecter les interdictions de divulgation de la loi statistique de 1951.
  - La loi n'indique pas non plus le degré de protection nécessaire selon le caractère « sensible » des variables. Au regard de la loi, elles sont toutes à protéger.
    - Pour autant, le producteur des données doit quand même **réfléchir au niveau de confidentialité approprié** à chaque variables en fonction des enjeux et des risques.
- Une donnée connue publiquement est quand même une donnée à protéger.

**01** · Le secret, pourquoi ?

---

**02** · Quelles méthodes en vigueur ?

---

**03** · Tableaux liés et variables hiérarchisées

---

**04** · Logiciels

---

# 02

Quelles méthodes en  
vigueur ?

---

**2A** Fréquence et dominance

**2B** Secret primaire et  
secondaire



## Tableaux d'effectifs

Définition : Tableau dans lequel la valeur d'une cellule correspond au **nombre d'unités** qui partagent les caractéristiques de la cellule.

Exemple : *Nombre d'entreprises polluantes par région*

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	1	7	<b>28</b>
	Non	3	2	1	13	<b>19</b>
	<b>Total</b>	<b>9</b>	<b>16</b>	<b>2</b>	<b>20</b>	<b>47</b>

Quels problèmes pouvez-vous identifier ?

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	1	7	<b>28</b>
	Non	3	2	1	13	<b>19</b>
	<b>Total</b>	<b>9</b>	<b>16</b>	<b>2</b>	<b>20</b>	<b>47</b>

Quels problèmes pouvez-vous identifier ?

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	1	7	28
	Non	3	2	1	13	19
	Total	9	16	2	20	47

## Règle de fréquence

Une cellule d'un tableau ne doit pas être construite à partir de strictement moins de  $n$  unités ( $n > 0$ ).

- Souvent à l'Insee,  $n = 3$  (règle des 3 unités).

## Règle de fréquence

Une cellule d'un tableau ne doit pas être construite à partir de strictement moins de  $n$  unités ( $n > 0$ ).

- Souvent à l'Insee,  $n = 3$  (règle des 3 unités).

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	<u>1</u>	7	<b>28</b>
	Non	3	<u>2</u>	<u>1</u>	13	<b>19</b>
	<b>Total</b>	<b>9</b>	<b>16</b>	<b><u>2</u></b>	<b>20</b>	<b>47</b>

## Pourquoi protéger un tableau d'effectifs ?

-

## Pourquoi protéger un tableau d'effectifs ?

- - Contre le risque d'identification :  
→ Je me reconnais ou je reconnais quelqu'un dans les données.

## Pourquoi protéger un tableau d'effectifs ?

- - Contre le risque d'identification :
    - Je me reconnais ou je reconnais quelqu'un dans les données.
  - Contre le risque de divulgation d'attribut :
    - J'apprends que je (ou autrui) possède une caractéristique rare ou unique.
    - J'apprends que dans le champ des individus du tableau, personne ne possède telle caractéristique.



## Pourquoi protéger un tableau d'effectifs ?

- - Contre le risque d'identification :
    - Je me reconnais ou je reconnais quelqu'un dans les données.
  - Contre le risque de divulgation d'attribut :
    - J'apprends que je (ou autrui) possède une caractéristique rare ou unique.
    - J'apprends que dans le champ des individus du tableau, personne ne possède telle caractéristique.
  - Contre le risque de divulgation par recoupement :
    - Je peux déduire de nouvelles informations en croisant d'autres sources (sur d'autres zonages, d'autres modalités, d'autres millésimes, ...).

## Pourquoi protéger un tableau d'effectifs ?

- Contre le risque d'identification :
  - Je me reconnais ou je reconnais quelqu'un dans les données.
- Contre le risque de divulgation d'attribut :
  - J'apprends que je (ou autrui) possède une caractéristique rare ou unique.
  - J'apprends que dans le champ des individus du tableau, personne ne possède telle caractéristique.
- Contre le risque de divulgation par recoupement :
  - Je peux déduire de nouvelles informations en croisant d'autres sources (sur d'autres zonages, d'autres modalités, d'autres millésimes, ...).
- Contre la perception de non-protection :
  - Le public doit sentir que l'on utilise leurs données tout en garantissant la confidentialité.

## Tableaux de volume

Définition : Tableau dans lequel la valeur de chaque cellule représente la **somme des contributions** des répondants qui partagent les caractéristiques de cette cellule.

Exemple : *Ventes réalisées, en millions d'euros*

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58	71	92	800	1021
	Centre	11	124	157	934	1226
	Sud	36	24	60	651	771
	<b>Total</b>	<b>105</b>	<b>219</b>	<b>309</b>	<b>2385</b>	<b>3017</b>

## Tableaux de volume

Définition : Tableau dans lequel la valeur de chaque cellule représente la **somme des contributions** des répondants qui partagent les caractéristiques de cette cellule.

Exemple : *Ventes réalisées, en millions d'euros (nombre de contributeurs)*

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Quels problèmes pouvez-vous identifier ?

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
	<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

## 1<sup>er</sup> problème

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 1<sup>er</sup> problème : 1 ou 2 contributeurs

*Vendeurs d'orgues du centre et du sud*

→ *Trop peu* d'individus contributeurs ⇒ *Divulgence d'informations*

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 1<sup>er</sup> problème : 1 ou 2 contributeurs

### Règle de fréquence

Une cellule d'un tableau ne doit pas être construite à partir de strictement moins de  $n$  unités ( $n > 0$ ).

- Souvent à l'Insee,  $n = 3$  (règle des 3 unités).
- Il faut considérer les **poids** : Si une cellule construite à partir de 2 répondants en représente davantage, alors elle est diffusable.
- L'échantillon et la pondération doivent rester **confidentiels**.



Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157</u> (2)	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60</u> (1)	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 2<sup>nd</sup> problème

-

Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orques	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	<u>92 (5)</u>	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 2<sup>nd</sup> problème

-

Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

$$86 + 3 + 1 + 1 + 1 = 92 \text{ millions d'€}$$

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 2<sup>nd</sup> problème : 1 contributeur dominant

*L'information agrégée diffusée dans la cellule est proche d'une information individuelle.*

→ Information individuelle *presque* disponible

*Quand est-ce que le presque devient acceptable ?*

$$86 + 3 + 1 + 1 + 1 = 92 \text{ millions d'€}$$

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
	Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 2<sup>nd</sup> problème : 1 contributeur dominant

-

Règle de dominance à k % (de paramètres (1, k))  
1 unité contributrice à une cellule ne peut contribuer à plus de k % de la valeur de celle-ci.

- Par défaut à l'Insee, **k = 85**.

$$\begin{aligned} 86 + 3 + 1 + 1 + 1 \\ = 92 \text{ millions d'€} \end{aligned}$$

$$\rightarrow \frac{86}{92} = 93\% > 85\%$$

→ cellule sensible à la règle de dominance à 85 %

## 2<sup>nd</sup> problème : 1 contributeur dominant

Soit  $V_C = \sum_{i=1}^n w_i \cdot x_i$  la valeur d'une cellule C et  $w_i$  un poids d'échantillonnage.

Soit  $x_{(1)}$  le premier contributeur de la cellule.

Une cellule est jugée **sensible à la règle de dominance (1, k)** si :

$$x_{(1)} > k \% \cdot \sum_{i=1}^n w_i \cdot x_i$$

$$x_{(1)} > k \% \cdot V_C$$

*contributeur maximal (non pondéré) > k % × total de la case (pondéré)*

Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	<u>92</u> (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157</u> (2)	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
	Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60</u> (1)	651 (4)	<b>771 (14)</b>
	<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

## 3<sup>ème</sup> problème

-

Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	<u>92 (5)</u>	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
	Sud	<u>36 (3)</u>	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<b>771 (14)</b>
	<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>



## 3<sup>ème</sup> problème

-

Quels autres problèmes pouvez-vous identifier ?

$$19 + 16 + 1 = 36 \text{ millions d'€}$$

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	<u>92 (5)</u>	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
	Sud	<u>36 (3)</u>	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<b>771 (14)</b>
	Total	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

## 3<sup>ème</sup> problème : plusieurs contributeurs dominants

*Le second contributeur possède une estimation précise des ventes du leader du marché, même en absence de problème de dominance :*

$$\frac{\widehat{x_{(1)}}}{x_{(1)}} = \frac{36 - 16}{19} \simeq 1,053 \rightarrow$$

*L'information auxiliaire du 2<sup>nd</sup> contributeur, sa propre valeur, lui permet d'estimer son plus gros concurrent à  $p = 5,3\%$  près. Sa valeur est presque connue par  $x_{(2)}$ .*

$$19 + 16 + 1 = 36 \text{ millions d'€}$$

		Produit vendu				
		Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Région	Nord	58 (5)	71 (17)	<u>92 (5)</u>	800 (12)	1021 (39)
	Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
	Sud	<u>36 (3)</u>	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	771 (14)
	Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## 3<sup>ème</sup> problème : plusieurs contributeurs dominants

-

### Règle du $p$ % (de paramètres $(p, 1)$ )

Le 2ème contributeur de la valeur d'une cellule ne doit pas pouvoir estimer, en utilisant sa propre valeur seulement, celle du premier contributeur avec une précision supérieure à  $p$  %.

- Cette règle ne fait pas jurisprudence à l'Insee, mais elle reste recommandée par Eurostat.  
→ À utiliser si nécessaire en plus de la règle de fréquence et de dominance pour augmenter la protection
- Il est d'usage de choisir  $p = 10$ .

## 3<sup>ème</sup> problème : plusieurs contributeurs dominants

-

Soit  $V_C = \sum_{i=1}^n w_i \cdot x_i$  la valeur d'une cellule C et  $w_i$  les poids d'échantillonnage.

Soit  $x_{(1)}$  puis  $x_{(2)}$  les 2 premiers contributeurs de la cellule.

$x_{(2)}$  peut simplement estimer  $x_{(1)}$  avec l'estimateur  $\widehat{x}_{(1)} = V_C - x_{(2)}$

Une cellule est jugée **sensible à la règle du p %** si :

$$\widehat{x}_{(1)} - x_{(1)} < p\% \cdot x_{(1)}$$

$$\frac{\widehat{x}_{(1)} - x_{(1)}}{x_{(1)}} < p\%$$

*erreur relative d'estimation de la contribution du 1<sup>er</sup> contributeur par le 2<sup>nd</sup> < p %*

## Les zéros

-

### Règle des zéros

Les zéros ne doivent pas être masqués, sauf si la règle de fréquence l'exige.  
De plus, ils ne doivent pas être pris en compte pour élaborer le secret secondaire.

## Les zéros

### Règle des zéros

Les zéros ne doivent pas être masqués, sauf si la règle de fréquence l'exige.  
De plus, ils ne doivent pas être pris en compte pour élaborer le secret secondaire.

- 0 → cellule non-sensible
  - 0 (0) → cellule non-sensible
  - 0 (2) → cellule sensible
  - 0 (27) → cellule non-sensible
- tableau d'effectifs
- tableaux de volume

## Les ratios

- - Deux stratégies sont envisageables pour protéger un ratio :

## Les ratios

- - Deux stratégies sont envisageables pour protéger un ratio :
    - Si le dénominateur est connu, alors il suffit d'effectuer la protection sur le numérateur seulement.  
→ Exemple : *Pourcentage ou moyenne sur population entière connue*



## Les ratios

- Deux stratégies sont envisageables pour protéger un ratio :
  - Si le dénominateur est connu, alors il suffit d'effectuer la protection sur le numérateur seulement.  
→ Exemple : *Pourcentage ou moyenne sur population entière connue*
  - Sinon, la cellule est cachée si et seulement si :  
le numérateur OU (inclusif) le dénominateur est caché.  
→ Exemple :

$$\left. \begin{array}{l} \frac{N}{D} \rightarrow \text{sensible} \\ \quad \rightarrow \text{non-sensible} \end{array} \right\} \rightarrow \text{sensible}$$

**2A**

Fréquence et dominance

**2B**

Secret primaire et  
secondaire

---

## Le secret primaire

-

Les cellules catégorisées sensibles pour :

- la règle de fréquence,
- la règle de dominance,
- voire la règle du p %

constituent le **secret primaire**.

→ On ne peut **pas** les **diffuser**.

## Les stratégies envisageables pour gérer le secret primaire

-  
Deux possibilités :

## Les stratégies envisageables pour gérer le secret primaire

-  
Deux possibilités :

- Ne pas diffuser l'information  
→ En **supprimant des cellules** du tableau

## Les stratégies envisageables pour gérer le secret primaire

Deux possibilités :

- Ne pas diffuser l'information  
→ En **supprimant des cellules** du tableau
- S'arranger pour ne pas avoir de secret primaire  
→ En **restructurant** les données (recodage des variables de ventilation)

## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

*Ventes réalisées (en millions d'euros)*

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157</u> (2)	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60</u> (1)	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

*Ventes réalisées (en millions d'euros)*

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<b>771 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>





## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

Ventes réalisées (en millions d'euros)

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

	Harpes	Piano	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	892 (17)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	1091 (9)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	711 (5)	771 (14)
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>2694 (31)</b>	<b>3018 (77)</b>

Recodage simple :

**Combiner** des modalités pour augmenter le nombre de répondants dans les cellules.



Fusion de  
deux colonnes

## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

*Nombre d'entreprises polluantes selon l'âge du dirigeant.*

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	<u>2</u>	5	7	6	20
	Non	8	15	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

*Nombre d'entreprises polluantes selon l'âge du dirigeant.*

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	<u>2</u>	5	7	6	20
	Non	8	15	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80



## Éviter le secret primaire – Recoder les variables de ventilation

Nombre d'entreprises polluantes selon l'âge du dirigeant.

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	2	5	7	6	20
	Non	8	15	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

		Âge du dirigeant				
		< 28	28-35	35-55	> 55	Total
Polluante	Oui	3	6	6	5	20
	Non	9	17	19	15	60
	Total	12	23	25	20	80

Recodage plus complexe :

Définir de **nouvelles modalités** aux variables de ventilation pour augmenter le nombre de répondants par cellule.



Une exploration  
à faire à la main

## Éviter le secret primaire... Ou pas !

- Le **recodage** est **peu utilisé** en pratique, car :
  - parfois, la structure des données diffusées est imposée (*Eurostat*) ;
  - cela casse le suivi des données dans le temps ;
  - la perte d'information est importante.

## Éviter le secret primaire... Ou pas !

- - Le **recodage** est **peu utilisé** en pratique, car :
    - parfois, la structure des données diffusées est imposée (*Eurostat*) ;
    - cela casse le suivi des données dans le temps ;
    - la perte d'information est importante.
  - ... Mais il peut être utile si les données sont de toute façon trop fines pour avoir un sens statistique.

## Éviter le secret primaire... Ou pas !

- Le **recodage** est **peu utilisé** en pratique, car :
  - parfois, la structure des données diffusées est imposée (*Eurostat*) ;
  - cela casse le suivi des données dans le temps ;
  - la perte d'information est importante.
- ... Mais il peut être utile si les données sont de toute façon trop fines pour avoir un sens statistique.
- La **solution** la plus souvent envisagée en pratique :
  - **supprimer** (cacher) les agrégats touchés par le secret primaire
  - Oui, mais ...

## Le secret secondaire

-

→ Oui, mais ...

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	X	7	28
	Non	3	X	X	13	19
	Total	9	16	X	20	47



## Le secret secondaire

-

→ Oui, mais ...

		Région				
		Nord	Ouest	Est	Sud	Total
Polluante	Oui	6	14	X	7	28
	Non	3	X	X	13	19
	Total	9	16	X	20	47

- Si les marges du tableau sont diffusées, alors les cellules sont liées entre elles.  
→ Il faut cacher d'autres cellules pour **ne pas pouvoir déduire** la valeur des cellules cachées : c'est le **secret secondaire**.

- Pour le secret primaire, chaque case est traitée indépendamment.  
Pour le secret secondaire, il faut considérer le tableau dans son ensemble.

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	2	5	7	6	20
	Non	8	15	17	20	60
	<b>Total</b>	<b>10</b>	<b>20</b>	<b>24</b>	<b>26</b>	<b>80</b>

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	X	X	7	6	20
	Non	X	X	17	20	60
	<b>Total</b>	<b>10</b>	<b>20</b>	<b>24</b>	<b>26</b>	<b>80</b>



Suppressions  
primaire et  
secondaire

Nombre d'entreprises polluantes selon l'âge du dirigeant.

- Plusieurs structures de suppressions, ou **masques de secret**, sont possibles.  
→ Elles ne sont pas toutes équivalentes !

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	2	5	7	6	20
	Non	8	15	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	X	5	7	6	X
	Non	8	15	17	20	60
	Total	X	20	24	26	X



Autre possibilité de suppressions primaire et secondaire (certainement moins bonne)

Nombre d'entreprises polluantes selon l'âge du dirigeant.

## Minimiser la perte d'information

-

Pour minimiser cette perte d'information, il faut définir pour chaque cellule un **coût** associé à sa suppression.

On peut ainsi choisir ce coût à minimiser comme étant :

## Minimiser la perte d'information

-  
Pour minimiser cette perte d'information, il faut définir pour chaque cellule un **coût** associé à sa suppression.

On peut ainsi choisir ce coût à minimiser comme étant :

- Le **nombre de cellules** supprimées
- Le **nombre de contributeurs** concernés par les cases supprimées
- La **valeur de la cellule** supprimée
- Une **autre variable** de coût : la valeur qu'aurait pris la cellule pour une autre variable de réponse
- ...

## Minimiser la perte d'information – Exemple

-

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

## Minimiser la perte d'information – Exemple

-  
Application du secret primaire :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation du **nombre de cellules** cachées :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)



## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation du **nombre de cellules** cachées :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

Nombre de  
cellules cachées :  
8

Nombre de  
contributeurs cachés :  
195

Valeur totale  
cachée :  
2461

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation du **nombre de contributeurs** cachés :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation du **nombre de contributeurs** cachés :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

Nombre de  
cellules cachées :  
10

Nombre de  
contributeurs cachés :  
135

Valeur totale  
cachée :  
2366

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Les cellules sans contributeur ne sont pas prises en compte pour élaborer le secret secondaire.

Minimisation du **nombre de contributeurs** cachés :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

Nombre de  
cellules cachées :  
10

Nombre de  
contributeurs cachés :  
135

Valeur totale  
cachée :  
2366

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation de la **valeur** cachée :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

## Minimiser la perte d'information – Exemple

Minimisation de la **valeur** cachée :

	A	B	C	D	E	F	Total
M1	0 (0)	82 (5)	42 (6)	98 (2)	315 (18)	322 (23)	859 (54)
M2	805 (45)	12 (2)	60 (9)	555 (54)	954 (77)	1122 (111)	3508 (298)
M3	0 (0)	66 (5)	44 (8)	28 (3)	28 (9)	488 (40)	654 (65)
M4	927 (45)	967 (79)	3065 (354)	4187 (422)	11 (2)	3122 (354)	12279 (1256)
M5	5220 (451)	3208 (354)	3545 (355)	344 (35)	55 (54)	100 (10)	12472 (1259)
M6	2200 (254)	692 (82)	339 (34)	18 (2)	652 (48)	79 (8)	3980 (428)
Total	9152 (795)	5027 (527)	7095 (766)	5230 (518)	2015 (208)	5233 (546)	33752 (3360)

Nombre de  
cellules cachées :  
10

Nombre de  
contributeurs cachés :  
174

Valeur totale  
cachée :  
1442

## Les singletons

-

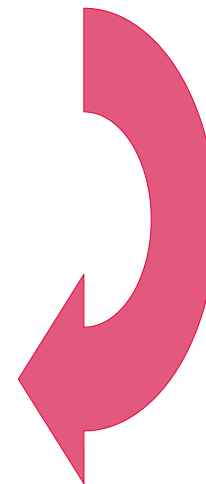
	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>59 (1)</u>	651 (4)	<b>770 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>308 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3017 (77)</b>

## Les singletons

-

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>59 (1)</u>	651 (4)	770 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	308 (8)	2385 (23)	3017 (77)

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	X	124 (11)	X	934 (7)	1226 (24)
Sud	X	24 (6)	X	651 (4)	770 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	308 (8)	2385 (23)	3017 (77)



Cacher uniquement ces cases ne suffit pas !

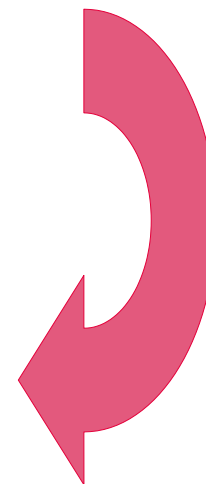


## Les singletons

Les **singletons**, c'est-à-dire les cellules avec **1 seul répondant**, peuvent retrouver une case en secret primaire grâce à leur propre information.

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>59 (1)</u>	651 (4)	770 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	308 (8)	2385 (23)	3017 (77)

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	X	124 (11)	X	934 (7)	1226 (24)
Sud	X	24 (6)	X	651 (4)	770 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	308 (8)	2385 (23)	3017 (77)



Cacher uniquement ces cases ne suffit pas !

## Les singletons

Les **singletons**, c'est-à-dire les cellules avec **1 seul répondant**, peuvent retrouver une case en secret primaire grâce à leur propre information.

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>59 (1)</u>	651 (4)	<b>770 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>308 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3017 (77)</b>

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	X	71 (17)	X	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	X	124 (11)	X	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	X	24 (6)	X	651 (4)	<b>770 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>308 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3017 (77)</b>

Il faut prendre les singletons en compte

## Les singletons

-

### Règle des singletons

Un contributeur seul dans sa cellule connaît sa propre valeur.  
Il peut donc potentiellement déduire la valeur d'autres cellules sensibles.  
Si tel est le cas, il faut cacher au moins une cellule supplémentaire.

→ Cette règle est valable pour les tableaux d'effectifs comme pour les tableaux de volume.

## Au moins 2 cellules non-nulles

-

### Règle des cellules non-nulles

Parmi les cellules diffusées (hors totaux), il ne faut pas qu'exactly une cellule d'une même ligne ou colonne soit non-nulle.

## Au moins 2 cellules non-nulles

-

### Règle des cellules non-nulles

Parmi les cellules diffusées (hors totaux), il ne faut pas qu'exactement une cellule d'une même ligne ou colonne soit non-nulle.

*Champ : Habitants de la commune X*

	Âge			
	18-25	26-49	50-59	> 60
Marié	7	12	0	30
Divorcé	0	11	9	10
Autre	21	27	0	14

## Au moins 2 cellules non-nulles

-

### Règle des cellules non-nulles

Parmi les cellules diffusées (hors totaux), il ne faut pas qu'exactement une cellule d'une même ligne ou colonne soit non-nulle.

- Cette règle n'est **pas gérée** par  $\tau$ -Argus. Elle est donc souvent omise...

*Champ : Habitants de la commune X*

	Âge			
	18-25	26-49	50-59	> 60
Marié	7	12	0	30
Divorcé	0	11	9	10
Autre	21	27	0	14

## Au moins 2 cellules non-nulles

-

### Règle des cellules non-nulles

Parmi les cellules diffusées (hors totaux), il ne faut pas qu'exactement une cellule d'une même ligne ou colonne soit non-nulle.

- Cette règle n'est **pas gérée** par  $\tau$ -Argus. Elle est donc souvent omise...

*Champ : Habitants de la commune X*

	Âge			
	18-25	26-49	50-59	> 60
Marié	7	12	0	30
Divorcé	0	11	9	10
Autre	21	27	0	14

Ne pas prendre en compte cette règle engendre une **divulgaration d'attribut**, ici :

## Au moins 2 cellules non-nulles

-

### Règle des cellules non-nulles

Parmi les cellules diffusées (hors totaux), il ne faut pas qu'exactement une cellule d'une même ligne ou colonne soit non-nulle.

- Cette règle n'est **pas gérée** par  $\tau$ -Argus. Elle est donc souvent omise...

*Champ : Habitants de la commune X*

	Âge			
	18-25	26-49	50-59	> 60
Marié	7	12	0	30
Divorcé	0	11	9	10
Autre	21	27	0	14

Ne pas prendre en compte cette règle engendre une **divulcation d'attribut**, ici :  
« Un cinquantenaire de la commune X est forcément divorcé. »



## Règle des intervalles – Intervalle des possibles

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	X	X	7	6	20
	Non	X	X	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	[0 ; 7]	[0 ; 7]	7	6	20
	Non	[3 ; 10]	[13 ; 20]	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

## Règle des intervalles – Intervalle des possibles

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	X	X	7	6	20
	Non	X	X	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80



équivalence

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	[0 ; 7]	[0 ; 7]	7	6	20
	Non	[3 ; 10]	[13 ; 20]	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

Cacher des cases  
revient à diffuser  
des intervalles

## Règle des intervalles – Intervalle des possibles

Définition : L'intervalle des **possibles** (ou intervalle d'**audit**) est l'**ensemble des valeurs possibles** prises par la cellule supprimée après avoir posé le masque de secret.

		Âge du dirigeant				
		< 25	25-30	30-50	> 50	Total
Polluante	Oui	[0 ; 7]	[0 ; 7]	7	6	20
	Non	[3 ; 10]	[13 ; 20]	17	20	60
	Total	10	20	24	26	80

→ Ici, l'intervalle des possibles de la case sensible est [0 ; 7].

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (fréquence)

Définition : Soit  $V_C$  la valeur d'une cellule C sensible à la **règle de fréquence**. On **choisit**  $m$  %, la marge de protection. L'intervalle de **protection** de C est égal à :

$$[(1 - m\%). V_C ; (1 + m\%). V_C]$$

→ Avec une marge de 10 %, cela donne l'intervalle :  $[90\%. V_C ; 110\%. V_C]$

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (fréquence)

Définition : Soit  $V_C$  la valeur d'une cellule C sensible à la **règle de fréquence**. On **choisit**  $m$  %, la marge de protection. L'intervalle de **protection** de C est égal à :

$$[(1 - m\%) \cdot V_C ; (1 + m\%) \cdot V_C]$$

→ Avec une marge de 10 %, cela donne l'intervalle :  $[90\% \cdot V_C ; 110\% \cdot V_C]$

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (fréquence)

Définition : Soit  $V_C$  la valeur d'une cellule C sensible à la **règle de fréquence**. On **choisit**  $m\%$ , la marge de protection. L'intervalle de **protection** de C est égal à :

$$[(1 - m\%) \cdot V_C ; (1 + m\%) \cdot V_C]$$

→ Avec une marge de 10 %, cela donne l'intervalle :  $[90\% \cdot V_C ; 110\% \cdot V_C]$

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalle de protection  
à 10 % :



## Règle des intervalles – Intervalle de protection (fréquence)

Définition : Soit  $V_C$  la valeur d'une cellule C sensible à la **règle de fréquence**. On **choisit**  $m\%$ , la marge de protection. L'intervalle de **protection** de C est égal à :

$$[(1 - m\%) \cdot V_C ; (1 + m\%) \cdot V_C]$$

→ Avec une marge de 10 %, cela donne l'intervalle :  $[90\% \cdot V_C ; 110\% \cdot V_C]$

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	157 (2)	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	60 (1)	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalle de protection  
à 10 % :

[54 ; 66]

## Règle des intervalles

-

### Règle des intervalles

À la pose du masque de secret, l'intervalle de protection de chaque cellule sensible doit être inclus dans son intervalle des possibles.



## Règle des intervalles

-

### Règle des intervalles

À la pose du masque de secret, l'intervalle de protection de chaque cellule sensible doit être inclus dans son intervalle des possibles.

- Cette règle permet de se prémunir d'une divulgation par inférence.  
  
→ Pour les cellules sensibles à la **règle de fréquence**, on doit paramétrer une **marge de protection** qu'on choisit souvent égale à 10 %.

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<b>771 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	<b>1021 (39)</b>
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<b>1226 (24)</b>
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<b>771 (14)</b>
<b>Total</b>	<b>105 (12)</b>	<b>219 (34)</b>	<b>309 (8)</b>	<b>2385 (23)</b>	<b>3018 (77)</b>

Intervalles de protection à 10 % :



## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<del>1226</del> (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<del>771</del> (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de protection à 10 % :

[141 ; 173]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	<u>157 (2)</u>	934 (7)	<del>1226</del> (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	<u>60 (1)</u>	651 (4)	<del>771</del> (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	X	71 (17)	X	800 (12)	1021 (39)
Centre	X	124 (11)	X	934 (7)	1226 (24)
Sud	X	24 (6)	X	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	X	71 (17)	X	800 (12)	1021 (39)
Centre	X	124 (11)	X	934 (7)	1226 (24)
Sud	X	24 (6)	X	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
414

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	[0 ; 105]	71 (17)	[45 ; 150]	800 (12)	1021 (39)
Centre	[0 ; 105]	124 (11)	[63 ; 168]	934 (7)	1226 (24)
Sud	[0 ; 96]	24 (6)	[0 ; 96]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
414

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]



## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	[0 ; 105]	71 (17)	[45 ; 150]	800 (12)	1021 (39)
Centre	[0 ; 105]	124 (11)	[63 ; 168]	934 (7)	1226 (24)
Sud	[0 ; 96]	24 (6)	[0 ; 96]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
414

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	[0 ; 105]	71 (17)	[45 ; 150]	800 (12)	1021 (39)
Centre	[0 ; 105]	124 (11)	[63 ; 168]	934 (7)	1226 (24)
Sud	[0 ; 96]	24 (6)	[0 ; 96]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
414

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

→ L'intervalle de protection de cette cellule **n'est pas inclus** dans l'intervalle des possibles !

Ce masque de secret ne protège donc pas assez les 2 cellules sensibles.

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	71 (17)	92 (5)	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	124 (11)	X	934 (7)	<del>1226</del> (24)
Sud	36 (3)	24 (6)	X	651 (4)	<del>771</del> (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	X	X	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	X	X	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	X	X	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
528

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	[0 ; 163]	[0 ; 163]	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	[0 ; 219]	[62 ; 281]	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	[0 ; 84]	[0 ; 84]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Valeur totale  
cachée :  
528

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

Valeur totale  
cachée :  
528

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	[0 ; 163]	[0 ; 163]	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	[0 ; 219]	[62 ; 281]	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	[0 ; 84]	[0 ; 84]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

→ Tous les intervalles de protection sont inclus dans les intervalles des possibles. Ce masque est donc convenable.

## Règle des intervalles – Exemple

Avec une marge de protection de 10 % :

Valeur totale  
cachée :  
528

	Harpes	Piano	Orgues	Autre	Total
Nord	58 (5)	[0 ; 163]	[0 ; 163]	800 (12)	1021 (39)
Centre	11 (4)	[0 ; 219]	[62 ; 281]	934 (7)	1226 (24)
Sud	36 (3)	[0 ; 84]	[0 ; 84]	651 (4)	771 (14)
Total	105 (12)	219 (34)	309 (8)	2385 (23)	3018 (77)

Intervalles de  
protection à 10 % :

[141 ; 173]

[54 ; 66]

→ Tous les intervalles de protection sont inclus dans les intervalles des possibles. Ce masque est donc convenable.

- Procédure d'audit** : Dans  $\tau$ -Argus, les intervalles des possibles sont aussi appelés « intervalles d'audit ». Après application du masque,  $\tau$ -Argus peut calculer à la demande ces intervalles pour chacune des cases cachées.

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

-



## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

- Pour la règle de **dominance** et celle du **p %**, il est possible de faire mieux : utiliser directement les contraintes liées à la règle de secret primaire utilisée.

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

- Pour la règle de **dominance** et celle du **p %**, il est possible de faire mieux : utiliser directement les contraintes liées à la règle de secret primaire utilisée.
- L'intervalle de protection d'une cellule sensible C est ainsi égal à :

	Règle de dominance	Règle du p %
	$\left[ 2 \cdot V_C - \frac{x_{(1)}}{k \%} ; \frac{x_{(1)}}{k \%} \right]$	$\left[ 2 \cdot V_C - ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)}) ; ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)}) \right]$

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

- Pour la règle de **dominance** et celle du **p %**, il est possible de faire mieux : utiliser directement les contraintes liées à la règle de secret primaire utilisée.
- L'intervalle de protection d'une cellule sensible C est ainsi égal à :

Règle de fréquence	Règle de dominance	Règle du p %
$[(1 \pm m\%) \cdot V_c]$	$[2 \cdot V_c - \frac{x_{(1)}}{k\%} ; \frac{x_{(1)}}{k\%}]$	$[2 \cdot V_c - ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)}) ; ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)})]$

- Seule la règle de **fréquence** nécessite de **choisir** un seuil  $m$ . Pour les autres règles, le calcul s'effectue automatiquement par le logiciel.

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

- Pour la règle de **dominance** et celle du **p %**, il est possible de faire mieux : utiliser directement les contraintes liées à la règle de secret primaire utilisée.
- L'intervalle de protection d'une cellule sensible C est ainsi égal à :

Règle de fréquence	Règle de dominance	Règle du p %
$[(1 \pm m\%) \cdot V_c]$	$\left[ 2 \cdot V_c - \frac{x_{(1)}}{k\%} ; \frac{x_{(1)}}{k\%} \right]$	$\left[ 2 \cdot V_c - ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)}) ; ((1+p\%) \cdot x_{(1)} + x_{(2)}) \right]$

- Seule la règle de **fréquence** nécessite de **choisir** un seuil  $m$ . Pour les autres règles, le calcul s'effectue automatiquement par le logiciel.
- La valeur de l'intervalle de protection est évidemment confidentielle.

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

-  
Explication des intervalles de protection pour la dominance et le p % :

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

-  
Explication des intervalles de protection pour la dominance et le p % :

- Une cellule sensible selon la règle de dominance s'écrit :  $x_{(1)} > k \% \cdot V_c$

$$\text{ou bien } V_c < \frac{x_{(1)}}{k \%}$$

$$V_c$$

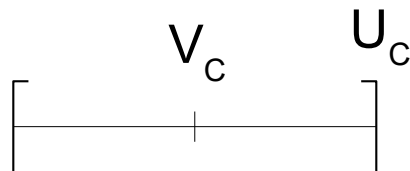
|

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

Explication des intervalles de protection pour la dominance et le p % :

- Une cellule sensible selon la règle de dominance s'écrit :  $x_{(1)} > k \% \cdot V_c$   
ou bien  $V_c < \frac{x_{(1)}}{k \%}$
- Pour que la valeur déductible ne soit jamais considérée comme sensible, on choisit la borne supérieure de l'intervalle de protection  $U_c$  telle que :

$$U_c = \frac{x_{(1)}}{k \%}$$



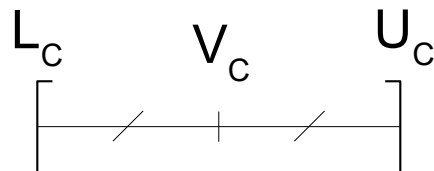
## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

Explication des intervalles de protection pour la dominance et le p % :

- Une cellule sensible selon la règle de dominance s'écrit :  $x_{(1)} > k \% \cdot V_c$   
ou bien  $V_c < \frac{x_{(1)}}{k \%}$
- Pour que la valeur déductible ne soit jamais considérée comme sensible, on choisit la borne supérieure de l'intervalle de protection  $U_c$  telle que :

$$U_c = \frac{x_{(1)}}{k \%}$$

- La borne inférieure de l'intervalle  $L_c$  s'obtient par symétrie :  $L_c = V_c - (U_c - V_c)$



$$= 2 \cdot V_c - \frac{x_{(1)}}{k \%}$$



## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

-  
Explication (suite) :

- C'est pourquoi :

Définition : L'intervalle de protection de C, sensible à la règle de **dominance**, est :

$$\left[ 2 \cdot V_c - \frac{X_{(1)}}{k \%} ; \frac{X_{(1)}}{k \%} \right]$$

## Règle des intervalles – Intervalle de protection (dominance et p%)

Explication (suite) :

- C'est pourquoi :

Définition : L'intervalle de protection de C, sensible à la règle de **dominance**, est :

$$\left[ 2 \cdot V_c - \frac{X_{(1)}}{k \%} ; \frac{X_{(1)}}{k \%} \right]$$

- Une cellule sensible selon la règle du p % s'écrit :

Par un raisonnement analogue, on obtient :

Définition : L'intervalle de protection de C, sensible à la règle du **p %**, est :

## Règle des intervalles

-

### Règle des intervalles

À la pose du masque de secret, l'intervalle de protection de chaque cellule sensible doit être inclus dans son intervalle des possibles.

- Cette règle permet de se prémunir d'une divulgation par inférence.  
→ Pour les cellules sensibles à la **règle de fréquence**, on doit paramétrer une **marge de protection** qu'on choisit souvent égale à 10 %.

## Règle des intervalles

-

### Règle des intervalles

À la pose du masque de secret, l'intervalle de protection de chaque cellule sensible doit être inclus dans son intervalle des possibles.

- Cette règle permet de se prémunir d'une divulgation par inférence.
  - Pour les cellules sensibles à la **règle de fréquence**, on doit paramétrer une **marge de protection** qu'on choisit souvent égale à 10 %.
  - Pour les autres cellules sensibles, tout est automatique.

**01** · Le secret, pourquoi ?

---

**02** · Quelles méthodes en vigueur ?

---

**03** · Tableaux liés et variables hiérarchisées

---

**04** · Logiciels

---

# 03

## Tableaux liés et variables hiérarchisées

---

## Tableaux liés

-

*Nombre d'entreprises :*

- *par sexe du dirigeant ;*
- *par région ;*
- *si l'entreprise est polluante.*

Polluante ? Région \	Oui	Non	Total
Nord	10	26	36
Sud	20	11	31
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Polluante ? Sexe \	Oui	Non	Total
Homme	22	10	32
Femme	8	27	35
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Sexe Région \	Femme	Homme	Total
Nord	16	20	36
Sud	19	12	31
<b>Total</b>	<b>35</b>	<b>32</b>	<b>67</b>

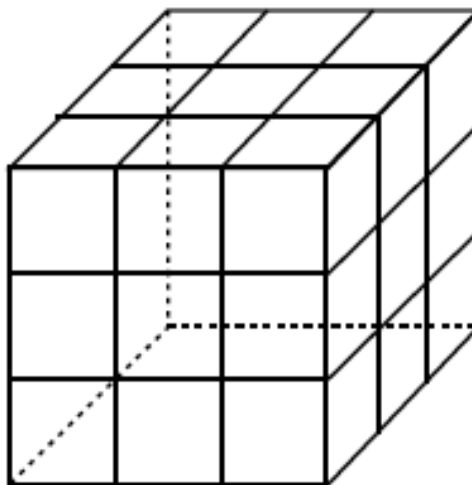
## Tableaux liés

*Nombre d'entreprises :*

- *par sexe du dirigeant ;*
- *par région ;*
- *si l'entreprise est polluante.*

Polluante ? Région \	Oui	Non	Total
Nord	10	26	36
Sud	20	11	31
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Polluante ? Sexe \	Oui	Non	Total
Homme	22	10	32
Femme	8	27	35
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>



Sexe Région \	Femme	Homme	Total
Nord	16	20	36
Sud	19	12	31
<b>Total</b>	<b>35</b>	<b>32</b>	<b>67</b>



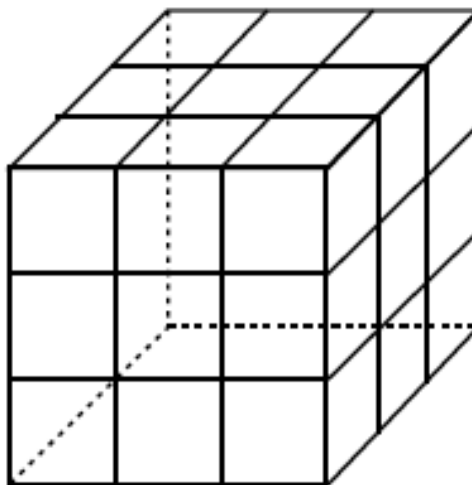
## Tableaux liés

*Nombre d'entreprises :*

- *par sexe du dirigeant ;*
- *par région ;*
- *si l'entreprise est polluante.*

Polluante ? Région \	Oui	Non	Total
Nord	10	26	36
Sud	20	11	31
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Polluante ? Sexe \	Oui	Non	Total
Homme	22	10	32
Femme	8	27	35
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>



→ La pose du secret s'effectue dans une logique à n dimensions...

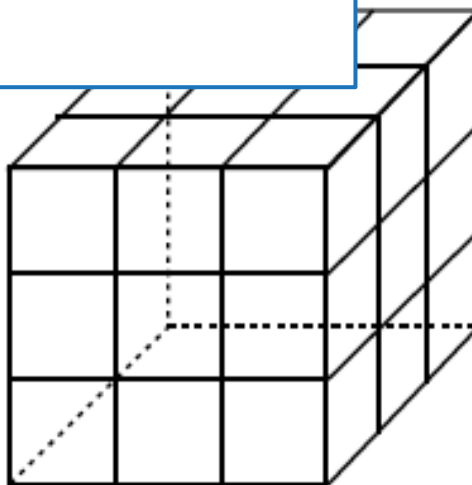
Sexe Région \	Femme	Homme	Total
Nord	16	20	36
Sud	19	12	31
<b>Total</b>	<b>35</b>	<b>32</b>	<b>67</b>

## Tableaux liés

hommes dirigeants d'entreprises polluantes du Sud  
+  
femmes dirigeantes d'entreprises polluantes du Sud  
=  
20

Polluante ? Région \	Oui	Non	Total
Nord	10	26	36
Sud	20	11	31
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Polluante ? Sexe \	Oui	Non	Total
Homme	22	10	32
Femme	27	8	35
<b>Total</b>	<b>37</b>	<b>18</b>	<b>67</b>



→ La pose du secret  
s'effectue dans une  
logique à n dimensions...

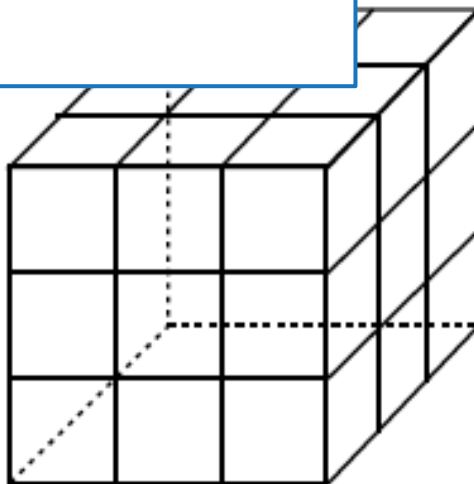
Sexe Région \	Femme	Homme	Total
Nord	16	20	36
Sud	19	12	31
<b>Total</b>	<b>35</b>	<b>32</b>	<b>67</b>

## Tableaux liés

hommes dirigeants d'entreprises polluantes du Sud  
+  
femmes dirigeantes d'entreprises polluantes du Sud  
=  
20

Polluante ? Région \	Oui	Non	Total
Nord	10	26	36
Sud	20	11	31
<b>Total</b>	<b>30</b>	<b>37</b>	<b>67</b>

Polluante ? Sexe \	Oui	Non	Total
Homme	22	10	32
Femme	27	10	37
<b>Total</b>	<b>37</b>	<b>20</b>	<b>67</b>



Sexe Région \	Femme	Homme	Total
Nord	16	20	36
Sud	19	12	31
<b>Total</b>	<b>35</b>	<b>32</b>	<b>67</b>

→ La pose du secret s'effectue dans une logique à n dimensions...

... Qui peut conduire à plus ou à moins de secret secondaire.

## Tableaux liés

-

Définition : Ensemble de tableaux possédant la même variable ventilée et **partageant** une ou plusieurs variables de ventilation.

## Tableaux liés

-

Définition : Ensemble de tableaux possédant la même variable ventilée et **partageant** une ou plusieurs variables de ventilation.

- Cet ensemble de tableaux peut être considéré comme des **sous-tableaux d'un tableau** de dimension plus grande.
- Ces **liens** entre tableaux doivent être pris en compte pour traiter correctement le secret. Sinon, les cellules cachées peuvent se déduire les unes des autres.
- Pour les enquêtes périodiques, la temporalité peut être perçue comme un ensemble de tableaux liés : il vaut mieux que le masque de secret change peu entre chaque enquête.

## Tableaux hiérarchisés

*Nombre d'entreprises qui produisent des violons, par région.*

Pays											
400											
Nord			Ouest				Est			Sud	
46			191				80			83	
N1	N2	N3	O1	O2	O3	O4	E1	E2	E3	S1	S2
21	2	23	32	54	67	38	27	41	12	44	39

## Tableaux hiérarchisés

-  
Si l'on ne renseigne pas la hiérarchie :

N1	N2	N3	Nord	O1	O2	O3	O4	Ouest	E1	E2	E3	Est	S1	S2	Sud	Pays
21	<u>2</u>	23	46	32	54	67	38	191	27	41	12	80	44	39	83	400

## Tableaux hiérarchisés

Si l'on ne renseigne pas la hiérarchie :

N1	N2	N3	Nord	O1	O2	O3	O4	Ouest	E1	E2	E3	Est	S1	S2	Sud	Pays
21	<u>2</u>	23	46	32	54	67	38	191	27	41	12	80	44	39	83	400



N1	N2	N3	Nord	O1	O2	O3	O4	Ouest	E1	E2	E3	Est	S1	S2	Sud	Pays
21	X	23	46	32	54	67	38	191	27	41	X	80	44	39	83	400



## Tableaux hiérarchisés

Si l'on ne renseigne pas la hiérarchie :

N1	N2	N3	Nord	O1	O2	O3	O4	Ouest	E1	E2	E3	Est	S1	S2	Sud	Pays
21	<u>2</u>	23	46	32	54	67	38	191	27	41	12	80	44	39	83	400



On peut retrouver la valeur cachée



N1	N2	N3	Nord	O1	O2	O3	O4	Ouest	E1	E2	E3	Est	S1	S2	Sud	Pays
21	X	23	46	32	54	67	38	191	27	41	X	80	44	39	83	400



## Tableaux hiérarchisés

Pays											
400											
Nord			Ouest				Est			Sud	
46			191				80			83	
N1	N2	N3	O1	O2	O3	O4	E1	E2	E3	S1	S2
21	2	23	32	54	67	38	27	41	12	44	39

## Tableaux hiérarchisés

Pays											
400											
Nord			Ouest				Est			Sud	
46			191				80			83	
N1	N2	N3	O1	O2	O3	O4	E1	E2	E3	S1	S2
X	X	23	32	54	67	38	27	41	12	44	39



## Tableaux hiérarchisés

-

Définition : Tableau possédant une ou plusieurs variables de ventilation comprenant des **sous-totaux**.

## Tableaux hiérarchisés

-  
Définition : Tableau possédant une ou plusieurs variables de ventilation comprenant des **sous-totaux**.

- La prise en compte de ces **liens** est nécessaire pour gérer le secret secondaire.
- Exemples :
  - Zones géographiques (*Pays → Région → Département → Commune → IRIS*)
  - Nomenclatures (NAF : *Section → Division → Groupe → Classe → Sous-classe*)

**01** · Le secret, pourquoi ?

---

**02** · Quelles méthodes en vigueur ?

---

**03** · Tableaux liés et variables hiérarchisées

---

**04** · Logiciels

---

# 04

## Logiciels

---

## τ-Argus





## $\tau$ -Argus

- <http://research.cbs.nl/casc/tau.htm>
- Permet de calculer le secret primaire et secondaire, ou faire des arrondis contrôlés
- Développement, maintenance et support réalisés par un groupe d'experts européens, et coordonné par CBS (INS des Pays-Bas)
- Le plus utilisé en Europe pour gérer la confidentialité statistique
- Exécutable sur Windows et Linux

## $\tau$ -Argus

- Logiciel **libre**, donc open source
  - code disponible ici : <https://github.com/sdcTools/tauargus>
- Utilisable via une interface graphique, ou par une macro SAS (**mode batch**)
- De nouvelles versions sont prévues :
  - Corrections de bugs
  - Ajout de fonctionnalités (**méthodes perturbatrices**, ...)
- En cas de doute, allez voir :
  - le tutoriel de  $\tau$ -Argus (disponible sur l'**intranet** (DMCSI > DMS > DRTI > Confidentialité) ou l'**extranet** (Méthodologie > RTI > Confidentialité))
  - le « User's Manual » (PDF dans le même dossier que l'exécutable)
  - ou contactez-nous directement !

## Quatre algorithmes de suppressions secondaires ...

-

Méthode Hypercube	Méthode Network	Méthode Optimal	Méthode Modular
<ul style="list-style-type: none"> <li>Traitement séquentiel des cases sous secret primaire, en minimisant le coût</li> <li>Si hiérarchie, alors traitement des n sous-tableaux indépendamment</li> <li>Méthode heuristique</li> <li>Méthode rapide</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Méthode désuète</li> <li>Modélisation du problème par graphes</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Optimisation : minimisation globale du coût</li> <li>Respecte la règle des intervalles</li> <li>Méthode souvent très lente</li> <li>Utilise un solveur gratuit ou payant</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Éclatement du problème : application d'Optimal sur différents sous-tableaux</li> <li>Donc les variables doivent être hiérarchiques</li> <li>Assez rapide</li> <li>Utilise un solveur gratuit ou payant</li> </ul>

## ... Utilisant un solveur gratuit ou payant

- Optimal et Modular se basent sur un solveur permettant de résoudre un problème mathématique d'optimisation linéaire de fonction sous contrainte.
- Dans  $\tau$ -Argus, il existe :
  - Un solveur gratuit
  - Deux solveurs payants (CPlex d'IBM et Xpress de FICO)

## Un package R : sdcTable

- <https://github.com/sdcTools/sdcTable>
- Développé et maintenu par Statistics Austria (INS d'Autriche), en concertation avec le groupe d'experts européens sur la confidentialité
- Reprend une logique similaire à  $\tau$ -Argus, et utilise les mêmes solveurs pour le secret secondaire
- Disponible sur le CRAN
- Mis à jour régulièrement
- Vignette :  
<https://cran.r-project.org/web/packages/sdcTable/vignettes/sdcTable.html>

## Un autre package R : rtauargus

- [https://gitlab.insee.fr/py\\_b/rtauargus](https://gitlab.insee.fr/py_b/rtauargus) (lien interne Insee)
- Développé et maintenu à l'Insee, par un pôle de Nancy
- Effectue des appels à  $\tau$ -Argus depuis R, en mode batch
- Mis à jour régulièrement
- Documentation : [http://py\\_b.gitlab-pages.insee.fr/rtauargus/](http://py_b.gitlab-pages.insee.fr/rtauargus/)

## Éléments de bibliographie

- A. Hundepool & al. [Handbook on statistical disclosure control](#), version 1.2, 2010.
- Insee. [Guide du secret statistique](#), 27 juillet 2018.
- J. Nicolas. [La gestion du secret dans les tableaux diffusant des statistiques d'entreprises](#), La Lettre du SSE, n° 65, septembre 2010.
- J. Nicolas. [Traitement de la confidentialité statistique dans les tableaux : expérience de la Direction des Statistiques d'Entreprises](#).
- Journées de Méthodologie Statistique de l'Insee, 2012. - L. Willenborg and T. de Waal. [Elements of Statistical Disclosure Control, Lecture Notes in Statistics](#), vol 155, Springer-Verlag, 2000.

# Et merci pour votre attention ! 😊

---

Maxime Beauté

[maxime.beaute@insee.fr](mailto:maxime.beaute@insee.fr)

01 87 69 55 43

Alexandre Awad

[alexandre.awad@insee.fr](mailto:alexandre.awad@insee.fr)

01 87 69 55 14