

2) a) Tengo las siguientes ecuaciones:

$$\ddot{\theta} = -\alpha |\theta| \theta + \sin(\theta) - |\dot{\theta}| \dot{\theta} + \pi \quad (1)$$

Además:

$$H(s) = \frac{T(s)}{U(s)} = \frac{p}{s+p}$$

$$T(s) = \frac{p}{s+p} \cdot U(s)$$

$$sT(s) + pT(s) = U(s)p$$

$$\mathcal{L}^{-1} \rightarrow \dot{\tau} + p\tau = pu \quad (2)$$

Entonces, defino las siguientes variables de estado:

$$x_1 = \theta, \quad x_2 = \dot{\theta}, \quad x_3 = \tau, \quad y =$$

Reemplazo en (1):

$$\dot{x}_2 = -\alpha |x_1| x_1 + \sin(x_1) - |x_2| x_2 + x_3$$

y en (2):

$$\dot{x}_3 = pu - px_3$$

El sist.:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 & (1)' \\ \dot{x}_2 = -\alpha |x_1| x_1 + \sin(x_1) - |x_2| x_2 + x_3 & (2)' \\ \dot{x}_3 = pu - px_3 & (3)' \end{cases}$$

El PE le obtiene:

$$\theta_e = \pm \frac{\pi}{6} = x_{1e}$$

$$(1)': \dot{x}_1 = 0 \Rightarrow x_{2e} = 0 \quad (\dot{\theta}_e = 0)$$

$$(2)': \dot{x}_2 = 0 \Rightarrow -\alpha |x_{1e}| x_{1e} + \tan(x_{1e}) - |x_{2e}| x_{2e} = 0$$

$$x_{3e} = \alpha |x_{1e}| x_{1e} \pm \tan(x_{1e})$$

$$(3)': \dot{x}_3 = 0 \Rightarrow p u_e - p x_{3e} = 0$$

$$x_{3e} = u_e$$

$$\Rightarrow \text{Habiendo} \left\{ \begin{array}{l} \theta_e = \pm \frac{\pi}{6} = x_{1e} \quad (\text{elijo alrededor de } \pi/6) \\ x_{2e} = 0 \\ x_{3e} = -0,25 \\ u_e = -0,25 \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} \text{alrededor de } -\pi/6 \\ \text{hubieran dado} \\ \text{positivos.} \end{array} \right.$$

B) ~~La rep. no lineal~~ sig. rep. no lineal de la rep. no lineal está dada por las ecs. (1)', (2)' y (3)'.