

Exercice 1 :

1/

2^h

2/

Si $n=0$ l'arbre a une feuille

Tous les arbres a $n - 1$ nœuds internes ont n feuilles

Soit un arbre A avec nœuds

Soit 2 feuilles de profondeur max

Si on les supprime on a -1 feuille et -1 nœud

Donc A a $n+1$ feuilles.

Un arbre k-aire a $(k-1)n+1$ feuilles

3/

4/

5/

6/

Un seul

Exercice 2 :

1/

Préfixe : 1 2 4 5 8 9 3 6 7 10

Infixe : 4 2 8 5 9 1 6 3 10 7

Suffixe : 4 8 9 5 2 6 10 7 3 1

2/

Largeur : 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Exercice 3 :

Exercice 4 :

1/

Chaque sommet a une arête venant de son père sauf la racine donc $n-1$ arêtes

2/

$k-1$

3/

$\log(n+1) - 1 \leq h \leq n-1$

Exercice 5 :

1/

def hauteur(L) :

if L == []:return 0

h = 0

for i in range(len(L)) :

tmp = hauteur(L[i])

```

        if h < tmp : h = tmp
    return h+1

```

La complexité est la somme des complexités es sous-arbres $\Theta(n)$

2/

```

def hauteur(pere) :
    h = [0] * len(pere)
    for i in range(pere) :
        if pere[i] != i :
            h[i] = h[pere[i]]+1
    hMax = 0
    for i in range(h) :
        if h[i] > hMax :
            hMax = h[i]
    return hMax

```

3/

```

def hauteur(pere) :
    h = 0
    profondeur = [-1] * len(pere)
    for i i range(len(pere)) :
        remplir(i, profondeur, pere)
    h = max(h, profondeur[i])
    return h

```

```

def remplir(i, profondeur pere) :
    if profondeur[i] == -1 :
        if pere[i] == i :
            profondeur[i] = 0
        else :
            remplir(pere[i], profondeur, pere)
            profondeur[i] = 1 + profondeur(pere[i])

```

Complexité : linéaire

Exercice 6 :

```

def bfs(A) : #breadth first search
    l1 = [A]
    l2 = []
    while l1!= [] :
        for i in l1 :
            print i[0]
            l2 += i[1]
        l1 = l2
        l2 = []

```

Exercice 7 :

```

def estABR(A) :
    Ecrire l'arbre sous parcours infixe et vérifier si la liste est triée.

```