## Programmation Fonctionnelle Cours 03

#### Michele Pagani

# PARIS Z DI DEROT

Université Paris Diderot UFR Informatique

Laboratoire Preuves, Programmes et Systèmes

pagani@pps.univ-paris-diderot.fr

28 septembre 2015

## type list

• des valeurs d'un même type peuvent être regroupées en listes:

```
# [1;2;3];;
-: int list = [1; 2; 3]

# ['a';'b';'c'];;
-: char list = ['a'; 'b'; 'c']

# [(fun x -> x+1); (fun x -> x*x)];;
-: (int -> int) list = [<fun>; <fun>]

# [[1;2];[3]];;
-: int list list = [[1; 2]; [3]]
```

 attention: tous les éléments de la même liste doivent être du même type

## Listes

#### construire une list

Une liste est soit vide soit a une tête et une queue

expression was expected of type int list

#### de-construire une list

• L'extraction des éléments d'une liste se fait par filtrage par motif, ou pattern-matching en anglais.

• un motif (ou pattern en anglais) est une expression fait par variables et constructeurs.

#### Exemple:

```
# let tete x = match x with
[] -> failwith "liste_vide"
| a::q -> a
val tete : 'a list -> 'a = <fun>
```

#### Une "esquisse" d'évaluation

```
 \begin{array}{c} \text{sum [10;2]} \xrightarrow[]{\text{x=[10;2]}} \text{ match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[10;2]}} \xrightarrow[]{\text{a=10}} \text{ match [10;2] with [] -> 0 | a::q -> a + sum q} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[10:2]}} \xrightarrow[]{\text{a=10}} \text{ a + sum q} \\ \xrightarrow[]{\text{q=[2]}} \xrightarrow[]{\text{d=[10:2]}} \text{ a + sum [2]} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[2]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[2]}} \xrightarrow[]{\text{a=2}} \xrightarrow[]{\text{q=[]}} \text{ 10 + (match [2] with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[2]}} \xrightarrow[]{\text{a=2}} \xrightarrow[]{\text{q=[]}} \text{ 10 + 2 + sum []} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{x=[]}} \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with match x with [] -> 0 | a::q -> a + sum q)} \\ \xrightarrow[]{\text{doth match x with ma
```

## À quoi sert le filtrage par motif ?

1 à faire une distinction de cas

```
# let f x = match x with
    [] -> "vide"
    | t::q -> "pasuvide";;
val f : 'a list -> string = <fun>
# let f x = match x with
    [] -> "vide"
    | [a] -> "unuelement"
    | a::b::q -> "plusud'unuelement"
val f : 'a list -> string = <fun>
```

2 à accéder aux elements de la liste

```
# let rec sum x = match \times with
[] -> 0
| a::q -> a + sum q
val sum : int list -> int = <fun>
# sum [0; 10; 2];;
- : int = 12
```

⇒ les variables du motif sont liées dans l'expression qui suit!

## Un peu de "sucre syntaxique"

```
(* les ecritures suivantes sont equivalentes*)
let f x = match x with
    [] -> "vide"
    | a::t -> "pasuvide"

let f x = match x with
    | [] -> "vide"
    | a::t -> "pasuvide"

let f = function
    [] -> "vide"
    | a::t -> "pasuvide"
```

 Le filtrage par motif est un outil très general: ils s'applique à n'importe quel type, pas seulement aux listes

```
\Rightarrow à voir plus tard...
```

### list (concatenation)

• 0 : concaténation de deux listes (infix)

```
# [1]@[2;3];;
-: int list = [1; 2; 3]
# 10[2;3];;
Error: This expression has type int but an expression
       was expected of type 'a list
```

• Exercice: en utilisant le filtrage par motif, définir la fonction append: 'a list -> 'a list -> 'a list contenante deux listes

## Comment appeller fonctions d'un module ?

• on met le nom du module en prefix au nom de la fonction

```
List.rev (List.sort compare [3;5;2])
ou bien, en utilisant des parentheses:
List.(rev (sort compare [3;5;2]))
```

• on ouvre le module par l'instruction open

```
open List::
rev (sort compare [3;5;2])
                  ⇒ faites attention aux conflits des noms!
```

#### Le module List

#### Module List

```
module List: sig .. end
               Some function from a flagged as not keep days not keep day
             The above considerations can usually be ignored if your lists are not longer than about 10000 element
               Return the length (number of elements) of the given list
               Return the first element of the given list. Raise Failure "hd" if the list is empty.
               Return the given list without its first element. Raise Failure "tl" if the list is empty
              Return the n-th element of the given list. The first element (head of the list) is at position O. Raise Failure "nth" if the list is too short. Raise Invalid argument "List.nth" if n is necative
val append: 'a list → 'a list → 'a list Catenate two lists. Same function as the infix operator €. Not tail-recursive (length of the first argument). The € operator is not tail-recursive.
 val rev_append : 'a list -> 'a list -> 'a list
                               rev append 11 12 reverses 11 and concatenates it to 12. This is equivalent to List, rev 11 🕴 12, but rev append is tail-recursive and more efficient
                Concatenate a list of lists. The elements of the argument are all con
                                                                                                                                                                                                                                                                                     Iterators
val iter : ('a -> unit) -> 'a list -> unit
List.iter f [al; ...; an] applies function f in turn to al; ...; an.It is equivalent to begin f al; f a2; ...; f an; () end
  val iteri : (int -> 'a -> unit) -> 'a list -> uni
              Same as List.iter, but the function is applied to the index of the element as first argument (counting from 0), and the element itself as second argument (counting from 0).
                 List.map f [al; ...; an] applies function f to al, ..., an, and builds the list [f al; ...; f an] with the results returned by f. Not tail-rec
             Same as List. map, but the function is applied to the index of the element as first argument (counting from 0), and the element itself as a Since 400.0
                           rev map f l gives the same result as List.rev (List.map f l), but is tail-recursive and more efficien
```

## list (head et tail)

(\*exception, pas erreur\*)

```
List .hd : 'a list -> 'a
                List . tl : 'a list -> 'a list
# List.hd [1;2;3];;
-: int = 1
# List.tl [1;2;3];;
- : int list = [2; 3]
# List.tl 1;;
Error: This expression has type int but an expression
     was expected of type 'a list
# List.hd [];;
                                   (*exception, pas erreur*)
Exception: Failure "hd".
```

# List.tl [];;

Exception: Failure "tl".

• Une implémentation possible de hd dans le module List:

```
let hd = function
[] -> failwith "hd"
  | t::q -> t;;
val hd : 'a list -> 'a = <fun>
# hd [1;2;3];;
  - : int = 1
# hd [];;
Exception: Failure "hd".
```

le mécanisme d'exception permet de traiter les cas limites
 (⇒ plus tard)

### list (recherche d'éléments)

```
List find : ('a \rightarrow bool) \rightarrow 'a list \rightarrow 'a
```

- 1 elle prend une fonction, représentante une condition:
  - $c: 'a \rightarrow bool$
- 2 une liste :

[e1; ... ;en] : 'a list

- 3 et renvoie le premier élément qui satisfait la condition (s'il existe):
  - ei : 'a

```
# List.find (fun x -> x mod 2 = 0) [5;3;2;4;1];;
- : int = 2
# List.find (fun x -> x mod 2 = 0) [5;3;1];;
Exception: Not_found.
```

```
List .map : ('a \rightarrow 'b) \rightarrow 'a  list \rightarrow 'b  list
```

1 elle prend une fonction:

$$f: 'a \rightarrow 'b$$

**2** une liste :

3 et renvoie la liste:

```
# List.map (function x\rightarrow x+1) [3; 2; 6];;
-: int list = [4; 3; 7]
```

```
# List.map (function x\rightarrow (x \mod 2)=0) [1;4;6;3;8];;
- : bool list = [false; true; true; false; true]
```

#### list (recherche d'éléments)

```
List . filter : ('a \rightarrow bool) \rightarrow 'a list \rightarrow 'a list
```

- 1 elle prend une fonction, représentante une condition:
  - $c: 'a \rightarrow bool$
- 2 une liste :

3 et renvoie la liste des éléments qui satisfont la condition:

```
[ei1; ...; eik] : 'a list
```

```
# List.filter (fun x -> x mod 2 = 0) [5;3;2;4;1];;
- : int list = [2; 4]

# List.filter (fun x -> x mod 2 = 0) [5;3;1];;
- : int list = []
```

### list (itérateurs)

#### (10010000)

- List . fold\_right :  $('a \rightarrow 'b \rightarrow 'b) \rightarrow 'a$  list  $-> 'b \rightarrow 'b$
- 1 elle prend une fonction:

$$f : 'a -> 'b -> 'b$$

2 une liste de 'a:

3 un élément de 'b:

4 et renvoie un élément de 'b:

```
# List.fold_right (fun x y \rightarrow x^y) ["Hello"; "_{\square}"; "world"] "!";; - : string = "Hello_{\square}world!"
```

#### Exercices

- 1 Écrire la fonction sum qui renvoie la somme des entiers d'une liste donnée en entrée en utilisant un itérateur de listes (fold left ou fold right).
- ② Écrire une fonction count\_vowel qui compte le nombre de voyelles dans une liste de characteres donnée en entrée. Par exemple: count\_vowel ['h';' e';' l';' l';' o'] évalue à 2.
- 3 Écrire une fonction make\_set qui prend en entrée une liste 1 et renvoie une liste sans repetitions contenante tous les éléments de 1. Par exemple: make set [0;3;2;3] évalue à [0;3;2].

### list (itérateurs)

```
List fold left : ('a \rightarrow 'b \rightarrow 'a) \rightarrow 'a \rightarrow 'b list \rightarrow 'a
```

1 elle prend une fonction:

$$f : 'a -> 'b -> 'a$$

2 un élément de 'a:

```
x : 'a
```

3 une liste de 'b:

```
[e1; e2; ... ;en] : 'b list
```

4 et renvoie un élément de 'a:

```
f (... (f (f x e1) e2) ...) en : 'a
```

```
# List.fold_right (fun \times y \rightarrow \times^y) ["Hello"; "_{\square}"; "world"] "!";; - : string = "Hello_{\square}world!"
```

```
# List.fold_left (fun x y -> x^y) "!" ["Hello"; "u"; "world"];;
- : string = "!Hellouworld"
```