# TP n°1

## Premiers pas en OCaml

Les exercices marqués d'une étoile (\*) peuvent être laissés pour la fin – ou faits chez vous. Pour lancer l'interpréteur OCaml sous emacs :

- ouvrez un nouveau fichier tp1.ml (l'extension .ml est nécessaire),
- dans le menu Tuareg, dans le sous-menu Interactive Mode, choisissez l'entrée Run Caml Toplevel
- confirmez le lancement de ocaml par un retour-chariot.

Chaque expression entrée dans la fenêtre de tp1.ml peut être évaluée en se plaçant sur un caractère quelconque de l'expression (avant ";;"), puis : ou bien par Evaluate phrase dans le sous-menu Interactive Mode du menu Tuareg d'emacs; ou bien par ctrl-x, ctrl-e.

## Expressions et types

Il n'y a pas en Caml de notion d'instruction au sens usuel : Caml ne manipule que des *expressions*. La notion d'exécution est remplacée par celle d'*évaluation*. L'évaluation d'une expression entrée entraîne l'affichage de sa valeur et de son type. Le type de l'expression est déduit à la volée par l'interpréteur avant son évaluation :

```
2 + 2;; de valeur 4, de type int

"abcd"^"ef";; de valeur "abcdef", de type string

0.34 +. 23.12;; de valeur 23.46, de type float

(40 + 2,"ab"^"cd");; de valeur (42,"abcd"), de type int * string
```

Il n'y a pas de variables au sens usuel, mais on peut donner un nom à une valeur d'expression, quel que soit son type :

```
let x = 2 + 5; x désigne à présent la valeur 7

let y = x + 1; y désigne à présent la valeur 8 (la valeur de 7 + 1)

x + y + 1; de valeur 7 + 8 + 1 = 16
```

let ...; est appelé une *définition*. Sur le même modèle, on peut définir des *fonctions* - ces fonctions sont *applicables* à des arguments du bon type :

```
let succ x = x + 1;; de type int -> int (attendant un int et renvoyant un int)
let plus x y = x + y;; de type int -> (int -> int) (attendant deux int)
succ 42;; de valeur 42 + 1 = 43
plus 3 (succ 2);; de valeur 3 + (2 + 1) = 6
```

let ... in ... permet de nommer *localement* une valeur d'expression. Les associations ainsi créées sont provisoires, et ne durent que le temps d'évaluer une expression donnée. Dans les deux exemples ci-dessous, les associations créées pour u, puis pour u et v, seront perdues une fois chaque expression évaluée. Les parenthèses ne sont pas indispensables :

```
let u = 2 in (u + 3);;
let u = 1 in (let v = 2 in (u + v));;
```

Enfin, let ... and ... permet d'effectuer plusieurs définitions simultanées :

```
let x = 10 and y = 42;;
let w = (let u = 2 and v = 3 in (u + v));;
```

Dans cet exemple, la définition de w est globale, et les définitions de u et v sont locales à cette définition.

Exercice 1. Testez, bien sûr, chacune des fonctions ci-dessous après l'avoir écrite.

- 1. Définir une fonction carre attendant un int et renvoyant son carré.
- 2. Définir une fonction perimetre attendant un float représentant le rayon d'un cercle et renvoyant le périmètre de ce cercle. On rappelle que le périmètre d'un cercle de rayon r vaut  $2\pi r$ , et que  $\pi$  vaut environ 3.14159267. Pour définir la valeur approximative de cette constante, servez-vous d'une définition locale.
- 3. Définir une fonction bis attendant une chaîne de caractères et renvoyant cette chaîne concaténée à elle-même. Par exemple, "ab" donnera "abab". L'opérateur de concaténation de chaînes de caractères s'écrit ^.
- 4. Écrire une fonction huit\_fois attendant une chaîne de caractères et renvoyant huit exemplaires de cette chaîne concaténés à la suite. On notera que :
  - en concatenant "ab" à elle-même, on obtient "abab" (deux fois "ab")
  - en concatenant "abab" à elle-même, on obtient "abababab" (quatre fois "ab")
  - en concatenant "abababab" à elle-même, on obtient "ababababababab" (huit fois "ab") Servez-vous de cette propriété pour construire le résultat de cette fonction à l'aide d'une suite de définitions locales.
  - $(\star)$  Sauriez-vous écrire une seconde version de cette fonction ne se servant que de la fonction bis ci-dessus, sans définitions locales, et déléguant à bis toutes les concaténations?

## Le problème de la portée des noms

Exercice 2. Prévoir le résultat fourni par l'interpréteur OCaml après chacune des commandes suivantes, entrées dans l'ordre.

```
#let x = 2;;
#let x = 3
in let y = x + 1
        in x + y;;
#let x = 3 and y = x + 1
in x + y;;
```

Pourquoi les deux dernières commandes ne fournissent-elles pas le même résultat? Expliquez à présent le comportement suivant :

```
#let x = 3;;
x : int = 3
#let f y = y + x;;
f : int -> int = <fun>
#f 2;;
- : int = 5
#let x = 0;;
x : int = 0
#f 2;;
- : int = 5
```

### Booléens et conditionnelle

### Expressions de type bool

Les expressions de type bool sont de la forme :

```
— constantes booléennes : true false

— expressions de comparaisons : e_1 cmp e_2

où cmp est l'un des opérateurs =, <>, <, <=, >, ou >=, et e_1 et e_2 sont de même type.
```

— expressions construites avec les connecteurs logiques :

```
e_1 && e_2 e_1 \mid \mid e_2 not e
```

(et, ou, négation de) avec  $e_1$ ,  $e_2$ , e de type bool.

On ne peut pas comparer des fonctions, mais on peut comparer des entiers, des chars, des listes, des n-uplets, etc. Pour les types numériques, l'ordre utilisé est l'ordre usuel sur les nombres, pour les char l'ordre alphabétique, pour les string l'ordre lexicographique, pour le n-uplets l'ordre lexicographique sur leurs composantes, etc.

Exercice 3. Comme indiqué ci-dessus, toutes les expressions de comparaison sont de type bool, donc s'évaluent en true ou en false. En déduire une fonction est\_nul : int -> bool prenant un argument un entier et renvoyant true si cet entier est nul, false sinon.

#### Conditionnelle

L'expression suivante a pour valeur la valeur de  $e_1$  si l'expression booléenne c vaut true, et celle de  $e_2$  si c vaut false :

```
if c then e_1 else e_2
```

Exercice 4. Écrire une fonction msg\_nul : int -> string prenant un argument un entier et renvoyant la chaîne de caractères "nul" si cet entier est nul, la chaîne "non nul" sinon.

Exercice 5. La fonction  $\max$  : 'a -> 'a est prédéfinie en Caml : appliquée à x et y de même type, elle renvoie le maximum de x et y.

- 1. Testez la fonction max prédéfinie sur différents types d'arguments : int, float, char, string... essayez-la aussi sur des couples de valeurs, de types éventuellements distincts.
- 2. En l'appelant my\_max, donnez votre propre implémentation de la fonction max écrite à l'aide d'un if, et sans vous servir de max. Votre fonction doit être de même type que le max prédéfini, et donner les mêmes résultats.

A partir de la seule fonction max (ou my\_max, peu importe) et sans if, définir :

- une fonction max\_triple prenant trois arguments x, y, z et renvoyant le plus grand,
- une fonction max\_quadruple prenant quatre arguments x, y, z, t et renvoyant le plus grand.

### Récurrence

La construction

```
let rec nom arg_1 arg_2 ...= expression;;
```

permet de se servir du nom d'une fonction dans sa propre définition, c'est-à-dire de définir des fonctions récursives. Par exemple, la fonction calculant la factorielle d'un entier peut être définie ainsi :

```
let rec fact n = if n = 0 then 1 else n*(fact (n - 1));;
```

Exercice 6. Evaluez fact 2 à la main comme fait au cours pour gcd.

Exercice 7. Rappelons que la somme des entiers de 0 à n peut être définie récursivement par  $\Sigma(0) = 0$ , et  $\Sigma(n) = n + \Sigma(n-1)$  si n > 0. Sur le modèle de la fonction factorielle ci-dessus, écrire cette fonction somme en OCaml. Vérifiez que somme 200 donne 20100. N'essayez pas de le faire, mais que risque-t-il de se produire si cette fonction est appliquée à un nombre négatif? Comment éviter ce problème?

**Exercice 8.** La fonction de Fibonacci est définie par fibo(0) = 1, fibo(1) = 1 et fibo(n) = fibo(n-1) + fibo(n-2) si  $n \ge 2$ . Définir cette fonction en OCaml. Vérifiez que fibo 10 donne 89.

Evaluez fibo 4 à la main. Qu'est-ce que vous constatez?

Exercice 9. Deux employés, A et B, travaillent dans un entrepôt qui contient des colis et doit être vidé. Les deux employés travaillent en alternance. Chacun utilise une stratégie différente : Employé A à chaque pas enlève à chaque fois un seul colis tandis qu'employé B enlève deux colis, si le nombre de colis qui restent est pair, sinon il en enlève 1. Ecrire deux fonctions (une par employé) mutuellement récursive qui calculent après combien de pas l'entrepôt contenant n colis est vide. Vérifiez que que l'entrepôt contenant 11 colis est vide après 11 pas, si employé A commence et après 10 pas, si employé B commence.

Exercice 10. (\*) La fonction d'Ackermann est une fonction à deux arguments entiers, définie par :

```
f(0,n) = n+1

f(m,0) = f(m-1,1) si m > 0

f(m,n) = f(m-1, f(m,n-1)) si m > 0 et n > 0
```

Définir une fonction ack représentant cette fonction en OCamI – au lieu de lui donner un couple d'arguments, ses deux arguments lui seront donnés successivement : on écrira ack n m au lieu de f(n,m). Évaluez ack 0 0, puis ack 1 1, puis ack 2 2, etc.  $(\star\star\star)$  Évaluez ack 4 1 à la main.

Exercice 11 (Expressions). Qu'affiche le toplevel Caml quand on entre l'une après l'autre les expressions suivantes? Donner le type de chaque expression ou définition (ou le message d'erreur si l'expression est mal typée), ainsi que sa valeur,

```
1. 2. < sqrt 5.;;
2. (fun x \rightarrow x \hat{} "hello");;
3. let x = 3 in 2.3 + x;
4. let x = 3 in 2.3 +. (float) x;;
5. let x = 3 in int_of_float (2.3 +. (float) x);;
6. let impl x y = not x || y;
7. impl true false;;
8. impl (impl true false) false;;
9. let rec f i s = \frac{1}{2}
     if i=0 then "" else s^(f (i-1) s);;
10. let g x = x+1 in
       f (g 3) "hello";;
11. g 3;;
12. let map_string f s =
     let rec map_string_aux f s i =
       if i >= String.length s then ""
       else (f s.[i])^(map_string_aux f s (i+1))
     map_string_aux f s 0
13. map_string (fun x -> String.make 2 x) "Hello";;
```