杨浦区 2024 学年度第一学期初三期末质量调研

数学学科

2025.1

(测试时间: 100 分钟, 满分: 150 分)

考生注意:

- 1. 本试卷含三个大题, 共 25 题, 答题时, 考生务必按答题要求在答题纸规定的位置上作答, 在草稿纸、 本试卷上答题一律无效,
- 2. 除第一、二大题外,其余各题如无特别说明,都必须在答题纸的相应位置上写出证明或计算的主要步
- 一、选择题: (本大题共6题,每题4分,满分24分)

【下列各题的四个选项中,有且只有一个是正确的,选择正确项的代号并填涂在答题纸的相应位置上】

- 1. 对一个三角形进行放缩运动时,下列结论中正确的是
 - (A) 各个内角的大小始终保持不变:
- (B) 各条边的长度始终保持不变:
- (C) 三角形的面积始终保持不变:

- (D) 三角形的周长始终保持不变.
- 2. 在 Rt△ABC 中, ∠C=90°, AB=4, AC=1, 那么 sinB 的值是

(A)
$$\frac{1}{4}$$
;

(B)
$$\frac{\sqrt{15}}{15}$$
;

(C)
$$\frac{\sqrt{15}}{4}$$
; (D) $\sqrt{15}$.

- 3. 下列二次函数中,如果函数图像的顶点在x轴上,那么这个函数是

- (A) $y=x^2-2x$; (B) $y=x^2-2x-1$; (C) $y=x^2+1$; (D) $y=(x-1)^2$.
- 4. 已知 \vec{a} 、 \vec{b} 和 \vec{c} 都是非零向量,下列结论中不能判定 $\vec{a}/|\vec{b}$ 的是

- (A) $\vec{a}/|\vec{c}, \vec{b}/|\vec{c}$; (B) $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$; (C) $\vec{a} = -2\vec{b}$; (D) $\vec{a} = 3\vec{c}, \vec{b} = 2\vec{c}$
- 5. 小海在距离地面高 60 米的热气球中测得地面上的着落点 P 的俯角为 37°,那么此时热气球离着落点 P 的距离约是(参考数据: sin37°≈0.6, cos37°≈0.8, tan37°≈0.75)
 - (A) 75 米:
- (B) 80 米:
- (C) $100 \, \text{\%};$ (D) $\frac{400}{3} \, \text{\%}.$
- 6. 在学习了"利用函数的图像研究函数"后,为了研究函数 $y = \frac{1}{-r^2 2r 2}$ 的性质,小华用"描点法" 画它的图像,列出了如下表格:

x	 - 5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	
$y = \frac{1}{-x^2 - 2x - 2}$	 $-\frac{1}{17}$	$-\frac{1}{10}$	$-\frac{1}{5}$	$-\frac{1}{2}$	-1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{5}$	$-\frac{1}{10}$	$-\frac{1}{17}$	

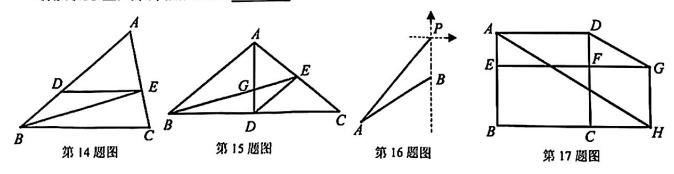
那么下列说法中正确的是

- (A) 该函数的图像关于 y 轴对称;
- (B) 该函数的图像没有最低点也没有最高点:
- (C) 该函数的图像经过第一、二、三、四象限:
- (D) n_x 和的正方向看,该函数的图像在对称轴左侧的部分是下降的.

二、填空题: (本大题共 12 题, 每题 4 分, 满分 48 分) 【请将结果直接填入答题纸的相应位置上】

7. 如果
$$\frac{x}{y} = \frac{3}{4}$$
, 那么 $\frac{x}{x+y} = _$

- 8. 已知函数 $f(x) = 2x^2 + x 1$,那么 f(2) =______.
- 9. 已知抛物线 $y = (a-3)x^2$ 有最高点,那么 a 的取值范围是_____.
- 10. 如果两个相似三角形对应高的比是 2:3, 那么它们的面积比是 ▲___.
- 11. 在 Rt $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB$ =90°, $CD\perp AB$,垂足为点 D,BC=9, $\cos \angle ACD$ = $\frac{3}{4}$,那么 AB 的长为_____.
- 12. 已知在 $\triangle ABC$ 中,点 D、E 分别是边 AB、AC 上的一点, $\frac{AD}{BD} = \frac{2}{3}$,AC=15,要使 DE// BC,那么 AE = ______.
- 14. 如图,在 $\triangle ABC$ 中,点 D、E 分别在边 AB、AC 上,DE//BC,AD=2DB,设 $\overrightarrow{AB}=\overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{BC}=\overrightarrow{b}$,那么 $\overrightarrow{BE}=$ ______. (用含 \overrightarrow{a} 、 \overrightarrow{b} 的式子表示)
- 15. 如图,在 $\triangle ABC$ 中,AB=AC,BC=8,中线 BE 与高 AD 交于点 G,如果 $DE=\frac{5}{2}$,那么 BE=_____.
- 17. 如图,已知正方形 ABCD 与正方形 CFGH,F 为 CD 边上一点,GF 的延长线交 AB 于点 E,如果 AH $/\!\!/ DG$,联结 CE,那么 $\frac{S_{\Delta DFG}}{S_{\Delta BEC}} =$ ______.
- 18. 已知矩形 ABCD (AD>AB),点 E 是边 AD 的中点,将 $\triangle ABE$ 沿 BE 翻折,点 A 的对应点 F 恰好落在 对角线 AC 上,那么 $\tan \angle FBC=$ _____.



- 三、解答题:(本大题共 7 题,满分 78 分)
- 9. (本题满分10分)

计算:
$$\cos 30^{\circ} - 2\sin^2 45^{\circ} + \frac{2}{2\sin 60^{\circ} - \tan 45^{\circ}}$$
.

20. (本题满分10分,第(1)小题6分,第(2)小题4分)

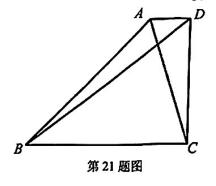
已知抛物线 $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 经过点 A(0, 3)、点 B(4, 3)、点 C(1, 0).

- (1) 求此抛物线的表达式:
- (2) 将上述抛物线平移,使它的顶点移动到点(-2,2)的位置,那么平移的方法是_▲_.

21. (本题满分10分,第(1)小题5分,第(2)小题5分)

如图,已知在梯形 ABCD 中,AD//BC, $\angle BCD=90^\circ$,BC=8, $AC=2\sqrt{10}$, $\sin \angle DAC=\frac{3\sqrt{10}}{10}$.

- (1) 求 BD 的长;
- (2) 求 *LABD* 的正切值.

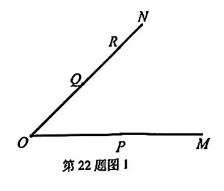


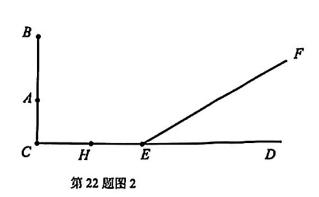
22. (本题满分10分,第(1)小题5分,第(2)小题5分)

定义:如图 1,已知点 $Q \setminus R$ 是 $\angle MON$ 的边 ON 上的两个定点,点 P 是边 OM 上的一个动点,当 $OP^2 = OQ \cdot OR$ 时,称点 P 是线段 QR 的最佳视野点.

如图 2,某商业广场上安装了一块巨型显示屏 AB,点 A 到水平地面的距离 AC 为 5 米,在水平地面 CD 的 E 处有一个自动扶梯 EF,点 A、B、C 在同一直线上. 已知自动扶梯 EF 的坡度是 1:2,点 E 到点 C 的距离是 10 米.

- (1) 当行人行走在水平地面 CE 时,发现点 H 恰好是屏幕 AB 的最佳视野点,且从点 H 测得点 B 的仰角为 60° . 求 AB 的长; (忽略行人的高度)
- (2) 在(1)的条件下,如果要在自动扶梯 EF 上找到屏幕 AB 的最佳视野点,有人说"最佳视野点就是屏幕 AB 的垂直平分线与 EF 的交点". 你同意这个说法吗?请通过计算说明理由. (忽略行人的高度)

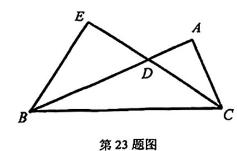




23. (本题满分 12 分,每小题各 6 分)

已知:如图, $\triangle ABC$ 中, $\angle A=90^\circ$,点 D 是 AB 边上一点,过点 B 作 $BE\perp CD$ 交 CD 延长线于点 E, $AD\cdot BC=BE\cdot CD$.

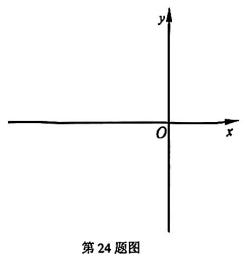
- (1) 求证: $BE^2 = ED \cdot EC$;
- (2) 求证: $AB \cdot BC = 2CE \cdot BE$.



24. (本题满分12分,每小题各4分)

在平面直角坐标系 xOy 中,抛物线 $y=mx^2+6mx+n$ (m<0)与 x 轴交于点 A (-1,0) 和点 B,顶 点为 D.

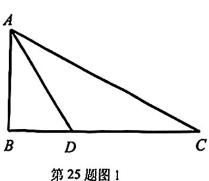
- (1) 求此抛物线的对称轴及点 B 的坐标;
- (2) 点 P 是该抛物线上的一点,设对称轴与x 轴交于点 E,如果 BP 恰好平分线段 DE,求点 P 的坐标(用含 m 的式子表示);
- (3) 在 (2) 的条件下,联结 PD、AP,当 $\angle DPB$ = $\angle PAB$ 时,求 m 的值.

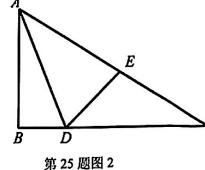


25. (本题满分 14 分, 第 (1) 小题 3 分, 第 (2) 小题 5 分, 第 (2) 小题 6 分)

已知 $\triangle ABC$ 中, $\angle B=90^{\circ}$,点D在边BC上,CD=3BD.

- (1) 如图 1, 当 AB=6, $\sin C = \frac{\sqrt{5}}{5}$ 时, 求 AD 的长;
- (2) 点 E 是 AC 边上一点,满足 $\angle ADB = \angle ADE$.
 - ①如图 2, 当 $CD^2 = CE \cdot CA$ 时, 求 $\frac{AB}{BC}$ 的值;
 - ②当△CDE 是等腰三角形时,求∠C的余弦值.





第25 顾