

华南理工大学硕士学位论文

# LaTeX 模板使用说明

作者姓名

指导教师：xxx 教授

华南理工大学

2025 年 1 月 6 日

# 目 录

主要符号对照表 .....	II
第一章 涵道风扇式无人机的系统建模与硬件设计 .....	1
1.1 坐标系和姿态表示方法 .....	1
1.2 主文件 .....	5
1.3 章节文件 .....	6
参考文献 .....	8

## 主要符号对照表

$O_e - X_e Y_e Z_e$ -地面坐标系

$P^e = \begin{bmatrix} x^e & y^e & z^e \end{bmatrix}^T$ -无人机在地面坐标系下的位置

$V^b = \begin{bmatrix} u & v & w \end{bmatrix}^T$ -无人机在机体坐标系下的速度

$\theta$ -俯仰角

$R_b^n$ 、 $R$ -机体系到 NED 系的旋转矩阵

$G$ -NED 系的重力

$w$ -系统的外部扰动

$F$ -机体系的气动力

$\rho$ -空气密度

$A_x$ 、 $A_y$ 、 $A_z$ -沿机体轴的截面面积

$l_a$ -机身气动阻力作用点与重心的距离

$T_d$ -涵道体升力

$T_a$ -总升力

$p_U$ -桨盘上表面压强

$V_c + V_i$ -桨盘上下表面气体速度

$V_i$ -桨盘处气流诱导速度

$Q$ -风扇扭矩

$\mu$ -环绕涵道角度变量

$\hat{j}$ -沿机体系  $y$  轴方向的单位矢量

$C_{d,d}(\alpha_d)$  涵道翼型阻力曲线

$C_{l,\alpha}$ -风管翼型升力曲线斜率

$C_{d,o}$ 、 $C_{d,g}$ -拟合阻力曲线经验常数

$C_{duct}$  - 常值比例系数

$k_\delta$ -操纵面气动升力系数

$I_b$ -风扇转动惯量

$L_r$ -风扇角动量

$O_b - X_b Y_b Z_b$ -机体坐标系

$V^e = \begin{bmatrix} v_x^e & v_y^e & v_z^e \end{bmatrix}^T$ -无人机在地面坐标系下

$\psi$ -偏航角

$\varphi$ -滚转角

$\varphi_0$ -气动面安装角

$T$ -系统采样周期

$M$ -机体系的气动力矩

$C_{D,x}$ 、 $C_{D,y}$ 、 $C_{D,z}$ -沿机体轴阻力系数

$v$ -机身相对于空气的速度分量

$V_c$ -气体在无穷远处的速度

$T_p$ -风扇升力

$q_a$ -涵道升力分配系数

$p_L$ -桨盘下表面压强

$S$ -桨盘面积

$V_{cr}$ -理想自转下降速率

$\omega$ -风扇转速

$\hat{i}$ -沿机体系  $x$  轴方向的单位矢量

$C_{l,d}(\alpha_d)$ -涵道翼型升力曲线

$c_d$ -涵道翼型弦长

$C_{l,\min}$ 、 $C_{l,\max}$ -升力系数极限

$R$ -风扇半径

$l_d$ -重心与涵道气动力作用点的距离

$\alpha_d$ -攻角

$d_{af}$ 、 $d_{ds}$ -风扇扭矩常数

## 第一章 涵道风扇式无人机的系统建模与硬件设计

本章的重点是对如图1-1所示的 DFUAV 进行系统建模，这将是后续进行飞行控制算法设计的基础。在无人机的建模分析中，为简化模型复杂度并且便于控制算法的设计，有必要假设无人机是刚体。物体的相对运动离不开其所处的参考坐标系，因此本章将先介绍本文所使用的多坐标系描述方法以及姿态表示方法。然后采用在刚体上应用广泛的牛顿-欧拉方法推导出 DFUAV 的刚体运动学模型和动力学模型，得到飞行控制的刚体模型。最后分析了作用在涵道上的力与力矩。

DFUAV 的系统建模中各变量定义标准主要参考文献[1]，并为了表示方便，避免混淆，对部分变量的表示作略微修改。



图 1-1 本文研究所使用的 DFUAV

### 1.1 坐标系和姿态表示方法

考虑到无人机的位置变化与姿态变化，基于地面坐标系 ( $O_e - X_e Y_e Z_e$ ) 和机体坐标系 ( $O_b - X_b Y_b Z_b$ ) 的多坐标系表示法被广泛采用。

#### (1) 地面坐标系

地面坐标系的原点  $O_e$  可以是地平面上的任意一点，一般定义为无人机的起飞点。三轴方向分别为  $O_e - X_e$  轴在地平面内指向地理正北方向 (N)， $O_e - Y_e$  轴在地平面内指向地理正东方向 (E)， $O_e - Z_e$  轴按照右手定则，垂直于地面

指向地心，方向向下（D）。因此地面坐标系也被称为北东地（NED）坐标系，该坐标系与地球固连。

## (2) 机体坐标系

机体坐标系与无人机的机体固连，其原点  $O_b$  定义为无人机的重心位置。三轴方向分别为  $O_b - X_b$  轴在无人机对称平面内指向人为定义的机头方向， $O_b - Z_b$  轴在无人机对称平面内垂直于  $O_b - X_b$  轴向下为正， $O_b - Y_b$  轴按照右手定则与  $X_b - O_b - Z_b$  平面垂直，沿着机身的右侧方向向右为正。

地面坐标系和机体坐标系定义如图1-2所示。同一个物理量在不同的坐标系中有不同的大小和方向，为便于区分，在全文中统一使用上标  $(\cdot)^e$  与  $(\cdot)^b$  表示同一个物理量在地面坐标系和机体坐标系下的表示。

在地面坐标系下采用惯性/GPS 导航等方式，无人机的位置和速度等运动状态可以方便直观地映射到地理空间中。无人机的重心相对于地面坐标系的位置矢量在地面坐标系下表示为  $\mathbf{P}^e = [x^e \ y^e \ z^e]^T$ ，机体重心沿着地面坐标系的速度矢量在地面坐标系下表示为  $\mathbf{V}^e = [v_x^e \ v_y^e \ v_z^e]^T$ ，机体重心相对于地面坐标系的速度矢量在机体坐标系下表示为  $\mathbf{V}^b = [u \ v \ w]^T$ 。

地面坐标系与机体坐标系的旋转变化关系体现了无人机的姿态变化，无人机常用的姿态描述方法有欧拉角、旋转矩阵和四元数等方式。其中欧拉角表示方法因物理意义明确，表示直观，所以被广泛采用。但因其奇异性问题<sup>[2]</sup>，欧拉角表示法在一些特殊场景的使用下受到制约（如横滚角或者俯仰角为  $90^\circ$  的情况）。考虑到本研究在姿态控制中，由于输入姿态指令和输出舵面角度的约束，不会出现上述奇异情况，所以本文采用欧拉角来描述无人机的姿态。根据欧拉定理，地面坐标系按照某个固定点经过三次基本旋转可以得到机体坐标系。由于旋转运动与坐标系原点的位置无关，所以为便于理解，将地面坐标系的原点与机体坐标系原点重合（即  $O_e = O_b$ ），如图1-3所示。在三次基本旋转中，旋转轴是待转动坐标系的某一轴，旋转的角度即为欧拉角。由于姿态旋转矩阵可以表示为三次基本旋转的乘积，所以与旋转顺序密切相关。由于本研究不会出现奇异问题，所以本文采用常用的‘ZYX’的旋转顺序的欧拉角表示法。

在图1-3中，地面坐标系  $O_e - X_e Y_e Z_e$  首先围绕  $Z_e$  轴旋转偏航角  $\psi$ ，向右偏航为正方向。此时  $X_e$  轴旋转至  $X'_e$  轴， $Y_e$  轴旋转至  $Y'_e$  轴， $Z_e$  轴保持不变；然后临时坐标系  $O_e - X'_e Y'_e Z_e$  围绕  $Y'_e$  轴旋转俯仰角  $\theta$ ，上仰为正方向。此时  $X'_e$  轴旋转至  $X_b$  轴，与机体系保持一致， $Z_e$  轴旋转至  $Z'_e$  轴， $Y'_e$  轴保持不变；最后临时坐标系  $O_e - X_b Y'_e Z'_e$

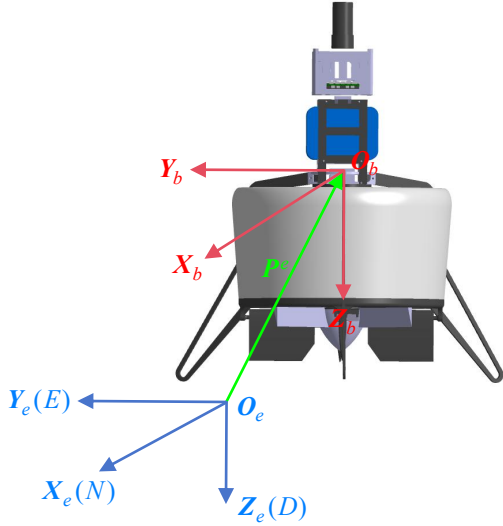


图 1-2 地面坐标系与机体坐标系定义

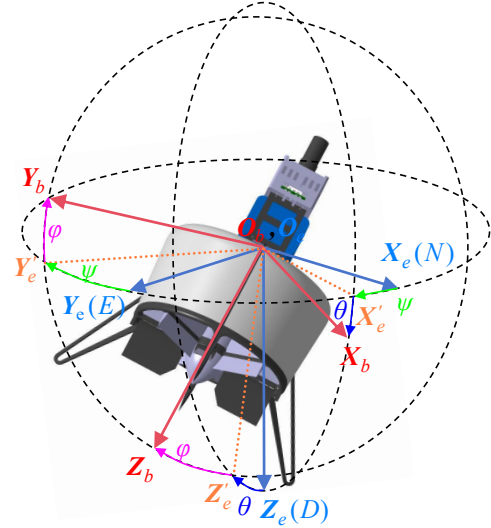


图 1-3 ‘ZYX’ 欧拉角的定义

围绕  $X_b$  轴旋转滚转角  $\varphi$ ，向右滚转为正方向。此时  $Y'_e$  轴旋转至  $Y_b$  轴， $Z'_e$  轴旋转至  $Z_b$  轴，均与机体保持一致。

三次基本旋转的角度分别为  $\psi$ 、 $\theta$ 、 $\varphi$ ，定义其对应的旋转矩阵分别为  $R_\psi, R_\theta, R_\varphi \in SO(3)$ ，其中  $SO(3) = \{R \in \mathbb{R}^{3 \times 3} | RR^T = I, |R| = 1\}$ 。

$$R_\psi = \begin{bmatrix} \cos \psi & \sin \psi & 0 \\ -\sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, R_\theta = \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & -\sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix}, R_\varphi = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \varphi & \sin \varphi \\ 0 & -\sin \varphi & \cos \varphi \end{bmatrix} \quad (1-1)$$

为表述方便，定义如下单位向量：

$$\mathbf{e}_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{e}_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{e}_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (1-2)$$

机体姿态的欧拉角表示为  $\boldsymbol{\eta} = [\varphi \ \theta \ \psi]^T$ ，对应的姿态变化率为  $\dot{\boldsymbol{\eta}} = [\dot{\varphi} \ \dot{\theta} \ \dot{\psi}]^T$ 。

LaTeX 的源代码保存在后缀名为 .tex 的文件中。当编写长篇文档时，例如当编写书籍、毕业论文时，单个源文件会使修改、校对变得十分困难。将源文件分割成若干个文件，例如将每章内容单独写在一个文件中，会大大简化修改和校对的工作。为方便，本文将 scutthesis.tex 文件称为主文件，而将 chapter 文件夹的 abstract.tex、chapter0x.tex、conclusion.tex 等文件称为章节文件。

值得注意的是，要每次编译时都更新参考文献著录，TeXstudio 软件的选项-> 设置

中的构建并查看、编译器需要设置成如图1-4、1-5所示。此时只需在任意一个文件中点击构建并查看按钮即可编译文档。每次编译都更新参考文献会使得编译时间很长。

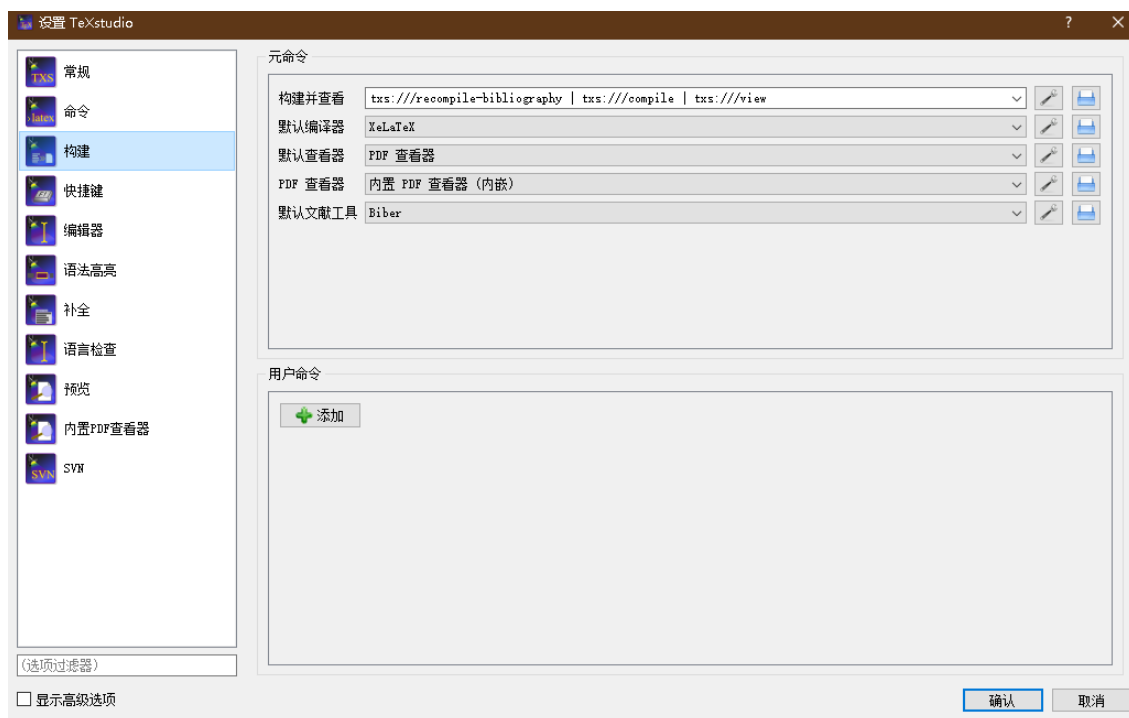


图 1-4 TeXstudio 环境

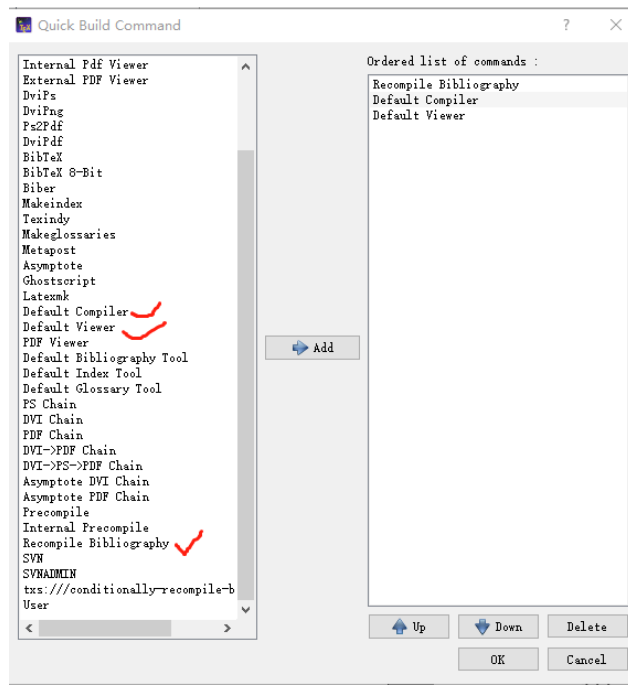


图 1-5 TeXstudio 编译选项

## 1.2 主文件

scutthesis.tex 文件相当于主函数，调用各章的内容。L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X 源代码以一个\documentclass 命令作为开头，它指定了文档使用的文档类。文档类规定了 L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X 源代码所要生成的文档的性质——普通文章、书籍、演示文稿、个人简历等等。

```
\documentclass[<options>]{<class-name>}
```

其中 class-name 为文档类的名称，如 L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X 提供的 article, book, report，可在其基础上派生的一些文档类或者有其它功能的一些文档类。L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X 提供的基础文档类见文献[3]。还可以自定义文档类，如华南理工大学硕博士论文文档类 scutthesis，其实现保存在后缀名为.cls 的文件中。可选参数 options 为文档类指定选项。

document 环境当中的内容是文档正文：

```
\begin{document}
正文内容
\end{document}
```

正文中包含各章节内容：

```
\include{abstract} % 中英文摘要
\tableofcontents % 目录
\listoftables % 表格目录（可选）
\listoffigures % 插图目录（可选）
\include{symbols} % 符号对照表(可选)
\include{abbreviation} % 缩略词
...
\include{chapter01} % 第一章
\include{chapter02} % 第二章
\include{chapter03} % 第三章
% 自行根据需要添加章节。
...
\include{conclusion} % 结论
...
\printbibliography % 参考文献著录
\include{appendix} % 附录
\include{pub} % 成果
\include{ack} % 致谢
```

其中 % 之后的内容为注释，... 表示省略其他代码，仅保留论文内容主体部分。`\include{xxx}` 指令用于包含 xxx.tex 文件的内容，各章节的内容主要在 xxx.tex 中保存。在\documentclass 和\begin{document} 之间的位置称为导言区。在导言区中一般会使用\usepackage 调用宏包，以及会进行对文档的全局设置。本模板的导言区除调用所需的宏包外，还进行了页眉页脚的设置。有的模板会把所有调用宏包的指令放到一个.sty 宏包文件中，页面的设置放在文档类文件.cls 文件中。因本人时间有限，就不做整理，欢





正文环境中使用公式，即行内公式，需要用两个 \$ 包围，如源码：\$a+b=c\$ 显示为  $a + b = c$ 。使用其他字符可自行百度或阅读参考文献。再次提醒，使用  $\text{\LaTeX}$  撰写论文不需要研究其原理，在达到某种效果（图文显示、公式显示效果）时百度或查书寻找其代码即可。

综上，论文撰写只需要将自己的文本（包含行内公式）放到相应的章节处，并添加行间公式、图表环境并填写图表即可。行间公式、图表将在下一章介绍。

## 参考文献

- [1] 杨一栋. 直升机飞行控制[M]. 国防工业出版社, 2019.
- [2] 全权. 多旋翼飞行器设计与控制[M]. 电子工业出版社, 2018.
- [3] 一份其实很短的 LaTeX 入门文档[EB/OL]. 始终. <https://liam.page/2014/09/08/latex-introduction/index.html>.
- [4] 莲枝专栏–关于 Hyperref 的二三事 - LaTeX 科技排版工作室[EB/OL]. <https://www.latexstudio.net/archives/4800.html>.