# 評価者特性の時間変動を考慮した項目反応モデル

1810519 林真由 指導教員 宇都 雅輝 准教授

#### 1 はじめに

近年、大学入試や資格試験、教育評価などにおいて、パフォーマンス評価のニーズが高まっている。一方で、パフォーマンス評価では、多肢選択式試験のような客観式評価と異なり人間の評価者が採点を行うため、評価者の厳しさや一貫性などの特性差がバイアス要因となり、受検者の能力測定の信頼性が低下する問題が知られている。このような問題を解決する数理的なアプローチの一つとして、評価者の特性を考慮した項目反応理論(Item response theory:IRT)[1] が近年注目されている。

それらのIRT モデルを利用することで、評価者の特性差の影響を考慮した能力推定が可能となる。一方で、既存モデルのほとんどは評価者の特性が評価中に変化しないことを仮定している。しかし、多数の受検者を長時間かけて採点するような場合、評価者の特性が採点の過程で変化する評価者ドリフト(Rater Drift)と呼ばれる現象がしばしば生じる。評価者ドリフトを考慮したモデルも提案されているが、既存モデルには評価者特性の時間変化を直線的にしか表現できないという問題点がある。

この問題を解決するために、本研究では、時間区分ごとの評価者の厳しさを推定できる新しい IRT モデルを提案する. 提案モデルでは、既存モデルよりも柔軟に評価者ドリフトを表現でき、モデルの性能が改善すると考えられる. 本研究では、シミュレーション実験と実データ実験を通して提案モデルの有効性を示す.

## 2 評価者特性を考慮した項目反応理論

本研究では高精度な能力推定を行うために IRT を利用する. 現在,評価者特性を最も柔軟に表現できる IRT モデルとして,一般化多相ラッシュモデルが知られている [2]. このモデルでは,評価者rが受検者jのパフォーマンスにスコアkを与える確率を次式で定義する.

$$P_{jrk} = \frac{\exp \sum_{m=1}^{k} \{\alpha_r(\theta_j - \beta_r - d_{rm})\}}{\sum_{l=1}^{K} \exp \sum_{m=1}^{l} \{\alpha_r(\theta_j - \beta_r - d_{rm})\}}$$
(1)

ここで、 $\alpha_r$  は評価者 r の一貫性、 $\theta_j$  は受検者 j の能力、 $\beta_r$  は評価者 r の厳しさ、 $d_{rk}$  は評価者 r のスコア k に対する厳しさを表すステップパラメータである。モデルの識別性のために、 $\sum_{k=2}^{K} d_{rk} = 0$ 、 $d_{r1} = 0$  を仮定する.

一般化多相ラッシュモデルは評価者の特性が評価中に変化しないことを仮定しているが、1章で述べたように、現実には評価者ドリフトという現象が起こる場合がある。評価者ドリフトを考慮できるモデルとして、評価者rが時間区分tで採点した受検者jのパフォーマンスにスコアkを与える確率を次式で定義したモデルが提案されている[3].

$$P_{jrtk} = \frac{\exp \sum_{m=1}^{k} (\theta_j - \beta_r - \pi_r t - d_m)}{\sum_{l=1}^{K} \exp \sum_{m=1}^{l} (\theta_j - \beta_r - \pi_r t - d_m)}$$
(2)

ここで、 $\beta_r$  は評価者 r の初期の厳しさ、 $\pi_r$  は評価者 r の厳しさの変化の傾きを表す.

このモデルでは、一連の採点データを一定の時間区分に 分割して作成したデータを用いる.具体的には、図1のよう

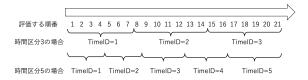


図1:時間区分データのイメージと例

に、評価者が採点した順に受検者を並べ、データ全体をいくつかの時間区分数に分割し、インデックス (以降では TimeID と呼ぶ) を付与したデータである.

このモデルでは時間経過による評価者特性の変化を捉えることができるが、その変化は直線的にしか表現できない. この問題を解決するため、本研究では時間区分ごとの評価者の厳しさを推定できる新しい IRT モデルを提案する.

#### 3 提案モデル

提案モデルでは、評価者rが時間区分tで採点した受検者jのパフォーマンスにスコアkを与える確率 $P_{jrtk}$ を次式で定義する.

$$P_{jrtk} = \frac{\exp \sum_{m=1}^{k} \alpha_r(\theta_j - \beta_{rt} - d_{rm})}{\sum_{l=1}^{K} \exp \sum_{m=1}^{l} \alpha_r(\theta_j - \beta_{rt} - d_{rm})}$$

$$\beta_{rt} \sim N(\beta_{r(t-1)}, \sigma)$$

$$\beta_{r1} \sim N(0, 1)$$

$$\sigma \sim LN(-3, 0)$$
(3)

ここで、 $\beta_r$ は評価者 r の時間区分 t における厳しさである。また、 $N(\mu,\sigma^2)$ は平均  $\mu$ 、標準偏差  $\sigma^2$  の正規分布、 $LN(\mu,\sigma^2)$ は平均  $\mu$ 、標準偏差  $\sigma^2$  の対数正規分布を表す.

提案モデルでは、 $\beta_{rt}$  が  $\beta_{r(t-1)}$  に依存して決まると仮定している点が特徴である。また、提案モデルでは、より柔軟に評価者特性を表現するために、一般化多相ラッシュモデルでも採用されている評価者の一貫性パラメータ  $\alpha_r$  と各スコアに対する厳しさパラメータ  $d_{rk}$  も導入している。

なお、 $\beta_{rr}$  は直前の時間区分の値から大きくは変動しないと考えられる。そこで、ここでは $\beta_{rr}$  が従う分布の標準偏差 $\sigma$  が小さくなるように、 $\sigma$  の事前分布に LN(-3, 0) を採用している。

また,提案モデルではモデルの識別性のために, $\theta_j \sim N(0,1)$ ,  $\prod_r \alpha_r = 1$ ,  $d_{r1} = 0$ ,  $\sum_{k=2}^K d_{rk} = 0$ を仮定する.

提案モデルのパラメータ推定手法にはマルコフ連鎖モンテカルロ法(Markov chain Monte Carlo methods:MCMC)を用いる. パラメータの事前分布は $\theta_j$ ,  $d_{rk}$ ,  $\log \alpha_r$ ,  $\beta_{rt} \sim N(0, 1^2)$  とした. 本研究では,MCMC のバーンイン期間は 1000 とし,1000~2000 時点までの 1000 サンプルを用いる.

#### 4 シミュレーション実験

本節では、MCMC による提案モデルのパラメータ推定精度をシミュレーション実験により評価する。実験手順は以下の通りである。(1) パラメータの真値を、前節に記載したパラメータの分布に従って生成する。(2) 手順(1) で生成したパラメータを用いて、提案モデルに従ってデータを生成する。(3) 手順(2) で生成したデータから MCMC を用いてパ

表1: 提案モデルのパラメータ・リカバリ実験の結果

R	T		RMSE				BIAS		
К		$\theta$	$\alpha_r$	$\beta_{rt}$	$d_{rk}$	$\theta$	$\alpha_r$	$\beta_{rt}$	$d_{rk}$
10	3	0.28	0.23	0.19	0.34	-0.01	0.01	-0.01	0.00
	5	0.29	0.26	0.25	0.37	0.00	0.02	-0.03	0.00
	10	0.29	0.23	0.23	0.37	0.00	0.01	0.00	0.00
15	3	0.23	0.27	0.24	0.38	0.01	0.01	0.01	0.00
	5	0.22	0.22	0.23	0.36	0.00	0.01	0.02	0.00
	10	0.26	0.27	0.31	0.38	-0.02	0.01	-0.04	0.00
10	3	0.26	0.19	0.15	0.27	-0.01	0.01	0.00	0.00
	5	0.28	0.21	0.18	0.32	0.00	0.01	-0.01	0.00
	10	0.28	0.20	0.25	0.29	-0.01	0.00	-0.03	0.00
15	3	0.22	0.19	0.13	0.24	0.02	0.00	0.03	0.00
	5	0.23	0.17	0.18	0.31	0.02	0.02	0.05	0.00
	10	0.24	0.20	0.26	0.30	0.00	0.01	0.00	0.00
Avg.		0.26	0.24	0.24	0.34	0.01	0.01	0.01	0.00
	10 15 10	10 3 5 10 15 3 5 10 10 15 3 5 10 15 3 5 5	θ       10     3     0.28       5     0.29       10     0.29       15     3     0.23       5     0.22       10     0.26       5     0.28       10     0.28       15     3     0.22       5     0.23       10     0.24	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					

ラメータ推定を行う. (4) 手順 (3) で得られたパラメータ推定値と手順 (1) で生成したパラメータ真値において,RMSE (Root Mean Square Error) とバイアスを求める. (5) 以上を 5 回繰り返し実行し,RMSE とバイアスの平均値を求める.

上記の実験を、受検者数 J =60、90、120、評価者数 R =10、15、時間区分数 T =3、5、10 の場合において行った. 得点の段階数は K =5 とした. 実験結果の一部を表 1 に示す.

表 1 から、全パラメータの RMSE の平均値は  $0.2 \sim 0.3$  程度となり、十分に小さい値であると解釈できる。 BIAS についてもいずれのパラメータも 0 に非常に近い値を示しており、適切に推定できているといえる。また、関連研究(例:[4])と同様に、受検者数・評価者数の増加に伴い推定精度が改善する傾向が読み取れる。一方で、時間区分の総数 T が多くなると性能が低下する傾向も読み取れる。これはパラメータ数に対するデータ数が減少するためであり、合理的な傾向と考えられる。

以上の結果から、MCMC により提案モデルのパラメータ を適切に推定できることが確認できた.

## 5 実データ実験

本章では、実データの適用を通して、提案モデルの有効 性を評価する.

本研究では、134名分のエッセイ課題を、16名の評価者が 5 段階得点で採点したデータを使用する。評価者には、採点を 4 日に分け、日ごとに全体の 1/4 ずつ採点するように指示した。本実験では、これらの採点日ごとに時間区分 1、2、3、4 として扱う。なお、全 16名の被験者のうち、6人には採点の際に指示を与え、人為的に評価者バイアスのあるデータを作成するようにした。

ここではまず、このように収集したデータに対して提案 モデルを適用してパラメータを推定した.  $\beta_{rr}$  の推定結果を 図 2 に示す.図では、縦軸が  $\beta_{rr}$  の値、横軸が TimeID、各 線が一名の評価者の結果を表す.また例として、徐々に厳 しくなるように指示した評価者の結果を赤色の線で示した.

図の赤線から、この評価者が想定通りに採点をしており、 その特性を適切にモデルが捉えていることがわかる. 指示 をした他の評価者についても、指示通りの傾向が表現でき ていたことが確認できた. また、指示を与えていない評価

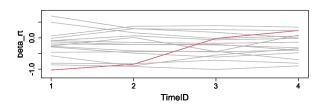


図 2: 実データ実験による  $\beta_{rt}$  の推定結果

表 2: モデル比較の結果 (全評価者のデータ)

	既存モデル	提案モデル	比較モデル 1	比較モデル	2 比較モデル 3
WAIC	5361.581	5027.951	5225.050	5104.463	5032.362
WBIC	3071.706	3033.753	3038.600	3056.349	3028.649

表 3: モデル比較の結果 (指示ありの評価者を除外したデータ)

	既存モデル	提案モデル	比較モデル	1比較モデル	2 比較モデル 3
WAIC	3279.444	3134.700	3190.802	3154.331	3137.137
WBIC	1927.215	1900.211	1863.710	1924.210	1910.699

者でも、評価者ドリフトが疑われる評価者が見受けられる ことがわかる.以上から提案モデルが評価者ドリフトの傾 向を推定できていることがわかる.

また,提案モデルの性能を評価するために,式(2)の既存 モデルとの情報量規準によるモデル比較を行う.加えて,既 存モデルから提案モデルへのいくつかの変更点の中で,ど の変更が効果を持っていたかを確認するために,以下の3つ のモデルとの比較を行う.

比較モデル1 提案モデルの  $d_{rk}$  を  $d_k$  に入れ替え

比較モデル 2 提案モデルの  $\beta_{rt}$  を  $\beta_r - \pi_r t$  に置き換え

比較モデル3 提案モデルの  $\alpha_r$  を削除

ここでは、MCMC により各モデルのパラメータを推定し、得られた推定値を用いて情報量規準を求めた. 情報量規準には WAIC(Widely Applicable Information Criterion)と WBIC(Widely Applicable Bayesian Information Criterion)を用いた. どちらの基準も、値が小さい方が適したモデルであることを示す.

全ての評価者のデータを使用した場合と、指示を与えた評価者を除外した場合に分けて情報量基準を求め、その結果をそれぞれ表 2、3 に示す。表 2 と 3 から、WAIC の最小値を比較すると、提案モデルが最適モデルとして選択されたことが確認できる。また、この表から、提案モデルで追加した  $\alpha_r$  や  $d_{rk}$  を取り除くと性能が低下することも読み取れ、これらの有効性も確認できる。

次に、表2と3から、WBICの最小値を比較すると、比較モデル3と比較モデル1が最も高い性能を示しており、提案モデルより単純なモデルが最適なモデルとして選択されていることがわかる.一方で、提案モデルはどちらにおいても2番目に高い性能を示しており、比較モデル2よりも性能が高いことから、時間区分ごとの厳しさ $\beta_n$ を導入したことの有効性は確認できる.

### 6 まとめと今後の課題

本研究では、評価者の厳しさパラメータの時間変化を推定できる新しい IRT モデルを提案した。また、シミュレーション実験と実データを用いた実験を通して、提案モデルの有効性を示した。なお、今回提案したモデルは課題数1の場合を想定しており、課題ごとの特性を考慮することが出来ていないため、今後の課題としては、課題パラメータを追加して課題ごとの特性を考慮したモデルを作ることが挙げられる。

# 参考文献

- [1] F.M. Lord, "Applications of item response theory to practical testing problems," 1980.
- [2] M. Uto and M. Ueno, "A generalized many-facet Rasch model and its Bayesian estimation using Hamiltonian Monte Carlo," Behaviormetrika, Springer, vol.47, no.2, pp.469–496, 2020.
- [3] S.W. Raudenbush and A.S. Bryk, Hierarchical linear models: Applications and data analysis methods, vol.1, Sage Publications, 2002.
- [4] M. Uto and M. Ueno, "Empirical comparison of item response theory models with rater's parameters," 2018.