

1. Clasifique las siguientes magnitudes como escalares o vectoriales: masa, presión, velocidad, energía, aceleración, fuerza, campo magnético, volumen, frecuencia, desplazamiento, carga eléctrica, temperatura, distancia.
2. Sean los vectores $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j}$, $\vec{B} = 4\hat{i} - 2\hat{j}$ y $\vec{C} = -\hat{i} + \hat{j}$. Determinar la magnitud y el ángulo (representación polar) de los vectores resultantes $\vec{D} = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C}$ y $\vec{E} = \vec{A} + \vec{B} - \vec{C}$. Resolver analítica y gráficamente.
3. ¿Pueden dos vectores de diferente magnitud combinarse para dar una resultante cero? ¿Y si son tres vectores?
4. La resultante de una suma de los vectores está dada por $\vec{A} + \vec{B} + \vec{C} = 2\hat{i} + \hat{j}$. Si $\vec{A} = 6\hat{i} - 3\hat{j}$ y $\vec{B} = 2\hat{i} + 5\hat{j}$, encontrar las componentes del vector \vec{C} . Resolver analíticamente y gráficamente.
5. Los vectores coplanares \vec{A} y \vec{B} tienen una magnitud de 3 m y 4 m respectivamente, y el ángulo que forman es de 30° . Encontrar $\vec{A} \cdot \vec{B}$. ¿Cuáles la interpretación geométrica del producto escalar?
6. Encontrar el ángulo que forman los vectores $\vec{A} = 4\hat{i} + 3\hat{j}$ y $\vec{B} = 6\hat{i} - 3\hat{j}$.
7. Sea el vector de componentes $(\frac{1}{3}, \frac{2}{3})$. Hallar las componentes del vector de módulo 5 que tiene la misma dirección y sentido que el vector dado.
8. Escriba la expresión del producto vectorial $\vec{C} = \vec{U} \times \vec{V}$ en los siguientes casos:
 - (a) Tal que \vec{U} y \vec{V} son dos vectores coplanares. Interprete gráficamente.
 - (b) Tal que $\vec{U} = 2\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}$ y $\vec{V} = -3\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$. Encuentre el módulo del vector resultante \vec{C} de dos formas distintas.
9. Utilizando el sistema de ejes de coordenadas cartesianos (x, y, z) y dados los vectores \vec{A} en la dirección positiva del eje x , el vector \vec{B} en la dirección positiva del eje de las y , y la cantidad escalar $d \neq 0$, responda:
 - (a) ¿Cuál es la dirección y sentido de $\vec{A} \times \vec{B}$?
 - (b) ¿Cuál es la dirección y sentido de $\vec{B} \times \vec{A}$?
 - (c) ¿Cuál es la dirección y sentido de \vec{B}/d ?
 - (d) ¿Cuál es la magnitud de $\vec{A} \cdot \vec{B}$?
10. A un tramo recto de una ruta puede asociarse un sistema de coordenadas, respecto al cual se refieren las coordenadas de los objetos, personas, vehículos, etc. Dado un origen en el punto O , las coordenadas de un semáforo S y un poste telefónico P resultan $x_{OS} = 6\text{ km}$ y $x_{OP} = 4.5\text{ km}$ respectivamente. Una estación de servicio E está ubicada en $x_{OE} = -2\text{ km}$. Indicar las coordenadas de S y P respecto a un sistema de coordenada O' con origen en E .
11. Una habitación tiene dimensiones de $3\text{ m} \times 4\text{ m} \times 4.5\text{ m}$. Una mosca que sale de una esquina termina en la esquina diametralmente opuesta.
 - (a) ¿Cuál es la magnitud del desplazamiento?
 - (b) ¿Puede ocurrir que el camino recorrido sea menor a dicho desplazamiento, mayor o igual?
 - (c) Elija un sistema de coordenadas apropiado y encuentre las componentes del vector desplazamiento en este sistema.

12. Un avión vuela 200 *km* hacia el NE en una dirección que forma un ángulo de 30° hacia el este de la dirección norte. En ese punto cambia su dirección de vuelo hacia el NO. En esta dirección vuela 60 *km* formando un ángulo de 45° con la dirección norte.
- (a) Calcular la máxima distancia hacia el este del punto de partida a la que llegó el avión.
 - (b) Calcular la máxima distancia hacia el norte del punto de partida a la que llegó el avión.
 - (c) Calcular la distancia a la que se encuentra el avión del punto de partida al cabo de su recorrido.
 - (d) Determinar vectorialmente el camino que debería hacer para volver al punto de partida. Resolver gráfica y analíticamente.
13. Sea \vec{A} un vector conocido en el plano, que escrito en coordenadas cartesianas es igual a $\vec{A} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j}$. Exprese al vector en coordenadas polares (r, θ) .
14. Grafique los siguientes campos vectoriales definidos en el espacio \mathbb{R}^2 :
- (a) $\vec{F}(x, y) = -y\hat{i} + x\hat{j}$
 - (b) $\vec{F}(x, y) = -\frac{x}{2(x^2+y^2)}\hat{i} - \frac{x}{2(x^2+y^2)}\hat{j}$
15. Determine la integral de línea $\int_C \vec{F} \cdot d\vec{r}$ para:
- (a) El campo vectorial $\vec{F}(x, y) = x^2\hat{i} - xy\hat{j}$ a lo largo de la curva C descrita por el cuarto de círculo $r(t) = \cos(t)\hat{i} + \sin(t)\hat{j}$, con $0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}$.
 - (b) El campo vectorial $\vec{F}(x, y) = xy\hat{i} + 3y^2\hat{j}$ a lo largo de la curva C descrita por $r(t) = 11t^4\hat{i} + t^3\hat{j}$, con $0 \leq t \leq 1$.