

Инвариант цикла **while** внутри алгоритма шейкерной сортировки:

Индексы $l-1$ и r указывают на текущие левую и правую границы отсортированного массива в начале итерации каждого цикла **for** соответственно. Индексы $right$ и $left-1$ указывают на текущие левую и правую границы отсортированного массива внутри цикла **while**. В начале каждой итерации цикла **while** с индексами l и r массив **a** состоит из трёх частей:

- Элементы $a[0..left-1]$ соответствуют отсортированным элементам левой части массива;
- Элементы $a[left..right-1]$ соответствуют неотсортированным элементам массива;
- Элементы $a[right..N-1]$ соответствуют отсортированным элементам правой части массива.

Сформулирую инвариант цикла:

*“В начале каждой итерации обоих циклов **for** внутри цикла **while** подмассивы $a[0..left-1]$ и $a[right..N-1]$ состоят из элементов, которые изначально находились в $a[0..left-1]$ и $a[right..N-1]$ соответственно, но теперь расположены в отсортированном порядке.”*

Доказательство инварианта цикла **while** в алгоритме шейкерной сортировки:

Инициализация. Перед первыми итерациями циклов **for** $a[0..l-1]$ и $a[r..N-1]$ содержат по одному элементу, значит можно считать, что они отсортированы.

Сохранение. В теле первого цикла **for** происходит сдвиг элементов вправо до тех пор, пока позицию $a[right]$ не займёт тот элемент, который должен там стоять. В теле второго цикла **for** происходит сдвиг элементов влево до тех пор, пока позицию $a[left-1]$ не займёт тот элемент, который должен там стоять.

Завершение. Цикл **while** завершится в тот момент, когда $right$ будет меньше $left$. Из-за этого условия подмассивы $a[0..left-1]$ и $a[right..N-1]$ будут иметь общие элементы, следовательно их можно рассматривать как один массив. Так как оба подмассива будут отсортированы, значит и весь массив будет отсортирован.

Сложность алгоритма шейкерной сортировки:

while (left <= right)		n
{		
for (int l = left; l <= right; l++)		$\sum_{l=1}^n t_l$
{		
if (a[l-1] > a[l])		
swap(a[l-1], a[l])		
}		
right--;		n-1
for (int r = right; r >= left; r--)		
{		
if (a[r-1] > a[r])		
swap(a[r-1], a[r])		
}		
left++;		n-1
}		