# Università degli Studi di Salerno Dipartimento di Informatica



Corso di Laurea Magistrale in Informatica

# GLL Parsing su linguaggi non lineari

Relatore Prof. Gennaro Costagliola Candidato Mazzotta Fabio

Anno Accademico 2019-2020

Ai miei genitori. Dedicato a chi ha creduto in me; e a chi lotta ogni giorno e non si arrende.

# Indice

1	Intr	Introduzione 1						
	1.1	Introd	luzione	1				
2	Par	sing to	op down	2				
	2.1	Introd	luzione	2				
	2.2	Gram	matiche context-free	3				
		2.2.1	Definizione di grammatica	3				
		2.2.2	Convenzioni notazionali	4				
		2.2.3	Derivazioni	4				
		2.2.4	Alberi di parsing	6				
		2.2.5	Ambiguità	7				
		2.2.6	Ricorsione	7				
	2.3	Parsin	ng top down	8				
		2.3.1	Parsing a discesa ricorsiva	8				
		2.3.2	Funzioni FIRST e FOLLOW	9				
		2.3.3		11				
		2.3.4	· /	12				
	2.4	Concl		13				
3	GL	L Pars	ing	15				
	3.1	Introd	luzione	15				
	3.2			15				
	3.3			18				
		3.3.1		19				
		3.3.2		19				
		3.3.3		19				
		3.3.4		20				
		3.3.5		21				
		3.3.6		$\frac{-}{22}$				
	3 /			 93				

INDICE	iii

	4.1	Introduzione	2				
	4.2	Definizione formale	2				
		4.2.1 Relazioni spaziali	2				
		4.2.2 Regole di valutazioni	2				
	4.3	Definizione GLL Posizionale	2				
		4.3.1 Gestione dell'input	2				
		4.3.2 Gestione degli operatori spaziali					
5	Imp	olementazione del GLL parsing	3				
	5.1	Introduzione	3				
	5.2	Le componenti del sistema					
	5.3	Le classi degli insiemi R, P e U	3				
	5.4	La classe GLL Parser	3				
6	Implementazione del GLL Posizionale						
	6.1	Introduzione	4				
	6.2	GLL Parsing su espressioni aritmetiche	4				
		6.2.1 Gestione dell'input					
		6.2.2 La classe GLLParsingPosizionale	4				
	6.3	GLL Parsing sui diagrammi di flusso	5				
		6.3.1 Struttura dei simboli e gestione dell'input	5				
		6.3.2 La classe GLLParsingFlowChart	5				
	Conclusioni						
7	Cor	ici distotti					

# Elenco delle figure

2.1	Posizione del parser all'interno del compilatore	2
2.2	Albero di parsing relativo alla stringa $\mathbf{id} + \mathbf{id}$	6
2.3	Sequenza di alberi di parsing relativi alla derivazione 2.3	6
2.4	Alberi di parsing relativi alla stringa $id+id*id$	7
2.5	Procedura di un non-terminale per un parser top down	8
3.1	$Sppf\ relativo\ alla\ stringa\ \mathbf{id+id*id}$	22
5.1	Class diagram del software del GLL Parsing	31

# Elenco delle tabelle

2.1	Tabella di parsing della grammatica 2.4	12
2.2	Mosse di un parser predittivo sulla stringa <b>cdd</b>	13
3.1	Tabella di parsing della grammatica 3.1	16

# Capitolo 1

## Introduzione

#### 1.1 Introduzione

Questa tesi di laurea descrive il funzionamento e l'implementazione del parsing Generalizzato LL (GLL). Il parsing GLL è un algoritmo di parsing top down che viene utilizzato per gestire tutte le grammatiche context-free comprese quelle che sono ambigue e ricorsive. La caratteristica principale di questo algoritmo è che risulta essere un parser a discesa ricorsiva e ciò permette di avere il controllo del flusso sulla struttura della grammatica e di conseguenza risulta semplice da implementare e da testare. L'obiettivo da raggiungere sarà quello di far riconoscere al GLL parsing i linguaggi non lineari (bidimensionali) prodotti dalle grammatiche posizionali. La tesi è divisa in tre parti. Nella prima parte si illustreranno i principi su cui si basa il funzionamento del GLL parsing e verrà descritto il parsing top down, che rappresenta la base di funzionamento del GLL parsing, e i suoi limiti. Successivamente si introdurrà il GLL parsing, illustrandone i principi e i meccanismi che usa per superare i limiti dei parser top down tradizionali, le strutture dati che utilizza e il risultato ottenuto dalla sua computazione. Ciò viene descritto rispettivamente nel secondo e terzo capitolo. Nella seconda parte verrà descritto il funzionamento del GLL parsing che opera su grammatiche posizionali per riconoscere i linguaggi non lineari. Questo argomento sarà trattato nel quarto capitolo. Infine, nell'ultima parte si parlerà dell'implementazione del GLL parsing applicato ad una grammatica context-free e ad una grammatica posizionale. Ciò verrà descritto nel quinto e sesto capitolo. La tesi si conclude al settimo capitolo in cui vengono descritti i risultati e gli obiettivi raggiunti.

## Capitolo 2

# Parsing top down

#### 2.1 Introduzione

Il parsing, o analisi sintattica, è una fase di compilazione che viene utilizzata per definire la sintassi di un linguaggio di programmazione. In altre parole definisce la forma di un programma corretto. Utilizza i token [1], ossia sequenze di caratteri dotate di significato restituite da un analizzatore lessicale (Lexer); per produrre una rappresentazione intermedia ad albero che rappresenta la struttura grammaticale dei token. Una tipica rappresentazione è l'albero sintattico, o syntax tree in cui un nodo interno rappresenta un'operazione mentre i figli rappresentano gli argomenti dell'operazione; infine, questo albero prodotto, viene passato alle restanti fasi del processo di compilazione. Ovviamente, il parser è in grado segnalare gli errori delle forme sintattiche sbagliate. In figura 2.1 viene mostrato il funzionamento del parser.

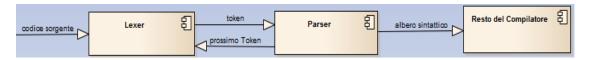


Figura 2.1: Posizione del parser all'interno del compilatore.

I metodi di parsing più comunemente utilizzati sono:

- Parsing top down: la costruzione dell'albero sintattico avviene partendo dalla radice dell'albero fino ad arrivare alle foglie dell'albero;
- Parsing bottom up: la costruzione dell'albero sintattico avviene partendo dalle foglie dell'albero fino ad arrivare alla sua radice.

In questa tesi tratteremo il parsing top down in quanto il GLL parsing usa questa metodologia

#### 2.2 Grammatiche context-free

In questo paragrafo introduciamo una notazione - la grammatica contextfree - utilizzata per specificare la sintassi dei linguaggi di programmazione. Le grammatiche sono usate per descrivere i costrutti dei linguaggi di programmazione. Ad esempio in C, il while può avere la seguente forma:

Questa notazione indica che il costrutto è composto dalla parola chiave **whi-**le, una parentesi tonda aperta, un'espressione, una parentesi tonda chiusa e uno statement. Usando la variabile *expr* che indica una generica espressione e la variabile *stmt* per indicare lo statement, la regola di questo costrutto può essere definita nel seguente modo:

$$stmt \to \mathbf{while} \ (exp) \quad stmt$$
 (2.1)

La freccia può essere letta come "può avere la forma". Questa regola prende il nome di **produzione.** All'interno della produzione la parola *while*, la parentesi aperta e tonda prendono il nome di **terminali**, mentre le variabili *expr* e *stmt* prendono il nome di **non terminali**.

#### 2.2.1 Definizione di grammatica

Una grammatica context-free è una quadrupla i cui elementi sono [1]:

- 1. **Terminali.** I terminali sono simboli di base con cui la grammatica definisce il linguaggio. Il termine "token" è un sinonimo di terminale.
- 2. **Non-Terminali.** I non-terminali sono variabili sintattiche che denotano un insieme di stringhe. Nella produzione 2.1 *stmt* e *expr* sono non-terminali. Gli insiemi di stringhe rappresentati dai non-terminali concorrono a definire il linguaggio generato dalla grammatica.
- 3. Simbolo Iniziale. In una grammatica uno dei non-terminali costituisce il simbolo iniziale e l'insieme di stringhe che esso denota coincide con l'intero linguaggio generato dalla grammatica.
- 4. **Produzione.** Le produzioni di una grammatica definiscono come i terminali e i non-terminali possono essere combinate a formare stringhe. Ogni produzione è formata da:
  - (a) un non-terminale chiamato **testa**; la produzione definisce alcune delle stringhe denotate alla sua testa;

- (b) il simbolo →; a volte il simbolo ::= è utilizzato al posto della freccia;
- (c) un **corpo** o **lato destro** costituito da zero o più non-terminali o terminali; i componenti descrivono un modo in cui le stringhe denotate dal non-terminale della testa possono essere costruite.

#### 2.2.2 Convenzioni notazionali

In questo paragrafo vengono definite le convenzioni notazionali delle grammatiche che verranno usate nel resto della tesi.

- 1. I seguenti simboli rappresentano i terminali:
  - (a) le singole lettere minuscole dell'alfabeto;
  - (b) i simboli degli operatori matematici e di punteggiatura;
  - (c) le stringhe minuscole in grassetto;
  - (d) le cifre numeriche.
- 2. I seguenti simboli sono non-terminali:
  - (a) le singole lettere maiuscole dell'alfabeto;
  - (b) se usate per descrivere i singoli costrutti della programmazione, le lettere maiuscole possono indicare i non-terminali del linguaggio.
- 3. La testa della prima produzione è il simbolo iniziale.
- 4. Un insieme di produzioni del tipo  $A \rightarrow \alpha_1, A \rightarrow \alpha_2, \ldots, A \rightarrow \alpha_k$ , con una testa comune A (che chiamiamo A-produzioni), possono essere scritte nel seguente modo:  $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \ldots \mid \alpha_k$ . Chiamiamo  $\alpha_1, \alpha_2, \ldots, \alpha_k$  le alternative per A.

#### 2.2.3 Derivazioni

Un albero di parsing [1] può essere costruito mediante varie fasi di derivazioni dove, partendo dal simbolo iniziale, ad ogni passo di riscrittura un simbolo non-terminale viene sostituito con il corpo di una delle sue produzione. Tale visione derivazionale corrisponde al metodo di costruzione top-down degli alberi di parsing. Facciamo un esempio. Consideriamo la seguente grammatica:

$$E \to E + E \mid E * E \mid -E \mid (E) \mid \mathbf{id} \tag{2.2}$$

La produzione  $E\to E+E$  significa che se E indica un'espressione allora anche E+E è un'espressione. La sostituzione di una singola E con E+E si indica con la seguente notazione

$$E \Rightarrow E + E \Rightarrow \mathbf{id} + E \Rightarrow \mathbf{id} + \mathbf{id}$$
 (2.3)

che si legge "E deriva E + E". La produzione  $E \to E + E$  può essere utilizzata per sostituire qualsiasi occorrenza di E con E + E in una qualsiasi stringa di simboli della grammatica. La sequenza 2.3 viene definita come una derivazione della stringa id + id à partire da E. Questa derivazione dimostra che la stringa id + id à una particolare istanza di un'espressione. Ora diamo una definizione formale di concetto di derivazione. «Consideriamo un non-terminale A posizionato in mezzo ad una sequenza di simboli grammaticali  $\alpha A\beta$  dove  $\alpha$  e  $\beta$  sono stringhe arbitrarie di simboli grammaticali. Supponiamo che  $A \to \gamma$  sia una produzione. In tal caso possiamo scrivere  $\alpha A\beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ , in cui il simbolo  $\Rightarrow$  significa "deriva in un solo passo". Quando abbiamo una sequenza di passi di derivazione del tipo  $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \ldots \Rightarrow \alpha_n$  in cui possiamo riscrivere  $\alpha_1$  come  $\alpha_n$  diremo  $\alpha_1$  deriva  $\alpha_n$ . Per esprimere che una stringa "deriva in zero o più passi" una nuova stringa utilizziamo il simbolo  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ . Quindi,

- 1.  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$ , per qualsiasi stringa  $\alpha$ ;
- 2. se  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$  e  $\beta \Rightarrow \gamma$ , allora  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \gamma$ .

Inoltre il simbolo  $\stackrel{+}{\Rightarrow}$  significa "deriva in uno o più passi.

Se  $S \stackrel{+}{\Rightarrow} \alpha$ , dove S è il simbolo iniziale della grammatica G, diciamo che  $\alpha$  è una forma sentenziale di G. Una forma sentenziale può contenere sia terminali che non terminali e può essere vuota. Una sentenza o frase di G è una forma sentenziale che non contiene nessun non-terminale. Il linguaggio generato da una grammatica G è l'insieme di tutte le sue frasi. Quindi una stringa di terminali w appartiene a L(G), il linguaggio generato da G, se e solo se w è una frase di G, cioè se  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$ . Un linguaggio che può essere generato da una grammatica è detto un linguaggio libero dal contesto. Se due grammatiche generano lo stesso linguaggio sono dette equivalenti. > La stringa id+id è una frase della grammatica 2.2 poichè esiste la derivazione 2.3. Le sequenze di derivazioni prevedono che ad ogni passo vengano fatte due scelte: la prima scelta consiste nello scegliere il non-terminale da sostituire; la seconda scelta consiste nello scegliere una delle produzioni in cui il non-terminale scelto risulta essere la testa della produzione. Infatti nella derivazione 2.3 ogni non-terminale è sostituito con il corpo della produzione corrispondente. Ogni non-terminale da sostituire viene selezionato in questo modo:

- 1. nelle *derivazioni sinistre* si sceglie sempre il non-terminale più a sinistra. La derivazione 2.3 è una derivazione a sinistra.
- 2. nelle derivazioni destre si sceglie sempre il non-terminale più a destra.

#### 2.2.4 Alberi di parsing

Un albero di parsing è [1] una rappresentazione grafica di una derivazione che non dipende dall'ordine in cui le produzioni sono utilizzate per rimpiazzare i non-terminali. Ogni nodo interno rappresenta l'applicazione di una produzione ed è etichettato con il non-terminale che indica la testa della produzione. I figli di questo nodo sono etichettati con i simboli che appaiono nel corpo della produzione utilizzata per sostituire il non-terminale. Un esempio di albero di parsing relativo alla stringa  $\mathbf{id} + \mathbf{id}$  è mostrato nella figura 2.2.

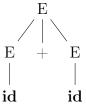


Figura 2.2: Albero di parsing relativo alla stringa id + id

Le foglie dell'albero di parsing sono etichettate con terminali o non-terminali che, letti da sinistra verso destra formano una forma sentenziale chiamata **frontiera** dell'albero. Ora tramite un esempio mostreremo come viene costruito un albero sintattico.

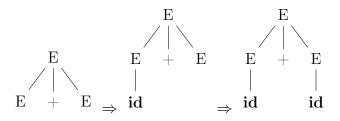


Figura 2.3: Sequenza di alberi di parsing relativi alla derivazione 2.3

In figura 2.3 viene rappresentata la sequenza di alberi sintattici costruiti dalla derivazione 2.3. Il primo passo della derivazione  $E \Rightarrow E + E$  prevede di aggiungere come radice dell'albero sintattico il simbolo iniziale E e come figli E, +, ed E che corrisponde al suo corpo di produzione E + E. Al secondo passo della derivazione  $E \Rightarrow \mathbf{id} + E$  aggiungiamo al nodo più a sinistra E il

nodo figlio **id**. Così facendo otteniamo al terzo passo il corrispondente albero sintattico per la stringa id + id.

#### 2.2.5 Ambiguità

Una grammatica viene definita **ambigua** se produce più di un albero sintattico. In altre parole una grammatica ambigua presenta [1] più di una derivazione destra o sinistra per una frase. Facciamo un esempio. Prendiamo in considerazione la grammatica 2.2 e la frase **id**+**id**\***id**; questa frase presenta due alberi di parsing che sono:

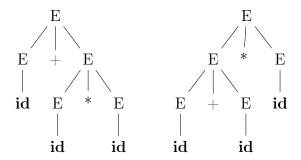


Figura 2.4: Alberi di parsing relativi alla stringa id+id\*id

Di conseguenza risulta che la grammatica 2.2 risulta essere ambigua.

#### 2.2.6 Ricorsione

Una grammatica viene definita **ricorsiva** [1] se ha un non-terminale A per cui esiste una derivazione  $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A\alpha$  o  $A \stackrel{+}{\Rightarrow} \alpha A$  della stringa  $\alpha$ . La prima derivazione è chiamata **ricorsione a sinistra**, la seconda è chiamata **ricorsione a destra**. Un esempio di ricorsione a sinistra è la seguente produzione:

$$term \rightarrow term + fact$$

Le grammatiche ricorsive risultano essere problematiche da gestire dai parser a discesa ricorsiva perchè entrano in un ciclo infinito. Supponiamo che la procedura per il simbolo expr decide di applicare questa produzione. Il corpo inizia con expr per cui la procedura per expr viene invocata ricorsivamente. Poichè il simbolo di lookahead cambia solo quando si verifica una corrispondenza con un terminale del corpo della produzione, nulla cambia sulla stringa in ingresso che si sta analizzando. Di conseguenza la procedura expr() viene chiamata di nuovo e così fino all'infinito.

### 2.3 Parsing top down

Il parsing top down è una tecnica che prevede di costruire l'albero di parsing per una determinata stringa partendo dalla radice dell'albero fino ad arrivare alle foglie che rappresentano i simmboli della stringa. Questo parsing effettua derivazioni a sinistra sulle stringhe che analizza. Infatti ad ogni passo di computazione il parsing top down cerca di trovare un possibile corpo di produzione da sostituire ad ogni non-terminale. Una volta fatto ciò cerca di trovare una corrispondenza tra i simboli della stringa in ingresso e tra i simboli del corpo della produzione. In questo paragrafo analizzeremo i principi e gli strumenti che usa il parsing top down. Verrà presentato il parsing a discesa ricorsiva che richiede backtracking per trovare la produzione opportuna da applicare al non-terminale. Successivamente introdurremo le funzioni FIRST e FOLLOW che vengono utilizzate per scegliere le produzioni da sostituire basandosi sul simbolo in input che si sta analizzando. Poi parleremo delle grammatiche LL(1) ed infine dei parser predittivi non ricorsivi.

#### 2.3.1 Parsing a discesa ricorsiva

Un parsing a discesa ricorsiva è un programma che contiene una procedura per ogni non-terminale della grammatica. L'esecuzione [1] inizia con la procedura relativa al simbolo iniziale e termina con successo se il suo corpo scandisce tutta la stringa d'ingresso. Una procedura per un non-terminale viene mostrato nella figura 2.5.

```
1) void A(){
      Scegli, per A, una produzione A \to X_1, X_2 \dots X_k;
2)
      \mathbf{for}(i \text{ da } 1 \text{ fino a } k){
3)
4)
          \mathbf{if}(X_i \text{ è non-terminale})
            richiama la procedura X_i();
5)
6)
7)
          else{
           \mathbf{if}(X_i \text{ è uguale al simbolo d'ingresso corrente a})
8)
                procedi al simbolo successivo nella sequenza d'ingresso;
9)
10)
             else{/* si è verificato un errore */;}
11)
12)
       }
13) }
```

Figura 2.5: Procedura di un non-terminale per un parser top down

Lo pseudocodice mostrato [1] in questa figura è non-deterministico poichè inizia con la scelta di quale produzione utilizzare per A senza indicare come deve essere fatta la scelta. Questo metodo può richiedere backtracking, cioè può richiedere di rileggere più di una volta la stringa in ingresso. Per aggiungere il backtracking al codice in figura 2.5 è necessario che alla linea (2) va tolta e rimpiazzata con istruzioni in cui  $\ll$  è necessario provare ognuna delle possibili produzioni secondo un certo ordine. In questo caso il fallimento alla linea (11) non è un fallimento "definitivo", ma indica la necessità di tornare alla linea (2) e provare un'altra produzione. Solo se non vi sono più produzioni per A da provare si segnala che è stato identificato un errore nella stringa d'ingresso. Quindi se vogliamo provare una nuova produzione per A, a seguito di un fallimento, dobbiamo essere in grado di riportare il puntatore alla stringa d'ingresso alla posizione in cui si trovava quando abbiamo raggiunto la linea (2) per la prima volta. > Una grammatica ricorsiva a sinistra risulta essere compromettente per questo tipo di parser in quanto può entrare in un ciclo infinito. Per maggiori dettagli si veda il paragrafo 2.2.6

#### 2.3.2 Funzioni FIRST e FOLLOW

Per stabilire quale produzione applicare per sostituire un non-terminale basandoci sui simboli della stringa in input, i parser, sia quelli top-down e bottom-up, usano le funzioni FIRST e FOLLOW.

Definiamo **FIRST**( $\alpha$ ), [1] in cui  $\alpha$  è una generica stringa di simboli della grammatica, come l'insieme dei terminali che costituiscono l'inizio delle stringhe derivabili da  $\alpha$ . Se  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ , allora anche  $\epsilon$  appartiene all'insieme FIRST.

Definiamo **FOLLOW**(A), in cui A è un non-terminale, come l'insieme dei simboli terminali che possono apparire immediatamente alla destra di Ain qualche forma sentenziale, cioè l'insieme dei terminali a per cui esiste una derivazione nella forma  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A a \beta$ , dove  $\alpha$  e  $\beta$  sono generiche forme sentenziali. Se A appare come simbolo più a destra di una forma sentenziale, allora  $\beta$  appartiene al FOLLOW(A).

 $\ll$  Per calcolare FIRST $\{X\}$  si applicano le seguenti regole finchè non sia più possibile aggiungere all'insieme FIRST nè nuovi terminali, nè  $\epsilon$ .

- 1. Se X è non terminale,  $FIRST(X) = \{X\}$ .
- 2. Se X è un non-terminale ed esiste una produzione del tipo  $X \to Y_1Y_2...Y_k$  con  $k \ge 1$ , allora si aggiunga a a FIRST(X) se per qualche valore di i, a appartiene a FIRST $(Y_i)$  e  $\epsilon$  appartiene a tutti gli insiemi FIRST $(Y_1)$ , ..., FIRST $(Y_{i-1})$ , cioè se  $Y_1...Y_{i-1} \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ . Se  $\epsilon$  appartiene

a FIRST $(Y_j)$  per  $j=1,2,\ldots,k$ , allora si aggiunga  $\epsilon$  all'insieme FIRST(X); se invece  $Y_1 \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ si aggiunga FIRST $(Y_2)$  a FIRST(X), e così via.

3. Se esiste una produzione  $X \to \epsilon$ , si aggiunga  $\epsilon$  a FIRST(X).

Per calcolare FOLLOW(A) per tutti i non-terminali A si usano le seguenti regole:

- 1. Si aggiunga \$ a FOLLOW(S), ricordando che S è il simbolo iniziale e \$ è il marcatore di fine della stringa d'ingresso;
- 2. Se esiste una produzione del tipo  $A \to \alpha B\beta$ , allora si aggiunga a FOLLOW(B) ogni elemento di  $FIRST(\beta)$  eccetto  $\epsilon$ .
- 3. Se esiste una produzione del tipo  $A \to \alpha B$  oppure del tipo  $A \to \alpha B\beta$  per cui FIRST( $\beta$ ) contiene  $\epsilon$ , allora tutti i simboli in FOLLOW(A) appartengono a FOLLOW(B)  $\gg$

Facciamo un esempio di come si calcolano FIRST e FOLLOW su una grammatica. Consideriamo la seguente grammatica:

$$I \to A$$
 $A \to S$ 
 $S \to CC$ 
 $C \to cC \mid d$  (2.4)

I FIRST e FOLLOW di questa grammatica sono:

- 1. FIRST(I)=FIRST(A)=FIRST(S)=FIRST(C)={c,d}. Per capire il motivo di ciò, si noti che le due produzioni per C hanno i corpi che iniziano con i due simboli terminali c e d. Poichè S, ha solo una produzione che inizia per C e non deriva  $\epsilon$ , il FIRST(S) coincide con FIRST(C). Lo stesso ragionamento lo si può applicare per FIRST(S) e FIRST(A)
- 2. FOLLOW(I)=FOLLOW(A)=FOLLOW(S)={\$}. Dato che I è il simbolo iniziale, il FOLLOW(I) deve contenere il carattere speciale \$. Poichè S e A appaiono da sole nel corpo di altre produzioni nè consegue che sono seguite dal simbolo di fine stringa \$. Pertanto il FOLLOW(A) e FOLLOW(S) coincide con il FOLLOW(I).
- 3. FOLLOW(C)={c,d,\$}. All'interno di una produzione il simbolo C è seguito da un altro simbolo C. Pertanto il FOLLOW(C) include i simboli del FIRST(C). Inoltre essendo che il simbolo C risulta essere l'ultimo simbolo all'interno di una produzione allora il simbolo \$\frac{1}{2}\$ rientra nel FOLLOW(C).

#### 2.3.3 Grammatiche LL(1)

Un parser predittivo viene sempre costruito a partire da una grammatica della classe LL(1). La prima L [1] indica che la stringa in input che si sta analizando viene letta da sinistra verso destra. La seconda L specifica che viene fatta una derivazione a sinistra; infine l'1 fra le parentesi indica che le decisioni del parser vengono fatte analizzando un solo simbolo di lookhead. Data una grammatica G con due produzioni  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$  è definita LL(1) se sono verificate le seguenti condizioni: «

- 1. non esiste alcun terminale a tale che sia  $\alpha$  sia  $\beta$  derivano stringhe che iniziano con a;
- 2. al più una tra  $\alpha$  e  $\beta$  deriva la stringa nulla  $\epsilon$ ;
- 3. se  $\beta \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$  non deriva alcuna stringa che inizia con un non terminale appartenente all'inisieme FOLLOW(A); allo stesso modo, se  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ , allora  $\beta$  non deriva alcuna stringa che inizia con un terminale in FOLLOW(A).  $\gg$

Le prime due condizioni verificano che  $FIRST(\alpha)$  e  $FIRST(\beta)$  sono insiemi disgiunti. La terza condizione verifica che se  $\epsilon$  appartiene a FIRST( $\beta$ ) allora  $FIRST(\alpha)$  e FOLLOW(A) sono insiemi disgiunti; la stessa cosa vale se  $\epsilon$  appartiene a FIRST( $\alpha$ ). Quindi in base a ciò un parser predittivo per una grammatica LL(1) può essere sempre costruito se ad ogni passo di computazione posso sostituire un non-terminale con una sola produzione che viene scelta in base al simbolo di input corrente. Ovviamente nessuna grammatica ambigua e ricorsiva a sinistra può essere una grammatica LL(1). ≪L'algoritmo seguente raccoglie le informazioni di FIRST e FOLLOW in una tabella di parsing predittivo, cioè una matrice bidimensionale M[A,a] dove A è un non-terminale e a è un terminale oppure il simbolo \$, cioè il marcatore di fine sequenza. L'algoritmo sceglie la produzione  $A \to \alpha$  solo se il simbolo in input a appartiene a FIRST( $\alpha$ ). Quando invece abbiamo a che fare con derivazioni  $a \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ , scegliamo sempre la produzione  $A \to \alpha$  se il simbolo corrente appartiene al FOLLOW(A) o si è raggiunto il simbolo \$ nella stringa in input e se tale simbolo appartiene a FOLLOW(A).

Algoritmo 1 Costruzione di una tabella di parsing predittivo.

**INPUT** Una grammatica G.

**OUTPUT** Una tabella di parsing M.

 $\mathbf{METODO}$  Per ogni produzione  $A \to \alpha$  della grammatica Gsi svolgano i seguenti passi.

1. Per ogni terminale a in FIRST( $\alpha$ ) si aggiunga  $A \to \alpha$  a M[A,a].

2. Se  $\epsilon$  appartiene a FIRST $(\alpha)$ , allora per ogni terminale b FOLLOW(A) si aggiunga  $A \to \alpha$  a M[A,b]. Se  $\epsilon$  appartiene a FIRST $(\alpha)$  e \$ a FOLLOW(A), si aggiunga  $A \to \alpha$  anche a M[A,\$].

Se dopo questi passi non vi è alcuna produzione in M[A,a], si ha una condizione di errore, che viene indicata vuota nella casella corrispondente.  $\gg$  Facciamo un esempio e prendiamo in riferimento la grammatica 2.4. Applichiamo l'algoritmo precedente ed otteniamo la seguente tabella di parsing.

	c	d	\$
I	$I \to A$	$I \to A$	
A	$A \to S$	$A \to S$	
S	$S \to CC$	$S \to CC$	
C	$C \to cC$	$C \to d$	

Tabella 2.1: Tabella di parsing della grammatica 2.4

Gli spazi bianchi indicano una condizione d'errore, mentre gli altri indicano quale produzione usare per sostituire un non-terminale in base ad un determinato simbolo in input. Si consideri, per esempio la produzione  $I \to A$ . Dato che FIRST(A) = FIRST(S) questa produzione viene aggiunta sia M[A,c] e a M[A,d].

#### 2.3.4 Parsing predittivo non ricorsivo

Un parser predittivo non ricorsivo [1] viene costruito usando uno stack, piuttosto che effettuare le chiamate ricorsive. Se w è la porzione dell'ingresso riconosciuta a un certo momento, allora lo stack contiene una sequenza di simboli grammaticali  $\alpha$  tali che  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w\alpha$ . Questo parser usa un buffer d'ingresso, che contiene la stringa da analizzare compreso anche il simbolo persegnare per segnare la fine della stringa, uno stack che contiene i simboli grammaticali e la tabella di parsing costruita mediante l'algoritmo 1. Il fondo dello stack viene segnalato con il simbolo n. Il parser funziona nel seguente modo:

- 1. riceve in input una stringa w e una tabella di parsing M relativa a una grammatica G;
- 2. ad ogni passo di computazione controlla il simbolo X in cima allo stack e un simbolo a della stringa w in input.

- 3. Se X è un non-terminale, il parser lo sostituisce con il corpo della produzione che si trova nella posizione M[X,a];
- 4. Altrimenti, se X è un terminale, allora il parser verifica la corrispondenza di X con il simbolo a e se esiste legge il simbolo successivo della stringa w.
- 5. Ripetere dal passo 2.
- 6. Il parser termina con successo se lo stack non contiene nessun simbolo X e ciò determina che la stringa letta fa parte della grammatica G.

Di seguito vengono riportate le mosse del parser predittivo applicate alla grammatica 2.4.

Input	Stack	Azione	Riconosciuta
$\mathbf{cdd}\$$	<i>I</i> \$		
$\mathbf{cdd}\$$	A\$	output $I \to A$	
$\mathbf{cdd}\$$	S\$	output $A \to S$	
$\mathbf{cdd}\$$	CC\$	output $S \to CC$	
$\mathbf{cdd}\$$	cCC\$	output $C \to cC$	
$\mathbf{dd}\$$	CC\$	$\operatorname{consuma}\mathbf{c}$	$\mathbf{c}$
$\mathbf{dd}\$$	dC\$	output $C \to d$	$\mathbf{c}$
$\mathbf{d}\$$	C\$	$\operatorname{consuma}  \mathbf{d}$	$\operatorname{cd}$
$\mathbf{d}\$$	d\$	output $C \to d$	$\operatorname{cd}$
\$	\$	${\rm consuma}~{\bf d}$	$\operatorname{\mathbf{cdd}}$

Tabella 2.2: Mosse di un parser predittivo sulla stringa cdd

In questa tabella la cima dello stack è riportata a sinistra nella colonna "Stack". Tali mosse corrispondono alla derivazione sinistra; infatti abbiamo che:

$$I \Rightarrow A \Rightarrow S \Rightarrow CC \Rightarrow cCC \Rightarrow cdC \Rightarrow cdd$$

Si noti che le forme sentenziali in tale derivazione corrispondono alla porzione di stringa in input già analizzata (indicata nella colonna riconosciuta).

#### 2.4 Conclusioni

In questo capitolo è stato discusso di come funziona il parsing top down ed in particolare si è discusso degli algoritmi di parsing LL(1). Questo parser, però, presenta dei limiti:

- Non sono adatti per grammatiche ambigue e ricorsive;
- Non ammettono tabelle di parsing in cui vi sono più produzioni per un simbolo d'ingresso.

Delle possibili soluzioni a questi limiti prevedono: l'eliminazione dell'ambiguità e della ricorsione dalla grammatica, l'uso della fattorizzazione a sinistra per rendere la grammatica più adatta al parsing predittivo o l'uso di parsing generalizzati top down che usano il non-determinismo per superare i conflitti che trova un parser predittivo nelle tabelle di parsing. Nel capitolo successivo discuteremo di quest'ultima soluzione.

## Capitolo 3

# GLL Parsing

#### 3.1 Introduzione

Nel capitolo precedente abbiamo discusso i concetti e il funzionamento del parsing su grammatiche LL(1). In questo capitolo discuteremo di un estensione di questo parsing, chiamato **Parsing LL Generalizzato (GLL)**. Questo parsing è un parser a discesa ricorsiva ed è adatto a gestire tutte le grammatiche comprese quelle che risultano essere ambigue e ricorsive a sinistra. In questo capitolo vedremo come questo parser supera i limiti che hanno i parser LL(1) e ne mostreremo i concetti base di questo parsing e il suo funzionamento.

#### 3.2 Stack e descrittori elementari

In questo paragrafo discuteremo del funzionamento base del GLL Parsing. Data la seguente grammatica:

$$S \to ASd \mid BS \mid \epsilon$$

$$A \to a \mid c$$

$$B \to a \mid b$$
(3.1)

Un parser a discesa ricorsiva [2] è composto dalle seguenti funzioni:  $p_S()$ ,  $p_A()$ ,  $p_B()$ , la funzione principale main() e la funzione per segnalare gli errori error(). Ogni funzione contiene codice per ogni alternativa,  $\alpha$ , e verificano il simbolo corrente della stringa in input appartiene a  $FIRST(\alpha)$  o al  $FOLLOW(\alpha)$ . La stringa in input viene rappresentata come un array globale I di lunghezza m+1, dove I[m]=\$, segnala la fine della stringa. L'implementazione del parser viene rappresentata di seguito.  $main()\{i=0\}$ 

```
 \begin{array}{c} & \textbf{if}(I[i] \in \{a,\,b,\,c,\,d,\$\}) \{\ p_S();\, \textbf{else}\ error();\\ & \textbf{if}(I[i] = \$) \{\ \text{report success}\ \}\ \textbf{else}\ error()\\ \}\\ p_S() \{ \\ & \textbf{if}(I[i] \in \{a,\,c\}) \{\ p_A();\, p_S();\, \textbf{if}(I[i] = d) \{\ i = i+1;\,\}\ \textbf{else}\ error();\,\}\\ & \textbf{if}(I[i] \in \{a,\,b\}) \{\ p_B();\, p_S();\,\}\ \}\\ p_A() \{ \\ & \textbf{if}(I[i] = a) \{\ i = i+1;\}\\ & \textbf{else}\ \textbf{if}(I[i] = c) \{\ i = i+1\,\}\ \textbf{else}\ error();\,\}\\ p_B() \{ \\ & \textbf{if}(I[i] = a) \{\ i = i+1;\,\}\\ & \textbf{else}\ \textbf{if}(I[i] = b) \{\ i = i+1\,\}\ \textbf{else}\ error();\,\} \end{array}
```

Questa è la tabella di parsing della grammatica 3.1.

	a	b	c	d	\$
$\overline{S}$	$S \rightarrow ASd \mid BS$	$S{ ightarrow}BS$	$S \rightarrow ASd$	$S{ ightarrow}\epsilon$	$S \rightarrow \epsilon$
A	$A \rightarrow a$		$A \rightarrow c$		
B	$B \rightarrow a$	$B { ightarrow} b$			

Tabella 3.1: Tabella di parsing della grammatica 3.1

Da quello che si può notare dalla tabella 3.1 questa grammatica non è LL(1) in quanto è presente un conflitto e di conseguenza l'algoritmo implementato non funziona correttamente. Affinchè l'algoritmo funzioni correttamente è necessario utilizzare il non determinismo. Per fare ciò dobbiamo convertire le chiamate a funzioni con operazioni di **push** su uno stack e utilizzare i goto per spostarci sulle varie partizioni delle funzioni. Partizioniamo in varie parti i corpi delle funzioni il cui non-terminale non è LL(1) ed attribuiamo un etichetta ad ogni partizione. In questo caso avremo più partizioni per S. Per registrare le possibili scelte che il parser può fare per sostituire un non-terminale utilizziamo dei descrittori all'interno dell'algoritmo a discesa ricorsiva e sostituiamo il punto in cui termina l'algoritmo con l'esecuzione di un descrittore successivo. Le funzioni d'errore vengono sostituite con l'esecuzione di descrittori successivi. Il nuovo punto di termine sarà quando non esistono più descrittori da eseguire. Formalmente un descrittore elementare è una tripla (L,s,i) dove L è un etichetta di una partizione, s è unostack e j è la posizione nell'array I. Questi descrittori li manteniamo in un insieme R. Ogni volta che si verifica la fine di una funzione di parsing e ad ogni punto in cui è presente un non-terminale non LL(1) (quindi siamo in presenza di non-determinismo) all'interno dell'algoritmo, creiamo un nuovo

descrittore che è formato dall'etichetta in cima allo stack corrente. Quando l'algoritmo di parsing trova un simbolo dell'input I[i] diciamo che l'etichetta L in cima allo stack è estratto dallo stack s=[s',L] e (L,s',i) viene aggiunta a  $\mathbf{R}$ . Questa azione viene denotata con la funzione  $pop(s,i,\mathbf{R})$ . Dopo aver fatto ciò rimuoviamo il descrittore (L',t,j) da  $\mathbf{R}$  e l'algoritmo riparte dall'etichetta L', con stack t e con il simbolo in input I[j]. L'algoritmo termina quando l'insieme  $\mathbf{R}$  è vuoto. Useremo la notazione  $L^k$  per unire l'etichetta L e l'indice k che indica il simbolo corrente nell'input I; mentre lo stack vuoto viene denotato con  $[\cdot]$ . Lo stack s viene aggiungere l'elemento  $L^k$  in cima allo stack. Di seguito viene presentato l'algoritmo.

```
i = 0; \mathbf{R} = \emptyset; s = [L_0^0];
L_S: if (I[i] \in \{a,c\}) add(L_{S1}, s, i) to R
      \mathbf{if}(I[i] \in \{a,b\}) \text{ add}(L_{S2}, s, i) \text{ to } \mathbf{R}
      if(I[i] \in \{d,\$\}) add(L_{S3}, s, i) to R
L_0: if (\mathbf{R} \neq \emptyset){ remove (L, s_1, j) from \mathbf{R}
                     if (L = L_0 \text{ and } s_1 = [] \text{ and } j = |I|) report success
                     else{ s = s_1; i = j; \mathbf{goto} \ L  }
L_{S1}: push(s, L_1^i); goto L_A
L_1: push(s, L_2^i); goto L_S
L_2: if(I[i] = a){ i = i + 1; pop(s, i, \mathbf{R});} goto L_0
L_{S2}: push(s, L_3^i); goto L_B
L_3: push(s, L_4^i); goto L_S
L_4: pop(s, i, \mathbf{R}); goto L_0
L_{S3}: pop(s, i, \mathbf{R}); goto L_0
L_A: if(I[i] = a){ i = i + 1; pop(s, i, \mathbf{R});} goto L_0 }
       else{ if(I[i] = c){ i = i + 1; pop(s, i, \mathbf{R});}
                goto L_0 }
L_B: if(I[i] = a){ i = i + 1; pop(s, i, \mathbf{R});} goto L_0 }
       else{ if(I[i] = b){ i = i + 1; pop(s, i, \mathbf{R});}
                goto L_0 }
```

Ora facciamo un esempio ed eseguiamo l'algoritmo con la stringa d'input aad\$. Incomiciamo la nostra computazione aggiungendo prima la tripla  $(L_{S1},[L_0^0],0)$ , e poi la tripla  $(L_{S2},[L_0^0],0)$  ad  $\mathbf{R}$  ed andiamo all'etichetta  $L_0$ . Rimuoviamo  $(L_{S1},[L_0^0],0)$  da  $\mathbf{R}$  ed andiamo alla linea con etichetta  $L_{S1}$ . L'operazione di push aggiunge allo stack s  $[L_0^0,L_1^0]$  ed andiamo in  $L_A$ . In  $L_A$ abbiamo che il parser ha trovato una coincidenza con il simbolo a, incrementa l'indice i per leggere il simbolo successivo, fa un operazione di poped aggiunge  $(L_1,[L_0^0],1)$  ad  $\mathbf{R}$  e ritorna in  $L_0$ . Allo stesso modo processiamo  $(L_{S2},[L_0^0],0)$  da  $\mathbf{R}$  e alla fine avremo  $(L_3,[L_0^0],1)$  che viene aggiunto ad  $\mathbf{R}$ . Quindi  $\mathbf{R}$  risulterà avere le seguenti triple:

$$\mathbf{R} = \{(L_1, [L_0^0], 1), (L_3, [L_0^0], 1)\}\$$

Successivamente estraiamo  $(L_1,[L_0^0],1)$  e lo processiamo. Alla linea  $L_1$  facciamo un *push* sullo stack s  $[L_0^0,L_2^1]$  ed andiamo alla linea con etichetta  $L_S$  e aggiungiamo  $(L_{S1},[L_0^0,L_2^1],1)$  e  $(L_{S2},[L_0^0,L_2^1],1)$  ad  $\mathbf{R}$ . Allo stesso modo processiamo  $(L_3,[L_0^0],1)$  e in  $\mathbf{R}$  abbiamo:

$$\mathbf{R} = \{(L_{S1}, [L_0^0, L_2^1], 1), (L_{S2}, [L_0^0, L_2^1], 1), (L_{S1}, [L_0^0, L_4^1], 1), (L_{S2}, [L_0^0, L_4^1], 1)\}$$

Processando ognuno di questi elementi otteniamo:

$$\mathbf{R} = \{ (L_1, [L_0^0, L_2^1], 2), (L_3, [L_0^0, L_2^1], 2), (L_1, [L_0^0, L_4^1], 2), (L_3, [L_0^0, L_4^1], 2) \}$$

Quando l'input risulta essere I[i] = d e processiamo queste triple otteniamo che in  ${\bf R}$  abbiamo:

$$\mathbf{R} = \{(L_{S3}, [L_0^0, L_2^1, L_2^2], 2), (L_{S3}, [L_0^0, L_2^1, L_4^2], 2), (L_{S3}, [L_0^0, L_4^1, L_2^2], 2), (L_{S3}, [L_0^0, L_4^1, L_4^2], 2)\}$$

Processando di nuovo questi elementi otteniamo:

$$\mathbf{R} = \{ (L_2, [L_0^0, L_2^1], 2), (L_4, [L_0^0, L_2^1], 2), (L_2, [L_0^0, L_4^1], 2), (L_4, [L_0^0, L_4^1], 2) \}$$

Da queste triple otteniamo:

$$\mathbf{R} = \{ (L_2, [L_0^0], 3), (L_2, [L_0^0], 2), (L_4, [L_0^0], 3), (L_4, [L_0^0], 2) \}$$

Quando abbiamo I[3] = \$ processiamo le triple mostrate precedentemente ed otteniamo la tripla  $(L_0,[\ ],3)$  e la tripla  $(L_0,[\ ],2)$  che vengono aggiunte ad  $\mathbf{R}$  e di conseguenza l'algoritmo termina con un successo.

### 3.3 Definizione GLL Parsing

L'algoritmo descritto al paragrafo 3.2 potrebbe creare un numero esponenziale, della taglia dell'input, di descrittori per alcune grammatiche e non lavora correttamente su grammatiche ricorsive a sinistra. In questo paragrafo vedremo come correggere l'algoritmo e introdurremo le nuove strutture dati utilizzate dall'nuovo algoritmo.

#### 3.3.1 Graph structured stacks

Nell'algoritmo presentato precedentemente, abbiamo visto che ogni volta si trovava un non-terminale non LL(1) applicavamo il non-determinismo duplicando lo stack usato dal parser. Per rappresentare tutti questi stack in unica struttura dati utilizzeremo il Graph structured stacks (GSS). Viene definito [4] come un grafo diretto aciclico (DAG) i cui nodi hanno etichette  $L^k$ che corrispondono agli elementi usati dallo stack, dove L indica un etichetta di una partizione di una funzione e k la posizione su un simbolo della stringa in input. Questi nodi sono raggruppati in vari insiemi disgunti chiamati livelli. Il GSS viene costruito un livello alla volta. Infatti ogni qualvolta il parser trova una coincidenza tra un simbolo in input e la grammatica crea un livello. Il GSS viene disegnato da sinistra verso destra ed il nodo più a sinitra rappresenta la cima di ogni stack. Per costruire il GSS all'interno dell'algoritmo di parsing, dobbiamo usare una nuova tripla, chiamato descrittore. Un descrittore è formata da (L,u,i), dove L è un etichetta, u è un nodo del GSS e i che indica la posizione di un simbolo della stringa in input I | . Queste triple vengono aggiunte ad  $\mathbf{R}$ .

#### 3.3.2 Insiemi U e P

Per costruire il GSS è necessario utilizzare un altro insieme  $\mathbf{U}$  che contiene gli stessi descrittori che inseriamo nell'insieme  $\mathbf{R}$ . Infatti abbiamo che  $\mathbf{U}_i = \{(L,u) \mid (L,u,i) \text{ è stato aggiunto ad } \mathbf{R}\}$ . Un problema [2] che può sorgere sia ha quando un nodo figlio w è aggiunto ad u, dopo aver eseguito le operazioni di pop sul GSS, perchè l'azione di pop necessita di essere applicata a questo nodo figlio. Per risolvere ciò usiamo l'insieme  $\mathbf{P}$  che contiene coppie (u,k) e verranno utilizzate per eseguire le operazioni di pop. Infatti quando un nuovo nodo figlio w è aggiunto ad u, ogni elemento (u,k) presente in  $\mathbf{P}$ , se  $(\mathbf{L}_u, w)$  non è presente in  $\mathbf{U}_k$ , allora  $(\mathbf{L}_u, u, k)$  è aggiunto ad  $\mathbf{R}$ , dove  $\mathbf{L}_u$  è l'etichetta nel nodo u. L'implementazione di questa tecnica verrà mostrata nel paragrafo 3.3.3

#### 3.3.3 Funzioni Fondamentali

L'algoritmo [2] utilizza quattro funzioni che sono essenziali per il suo funzionamento. Queste funzioni vengono elencate qui di seguito.

• add(): La funzione add(L, u, j) controlla se c'è un descrittore (L, u) in  $U_j$  e se non c'è lo aggiunge a  $U_j$  e ad  $\mathbf{R}$ . La funzione è definita nel seguente modo:

$$add(L, u, j)$$
{ if  $((L, u) \notin U_j)$ { add  $(L, u)$  to  $U_j$ ; add  $(L, u, j)$  to  $\mathbb{R}$  }

• pop(): La funzione pop(u, j) chiama la funzione  $add(L_u, v, j)$  per tutti i figli v di u e aggiunge (u, j) a  $\mathbf{P}$ . Viene definita nel seguente modo: pop(u, j) {  $\mathbf{if}(u \neq u_0)$  { add (u, j);

```
for each child v of u { add (L_u, v, j); } }
```

• create(): La funzione create(L, u, j) crea un nodo v nel GSS etichettato  $L^j$  con figlio u se non esiste ancora e restituisce v. Se (v, k) appartiene a  $\mathbf{P}$  chiama la funzione add(L, u, k). La definizione di questa funzione è al seguente:

```
create(L, u, j){ if there is not a GSS node labelled L^j create one let v be the GSS node labelled L^j if there is not an edge from v to v{ create an edge from v to u for all ((v, k) \in \mathbf{P}) { add(L, u, k) } } return v }
```

• test(): La funzione  $test(x, A, \alpha)$  controlla se il simbolo d'input corrente x appartiene al FOLLOW(A), dove A è un non-terminale o appartiene al FIRST $(\alpha)$ , dove  $\alpha$  è un item che stiamo processando. È definita nel seguente modo:

```
test(x,A,\alpha) { if(x \in FIRST(\alpha)) or (\epsilon \in FIRST(\alpha)) and x \in FOLLOW(A) } else { return false }
```

### 3.3.4 Gestione degli item

Informalmente un **item** [1] di una grammatica G è una produzione di G con un punto in qualche posizione del corpo. Ad esempio la produzione  $C \to DKL$  ammette quattro item:

$$\begin{split} C &\to .DKL \\ C &\to D.KL \\ C &\to DK.L \\ C &\to DKL. \end{split}$$

La produzione  $C \to \epsilon$  genera l'item  $C \to .$ .

Un item indica una porzione di una produzione che si sta analizzando ad un certo punto del processo di parsing. Sia  $\alpha$  la parte di produzione dell'item. Nel GLL Parsing gli item verrano gestiti nel seguente modo:

1. Un item del tipo  $a\alpha$ , dove a è un terminale, definiamo:

$$code(a\alpha, j) = if(I[j] = a) \{ j = j + 1 \} else \{ goto L_0 \}$$

2. Un item del tipo  $A\alpha$ , dove A è un non-terminale, definiamo:

$$code(A\alpha, j, X) = \mathbf{if}(test(I[j], X, A\alpha)) \{$$

$$c_u = create(R_A\alpha, c_u, j); \mathbf{goto} \ L_A \ \}$$

$$\mathbf{else} \ \{ \ \mathbf{goto} \ \mathrm{L}_0 \ \}$$

3. Per la produzione  $A \rightarrow \epsilon$  con item  $C \rightarrow$ . definiamo:

$$code(A \rightarrow \epsilon, j) = pop(c_u, j);$$
 goto  $L_0$ ;

Quindi, in base a ciò, per ogni produzione  $A \to \beta$ , dove  $\beta = x_1 \dots x_n$ , abbiamo:

1. Se  $x_1$  è un terminale:

$$code(A 
ightarrow eta,\, {
m j}) = egin{array}{ll} j = j + 1 \ code(x_2 \ldots x_n,\, j,\! A) \ code(x_3 \ldots x_n,\, j,\! A) \ & \cdots \ code(x_n,\, j,\! A) \ pop(c_u,\! j); \, {f goto} \, {
m L}_0; \end{array}$$

2. Se  $x_1$  è un non-terminale:

$$code(A 
ightarrow eta, \, \mathbf{j}) = egin{aligned} c_u = create(R_{Al}, c_u, j); \, \mathbf{goto} \, L_A \ A_l : \, code(x_2 \ldots x_n, \, j, A) \ & code(x_3 \ldots x_n, \, j, A) \ & \cdots \ & code(x_n, \, j, A) \ & pop(c_u, j); \, \mathbf{goto} \, \mathbf{L}_0; \end{aligned}$$

### 3.3.5 Gestione delle produzioni

Siano  $A \to \alpha_1 \mid \ldots \mid \alpha_n$  regole grammaticali. Quando dobbiamo gestire le sostituzioni dei non-terminali con gli opportuni corpi di produzione durante il parsing vengono definiti due modi:

1. Se A è un non-terminale LL(1) che non presenta conflitti abbiamo:

2. Se A è un non-terminale non LL(1) che presenta conflitti abbiamo:

$$code(A, j) =$$
  $\mathbf{if}(test(I[j], X, \alpha_1) \{ add(L_{A1}, c_u, j) \}$   $\dots$   $\mathbf{else} \ \mathbf{if}(test(I[j], X, \alpha_n) \{ add(L_{An}, c_u, j) \}$   $\mathbf{goto} \ L_0$   $L_{A1} \colon code(A \rightarrow \alpha_1, j)$   $\dots$   $L_{An} \colon code(A \rightarrow \alpha_n, j)$ 

### 3.3.6 Shared packed parse forest

Gli alberi sintattici prodotti da una grammatica ambigua [4] possono essere combinati in unica struttura chiamata **Shared packed parse forest** (SP-PF). I nodi padri sono uniti in nuovo nodo ed un nodo involucro diventa il nodo padre di ogni sottoalbero. La grammatica 2.2, che viene rappresentata con due alberi di parsing, il corrispondente sppf è mostrato nella figura 3.1. Il

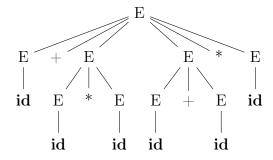


Figura 3.1: Sppf relativo alla stringa id+id\*id

parsing GLL restituirà in output un sppf in quanto combinerà tutti gli alberi

sintattici calcolati dai vari flussi di computazione creati dall'applicazione del non-determinismo. Per poter costruire questo albero sono state definite due funzioni:

• getNodeT(): la funzione  $getNodeT(\alpha, c_n, ax_1 \dots x_n)$  viene usata per inserire all'interno del sppf un nodo etichettato  $\alpha$ , che corrisponde ad un simbolo terminale e non, e  $ax_1 \dots x_n ax_1 \dots x_n$ , che equivale all'item a cui appartiene. Questo nodo creato viene collegato come nodo figlio al nodo  $c_n$ . Viene definita nel seguente modo:

```
getNodeT(\alpha, c_n, ax_1 \dots x_n) for each edge E(c_p, c_c) in SPPF  \mathbf{if}((c_n = c_p) \text{and}(ax_1 \dots x_n = item \ of \ c_c)) \{  create a new node c_v = (c_a, ax_1 \dots x_n);  create an edge from c_n to c_v in SPPF;}}
```

• getNodeP(): la funzione  $getNodeP(c_u)$  viene usata per ottenere un nodo  $c_v$  padre del nodo  $c_u$  all'interno del sppf. Viene chiamata quando è necessario recuperare un non-terminale ogni volta che viene trovato un simbolo della stringa in input. In questo modo recuperiamo i restanti non-terminali del corpo di una produzione. Viene definita nel seguente modo:

```
getNodeP(c_u){ for each edge E(c_p, c_c)in SPPF {
            if (c_u = c_c){ return c_c } }
```

#### 3.4 Costruzione del GLL Parser

Ora, avendo definito le varie funzioni e le varie operazioni da eseguire, siamo in grado di costruire in GLL Parser. Qui di seguito riportiamo lo pseudocodice del parser <sup>1</sup> e nei capitoli successivi ne vedremo l'implementazione.

Sia  $\Gamma$  una grammatica [2] e i suoi non-terminali sono  $A, \ldots, X$ . L'algoritmo di GLL parsing per la grammatica  $\Gamma$  risulta essere il seguente:

m è una costante che indica la lunghezza della stringa in input I è un array che contiene la stringa in input di dimensione m+1 i è una variabile intera usata per accedere alle locazioni dell'array I GSS è un DAG che contiene i nodi etichettati nella forma  $L^j$   $c_u$  è un nodo del GSS

 $<sup>^1\</sup>mathrm{In}$  questo pseudocodice è stata omessa la costruzione del sppf. Verrà discusso nei capitoli successivi.

 ${\bf P}$  è un insieme che ha coppie formate da un nodo del GSS e di intero  ${\bf R}$  è un insieme di descrittori

```
read the input into I and set I[m]=\$, i=0; create GSS nodes u_1=L_0^0, u_0=\$ and edge (u_0,u_1) c_u=u_1, i=0 for 0 \le j \le m { U_j=\emptyset } \mathbb{R}=\emptyset, \mathbf{P}=\emptyset goto L_S; L_0: \mathbf{if}(\mathbf{R} \ne \emptyset)\{ remove a descriptor (L,u,j) from \mathbf{R} c_u=u, i=j , goto L } else \mathbf{if}((L_0,u_0,j)\in U_m)\{ report success \} else\{ report failure \} L_A: code(A,i) ... L_X: code(X,i)
```

## Capitolo 4

# GLL Parsing Posizionale

#### 4.1 Introduzione

In questo capitolo introduciamo un estensione del GLL parsing, il **GLL Parsing Posizionale**. Il GLL Parsing Posizionale permette di trattare le *grammatiche posizionali* che producono i cosidetti **linguaggi non lineari**. Queste grammatiche presentano produzioni contenenti *relazioni spaziali*, ossia relazioni che indicano la direzione di come deve essere il simbolo successivo dal testo in input. Illustreremo la definizione base di questa nuova grammatica e il funzionamento base delle relazioni spaziali.

#### 4.2 Definizione formale

Una grammatica posizionale context-free è una sestupla [3] i cui elementi sono:

- 1. **Non-Terminali** (N): variabili sintattiche che denotano un insieme di stringhe.
- 2. **Terminali** (T): simboli di base che definiscono il linguaggio.
- 3. Simbolo iniziale (S): è un non-terminale e l'insieme di stringhe che esso denota coincide con l'intero linguaggio generato dalla grammatica.
- 4. **Produzioni** (**P**): regole che definiscono come possono essere combinati i terminali e i non-terminali.
- 5. Relazioni Spaziali (POS): relazioni che danno informazioni sulle posizioni di spostamento da effettuare per la lettura del simbolo successivo.

6. Regole di valutazione (PE): regole usate per determinare come deve essere effettuato lo spostamento sull'input.

Ogni produzione presenta la seguente forma:

$$A \to \alpha_1 REL_1 \alpha_2 REL_2 \dots REL_{m-1} \alpha_n \quad m \ge 1$$

dove  $A \in \mathbb{N}$ , ogni  $\alpha_i \in \mathbb{P}$  ed ogni  $REL_1 \in POS$ .

Ogni relazione spaziale  $REL_1$  dà informazioni sulla posizione relativa ad  $\alpha_{i+1}$  rispetto ad  $\alpha_i$ . Nelle grammatiche tradizionali abbiamo una sola relazione spaziale che è data dalla concatenazione della stringa, nelle grammatiche posizionali possiamo definire altre relazioni spaziali ed in questo modo possiamo usarli per descrivere i linguaggi non lineari. In questi linguaggi, le informazioni posizionali vengono usate dal lexer per leggere il prossimo simbolo.

#### 4.2.1 Relazioni spaziali

L'insieme di relazioni spaziali [3] possono essere suddivisi in 3 sottoinsiemi: type-2, type-1, type-0. Ogni sottoinsieme include quattro relazioni spaziali direzionali che sono: sopra, sotto, destra e sinistra. Ogni direzione può essere descritta da una funzione che prende in input una coordinata nel piano cartesiano e restituisce in output un insieme di posizioni. Qui di seguito mostriamo le definizioni dei tre tipi di relazioni spaziali ed illustreremo solo le funzioni descritte; le altre possono essere ricavate in maniera molto simile.

#### Type-2

- $\rightarrow$  spostamento di un movimento a destra:  $(x, y) \rightarrow (x+1, y)$
- ← spostamento di un movimento a sinistra
- † spostamento di un movimento in alto
- ↓ spostamento di un movimento in basso

#### Type-1

 $\rightarrow_1$ spostamento a destra sulla stessa linea:

$$(x, y) \to \{ \to^{(n)} (x,y) \mid n=1,2,\dots \}$$

- $\leftarrow_1$  spostamento a sinistra sulla stessa linea
- $\uparrow_1$  spostamento in alto sulla stessa linea
- $\downarrow_1$  spostamento in basso sulla stessa linea

#### Type-0

 $\rightarrow_0$  spostamento a destra:

$$(x,y) \to \to_0(x,y) \cup \downarrow_1(x',y') \cup \to_1(x',y')$$
 dove  $(x',y')$  cambia in $\to_0(x,y)$   $\leftarrow_0$  spostamento a sinistra

 $\uparrow_0$  spostamento in alto  $\downarrow_0$  spostamento in basso

C'è da precisare, quindi, che ogni simbolo presente in uno spazio bidimensionale viene identificato conoscendo sempre la sua posizone. Infatti, se diamo in input una posizione p nel piano, la relazione spaziale  $\rightarrow$  in type-2 applicata a p restituisce le prime posizioni a destra di p; la relazione spaziale  $\rightarrow_1$  in type-1 restituisce un insieme di posizioni a destra di p e nella stessa linea di p; la relazione spaziale  $\rightarrow_0$  in type-0 restituisce un insieme di posizioni a destra di p anche se non sono nella stessa posizione di p. Nei nostri esempi utilizzeremo le relazioni spaziali  $\rightarrow_0$  e  $\downarrow_0$  -  $\rightarrow_0$ , rispettivamente, dove  $\downarrow_0$  -  $\rightarrow_0$  è un insieme che risulta essere la differenza tra l'insieme di posizioni generate da  $\downarrow_0$  e  $\rightarrow_0$  quando sono applicate alla stessa posizione.

#### 4.2.2 Regole di valutazioni

Una regola di valutazione PE [3] è una funzione che prende in input una stringa del tipo

$$p_1 REL_1 p_2 REL_2 \dots REL_{m-1} \quad m \ge 1$$

dove ogni  $p_i$  è una posizione ed ogni  $REL_i$  è una relazione spaziale, il suo output è una **immagine** dove gli elementi  $p_1, p_2, \ldots, p_n$ , sono disposti nello spazio in questo modo:

$$p_i + 1 \in REL_i(p_i) \quad 1 < i < m - 1$$

Le regole di valutazione delle relazioni spaziali sono state pensate per essere una sequenza da sinistra a destra. Diciamo che una regola di valutazione è semplice se non presenta effetti collaterali.

Un esempio di applicazione di semplici regole di valutazione sono:

$$PE(a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d) = abcd$$
 
$$PE(a \ VER \ b \ HOR \ c) = a$$
 
$$b \ c$$

#### Derivazioni

Denotiamo  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$  (si legge  $\alpha$  deriva in zero o più passi  $\beta$ ) se esiste una stringa  $\alpha_0\alpha_1\ldots\alpha_m$  (m $\geq 0$ ) tale che

$$\alpha \Rightarrow \alpha_0 \Rightarrow \alpha_1 \Rightarrow \cdots \Rightarrow \alpha_m = \beta$$

La sequenza  $\alpha_0\alpha_1...\alpha_m$  è chiamata derivazione di  $\beta$  da  $\alpha$ . Una forma sentenziale posizionale è una stringa  $\alpha$  tale che  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$ . Una frase posizionale è una forma sentenziale posizionale con soli simboli terminali. Una forma pittorica è la valutazione di una forma sentenziale posizionale. Un immagine è una forma pittorica che non contiene non-terminali. Il linguaggio pittorico L(G) definito da una grammatica posizionale G è l'insieme delle sue immagini. Un esempio di grammatica posizionale è mostrato di seguito.

$$\mathbf{N} = \{ \mathrm{E,T,F} \}$$
 
$$\mathbf{S} = \mathrm{E}$$
 
$$\mathbf{T} = \{ +, \mathit{hbar}, \ (, \ ), \mathit{id} \}$$
 
$$\mathbf{POS} = \{ \mathrm{HOR}, \mathrm{VER} \}$$
 
$$\mathbf{PE} \text{ non è una semplice regola di valutazione}$$
 
$$\mathbf{P} = \{ \ \mathrm{E} \rightarrow \mathrm{E} \ \mathit{HOR} \ \mathit{+HOR} \ \mathrm{T} \mid \mathrm{T}$$
 
$$\mathrm{T} \rightarrow \mathit{VER} \ \mathit{hbar} \ \mathit{VER} \ \mathit{F} \mid \mathrm{F}$$
 
$$\mathrm{F} \rightarrow (\mathit{HOR} \ \mathrm{E} \ \mathit{HOR}) \mid \mathit{id} \ \}$$

La definizione delle regole di valutazione viene trascurata in quanto non è importante agli scopi di questa tesi.

Una frase posizionale di questa grammatica è:

$$id\ HOR\ +\ HOR\ (\ HOR\ id\ HOR\ +\ HOR\ id\ HOR)\ VER\ hbar\ VER\ id\ HOR\ +\ HOR\ +\ id$$

Rimpiazzando hbar con una linea orizzontale, e seguendo le definizioni di HOR e VER, da questa frase possiamo ottenere una delle possibili immagini:

$$id + rac{(id+id)}{id} + id$$

### 4.3 Definizione GLL Posizionale

In questo paragrafo descriveremo la gestione dell'input da parte del GLL parsing posizionale. Il funzionamento dell'algoritmo viene omesso in quanto la gestione dei terminali, non terminali e item della produzione avviene allo stesso modo delle grammatiche context-free tradizionali, così come descritto al capitolo 3.

### 4.3.1 Gestione dell'input

L'input che viene dato in pasto al parser è un immagine simbolica e ogni simbolo contenuto in esso è un simbolo terminale. L'input viene rappresentato da un array X dove vengono memorizzati i token e da una matrice M che rappresenta l'input in base alla loro posizione spaziale e sono memorizzati con le posizioni i-esime dell'array X. Per segnalare la fine della stringa si aggiunge il simbolo S sia alla fine dell'array X e sia nella matrice M.

#### 4.3.2 Gestione degli operatori spaziali

Per ogni relazione spaziale definiamo un operatore spaziale con lo stesso nome. Ogni qualvolta il parser lo trova viene chiamata la funzione getNext-Token() che prende in input l'indice dell'array X dell'ultimo token visto, l'operatore spaziale e un array Y che contiene i token già visti. Restituisce il token successivo, dopo aver consultato la matrice M. La ricerca sulla matrice avviene in questo modo:

- Se l'operatore spaziale è HOR (>) il calcolo del simbolo successivo avviene effettuando una ricerca nelle colonne a destra dell'ultimo token visto della matrice M.
- Se invece l'operatore spaziale è VER (<) il calcolo del simbolo successivo avviene cercando nella righe successive dell'ultimo token visto all'interno della matrice M.

La ricerca avviene consultando l'array dei token visti e restituisce il primo token che non è stato ancora visto.

## Capitolo 5

# Implementazione del GLL parsing

### 5.1 Introduzione

In questo capitolo illustreremo come è stato implementato il GLL Parsing. Parleremo delle componenti software che lo compongono ed illustremo come è stato utilizzato per un linguaggio lineare. Inoltre tratteremo anche della costruzione del SPPF.

### 5.2 Le componenti del sistema

Per implementare il GLL parsing si è cercato di creare tutte le componenti usate dall'algoritmo che sono state accennate al capitolo 3. Queste componenti sono:

- Elemento U: è una componente che rappresenta un elemento memorizzato dall'insieme U,
- ElementoP: si occupa di gestire gli elementi dell'insieme P,
- **DescrittoreR**: questa componente rappresenta un descrittore che viene memorizzato dall'insieme **R**
- GLLParsing: è una componente che gestisce la computazione del GLL parsing.

Di seguito mostriamo il class diagram del sistema e nei paragrafi successivi tratteremo nei dettagli ogni componente del sistema.

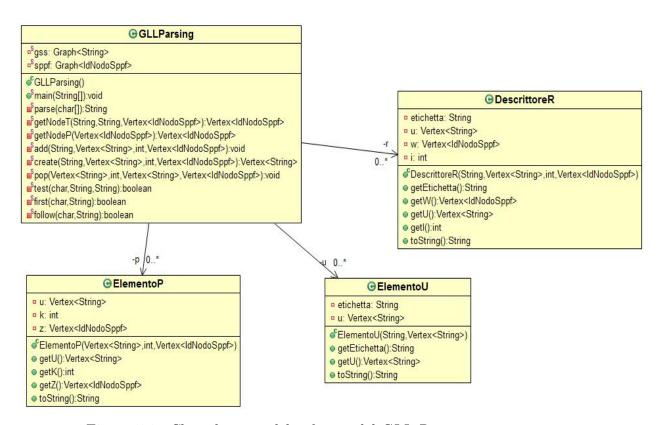


Figura 5.1: Class diagram del software del GLL Parsing

### 5.3 Le classi degli insiemi R, P e U

In questo paragrafo discutiamo delle classi che rappresentano gli elementi memorizzati dagli insiemi P, R e U. Qui di seguito presentiamo la classe Elemento U.java

```
1 package gllparsinglineare;
 3 import graph.*;
 5 public class ElementoU {
 7
     private String etichetta;
 8
     private Vertex<String> u;
9
     public ElementoU(String etichetta, Vertex<String> u) {
10
        this.etichetta = etichetta;
11
        this.u = u;
12
     }
13
     public String getEtichetta() {
```

```
15
        return etichetta;
16
     }
17
     public Vertex<String> getU() {
18
19
        return u;
20
21
22
     public String toString(){
        return "< "+ etichetta + " , " + u.element() + " >";
23
24
25 }
```

Questa classe definisce gli elementi appartenenti all'insieme U. Infatti questa classe ha come variabili d'istanza etichetta, di tipo String, che rappresenta l'identificativo usato per spostarsi sui vari item delle produzioni, ed un nodo u, di tipo Vertex < String >, che mantiene traccia del nodo del GSS che il parser sta processando. Presenta un costruttore per inizializzare le variabili d'istanza al momento della creazione dell'oggetto (linee 8-10), dei metodi d'accesso alle variabili d'istanza (linee 13-19) ed il metodo to String () per descrivere lo stato dell'oggetto (linee 21-22).

Ora descriviamo la classe *ElementoP.java* 

```
1 package gllparsinglineare;
3 import graph.*;
 5 public class ElementoP {
7
     private Vertex<String> u;
8
     private int k;
9
     private Vertex<IdNodoSppf> z;
10
     public ElementoP(Vertex<String> u, int k, Vertex<IdNodoSppf>z) {
11
12
        this.u = u;
13
        this.k = k;
14
        this.z = z;
     }
15
16
17
     public Vertex<String> getU() {
18
        return u;
19
20
21
     public int getK() {
22
        return k;
23
24
25
     public Vertex<IdNodoSppf>getZ(){
```

```
26     return z;

27    }

28

29    public String toString(){

30         return "< " + u.element() + " , " + k + " , " + z.element() + " >";

31    }

32 }
```

Questa classe rappresenta un elemento dell'insieme  $\bf P$ . Ha come variabili d'istanza u di tipo Vertex < String >, che rappresenta un nodo del GSS, un intero k, che rappresenta la posizione di un simbolo all'interno dell'input, ed una variabile d'istanza z, di tipo Vertex < IdNodoSppf > che rappresenta un nodo del sppf (linee 7-9). Possiede un costruttore per inizializzare le varibili d'istanza al momento della creazione dell'oggetto (linee 11-15), dei metodi d'accesso alle variabili d'istanza (linee 17-27) ed il metodo toString() che serve per descrivere lo stato dell'oggetto (linee 35-37). La presenza del nodo del sppf è importante perchè ogni volta che viene fatto un pop() il parser deve riprendere la costruzione dell'sppf ripartendo dall'ultimo nodo inserito. Ora presentiamo la classe DescrittoreR.java.

```
1 package gllparsinglineare;
 2
 3 import graph.*;
5 public class DescrittoreR {
7
     private String etichetta;
 8
     private Vertex<String> u;
9
     private Vertex<IdNodoSppf> w;
10
     private int i;
11
12
     public DescrittoreR(String etichetta, Vertex<String> u, int i,Vertex
         IdNodoSppf> w) {
13
        this.etichetta = etichetta;
14
        this.u = u;
        this.i = i;
15
16
        this.w = w;
17
     }
18
19
     public String getEtichetta() {
20
        return etichetta;
21
22
23
     public Vertex<IdNodoSppf> getW() {
24
        return w;
     }
25
26
```

```
27
     public Vertex<String> getU() {
28
        return u;
29
30
31
     public int getI() {
32
        return i;
33
34
35
     public String toString(){
        return "<" + etichetta + " , " + u.element() + " , " +i + " , " + w.
36
            element() +">";
37
     }
38
39 }
```

Questa classe rappresenta un descrittore che viene memorizzato nell'insieme  ${\bf R}$ . Ha come varibili d'istanza un' etichetta, di tipo String, che inidica l'item che deve essere computato, un nodo u, che indica il nodo del GSS sul quale sta avvenendo la computazione, un intero i, che indica un simbolo della stringa in ingresso che si vuole trovare ed un nodo w, che indica un nodo del sppf su cui il parser deve continuare la costruzione (linee 7-10). Possiede un costruttore per inizializzare le variabili al momento della creazioe dell'oggetto (linee 12-17), dei metodi d'accesso alle variabili e il metodo toString() per descrivere lo stato di un oggetto

#### 5.4 La classe GLL Parser

Inn questo paragrafo descriviamo la classe *GLLParsing.java* che definisce l'implementazione del GLL Parsing. Illustremo in più parti le varie operazioni che svolge. Il parsing viene eseguito sulla grammatica 3.1

```
1 package gllparsing;
3 import graph.*;
 4 import java.io.*;
 5 import java.util.*;
6
7 /*
8
     * GRAMMATICA
9
     * S->ASd
     * S->BS
10
11
     * S->epsilon
12
     * A->a
13
     * A->c
14
     * B->a
```

```
15
     * B->b
16 */
17 public class GLLParsing {
     //gss
19
     private static Graph<String> gss;
20
     //insieme r e u che sono gli insiemi usati per registrare le scelte del
          non determinismo
21
     private static ArrayList<ElementoU> u;
22
     private static ArrayList<DescrittoreR>r;
23
     //insieme p
24
     private static ArrayList<ElementoP>p;
25
     //sppf
26
     private static Graph<IdNodoSppf> sppf;
27
28
     public static void main(String []args) {
29
        File f=new File("file.txt");
30
        Scanner buffer;
        if(f.exists()){
31
32
          try{
33
             FileReader in=new FileReader(f);
34
             buffer=new Scanner(in);
35
             char[] buf;
36
             while(buffer.hasNextLine()){
37
                String line=buffer.nextLine();
38
                buf=line.toCharArray();
39
                gss=new Graph<String>();
40
                sppf=new Graph<IdNodoSppf>();
                r=new ArrayList<DescrittoreR>();
41
42
                u=new ArrayList<ElementoU>();
43
                p=new ArrayList<ElementoP>();
44
                String esito=parse(buf);
45
                System.out.println(esito);
46
             }
          }
47
48
           catch(Exception e){
49
             e.printStackTrace();
50
           }
51
52
        else{
53
          System.out.println("File not Found");
54
        }
55
     }
```

Iniziamo a commentare le parti sostanziali. Alle linee 19-26 vengono dichiarate le variabili d'istanza che sono: il GSS ed SPPF, di tipo Graph, che rappresentano il gss e l'sppf, l'insieme r un ArrayList che contiene gli elementi di tipo DescrittoreR; l'insieme u, un ArrayList che ha elementi di tipo ElementoU e l'insieme p, un ArrayList che possiede gli elementi di tipo Ele

mentoP. Questi array rappresentano rispettivamente l'insieme  $\mathbf{R}$ ,  $\mathbf{U}$  e  $\mathbf{P}$ . Poi viene definito il metodo main() (linee 28-55) che avvia il parser. La stringa da analizzare si trova all'interno di un file e viene inserita nell'array buf, di tipo char. Vengono istanziate le variabili d'istanza e viene chiamato il metodo parse(), dove passiamo buf, per fare il parsing della stringa. Alla fine viene stampato l'esito del parsing.

Ora analizziamo le funzioni fondamentali.

Il metodo add() ha come parametri un etichetta, che inidca un item che deve essere computato, un intero j, che indica la posizione del simbolo della stringa che si vuole trovare, un nodo nu che inidca un nodo del GSS, ed un nodo cn, che indica un nodo dell'SPPF. Il metodo aggiunge gli elementi agli insiemi  $\mathbf{R}$  ed  $\mathbf{U}$ .

```
private static Vertex<String> create(String etichetta, Vertex<String> u,
         int j,Vertex<IdNodoSppf>cn){
 2
        //creazione del nodo
 3
        String nomeNodo="Ls"+j+etichetta;
 4
        Vertex<String> v=null;
 5
        Iterator<Vertex<String>> iteratorNodes=gss.vertices();
 6
        while(iteratorNodes.hasNext()){
 7
           Vertex<String> last=iteratorNodes.next();
 8
           if(nomeNodo.equals(last.element())){
9
             v=last;
10
           }
11
        }
12
        if(v==null){
13
           v=gss.insertVertex(nomeNodo);
15
        //controlliamo arco tra v ed u
16
        Iterator<Edge<String>> eset=gss.edges();
17
        boolean flag=true;
18
        while(eset.hasNext()){
19
           Edge<String> ed=eset.next();
20
           Vertex<String> u1=ed.getStartVertex();
21
          Vertex<String> u2=ed.getEndVertex();
22
           if((u1.element().equals(v.element()))&&(u2.element().equals(u.
               element()))){
23
             flag=false;
24
           }
        }
25
```

```
26
        if((flag)&&(!(v.element().equals(u.element()))))){
27
           gss.insertDirectedEdge(v, u, "");
28
           for(ElementoP elp:p){
              if(elp.getU().element().equals(v.element())){
29
30
                add(etichetta,u,elp.getK(),elp.getZ());
31
32
33
34
        return v;
35
     }
```

Il metodo create prende come parametri un etichetta, di tipo String, un nodo u, che rappresenta un nodo del GSS, un intero j che indica la posizione del simbolo della stringa in input che si vuole trovare ed un nodo cn che rappresenta un nodo dell'SPPF. Alla linea 3 definiamo il nome del nuovo nodo del gss. La rappresentazione del nodo  $L^j$  descritta al paragrafo 3.2 avviene usando questa notazione: Lsjetichetta. Si controlla (linee 4-14) se esiste un nodo v nel GSS Lsjetichetta. Se non esiste lo aggiungiamo al GSS. Alle linee 16-34, si controlla se esiste un arco tra u e v nel GSS. Se non esiste lo aggiungiamo e di conseguenza per ogni nodo v presente in  $\mathbf{P}$  chiama la funzione add(), passandogli etichetta, il nodo u, l'intero k e il nodo dell'SPPF z dell'elemento  $\mathbf{P}$ .

```
private static void pop(Vertex<String> u,int j,Vertex<String> u0,Vertex
         <IdNodoSppf>cn){
 2
        //if u diverso da u0
 3
        if(!(u.element().equals(u0.element()))){
 4
           //mettiamo elemento u,j a p
 5
           p.add(new ElementoP(u,j,cn));
 6
           Iterator<Edge<String>> eset=gss.edges();
 7
           //per ogni figlio v di aggiungi lu,v,j ad r e u
8
           while(eset.hasNext()){
9
             Edge<String> ed=eset.next();
10
             Vertex<String>u1=ed.getStartVertex();
             Vertex<String> v1=ed.getEndVertex();
11
12
             if(u.element().equals(u1.element())){
13
                add(u1.element().substring(3),v1,j,cn);
14
             }
15
          }
16
        }
17
     }
```

Il metodo pop() ha come parametri un nodo del GSS u, un intero j, che indica una posizione del simbolo della stringa in input da trovare, il nodo u0, che rapprsenta il nodo del GSS \$ ed il nodo dell'SPPF cn. Il metodo controlla se il nodo u è diverso da u0. Se lo è aggiunge u, j e cn nell'insieme  $\mathbf{P}$ . Poi

per ogni nodo u nel GSS chiamiamo il metodo add() e gli passiamo come parametri l'etichetta (che sarebbe parte etichetta del nome del nodo u), il nodo figlio v di u, l'intero j e il nodo cn del SPPF.

```
//controlla il simbolo buffer corrente di un non terminale
 1
 2
     private static boolean test(char x,String nonTerm,String item){
 3
        if((first(x,item))||(first('$',item)&&(follow(x,nonTerm)))){
 4
           return true;
        }
 5
 6
        else{
 7
          return false;
8
9
     }
10
11
     private static Vertex<IdNodoSppf> getNodeT(String simbolo,String item,
         Vertex<IdNodoSppf>cn) {
12
        Iterator<Edge<IdNodoSppf>>it=sppf.edges();
        String nonTerm=item.substring(0,1);
13
14
        boolean flag=true;
        while(it.hasNext()) {
15
16
          Edge<IdNodoSppf>e=it.next();
17
          Vertex<IdNodoSppf> v1=e.getStartVertex();
18
          Vertex<IdNodoSppf> v2=e.getEndVertex();
           if((cn.element().getId()==v1.element().getId())&&(item.equals(v2.
               element().getItem()))) {
20
             flag=false;
          }
21
22
        }
        if((flag)&&(cn.element().getNomeNodo().equals(nonTerm))) {
23
24
           Vertex<IdNodoSppf> v=sppf.insertVertex(new IdNodoSppf(simbolo,item
               ));
25
           v.element().setId(v.hashCode());
26
           sppf.insertDirectedEdge(cn, v, null);
27
           return v;
        }
28
29
        return cn;
30
     }
31
32
     private static Vertex<IdNodoSppf> getNodeP(Vertex<IdNodoSppf>cn){
33
        Iterator<Edge<IdNodoSppf>>it=sppf.edges();
34
        while(it.hasNext()) {
35
          Edge<IdNodoSppf>e=it.next();
36
           Vertex<IdNodoSppf> v1=e.getStartVertex();
37
          Vertex<IdNodoSppf> v2=e.getEndVertex();
38
          if(v2.element().getId()==cn.element().getId()) {
39
             return v1;
          }
40
        }
41
42
        return cn;
```

43 }

Infine abbiamo i metodi test(), getNodeT(), getNodeP(). Il metodo test() prende come parametri x, un simbolo della stringa in input, A, un nonterminale di tipo String ed item, di tipo String. Fa le stesse operazioni accennate al paragrafo 3.3.3. Il metodo getNodeT() prende come parametro nomeNodo che indica il nome del nodo da inserire nell' SPPF, il nodo cn, e un item. Questo metodo inserisce l'arco tra il nodo cn e il nodo v di nome nomeNodo appartenente alla produzione inidicato dall'item. Per identificare univocamente i nodi dell'SPPF settiamo un idenficativo con l'hashcode dell'oggetto. Il metodo getNodeP() prende come parametro un nodo cn dell'SPPF. Questo metodo restituisce il nodo padre v0 che ha per figlio il nodo v0.

Ora analizziamo il metodo parse();

```
private static String parse(char []buf){
 2
        //dichirazione indici
 3
        int i=0;
 4
        //inizializzo etichette
 5
        String etichetta ="LS";
 6
        //creiamo i nodi del gss inserendo un arco tra u0 e u1
 7
        Vertex<String> u0=gss.insertVertex("$");
 8
        gss.insertVertex("Ls0L0");
9
        gss.insertDirectedEdge(gss.getLastNode(),u0, "");
10
        Vertex<String> cu=gss.getLastNode();
        //creazione nodo sppf
11
        Vertex<IdNodoSppf> cn=sppf.insertVertex(new IdNodoSppf("S","S"));
12
        cn.element().setId(cn.hashCode());
13
        ControllerNode.setFirstInt(cn.element().getId());
14
15
        while(true){
16
           switch(etichetta){
17
           //non terminale LL1
18
           //S
           case "LS":
19
20
              if(test(buf[i], "S", "ASd")){add("LS1", cu, i, cn);}
              if(test(buf[i], "S", "BS")){add("LS2", cu, i, cn);}
21
22
              if(test(buf[i], "S", "epsilon")) {add("LS3", cu,i,cn);}
23
              etichetta="L0";
24
              break;
25
           //terminale LL1 A
26
           case "LA":
              if(test(buf[i],"A","a")){etichetta="La";}
27
28
              if(test(buf[i], "A", "c")){etichetta="Lc";}
29
             break:
30
           //terminale LL1 B
           case "LB":
31
32
              if(test(buf[i], "B", "a")){etichetta="Lab";}
```

```
33
              if(test(buf[i],"B","b")){etichetta="Lb";}
34
              break;
35
           //.ASd
36
           case "LS1":
37
              if(test(buf[i], "S", "ASd")){
                cu=create("L1",cu,i,cn);
38
                cn=getNodeT("A","S->*ASd",cn);
39
40
                etichetta="LA";
              }
41
42
              else{
43
                etichetta="L0";
44
              }
45
              break;
46
           //A.Sd
           case "L1":
47
48
              if(test(buf[i], "S", "Sd")){
49
                cu=create("L2",cu,i,cn);
50
                cn=getNodeP(cn);
                cn=getNodeT("S","S->A*Sd",cn);
51
52
                etichetta="LS";
              }
53
54
              else{
55
                etichetta="L0";}
56
              break;
           //AS.d
57
           case "L2":
58
59
              if(buf[i]=='d'){
60
                i++;cn=getNodeP(cn);
                cn=getNodeT("d","S->AS*d",cn);
61
62
                etichetta="Ld";
              }
63
64
              else{
                etichetta="L0";}
65
66
              break;
67
           //ASd.
           case "Ld":
68
69
              cn=getNodeP(cn);
70
              pop(cu,i,u0,cn);
71
              etichetta="L0";
72
              break;
73
           //.BS
           case "LS2":
74
75
              op.add(OperazioneLineare.creaStato(etichetta, "S->*BS"));
76
              if(test(buf[i],"S","BS")){
77
                cu=create("L3",cu,i,cn);
                cn=getNodeT("B","S->*BS",cn);
78
79
                etichetta="LB";}
80
              else{
                etichetta="L0";}
81
```

```
82
              break;
 83
            //B.S
 84
            case "L3":
 85
              op.add(OperazioneLineare.creaStato(etichetta, "S->B*S"));
 86
              if(test(buf[i], "S", "S")){
                 cu=create("L4",cu,i,cn);
 87
 88
                 cn=getNodeP(cn);
                 cn=getNodeT("S", "S->B*S", cn);
 89
 90
                 etichetta="LS";
              }
91
92
              else{
 93
                 etichetta="L0";}
94
              break;
            //BS.
95
            case "L4":
96
97
              cn=getNodeP(cn);
98
              pop(cu,i,u0,cn);
99
              etichetta="L0";
100
              break;
101
            //epsilon
102
            case "LS3":
              cn=getNodeT("e","S->*e",cn);
103
104
              cn=getNodeP(cn);
105
              pop(cu,i,u0,cn);
106
              etichetta="L0";
107
              break;
108
            //.a
109
            case "La":
110
              if(buf[i]=='a'){
                 cn=getNodeT("a","A->*a",cn);
111
112
                 i++;etichetta="La1";}
113
              else{
                 etichetta="L0";}
114
115
              break;
116
            //a.
            case "La1":
117
118
              cn=getNodeP(cn);
119
              pop(cu,i,u0,cn);
120
              etichetta="L0";
121
              break;
122
            //.a
            case "Lab":
123
124
              if(buf[i]=='a'){
125
                 cn=getNodeT("a","B->*a",cn);
126
                 i++;etichetta="La1b";
              }
127
128
              else{
129
                 etichetta="L0";}
130
              break;
```

```
131
            //a.
132
            case "La1b":
133
              cn=getNodeP(cn);
134
               pop(cu,i,u0,cn);
135
               etichetta="L0";
136
               break;
            //.b
137
            case "Lb":
138
               op.add(OperazioneLineare.creaStato(etichetta,"B->*b"));
139
140
               if(buf[i]=='b'){
                 cn=getNodeT("b","B->*b",cn);
141
142
                 i++;etichetta="Lb1";
143
               }
144
               else{
145
                 etichetta="L0";
146
               }
147
               break;
148
            //b.
149
            case "Lb1":
150
              cn=getNodeP(cn);
151
               pop(cu,i,u0,cn);
152
              etichetta="L0";
153
               break;
154
            //.c
            case "Lc":
155
156
               op.add(OperazioneLineare.creaStato(etichetta, "A->*c"));
157
               if(buf[i]=='c'){
158
                 cn=getNodeT("c","A->*c",cn);
159
                 i++;etichetta="Lc1";
               }
160
161
               else{
162
                 etichetta="L0";}
163
               break;
164
            //c.
165
            case "Lc1":
166
               cn=getNodeP(cn);
167
               pop(cu,i,u0,cn);
168
              etichetta="L0";
169
              break:
            case "LO":
170
171
              if(r.size()>0){
172
                 etichetta=r.get(0).getEtichetta();
173
                 i=r.get(0).getI();
174
                 cu=r.get(0).getU();
175
                 cn=r.get(0).getW();
176
                 System.out.println(r.get(0));
177
                 r.remove(0);
               }
178
179
               else{
```

```
180
                  if(u.size()==0) {return "NON SUCCESSO";}
181
                  else{
                     if((u.get(u.size()-1).getEtichetta().equals("LO"))\&\&(u.get
182
                          (u.size()-1).getU().element().equals(u0.element()))){
183
                        return "SUCCESSO";
                     }
184
185
                     else{
                        return "NON SUCCESSO";
186
187
                  }
188
189
               }
190
               break;
191
            }
         }
192
193
      }
```

Il metodo parse() prende come parametro un array buf che rappresenta la stringa in input su cui fare il parsing. Alle linee 3-13 vengono inizializzate le variabili usate dal parsing durante la computazione. Si inizializza l'indice i a 0 per posizionarlo sul primo elemento della stringa, inseriamo un arco tra i nodi  $ext{ } = Ls0L0$  nel GSS ed inseriamo il simbolo iniziale nell'SPPF. I goto presentati nell'algoritmo del paragrafo 3.4 sono implementati con uno switch all'interno di un ciclo while infinito. I case dello switch assumono i possibili valori che può avere un etichetta. Un etichetta rappresenta un item o un non-terminale da sostituire. Le linee 18-34 descrivono la gestione dei non-terminali. Le linee 19-24 viene gestito un non terminale non LL(1) che presenta dei conflitti. Abbiamo che se il metodo test() ha successo, viene chiamato il metodo add(), e ciò permette applicare il non determinismo inserendo tutte le possibili sostituzioni nell'insieme R ed U. Alle linee 26-34 vengono gestiti i non-terminali LL(1), qui non viene applicato il non determinismo e di conseguenza questo ci permette di sostituire direttamente il non-terminale settando l'etichetta dell'item opportuno. Ora analizziamo le linee 35-72. In queste linee abbiamo la gestione degli item per un corpo di una produzione. Alle linee 36-56 abbiamo la gestione di un non-terminale all'interno dell'item. Viene invocato il metodo test(), se ha successo facciamo varie operazioni. La prima operazione che facciamo è creare un nodo nel GSS con l'etichetta dell'item successivo (metodo create()), in questo modo quando verrà sostituito il simbolo puntato da questo item, sarà possibile continuare la computazione all'item successivo. Poi aggiungiamo un nodo al SPPF etichettato con il non-terminale in cui si trova il punto nell'item e lo stesso item (metodo qetNodeT()). Infine settiamo l'etichetta con il valore che ci permette di sostituire il non-terminale dell'item che si sta analizzando. Nel caso in cui il metodo test() fallisce torniamo al caso base L0. Le linee 47-56 fanno le stesse operazioni però prima di invocare il metodo getNodeT() viene invocato il metodo getNodeP() per richiamare l'ultimo nodo appartenente all'item che si sta processando. Nelle linee 58-66 si verifica se è stato trovato un simbolo della stringa in input. Se è vero incrementiamo l'indice i in maniera tale da farlo passare al simbolo successivo. Poi viene settata l'etichetta all'item successivo. Se la verifica fallisce viene settata l'etichetta del caso base  $L\theta$ . Le linee 68-72 gestiscono il completamento di una produzione, ossia il punto dell'item è alla fine del corpo della produzione, e di conseguenza viene chiamato il metodo getNodeP(), il metodo pop() e l'etichetta viene settata l'etichetta al caso base  $L\theta$ . Alle linee 101-107 viene gestita una produzione che ha corpo  $\epsilon$ . Viene chiamato il metodo qetNodeT() per aggiungere un nodo all'SPPF, poi viene chiamato il metodo qetNodeP() per recuperare il nodo padre del nodo aggiunto precedentemente, poi chiamiamo il metodo pop() e settiamo l'etichetta al caso base L0. Osserviamo che il metodo qetNodeP() va inserito sempre dal secondo item della produzione che si sta processando. Nel caso in cui abbiamo una produzione con corpo  $\epsilon$  vanno aggiunti entrambi, prima getNodeT() e poi getNodeP(). Alle linee 170-193 è presente la gestione del caso base L0. Si verifica se l'insieme  $\mathbf{R}$  è pieno. Se lo è viene estratto il primo descrittore da R e vengono impostate le variabili i, etichetta, il nodo del GSS e il nodo dell'SPPF per calcolare una scelta applicata dal non determinismo. Dopodichè viene rimosso da  $\mathbf{R}$ . Nel caso in cui  $\mathbf{R}$  è vuoto, si verifica se l'insieme U è vuoto. Se lo è il parsing non ha avuto successo e termina. Altrimenti se l'ultimo descrittore di  ${\bf U}$  ha come etichetta  $L\theta$  e il nodo del GSS è \$ il parsing termina con successo, se non lo è, termina con insuccesso.

## Capitolo 6

## Implementazione del GLL Posizionale

#### 6.1 Introduzione

Nel capitolo seguente vedremo come è stato implementato il GLL parsing sulle grammatiche posizionali. Descriveremo come sono state gestite le relazioni spaziali e come è stato applicato su due grammatiche posizionali. Per il resto la gestione dei non terminali e degli item delle varie produzioni sono state gestite allo stesso modo che vale per il GLL parsing lineare.

### 6.2 GLL Parsing su espressioni aritmetiche

In questo paragrafo discutiamo di come è stato implementato e gestito il GLL Parsing sulla grammatica posizionale delle espressioni aritmetiche. La grammatica è la seguente:

$$E \to T > + > E \mid T$$

$$T \to F < hbar < T \mid F$$

$$F \to (>E>) \mid id$$
(6.1)

Il simbolo > e < sono relazioni spaziali che indicano rispettivamente di spostarsi in orizzontale e in verticale per leggere il simbolo successivo.

#### 6.2.1 Gestione dell'input

La gestione dell'input è stato definito nella classe InputDataset presente nel file InputDataset.java.

```
1 package dataset;
3 import java.io.*;
 4 import java.util.*;
6 //classe che si occupa di gestire l'input
 7 public class InputDataset {
     private ArrayList<String> buf;
9
     private String [][]picture;
10
     private int row;
11
     private int col;
12
13
     public InputDataset() {
14
        buf=new ArrayList<String>();
15
16
17
     //caricamento picture e buffer
18
     public void loadDataset(FileReader inMatrix) throws IOException{
19
        Scanner lettore=new Scanner(inMatrix);
20
        row=Integer.parseInt(lettore.nextLine());
21
        col=Integer.parseInt(lettore.nextLine());
22
       picture=new String[row][col];
23
       int i=0,in=0;
24
        while(lettore.hasNextLine()) {
25
          String [] buf=lettore.nextLine().split(" ");
26
          for(int j=0;j<buf.length;j++) {</pre>
27
             this.buf.add(buf[j]);
28
             picture[i][j]=""+in;
29
             in++;
30
          }
31
          i++;
        }
32
33
        lettore.close();
     }
34
35
36
     //ottieni token
37
     public String getToken(int i) {
38
        return buf.get(i);
39
40
41
     //metodo per settare un valore trovato
42
     public void setTokenFound(int index,ArrayList<String> tokenViews) {
43
        if(tokenViews.size()==0) {
44
          tokenViews.add(""+index);
        }
45
46
        else {
47
          boolean flag=true;
48
          for(String t:tokenViews) {
```

```
if(t.equals(""+index)) {
49
50
                 flag=false;
              }
51
52
           }
53
           if(flag) {
54
              tokenViews.add(""+index);
55
56
     }
57
58
59
     //verifica se e' stato visto il token index
60
     private boolean isViewed(String index,ArrayList<String> tokenViews) {
61
        for(String s:tokenViews) {
62
           if(s.equals(index)){
63
              return false;
64
           }
65
        }
66
        return true;
     }
67
68
69
     //metodo che calcola il simbolo da processare
70
     public int getNextToken(int index,String dirSymbol,ArrayList<String>
         tokenViews){
71
        int i,j,newCol=0,newRow=0;
72
        for(i=0;i<row;i++){</pre>
73
           for(j=0;j<col;j++){</pre>
74
              if((picture[i][j]!=null)&&(picture[i][j].equals(""+index))){
75
                 switch(dirSymbol){
76
                 case "<":
77
                   if(i==(row-1)) {newRow=0;}else {newRow=i+1;}
78
                   newCol=0;
79
                   break;
80
                 case ">":
                   if(j==(col-1)) {newCol=0;}else {newCol=j+1;}
81
82
                   newRow=0;
                   if(picture[i][newCol]==null) {newCol=0;}
83
84
                   break;
85
86
                for(int k=newRow;k<row;k++) {</pre>
87
                   for(int l=newCol;l<col;l++) {</pre>
88
                      if((picture[k][1]!=null)&&(isViewed(picture[k][1],
                           tokenViews))) {
89
                         return Integer.parseInt(picture[k][1]);
90
                      }
                   }
91
            }
92
93
          }
94
        }
95
```

```
96 return -1;
97 }
98 }
```

La classe InputDataset ha come variabili d'istanza (linee 8-11) un ArrayList buf, che viene utilizzato per identificare univocamente i vari simboli e una matrice picture che viene utilizzata per rappresentare l'immagine di rappresentazione dell'input. Alle linee 18-34 è stato definito il metodo loadData() che viene utilizzato per caricare l'input presente in un file nella matrice picture e nell'array buf. Nella matrice i simboli sono rappresentati attraverso gli identificativi associati dall'array buf. Alle linee 37-39 il metodo **getToken()** restituisce il simbolo in base all'identificativo ricevuto in input. Il metodo setTokenFound() (linee 42-57) viene utilizzato per inserire un simbolo che è stato letto all'interno dell'array dei simboli visti. Infine abbiamo il metodo getNextToken() linee(75-98) che viene utilizzato per ottenere il simbolo successivo. Questo metodo legge la matrice finchè non trova l'ultimo simbolo letto, una volta trovato seleziona le regole per leggere il simbolo successivo (linee 77-84). Se il simbolo è < allora il simbolo successivo deve essere letto sulle righe successive rispetto all'ultimo simbolo visto, altrimenti se il simbolo è > il simbolo successivo viene letto sulle colonne a destra rispetto all'ultimo simbolo visto. Nel caso in cui l'ultimo simbolo letto si trova sull'ultima riga o colonna della tabella il simbolo successivo verrà scelto leggendo tutta la matrice. Dopodichè si legge la matrice partendo dagli indici calcolati dalle relazioni spaziali (linee 86-92) e si restituisce il primo simbolo non visto. Per stabilire se il simbolo è stato visto o no si usa il metodo isViewed() (linee 60-67) che restituisce false se il simbolo è stato visto o true se il simbolo non è stato visto.

#### 6.2.2 La classe GLLParsingPosizionale

Per implementare il GLL Parsing sulle espressioni aritmetiche è stata creata la classe GLLParsingPosizionale. Gli insiemi che il parsing utilizza sono sempre gli stessi ma presentano piccole differenze rispetto a quello lineare. Gli elementi dell'insieme  $\mathbf{P}$  e i descrittori dell'insieme  $\mathbf{R}$  presentano un ulteriore elemento ed è l'array dei token visti. Infatti l'esecuzione di ogni descrittore deve avere i propri simboli visti e di conseguenza ogni elemento  $\mathbf{P}$  che viene richiamato dal nodo padre u del GSS che va ad aggiungersi all'insieme  $\mathbf{R}$  deve avere il proprio array dei simboli visti. Alle funzioni add() e pop() è stato aggiunto un parametro in input per richiedere l'inserimento dell'array dei simboli visti. Nel metodo main() viene istanziato l'oggetto inputDataset, di tipo InputDataset, viene chiamato il metodo loadDataset() per caricare

l'input nella matrice ed infine viene chiamato il metodo parse() per iniziare il parsing ed a questo metodo viene passato come parametro input dataset. Il metodo parse() è stato implementato seguendo le stesse regole usate per quello lineare ma con delle differenze che sono mostrate qui di seguito.

```
1 public static String parse(InputDataset ds) {
     ArrayList<String> tokenViews=new ArrayList<String>();
 3
     //...
 4
     while(true){
 5
        switch(etichetta){
 6
        // (.>E>)
 7
        case "L90":
 8
           i = ds.getNextToken(i, ">", tokenViews);
9
           etichetta = "L10";
10
           break;
11
        // F.<hbar<T
12
        case "L6":
13
           i = ds.getNextToken(i, "<", tokenViews);</pre>
14
           etichetta = "L50";
15
           break;
16
        // F<.hbar<T
        case "L50":
17
           if (ds.getToken(i).equals("hbar")) {
18
19
              ds.setTokenFound(i, tokenViews);
20
21
              //...
22
23
              etichetta = "L7";
24
           }
25
           else {
26
              etichetta = "L0";
           }
27
28
           break;
29
        }
30
     }
31
     //...
32 }
```

Le linee 1-10 mostrano come il modo in cui il parser gestisce le relazioni spaziali. Si può notare che vengono gestiti come item all'interno del corpo della produzione, ed ogni volta che lo incontra viene chiamato il metodo get-NextToken() che prende in input un operatore spaziale, l'utimo simbolo letto e l'array dei simboli visti. Questo metodo restituisce il simbolo successivo da leggere; dopodichè si passa all'item successivo. In corrispondenza della lettura di un input (linee 15-28) viene verificata l'uguaglianza del simbolo corrente che si sta leggendo, se è vera il simbolo letto viene messo nell'array dei simboli visti.

### 6.3 GLL Parsing sui diagrammi di flusso

Ora illustreremo un altro esempio di implementazione del GLL Parsing su un'altra grammatica posizionale. La seguente grammatica posizionale definisce i diagrammi di flusso.

```
Program \rightarrow START\ link(1,1)\ Statements\ link(2,1)\ END Statements \rightarrow Statement\ link(2,1)\ Statements\ \{\$\$.1=\$1.1;\ \$\$.2=\$2.2;\} Statement \rightarrow INSTRUCTION\ \{\$\$.1=\$1.1;\ \$\$.2=\$1.2;\} Statement \rightarrow PREDICATE\ link(2,1)\ \land\ link(3,2)\ Statements\ \{\$\$.1=\$1.1;\ \$\$.2=\$2.2;\} Statement \rightarrow PREDICATE\ link(2,1)\ \land\ link(1,2)\ Statements\ \{\$\$.1=\$1.1;\ \$\$.2=\$1.3;\} Statement \rightarrow PREDICATE\ link(2,1)\ \land\ nolink(1,2)\ Statements\ link(3,1)(-1)\ \land\ link(2,2)\ Statements\ \{\$\$.1=\$1.1;\ \$\$.2=\$2.2;\}
```

In questa grammatica le relazioni spaziali sono rappresentati dai link(i,j) dove  $i, j \geq 0$ . Essi indicano come leggere il simbolo successivo e va interpretato in questo modo:

- Se link(i,j) si trova dopo un terminale il simbolo successivo sarà il primo simbolo non letto che ha in comune uno j-esimo collegamento con uno i-esimo collegamento con il simbolo che è stato appena letto; la lettura di questi simboli è detta **Driver**.
- Se link(i,j) è preceduto da un non-terminale il simbolo successivo sarà il primo simbolo che ha in comune lo *i-esimo* collegamento di uno statement con il *j-esimo* collegamento di un simbolo; la lettura di questi simboli è detta **Tester**.
- La seguente condizione  $link(i,j) \wedge link(x,y)$  va interpretato in questo modo: prima verifichiamo che esistano questi collegamenti e ciò lo facciamo attraverso l'operatore and ed usando il modo Driver per entrambi i link, se è vera calcoliamo il simbolo successivo usando solo link(i,j) secondo il modo Driver; poi, dopo aver calcolato un non-terminale all'interno di un item della produzione, usiamo link(x,y) in modo Tester per verificare se l'item appena calcolato restituisce il terminale presente all'interno della produzione. Ciò viene fatto per valutare la correttezza del parsing nel riconoscere i vari simboli.
- L'operatore nolink(i,j) indica che non deve esistere nessun collegamento tra un simbolo che ha il collegamento i-esimo e il simbolo che ha il collegamento j-esimo.

• Il simbolo (-1) che si trova dopo link(i,j) vuol dire che il simbolo successivo deve essere calcolato usando il terminale all'interno della produzione.

Le espressioni  $\{\$\$.1=\$1.1; \$\$.2=\$y.z;\}$  indicano come costruire gli **Statement** utilizzati per leggere i simboli succ in modo *Tester*. La dicitura \$\$.1=\$1.1 indica che il primo collegamento dello statement che si sta creando corrisponde al primo collegamento del terminale appartenente alla produzione che si sta processando, mentre \$\$.2=\$y.z può avere diverse interpretazioni:

- \$\$.2=\$2.2, dove y=z; indica che il secondo collegamento dello statement che si sta creando corrisponde al secondo collegamento dell'ultimo statement creato;
- \$\$.2=\$1.z, dove y=1; indica che il secondo collegamento dello statement che si sta creando corrisponde al collegamento z del terminale appartenente alla produzione che si sta processando.

#### 6.3.1 Struttura dei simboli e gestione dell'input

In questa sezione discuteremo la struttura degli statement, dei simboli in input e di come è stato implementata la gestione dell'input. Qui di seguito viene mostrata la classe *Token.java*.

```
1 package dataset;
3 import java.util.ArrayList;
 5 public class Token {
     private boolean start;
     private ArrayList<String> attachPoints;
     private String type;
10
     public Token(boolean start, ArrayList<String> attachPoints, String type
11
        this.start = start;
12
        this.attachPoints = attachPoints;
13
        this.type = type;
14
15
16
     public Token(ArrayList<String> attachPoints, String type) {
17
        start=false;
        this.attachPoints = attachPoints;
18
19
        this.type = type;
20
     }
```

```
21
22
     public boolean isStart() {
23
        return start;
24
25
26
     public ArrayList<String> getAttachPoints() {
27
        return attachPoints;
28
29
30
     public String getType() {
31
        return type;
32
33
34
     public String toString() {
35
        if(start) {
36
           return start + " " + type + " " + attachPoints;
37
38
        else {
39
           return type + " " + attachPoints;
        }
40
41
     }
42
43 }
```

La classe **Token** mostra la struttura di un simbolo. Ha come variabili d'istanza (linee 6-8) una variabile booleana *start*, che serve ad indicare se il primo simbolo da processare; un ArrayList<String> *attachPoints* che contiene i collegamenti che un simbolo ha con altri simboli, ed infine una variabile *type* di tipo String che indica il nome del simbolo. Dalle linee 10-43 vengono dichiarati i costruttori delle classi, i metodi di accesso alle variabili e il metodo *toString()*.

Ora presentiamo la classe **Statement** descritta nel file **Statement.java** 

```
1 package dataset;
 3 \; \mathrm{public} \; \mathrm{class} \; \mathrm{Statement} \; \{
 5
     private String type;
 6
     private String type2;
 7
     private String firstLink;
     private String secondLink;
10
      public Statement(String type, String firstLink, String type2, String
11
          secondLink) {
12
         this.type = type;
13
         this.firstLink = firstLink;
```

```
14
        this.secondLink = secondLink;
15
        this.type2 = type2;
     }
16
17
18
     public void setSecondLink(String type2,String secondLink) {
19
        this.secondLink = secondLink;
20
        this.type2 = type2;
21
22
23
     public String getType1() {
24
        return type;
25
26
27
     public String getType2() {
28
       return type2;
29
30
31
     public String getFirstLink() {
32
        return firstLink;
33
34
35
     public String getSecondLink() {
36
        return secondLink;
37
38
39
     public String toString() {
40
        return "< "+ type + ": " + firstLink + "; " + type2 + ": " +
            secondLink + " >";
     }
41
42 }
```

Questa classe viene utilizzata per definire la struttura degli statement. Ha come variabili d'istanza (linee 5-8): type1 e type2, di tipo String, che serve ad indentificare, rispettivamente, a quale simbolo appartiene il primo e il secondo collegamento; poi abbiamo firstLink e secondLink, di tipo String che indicano il primo e il secondo collegamento di uno statement. Dalle linee 11-42 abbiamo i costruttori della classe, i metodi di accesso alle variabili, il metodo per impostare il secondo collegamento allo statement, e il metodo toString().

Ora presentiamo la classe InputHandler descritta all'interno del file InputHandler.java.

```
1 package dataset;
2
3 import java.io.*;
4 import java.util.*;
5 import java.util.Map.Entry;
```

```
6 import com.google.gson.Gson;
 7 import com.google.gson.internal.StringMap;
9 public class InputHandler {
10
11
     private ArrayList<Token> buf;
12
13
     public InputHandler() {
14
        buf=new ArrayList<Token>();
15
16
17
     public int getFirstToken() {
        for(int i=0;i<buf.size();i++) {</pre>
18
19
          Token t=buf.get(i);
20
          if(t.isStart()) {
21
             return i:
22
          }
23
        }
24
        throw new IllegalArgumentException("ERRORE: Inserire start:true al
            token iniziale");
25
     }
26
27
     public Token getToken(int i) {
28
        return buf.get(i);
29
30
31
     public void loadInput(Gson gson,FileReader f1){
32
        ArrayList<String> attacc = null;
33
        boolean start=false;
34
        String type = null;
35
        Map<?, ?> map = gson.fromJson(f1, Map.class);
36
        for (Map.Entry<?, ?> entry : map.entrySet()) {
37
          ArrayList<StringMap> tokens=(ArrayList<StringMap>)entry.getValue()
38
           for(StringMap<?> b: tokens) {
39
             Set<?> set= b.entrySet();
             Iterator<?> it=set.iterator();
40
41
             while(it.hasNext()) {
                Entry<String,?> en=(Entry<String, ?>) it.next();
42
43
                switch(en.getValue().getClass().getName()) {
44
                case "java.lang.Boolean":
45
                   start=(boolean) en.getValue();
46
                   break;
47
                case "java.lang.String":
                   type=(String) en.getValue();
48
49
                   break;
50
                case "java.util.ArrayList":
51
                   attacc=(ArrayList<String>)en.getValue();
52
                }
```

```
53
54
             if(start) {
55
                buf.add(new Token(start,attacc,type));
                start=false;
             }
57
58
             else {
59
                buf.add(new Token(attacc,type));
60
61
           }
62
        }
     }
63
64
     public int getTokenDriver(int pos, int attaccoSinistro, int
65
         attaccoDestro,ArrayList<Integer>tokenViews) {
66
        ArrayList<String> attacchi=buf.get(pos).getAttachPoints();
67
        for(int i=0;i<buf.size();i++) {</pre>
68
          Token t1=buf.get(i);
69
           ArrayList<String> attacchiEsterni=t1.getAttachPoints();
70
           if(isViewed(i,tokenViews)) {
             if(attacchiEsterni.size()>=attaccoDestro) {
71
                if(attacchi.get(attaccoSinistro-1).equals(attacchiEsterni.
72
                    get(attaccoDestro-1))) {
73
                   return i;
74
                }
75
             }
76
          }
77
        }
78
        return -1;
79
80
     //verifica se e' stato visto il token index
81
82
     private boolean isViewed(int index,ArrayList<Integer> tokenViews) {
83
        if(tokenViews==null) {
84
          return true;
85
        }
86
        else {
87
           for(Integer s:tokenViews) {
88
             if(s==index){
89
                return false;
90
             }
91
          }
92
          return true;
93
        }
94
     }
95
96
     public int getTokenTester(Statement s,int attaccoStatement,int
         attaccoToken,ArrayList<Integer> tokenViews) {
97
        String at=null;
        if(attaccoStatement==2) {
98
```

```
99
            at=s.getSecondoAttacco();
         }
100
101
         if(attaccoStatement==1) {
102
            at=s.getPrimoAttacco();
103
         }
         for(int i=0;i<buf.size();i++) {</pre>
104
105
            Token ex=buf.get(i);
106
            if(isViewed(i,tokenViews)) {
               if(ex.getAttachPoints().size()>=attaccoToken){
107
108
                  if(ex.getAttachPoints().get(attaccoToken-1).equals(at)) {
109
110
               }
111
            }
112
         }
113
114
         return -1;
115
      }
116
117
      //metodo per settare un valore trovato
118
      public void setTokenFound(int index,ArrayList<Integer> tokenViews) {
119
         boolean flag=true;
120
         for(Integer t:tokenViews) {
121
            if(t==index) {
122
               flag=false;
123
124
         }
125
         if(flag) {
126
            tokenViews.add(index);
127
         }
128
      }
129 }
```

La classe InputHandler si occupa di gestire l'input e di calcolare i token successivi. Ha come variabile d'istanza un'array buf, che rappresenta l'input da processare. Alle linee 17-29 vi sono i metodi getFirstToken() e getToken() che vengono utilizzati rispettivamente per ottenere il primo simbolo da far processare al parser e per ottenere il simbolo corrente che il parser deve processare. Il metodo loadInput() (linee 31-63) viene utilizzato per caricare l'input, contenuto all'interno di file di tipo json, all'interno dell'array buf. Infine (linee 65-129) sono stati implementati i metodi che permettono di calcolare i token successivi da processare. Il metodo getTokenDriver() viene utilizzato per leggere il simbolo successivo secondo il modo Driver. Infatti ottiene i collegamenti dal simbolo appena letto e poi vengono iterati tutti i simboli dell'input e alla fine viene restituito l'indice del primo simbolo non visto che ha in comune un collegamento con il simbolo appena letto. Per verificare se il simbolo è stato visto o meno viene utilizzato il metodo is Viewed(). Il metodo

getTokenTester() viene utilizzato per calcolare il simbolo successivo secondo il modo Tester. Infatti abbiamo che viene selezionato il collegamento dello statement che ci serve per calcolare il simbolo successivo, poi vengono iterati tutti i simboli dell'input e viene restituito il primo simbolo non visto che ha il collegamento in comune con lo statement. Anche qui usiamo il metodo isViewed() per verificare se un simbolo è stato visto o no. In alcuni casi abbiamo la necessità di non restituire il primo simbolo non visto e per questo motivo il metodo restituirà sempre true se l'array dei simboli visti è null. Infine il metodo setTokenFound() viene usato per aggiungere un simbolo visto nel'array dei simboli visti.

#### 6.3.2 La classe GLLParsingFlowChart

La classe GLLParsingFlowChart implementa il funzionamento del GLL parsing posizionale sulla grammatica dei diagrammi di flusso. Questo parser usa le stesse strutture dati del parsing posizionale descritto precedentemente ma con delle differenze: gli elementi dell'insieme  $\mathbf{R}$  e  $\mathbf{P}$  hanno un ulteriore elemento che è rappresentato dallo stack in cui sono memorizzati gli statement calcolati. Infatti ogni descrittore ed ogni elemento  $\mathbf{P}$  che viene calcolato deve avere il proprio stack. Di conseguenza ai metodi add() e pop() è stato aggiunto un parametro che permette di passare lo stack degli statement. Di seguito descriveremo il metodo parse() di questa classe tralasciando i dettagli inerenti alla gestione dei non-terminali, terminali e item e sarà trattata soltanto la gestione del calcolo dei simboli successivi e degli statement.

```
public static String parse(InputHandler buf){
 2
        //token visti
 3
        ArrayList<Integer> tokenViews=new ArrayList<Integer>();
 4
        //...
 5
        //dichirazione indici
 6
        int i=buf.getFirstToken();
 7
        //inizializzo link calcolati
 8
9
        Stack<Statement> s=new ArrayStack<Statement>();
10
        while(true){
          switch(etichetta){
11
12
           //...
13
           //Statement -> INSTRUCTION *{ $$.1 = $1.1; $$.2 = $1.2; }
14
           case "L11":
             s.push(new Statement(buf.getToken(i).getType(),buf.getToken(i).
15
                 getAttachPoints().get(0),buf.getToken(i).getType(),buf.
                 getToken(i).getAttachPoints().get(1)));
             etichetta="L12";
16
17
             break;
```

```
18
           //...
19
20
           //Statements *link(2,1) Statements { $$.1 = $1.1; $$.2 = $2.2; }
21
           case "L5":
22
             i=buf.getTokenTester(s.top(),2,1,tokenViews);
23
             if(i>0) {
24
                etichetta="L6";
25
26
             else {
27
                etichetta="L0";
              }
28
29
             break;
30
           //..
           //Statements link(2,1) Statements { $$.1 = $1.1; $$.2 = $2.2; }*
31
32
           case "L8":
33
             if(s.size()>1) {
34
                Statement cv=s.pop();
35
                s.top().setSecondoAttacco(cv.getType2(), cv.
                    getSecondoAttacco());
36
             }
37
             etichetta="L0";
38
             break;
39
40
           //*PREDICATE link(2, 1) ^ nolink(1,2) Statements link(3,1)(-1) ^
               link(2,2) Statements { $$.1 = $1.1; $$.2 = $2.2; }
41
           case "LSTAT3":
42
              if(buf.getToken(i).getType().equals("PREDICATE")) {
43
                buf.setTokenFound(i, tokenViews);
44
                etichetta="L17";
45
46
             }
47
             else {
48
                etichetta="L0";
             }
49
50
             break;
51
           //PREDICATE *link(2, 1) ^ nolink(1,2) Statements link(3,1)(-1) ^
              link(2,2) Statements { $$.1 = $1.1; $$.2 = $2.2; }
52
           case "L17":
53
           if((buf.getTokenDriver(i,2,1,tokenViews)>0)&&(!(buf.getTokenDriver
               (i, 1, 2,tokenViews)>0))) {
54
              i=buf.getTokenDriver(i,2,1,null);
55
              etichetta="L18";
56
           }
57
           else {
              etichetta="L0";
58
           }
59
60
           break:
61
           //...
           case "L19":
62
```

```
i=buf.getTokenTester(s.top(),1,2,null);
 63
            if(i>0) {
 64
              if((buf.getToken(i).getType().equals("PREDICATE"))&&(!(buf.
 65
                  getToken(i).getAttachPoints().get(0).equals(s.top().
                  getSecondoAttacco())))) {
 66
                 i=buf.getTokenDriver(i,3,1,null);
 67
                 etichetta="L55";
              }
 68
 69
              else {
 70
                 s.pop();
                 etichetta="L0";
 71
 72
              }
 73
           }
 74
            else {
 75
              s.pop();
 76
              etichetta="L0";
 77
           }
 78
           break;
 79
            case "L55":
 80
              if(i>0) {
 81
                 add("L20",cu,i,cn,s.duplica(),duplicaTokenViews(tokenViews))
                 add("L5",cu,i,cn,s.duplica(),duplicaTokenViews(tokenViews));
 82
 83
 84
              etichetta="L0";
 85
              break;
 86
            //...
            //PREDICATE link(2, 1) ^ nolink(1,2) Statements link(3,1)(-1) ^
 87
                link(2,2) Statements *{ $$.1 = $1.1; $$.2 = $2.2; }
 88
            case "L21":
 89
              Statement s1=s.pop();
 90
              Statement s2=s.pop();
 91
              i=buf.getTokenTester(s1, 1, 3,null);
 92
 93
                 if((s1.getSecondoAttacco().equals(s2.getSecondoAttacco()))
                     &&(buf.getToken(i).getType().equals("PREDICATE"))) {
 94
                    s.push(new Statement(buf.getToken(i).getType(),buf.
                        getToken(i).getAttachPoints().get(0),s1.getType2(),s1.
                        getSecondoAttacco()));
 95
                    etichetta="L22";
 96
                 }
 97
                 else {
 98
                    etichetta="L0";
99
              }
100
101
              else {
                 etichetta="L0";
102
103
              }
104
              break;
```

```
105 //...
106 }
107 }
108 //...
109 }
```

Alle linee 2-6 viene dichiarato l'array dei simboli visti, viene calcolato il primo simbolo da calcolare e viene dichiarato lo stack dove memorizzare gli statement. Alle linee 12-15 notiamo la costruzione di uno statement. Ciò avviene usando il primo e il secondo collegamento del simbolo letto e viene inserito nello stack tramite un operazione di push. Nelle linee 18-36 abbiamo che la lettura del simbolo successivo attraverso il modo Tester. In queste linee la costruzione dello statement avviene in maniera diversa: abbiamo che viene fatto un pop() sullo stack se ce ne sono più di uno, e viene impostato al secondo collegamento dello statement in cima allo stack il secondo collegamento dello statement appena estratto. In questo modo vengono rimossi tutti gli statement calcolati precedentemente in maniera tale che alla fine ne rimanga uno soltanto che indica l'inizio e la fine del diagramma di flusso. Alle linee 39-107 discutiamo la gestione degli item delle produzioni. Ne prendiamo di riferimento uno soltanto in quanto le altre si gestiscono allo stesso modo. Viene letto il token corrente, se risulta trovato viene inserito nell'array dei token visti. Poi viene letto il token successivo facendo un and tra due link usando il modo *Driver*. Da notare in questo caso l'uso di null per segnalare che non è necessario trovare il primo token non visto. Se è vero calcoliamo il token successivo usando il primo link e il modo Driver. Poi calcoliamo l'item successivo (parte omessa poichè si tratta di gestire un non-terminale e si fa usando le stesse regole). Successivamente verifichiamo se lo statement calcolato sia corretto e lo facciamo tramite il secondo link usato nell'and precedente e usando il modo Tester. Poi verifichiamo se la lettura del simbolo successivo ha avuto buon fine, se ha successo, verifichiamo che il simbolo calcolato sia quello all'interno della produzione e che siano diversi i collegamenti tra l'ultimo statement calcolato, che si trova in cima allo stack, e il primo collegamento del simbolo della produzione. Se ciò è vero calcoliamo il link(3,1)(-1) tramite il modo Driver. Fondamentale risulta essere (-1) poichè ci indica di rileggere il simbolo successivo dal simbolo della produzione. Nel caso tutto ciò non fosse vero rimuoviamo lo statement calcolato dallo stack in quanto non risulta essere corretto a rappresentare la produzione che si sta calcolando. Poi notiamo (linee 78-83) che il parser si sdoppia nuovamente dove un parser va in avanti a calcolare lo statement successivo della produzione, mentre l'altro va a calcolare se esistono nuovi statement allo statement calcolato precedentemente. Dopo aver calcolato tutti gli statement calcolati dalla produzione li estraiamo dallo stack e tramite un link() in modo Tester otteniamo il simbolo della produzione. Verifichiamo prima se la ricerca del simbolo successivo ha avuto buon fine, poi verifichiamo se il secondo collegamento del primo statement calcolato sia uguale al secondo collegamento del secondo statement calcolato ed infine verifichiamo che il simbolo calcolato appartenga al simbolo della produzione. Se è vero tramite un operazione di push inseriamo lo statement finale della produzione e si va all'item successivo. Se tutto ciò non risulta vero si va al caso base L0. In maniera simile vengono gestite le altre produzioni ma avendo un solo statement da calcolare non effettuiamo nessun nuovo sdoppiamento ma semplicemente usiamo il secondo link() dell'and in modo Tester e poi si verifica che il simbolo appartenga alla produzione. Ciò serve per verificare che lo statement calcolato sia corretto con la produzione che si sta processando. Se ciò è vero lo estraiamo dallo stack, tramite un operazione di pop(), e inseriamo lo statement finale nella produzione nello stack.

## Capitolo 7

## Conclusioni

### 7.1 Obiettivi raggiunti

Gli obiettivi della prima parte della tesi sono stati quelli di introdurre il parsing top down, descrivendone il funzionamento del parsing LL(1) e delineandone i suoi limiti, in quanto non riesce a gestire grammatiche ambigue e ricorsive. Per superare questi limiti abbiamo introdotto il parsing GLL che utilizza i principi del non-determinismo per gestire tutte le grammatiche comprese quelle ambigue e ricorsive. Il suo funzionamento permette di gestire tutti i conflitti presenti nella tabella di parsing LL(1); ciò viene fatto creando dei nuovi flussi di computazione per ogni conflitto di sostituzione. Questo parsing usa una struttura dati, chiamata GSS, che combina i vari stack usati dai vari flussi di computazione. Il risultato prodotto da questo parsing è l'SPPF, un albero che combina in un unica struttura tutti gli alberi sintattici creati dai flussi di computazione del GLL. L'obiettivo finale di questo lavoro ha portato a creare un estensione del GLL Parsing per grammatiche posizionali. Viene utilizzato sempre lo stesso algoritmo per processare le grammatiche, però ne è stata modificata la gestione della lettura dei simboli successivi in quanto non avviene più in maniera lineare, dove i simboli vengono letti in successione da sinistra verso destra, ma avviene in base alle direzioni definite dalle relazioni spaziali che possono diverse per ogni grammatica posizionale.

# Bibliografia

- [1] Alfred V.Aho, Monica S. Lam, Ravi Sethi, Jeffrey D. Ullman. *Compilatori. Principi, Tecniche e Strumenti. Seconda Edizione*. Pearson, Addison Wesley (2009).
- [2] Elizabeth Scott, Adrian Johnstone. *GLL Parsing*. Electronic Notes in Theorical Computer Science 253 (2010) (pp.177-189).
- [3] Gennaro Costagliola, Masaru Tomita, Shi-Kuo Chang. A Generalized Parser for 2-D Languages, IEEE (1991).
- [4] Giorgios R. Economopoulus, Generalized LR parsing algorithms. Tesi di dottorato, Royal Holloway, University of London (2006).