Auditions Inria CR/ISFP

Grenoble — Rhône–Alpes

Équipe d'accueil : Spades 🏶

Martin Bodin

17 juin

Parcours

- 2009–2013 : ENS Lyon.
- 2013–2016 : Doctorat, Inria Rennes.
 JavaScript en Coq
- 2017–2018 : Postdoc, CMM (Santiago de Chile).
 R en Coq
- 2018–2020 : Postdoc, Imperial College (Londres).
 Squelettes
 WebAssembly en Coq

Mon Credo



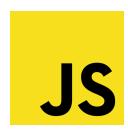


- Les langages de programmation populaires sont complexes,
- Leur complexité est une source d'erreurs importante,
- Il y a ainsi un besoin d'analyse et d'outils pour ces langages,
 - Détecter des débordements de mémoire, divisions par 0, etc.
 - Intégration continue.





- Les langages sont complexes \implies le code des outils est complexe,
 - ⇒ erreur dans l'outil probable,
 - ⇒ crise de la **confiance**.
- L'assistant de preuve Coq est nécessaire pour ces outils.



- Premier langage sur Github,
- Présent sur 95 % des sites web,
- Utilisé dans de nombreuses interfaces.





```
• ![] \rightarrow false

• +![] \rightarrow +false \rightarrow 0

• ![]+[] \rightarrow false+[] \rightarrow "false"

• (![]+[])[+![]] \rightarrow "false"[0] \rightarrow "f"
```



You are lucky!

Les langages populaires sont complexes

2 Formaliser ces langages en Coq

- 3 Squelettes : une syntaxe pour la sémantique
- Projet de recherche

Formaliser en Coq des languages complexes

Servir de base de confiance à des analyses/compilations certifiées.

⇒ Prendre le langage tel qu'il est, sans simplification.

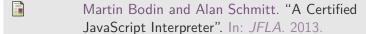
Formaliser en Coq des languages complexes

Servir de base de confiance à des analyses/compilations certifiées.

⇒ Prendre le langage tel qu'i (est, sans simplification.

Formalisation très large...
Comment lui faire confiance ?

JSCert: https://github.com/jscert/jscert



Martin Bodin et al. "A Trusted Mechanised JavaScript Specification". In: POPL (2014).

CoqR : https://github.com/Mbodin/CoqR

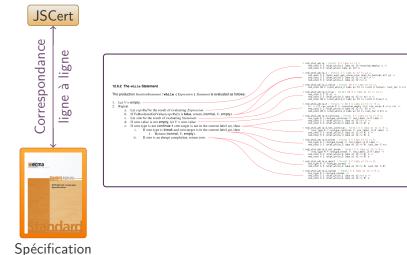
Martin Bodin. "A Coq Formalisation of a Core of R". In: CoqPL. 2018.

Martin Bodin, Tomás Diaz, and Éric Tanter. "A Trustworthy Mechanized Formalization of R". In: DLS. 2018.

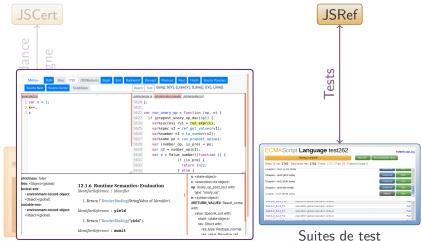
WebAssembly

Projet en cours.

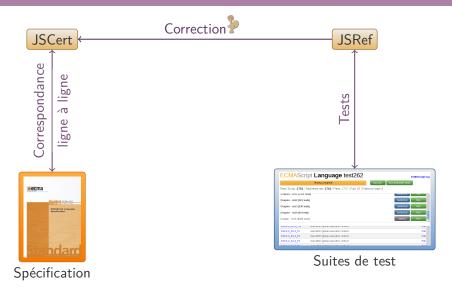
JSCert : faire confiance à JavaScript



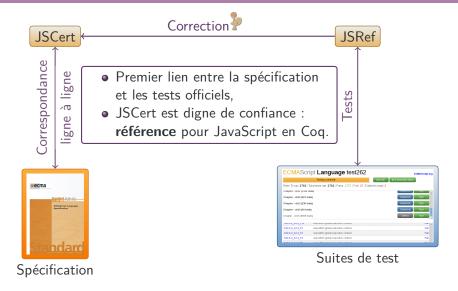
JSCert: faire confiance à JavaScript



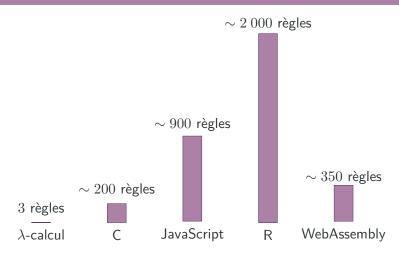
JSCert : faire confiance à JavaScript



JSCert : faire confiance à JavaScript

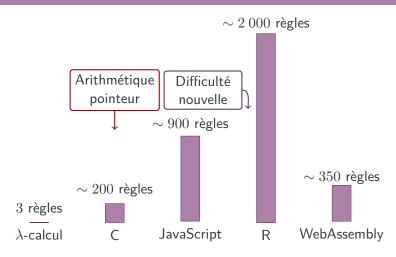


Tailles de sémantiques



(Estimation grossière de la taille de chaque sémantique si reformulées en petit-pas.)

Tailles de sémantiques



(Estimation grossière de la taille de chaque sémantique si reformulées en petit-pas.)

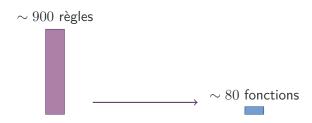
Tailles de sémantiques





(Estimation grossière du nombre de fonctions basiques dans chaque sémantique.)

Squelettes



- Une syntaxe simple pour exprimer des sémantiques,
- Pour pouvoir en déduire des analyses statiques de programme.

Martin Bodin, Thomas Jensen, and Alan Schmitt. "Pretty-big-step-semantics-based Certified Abstract Interpretation". In: *JFLA*. 2014. Martin Bodin, Thomas Jensen, and Alan Schmitt. "Certified Abstract Interpretation with Pretty-Big-Step Semantics". In: *CPP*. 2015.

Interpretations". In: *POPL* (2019).

Martin Bodin et al. "Skeletal Semantics and their

$$\frac{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{true} \qquad \sigma, s_1 \Downarrow o}{\sigma, \mathsf{if} \ e \ \mathsf{then} \ s_1 \ \mathsf{else} \ s_2 \Downarrow o} \qquad \frac{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{false} \qquad \sigma, s_2 \Downarrow o}{\sigma, \mathsf{if} \ e \ \mathsf{then} \ s_1 \ \mathsf{else} \ s_2 \Downarrow o}$$

Évaluation de if e then s1 else s2 dans l'état σ

- $oldsymbol{0}$ Soit v le résultat de l'évaluation de e dans l'état σ .
- ② Si v est true, soit o le résultat de l'évaluation de s1 dans l'état σ .
- \odot Si v est false, soit o le résultat de l'évaluation de s2 dans l'état σ .
- Retourner o.

Séquence
$$\underbrace{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{true} \qquad \sigma, s_1 \Downarrow o}_{\sigma, \text{ if } e \text{ then } s_1 \text{ else } s_2 \Downarrow o} \qquad \underbrace{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{false} \qquad \sigma, s_2 \Downarrow o}_{\sigma, \text{ if } e \text{ then } s_1 \text{ else } s_2 \Downarrow o}$$

Évaluation de if e then s1 else s2 dans l'état σ

- Soit v le résultat de l'évaluation de e dans l'état σ .
- Si v est true, soit o le résultat de l'évaluation de s1 dans l'état σ.
 Si v est false, soit o le résultat de l'évaluation de s2 dans l'état σ.
- Retourner o.

Séquence

$$\frac{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{true} \qquad \sigma, s_1 \Downarrow o}{\sigma, \mathsf{if} \ e \ \mathsf{then} \ s_1 \ \mathsf{else} \ s_2 \Downarrow o} \qquad \frac{\sigma, e \Downarrow v \qquad v = \mathtt{false} \qquad \sigma, s_2 \Downarrow o}{\sigma, \mathsf{if} \ e \ \mathsf{then} \ s_1 \ \mathsf{else} \ s_2 \Downarrow o}$$

Évaluation de if e then s1 else s2 dans l'état σ

- **①** Soit v le résultat de l'évaluation de e dans l'état σ . Récursion
- ② Si v est true, soit o le résultat de l'évaluation de s1 dans l'état σ .
- **3** Si v est false, soit o le résultat de l'évaluation de s2 dans l'état σ .
- Retourner o.

Branchement

Évaluation de if e then s1 else s2 dans l'état σ

- lacksquare Soit v le résultat de l'évaluation de e dans l'état σ .
- Si v est true, soit o le résultat de l'évaluation de s1 dans l'état σ .
- f Siv est false, soit o le résultat de l'évaluation de s2 dans l'état σ .
- 4 Retourner o. Branchement

Atome
$$\underbrace{\sigma, e \Downarrow v \quad v = \mathtt{true} \quad \sigma, s_1 \Downarrow o}_{\sigma, \, \mathsf{if} \, \, \mathsf{e} \, \, \mathsf{then} \, \, s_1 \, \, \mathsf{else} \, \, s_2 \Downarrow o}_{\sigma, \, \mathsf{if} \, \, \mathsf{e} \, \, \mathsf{then} \, \, s_1 \, \, \mathsf{else} \, \, s_2 \Downarrow o}$$

Évaluation de if e then s1 else s2 dans l'état σ

- **①** Soit v le résultat de l'évaluation de e dans l'état σ .
- **②** Si v est true, soit o le résultat de l'évaluation de s1 dans l'état σ .
- \odot Si v est false, soit o le résultat de l'évaluation de s2 dans l'état σ .
- Retourner o.

Atome

$$[\sigma, e_1 + e_2] := \begin{bmatrix} let \ v_1 = \left[\sigma, e_1\right] \ in \\ let \ v_2 = \left[\sigma, e_2\right] \ in \\ add \ (v_1, v_2) \end{bmatrix}$$

$$[\sigma, \mathit{ife}\, \mathsf{s}_1\, \mathsf{s}_2] \coloneqq \begin{bmatrix} \mathit{let}\,\, \mathsf{v} = [\sigma, e] \, \mathit{in} \\ \\ \mathit{let}\,\, _ = \mathtt{isTrue}\, (\mathsf{v}) \, \mathit{in}\,\, [\sigma, \mathsf{s}_1] \\ \\ \mathit{let}\,\, _ = \mathtt{isFalse}\, (\mathsf{v}) \, \mathit{in}\,\, [\sigma, \mathsf{s}_2] \end{pmatrix} \end{bmatrix}$$

Récursion

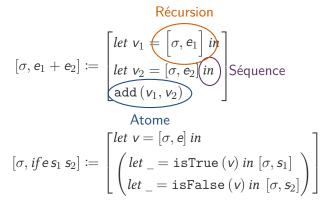
$$[\sigma, e_1 + e_2] := \begin{bmatrix} let \ v_1 \neq [\sigma, e_1] \ in \\ let \ v_2 = [\sigma, e_2] \ in \\ add \ (v_1, v_2) \end{bmatrix}$$

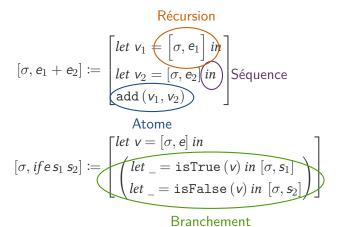
$$[\sigma, ife\, s_1\, s_2] \coloneqq egin{bmatrix} let \, v = [\sigma, e] \, in \ let \, _ = \, \mathtt{isTrue} \, (v) \, in \, [\sigma, s_1] \ let \, _ = \, \mathtt{isFalse} \, (v) \, in \, [\sigma, s_2] \end{pmatrix} \end{bmatrix}$$

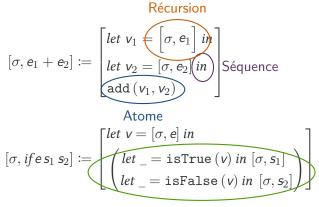
Récursion

$$[\sigma, e_1 + e_2] \coloneqq \begin{bmatrix} let \ v_1 & \boxed{\sigma, e_1} \ in \\ let \ v_2 & \boxed{\sigma, e_2} \ in \\ add \ (v_1, v_2) \end{bmatrix}$$
 Séquence

$$[\sigma, ife\, s_1\, s_2] \coloneqq egin{bmatrix} let \ v = [\sigma, e] \ in \ let \ _ = \mathtt{isTrue} \ (v) \ in \ [\sigma, s_1] \ let \ _ = \mathtt{isFalse} \ (v) \ in \ [\sigma, s_2] \end{pmatrix} \end{bmatrix}$$







Branchement

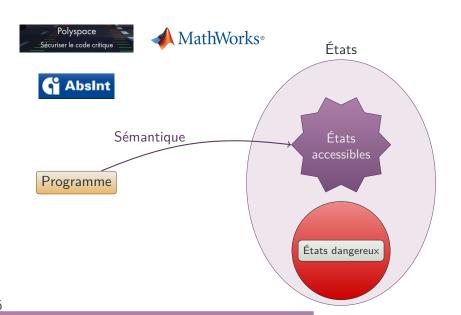
$$S := [x, t] \mid let \ x = S \ in \ S' \mid F(x_1..x_n) \mid \begin{pmatrix} S_1 \\ .. \\ S_n \end{pmatrix}$$

Analyses

Intérêt des squelettes

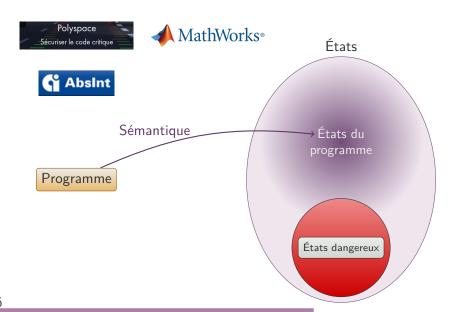
Définir et montrer correcte une analyse **une fois pour toutes**, pour l'instancier à tous les languages (via leurs squelettes).

Interprétation abstraite



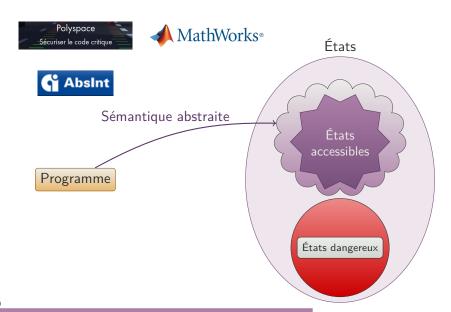
16

Interprétation abstraite



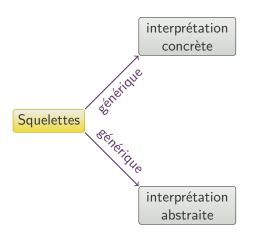
16

Interprétation abstraite

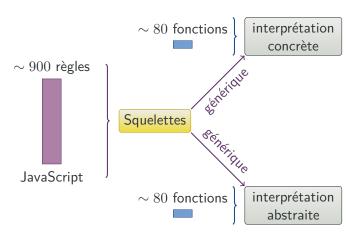


16

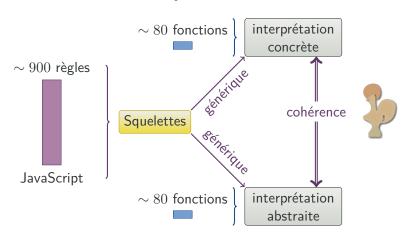
Interprétations



Interprétations



Interprétations



Les langages populaires sont complexes

2 Formaliser ces langages en Coq

Squelettes : une syntaxe pour la sémantique

Projet de recherche

Projet de recherche

Une infrastructure pour des analyses et des compilateurs certifiés pour des langages de programmation complexes.

- Pourquoi ?
 - Un usage important dans l'industrie,
 - Les sémantiques complexes sont peu étudiées dans leur intégralité.
- Difficultés
 - Formalisation très larges : crise de confiance,
 - Passage à l'échelle,
 - Des analyses clefs en main pour tous les langages.
- Comment ?
 - Les squelettes offrent un cadre qui passe à l'échelle,
 - Appliquer les squelettes à des systèmes réels.

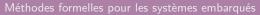
Intégration dans Spades

Méthodes formelles pour les systèmes embarqués



- Modèles formels, langages, et outils ;
 - Analyses de programme dataflow : Pascal Fradet, Alain Girault.
 - Dataflow reconfigurable : Pascal Fradet, Alain Girault, Xavier Nicollin.
 - Hypercells : Jean-Bernard Stefani.
- Programmation temps-réel certifiée en Coq* ;
 - Analyses d'ordonnançabilité certifiées : Pascal Fradet, Sophie Quinton.
 - Compilation multi-critères (temps/énergie, prédictibilité) : Alain Girault.
- Gestion des fautes et analyse causale.
 - Gregor Gössler, Jean-Bernard Stefani.

Intégration dans Spades





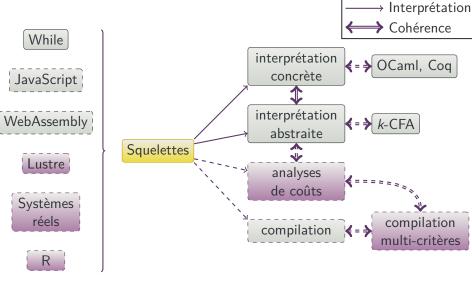
- Modèles formels, langages, et outils ;
 - Analyses de programme dataflow : Pascal Fradet, Alain Girault.
 - Dataflow reconfigurable : Pascal Fradet, Alain Girault, Xavier Nicollin.
 - Hypercells : Jean-Bernard Stefani.
- Programmation temps-réel certifiée en Coq ? ;
 - Analyses d'ordonnançabilité certifiées : Pascal Fradet, Sophie Quinton.
 - Compilation multi-critères (temps/énergie, prédictibilité) : Alain Girault.
- Gestion des fautes et analyse causale.
 - Gregor Gössler, Jean-Bernard Stefani.

J'apporte mes compétences

- Coq,
- Analyse de programmes, interprétation abstraite, logique de séparation.
- Théorie des langages de programmation.

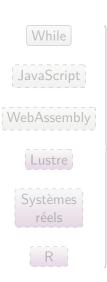
Squelettes : présent et futur Interprétation Cohérence While interprétation OCaml, Coq concrète JavaScript interprétation WebAssembly **∢** = **≯** *k*-CFA abstraite Squelettes compilation

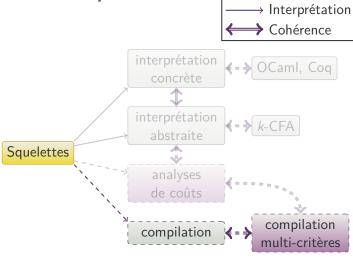
Squelettes : présent et futur



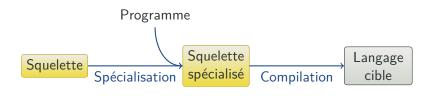
Squelettes : présent et futur Interprétation Cohérence <-> OCaml, Cog JavaScript interprétation WebAssembly abstraite Squelettes analyses de coûts Coûts temps/énergie, Composition d'interprétations. compilation **≰** = **≯**

Squelettes : présent et futur

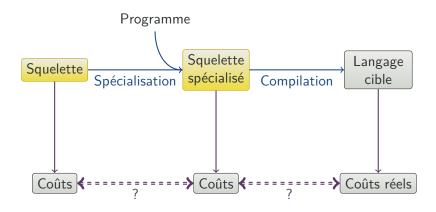




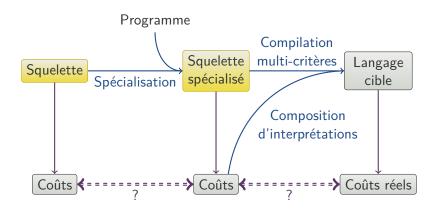
Compilation multi-critères avec les squelettes



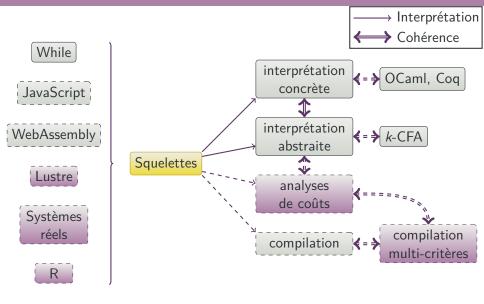
Compilation multi-critères avec les squelettes



Compilation multi-critères avec les squelettes



Conclusion



Les langages populaires sont complexes

2 Formaliser ces langages en Coq

Squelettes : une syntaxe pour la sémantique

Projet de recherche

Bonus

- Introduction à R,
- 2 R: Un langage de programmation paresseux,
- CoqR,
- Correspondance ligne à ligne,
- Preuve dans JSCert.
- Offinition formelle des squelettes,
- Interprétation concrète,
- Interprétation abstraite,
- Interprétation de coûts,
- Cohérences d'interprétations,
- Composer des interprétations,
- Parallélisme et squelettes.

```
v <- c(10, 12, 14, 11, 13)
v[1] # Retourne 10
```

R: Un langage de programmation paresseux

```
f <- function (x, y = x) {
    x <- 1
    y
    x <- 2
    y
}
f (3)</pre>
```

R: Un langage de programmation paresseux

```
f <- function (x, y = x) {
    x <- 1
    y
    x <- 2
    y
}
f (3)

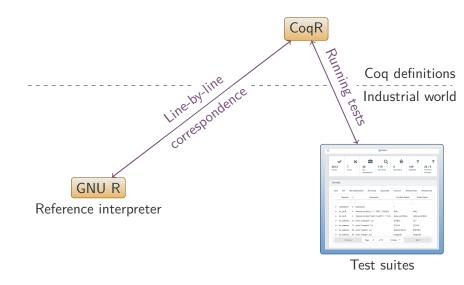
# Retourne 1
```

R: Un langage de programmation paresseux

```
f <- function (x, y = x) {
    x <- 1
    y
    x <- 2
    y
}
f (3)</pre>
# Retourne 1
```

```
f <- function (x, y) if (x == 1) y
f (1, a <- 1)
a  # Retourne 1
f (0, b <- 1)
b  # Erreur
```

CoqR : faire confiance à R



https://github.com/Mbodin/CoqR

Correspondance ligne à ligne

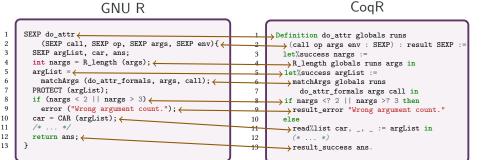
GNU R

```
SEXP do_attr
         (SEXP call, SEXP op, SEXP args, SEXP env){
       SEXP argList, car, ans;
       int nargs = R_length (args);
       argList =
         matchArgs (do attr formals, args, call):
6
       PROTECT (argList);
       if (nargs < 2 || nargs > 3)
9
         error ("Wrong argument count.");
10
       car = CAR (argList);
       /* ... */
11
12
       return ans:
13
```

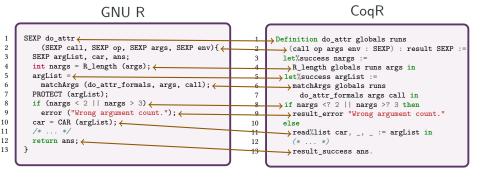
CogR

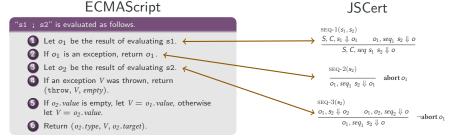
```
Definition do_attr globals runs
         (call op args env : SEXP) : result SEXP :=
2
       let%success nargs :=
         R_length globals runs args in
       let%success argList :=
         matchArgs globals runs
           do_attr_formals args call in
        if nargs <? 2 || nargs >? 3 then
         result error "Wrong argument count."
10
       else
11
         read%list car, _, _ := argList in
12
         (* ... *)
13
         result_success ans.
```

Correspondance ligne à ligne



Correspondance ligne à ligne





Preuve dans JSCert

```
Lemma one plus one exec : forall S C,
 1
 2
       red expr S C (expr binary op one binary op add one) (out ter S (prim number two)).
 3
     Proof
       intros.
 4
 5
       eapply red_expr_binary_op.
6
        constructor.
 7
        eapply red_spec_expr_get_value.
8
         eapply red_expr_literal. reflexivity.
        eapply red_spec_expr_get_value_1.
 9
10
        eapply red_spec_ref_get_value_value.
        eapply red_expr_binary_op_1.
11
        eapply red_spec_expr_get_value.
          eapply red_expr_literal. reflexivity.
13
        eapply red_spec_expr_get_value_1.
14
        eapply red spec ref get value value.
15
16
        eapply red_expr_binary_op_2.
17
        eapply red_expr_binary_op_add.
18
        eapply red_spec_convert_twice.
19
         eapply red_spec_to_primitive_pref_prim.
20
        eapply red_spec_convert_twice_1.
21
         eapply red spec to primitive pref prim.
22
        eapply red spec convert twice 2.
23
        eapply red_expr_binary_op_add_1_number.
        simpl. intros [A|A]; inversion A.
25
        eapply red_spec_convert_twice.
26
          eapply red_spec_to_number_prim. reflexivity.
27
        eapply red_spec_convert_twice_1.
          eapply red_spec_to_number_prim. reflexivity.
28
29
        eapply red spec convert twice 2.
30
       eapply red_expr_puremath_op_1. reflexivity.
31
     Qed.
```

Les squelettes, formellement

Terms
$$t := b \mid x_t \mid c(t_1..t_n)$$

Skeleton $:= \operatorname{Name}(c(x_{t_1}..x_{t_n})) := S$

Skeleton Body
$$S := let \ x = S in S' \mid F(x_1..x_n) \mid [x,t] \mid \begin{pmatrix} S_1 \\ .. \\ S_n \end{pmatrix}$$

- Un crochet [x, t] est un appel récursif du terme t dans l'état x.
- Les filtres sont à la fois des calculs atomiques et des prédicats.

$$E$$
: $variable \rightarrow value$

$$\llbracket S \rrbracket \ (E) : \mathcal{P} (output)$$

$$\begin{bmatrix} [let \ x = S \ in \ S'] & (E) = \\ & \begin{bmatrix} [x, t] \end{bmatrix} & (E) = \\ & \begin{bmatrix} F(x_1 ... x_n) \end{bmatrix} & (E) = \\ & \begin{bmatrix} S_1 \\ ... \\ S_n \end{bmatrix} & (E) = \\ & \end{bmatrix}$$

$$\textit{E}: \textit{variable} \rightarrow \textit{value} \qquad \quad [\![S]\!] \quad \textit{(E)}: \mathcal{P}\left(\textit{output}\right)$$

$$E: variable \rightarrow value$$
 $[S]_T(E): \mathcal{P} (output)$

$$E: variable \rightarrow value$$
 $[S]_T(E): \mathcal{P}(output)$

Interprétation abstraite

$$extstyle extstyle ext$$

Interprétation abstraite

$$\begin{bmatrix} [let \ x = S \ in \ S'] \end{bmatrix}_{T} \left(E^{\sharp} \right) = \bigcup_{v^{\sharp} \in \llbracket S \rrbracket_{T}(E^{\sharp})} \llbracket S' \rrbracket_{T} \left(E^{\sharp} + x \mapsto v^{\sharp} \right)$$

$$\llbracket [x, t] \rrbracket_{T} \left(E^{\sharp} \right) = \underbrace{ \begin{cases} v^{\sharp} \mid \left(E^{\sharp}[x], t, v^{\sharp} \right) \in T \end{cases} }_{V^{\sharp}} \begin{bmatrix} F(x_{1}...x_{n}) \end{bmatrix}_{T} \left(E^{\sharp} \right) = \underbrace{ \begin{bmatrix} F \end{bmatrix}^{\sharp} \left(F^{\sharp}[x_{1}]...E^{\sharp}[x_{n}] \right) }_{O \in pendent \ du \ langage}$$

$$\begin{bmatrix} S_{1} \\ ... \\ S_{n} \end{bmatrix}_{T} \left(E^{\sharp} \right) = \underbrace{ \begin{bmatrix} S_{i} \mid T \end{bmatrix}_{T} \left(E^{\sharp} \right) }_{O < i \leqslant n} \llbracket S_{i} \rrbracket_{T} \left(E^{\sharp} \right)$$

Interprétation de coûts

$$[S]_T : cost$$

$$[[let \times = S in S']]_T =$$

$$[[x, t]]_T =$$

$$[[F(x_1..x_n)]]_T = [[F]]$$

$$[[S_1]]_T =$$

$$[S_n]_T =$$

Interprétation de coûts

$$[S]_T : cost$$

$$\begin{aligned} \left[\left[let \ x = S \ in \ S' \right] \right]_T &= \max_{\substack{c \in \llbracket S \rrbracket_T \\ c' \in \llbracket S' \rrbracket_T}} c + c' \\ \left[\left[\left[x, t \right] \right] \right]_T &= \max \left\{ c \mid (t, c) \in T \right\} \\ \left[\left[F \left(x_1 ... x_n \right) \right] \right]_T &= \left[\left[F \right] \right] \\ \left[\left[\left(S_1 \atop ... \atop S_n \right) \right] \right]_T &= \max_{0 < i \leqslant n} \left[\left[S_i \right] \right]_T \end{aligned}$$

Interprétation de coûts

$$[S]_T : cost$$

Correction de la sémantique abstraite



Théorème

$$\forall \left(\sigma^{\sharp}, t, v^{\sharp}\right) \in \Downarrow^{\sharp}. \ \forall \left(\sigma, t, v\right) \in \Downarrow. \ \text{Si } \sigma \in \gamma\left(\sigma^{\sharp}\right) \ \text{alors } v \in \gamma\left(v^{\sharp}\right)$$

Preuve

Grâce aux cohérences d'interprétation.

Cohérence

- un prédicat sur les entrées des deux interprétations $OKst((E,T),(E^{\sharp},T^{\sharp}))$
- ullet un prédicat sur les sorties des deux interprétations $\mathit{OKout}(v,v^{\sharp})$

Cohérence

Si la cohérence des deux prédicats est préservée par l'action des quatres constructeurs des squelettes, alors elle est préservée de manière globale.

Cohérence

Si la cohérence des deux prédicats est préservée par l'action des quatres constructeurs des squelettes, alors elle est préservée de manière globale.

Cohérence entre les interprétations concrète et abstraite

$$OKst\left(\left(E,T\right),\left(E^{\sharp},T^{\sharp}\right)\right) ::= dom\left(E\right) = dom\left(E^{\sharp}\right)$$

$$\wedge \forall x. \ E[x] \in \gamma\left(E^{\sharp}[x]\right)$$

$$\wedge \forall \left(v_{1},t,v_{2}\right) \in T,\left(v_{1}^{\sharp},t,v_{2}^{\sharp}\right) \in T^{\sharp}.$$

$$v_{1} \in \gamma\left(v_{1}^{\sharp}\right) \Rightarrow v_{2} \in \gamma\left(v_{2}^{\sharp}\right)$$

Cohérence

Si la cohérence des deux prédicats est préservée par l'action des quatres constructeurs des squelettes, alors elle est préservée de manière globale.

Cohérence entre les interprétations concrète et abstraite

$$OKst\left(\left(E,T\right),\left(E^{\sharp},T^{\sharp}\right)\right) ::= dom\left(E\right) = dom\left(E^{\sharp}\right)$$

$$\wedge \forall x. \ E[x] \in \gamma\left(E^{\sharp}[x]\right)$$

$$\wedge \forall (v_{1},t,v_{2}) \in T, (v_{1}^{\sharp},t,v_{2}^{\sharp}) \in T^{\sharp}.$$

$$v_{1} \in \gamma\left(v_{1}^{\sharp}\right) \Rightarrow v_{2} \in \gamma\left(v_{2}^{\sharp}\right)$$

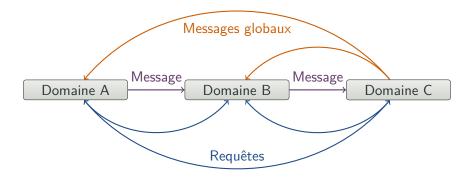
Théorème



Si les atomes sont cohérents, alors la sémantique abstraite est correcte.

Composer des interprétations

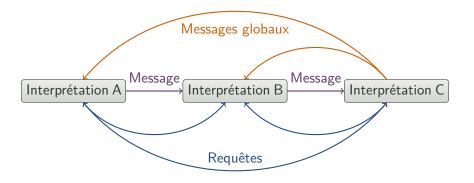
Idée de l'interprétation abstraite, qui fonctionne avec les squelettes.



Comment la généraliser à plusieurs interprétations ?

Composer des interprétations

Idée de l'interprétation abstraite, qui fonctionne avec les squelettes.



Comment la généraliser à plusieurs interprétations ?

Parallélisme et squelettes

$$[\sigma, (x = 1; a = y) \parallel (y = 1; b = x)] :=$$

```
[\sigma, (\mathbf{x}=1; \mathbf{a}=\mathbf{y}) \parallel (\mathbf{y}=1; \mathbf{b}=\mathbf{x})] \coloneqq \begin{bmatrix} let \ t_0 = \mathtt{makeThread} \left(\sigma\right) \mathit{in} \\ let \ t_1 = \mathtt{write} \left(t_0, \begin{subarray}{c} \mathbf{x}^{*}, 1 \right) \mathit{in} \\ let \ t_2 = \mathtt{write} \left(t_1, \begin{subarray}{c} \mathbf{a}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, 1 \right) \mathit{in} \\ let \ t_1' = \mathtt{write} \left(t_0', \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, 1 \right) \mathit{in} \\ let \ t_2' = \mathtt{write} \left(t_1', \begin{subarray}{c} \mathbf{b}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{x}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, 1 \\ \mathbf{b}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{x}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, 1 \\ \mathbf{b}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{x}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, 1 \\ \mathbf{y}^{*}, \begin{subarray}{c} \mathbf{y}^{*}, \begin{subarray}
```

- Introduction à R,
- 2 R: Un langage de programmation paresseux,
- CoqR,
- Correspondance ligne à ligne,
- Preuve dans JSCert.
- Oéfinition formelle des squelettes,
- Interprétation concrète,
- Interprétation abstraite,
- Interprétation de coûts,
- Cohérences d'interprétations,
- Composer des interprétations,
- Parallélisme et squelettes.

Les langages populaires sont complexes

2 Formaliser ces langages en Coq

Squelettes : une syntaxe pour la sémantique

Projet de recherche