

# Монады

---

# Стрелка Клейсли: $a \rightarrow m\ b$

---

Функции с эффектами могут:

$a \rightarrow \text{Maybe } b$  -- завершиться неудачей

$a \rightarrow []\ b$  -- возвращать много результатов

$a \rightarrow (\text{Either } s)\ b$  -- завершиться типизированным исключением

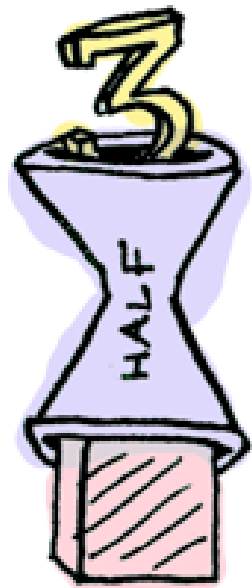
$a \rightarrow ((,) w)\ b$  -- делать записи в лог

$a \rightarrow ((\rightarrow) e)\ b$  -- читать из внешнего окружения

$a \rightarrow (\text{State } s)\ b$  -- работать с изменяемым состоянием

$a \rightarrow \text{IO } b$  -- осуществлять ввод/вывод

# Функции с эффектами



ПРИНИМАЕТ  
ЗНАЧЕНИЕ



ВОЗВРАЩАЕТ  
ОБЁРНУТОЕ  
ЗНАЧЕНИЕ



# Прогулка по канату

```
type Birds = Int
type Pole = (Birds, Birds)
landLeft' :: Birds -> Pole -> Pole
landLeft' n (left, right) = (left + n, right)
landRight' :: Birds -> Pole -> Pole
landRight' n (left, right) = (left, right + n)
($>) :: a -> (a -> b) -> b
x $> f = f x
infixl 0 $>
```

Канатоходец удержит равновесие, если количество птиц на левой стороне шеста и на правой стороне шеста разнится в пределах трёх.



# Прогулка по канату

```
example1 = (0, 0) $> landLeft' 1  
          $> landRight' 4 $> landLeft' (-1)  
          $> landRight' (-2)
```

```
ghci>example1  
(0,2)
```

Что-то не так...



# Прогулка по канату

```
landLeft :: Birds -> Pole -> Maybe Pole
```

```
landLeft n (left,right)
```

```
  | abs ((left + n) - right) < 4 = Just (left + n, right)
```

```
  | otherwise = Nothing
```

```
landRight :: Birds -> Pole -> Maybe Pole
```

```
landRight n (left,right)
```

```
  | abs (left - (right + n)) < 4 = Just (left, right + n)
```

```
  | otherwise = Nothing
```



Миран Липовача, Изучай Haskell во имя добра!

# Прогулка по канату

```
example2 = case landLeft 1 (0, 0) of
  Nothing -> Nothing
  Just pole1 -> case landRight 4 pole1 of
    Nothing -> Nothing
    Just pole2 -> case landLeft (-1) pole2 of
      Nothing -> Nothing
      Just pole3 -> landRight (-2) pole3

ghci> example2
Nothing
```

Какие минусы такого решения?



# Монады

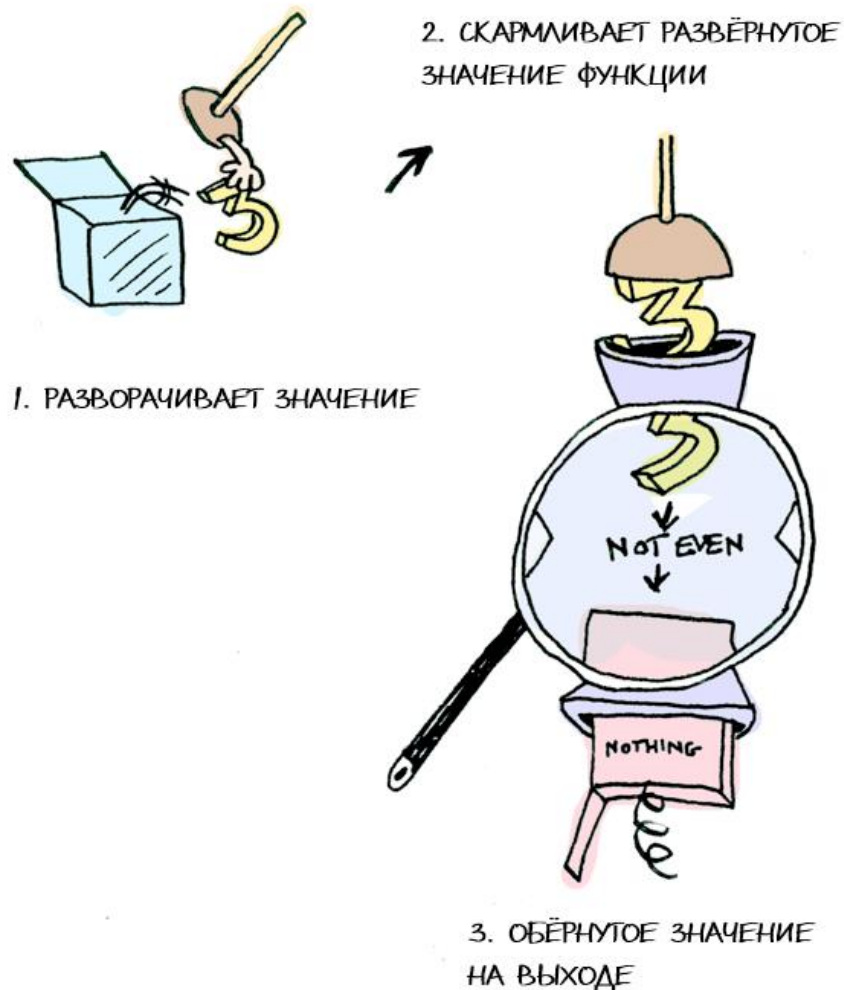
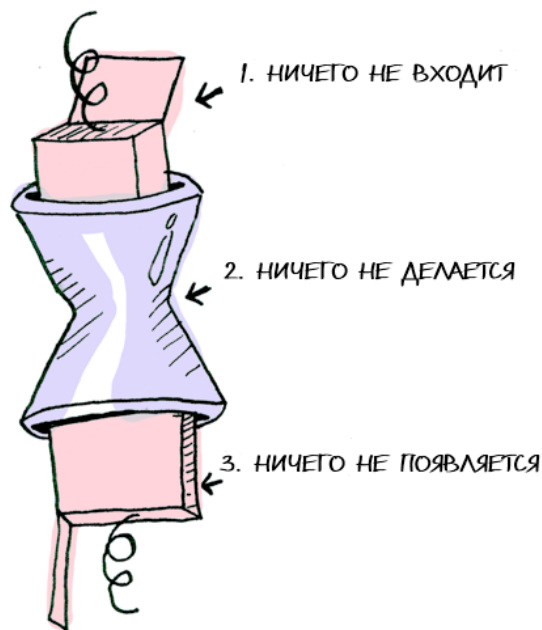
---

```
class Monad m where
  return :: a -> m a
  (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b
  (>>)  :: m a -> m b -> m b
  x >> y = x >>= \_ -> y
```



# Maybe

```
instance Monad Maybe where  
  return x = Just x  
  Nothing >>= f = Nothing  
  Just x >>= f = f x
```



# Прогулка по канату

```
example3 = landLeft 1 (0, 0)
  >>= landRight 4
  >>= landLeft (-1)
  >>= landRight (-2)
```

```
ghci> example3
Nothing
```



Миран Липовача, Изучай Haskell во имя добра!

# do нотация

---

<code>do {e}</code>	$\equiv e$
<code>do {e; stmts}</code>	$\equiv e \gg \text{do } \{\text{stmts}\}$
<code>do {p &lt;- e; stmts}</code>	$\equiv e \gg= \backslash p \rightarrow \text{do } \{\text{stmts}\}$
<code>do {let v = exp; stmts}</code>	$\equiv \text{let } v = \text{exp in do } \{\text{stmts}\}$

# do нотация

---

```
foo :: Maybe String
foo = Just 3 >>= (\x ->
    Just "!">>= (\y ->
        Just (show x ++ y)))
```

```
foo :: Maybe String
foo = do
    x <- Just 3
    y <- Just "!"
    Just (show x ++ y)
```

# Упражнение

---

Реализуйте `eval`, используя:

1. до-нотацию
2. оператор (`>>=`)

```
data Expr = Var |  
           Num Integer |  
           Add Expr Expr |  
           Sub Expr Expr
```

```
eval :: Expr -> Maybe Integer  
eval Var = Nothing  
eval (Num n) = Just n  
eval (Add e1 e2) = undefined  
eval (Sub e1 e2) = undefined
```

# Упражнение

```
data Person = Person { name :: String, surname :: String }
    deriving (Show, Eq)
grades :: Map.Map Integer Integer
grades = Map.fromList [(124001, 2), (124002, 4)]
studentIds :: Map.Map String Integer
studentIds = Map.fromList [("Ivanov I.", 124001), ("Petrov P.", 124002),
                                                                    ("Sidorova S.", 124003)]

parse :: String -> Maybe Person
parse s = case words s of
    [name, surname] -> Just (Person name surname)
    _ -> Nothing

checkGrade :: String -> Maybe Integer
checkGrade = undefined
```

```
ghci> checkGrade "sjflasjf;als"
Nothing
ghci> checkGrade "Sveta Sidorova"
Nothing
ghci> checkGrade "Petya Petrov"
Just 4
```

# Упражнение

---

```
safeDiv :: Int -> Int -> Maybe Int
safeDiv _ 0 = Nothing
safeDiv x y = Just (x `div` y)
```

Реализуйте функцию `myForM`, которая применяет функцию к каждому элементу списка:

```
ghci> myForM [1, 2, 3] (safeDiv 6)
Just [6,3,2]
ghci> myForM [1, 2, 0, 3] (safeDiv 6)
Nothing
```

# Упражнение

---

С помощью `myForM` реализуйте функцию `mySequence`:

```
ghci> mySequence [Just 1, Just 2, Just 3]
```

```
Just [1,2,3]
```

```
ghci> mySequence [Just 1, Nothing, Just 3]
```

```
Nothing
```



# Упражнение\*

---

Реализуйте функцию `myJoin`, которая удаляет один уровень монадической структуры:

```
ghci> myJoin [[1, 2], [], [3]]
[1,2,3]
ghci> myJoin (Just (Just 1))
Just 1
ghci> myJoin (Just Nothing)
Nothing
ghci> myJoin Nothing
Nothing
```