Задача 5. Функция

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Пусть P — множество целых чисел от 1 до N. Задано отношение R на множестве $P \times P$. Отношение задаётся списком принадлежащих ему элементов: множеством пар $(x,y) \in P \times P$. Для заданного отношения R требуется определить:

- 1. Является ли R функцией: $\forall x \in P$: $(x,u) \in R$ и $(x,v) \in R \Rightarrow u = v$ отсутствует многозначность.
- 2. Является ли R всюду определённой функцией: R является функцией и $\forall x \in N \; \exists \; y \mid (x,y) \in R$ значение определено на всём множестве P.
- 3. Является ли R инъективной функцией: R является функцией и $(x,u) \in R$ и $(y,u) \in R$ $\Rightarrow x = y$.
- 4. Является ли R сюръективной функцией: R является функцией и $\forall u \in N \; \exists \; x \; | \; (x,u) \in R$.
- 5. Является ли R биективной функцией: функция R и инъективна, и сюръективна.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа N и M, записанных через пробел — размер множества ($1 \le N \le 300$) и количество пар ($1 \le M \le N^2$).

В следующих M строках записано по два целых числа x и y $(1 \le x, y \le N)$ — элементы отношения R. Гарантируется, что все пары различны.

Формат выходных данных

Если отношение R не удовлетворяет ни одному из описанных свойств (то есть не является функцией), то выведите число 0.

В противном случае выведите через пробел в порякде увеличения номера свойств, которыми обладает отношение R.

Примеры

input.txt	output.txt
3 5	0
1 2	
3 3	
1 3	
1 1	
2 1	
5 2	1
1 3	
2 3	
5 2	1 3
1 3	
2 5	
3 3	1 2 3 4 5
1 1	
2 3	
3 2	