Задача 9. Список с индексами++

Источник: повышенной сложности*

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 3 секунды*
Ограничение по памяти: разумное

Данная задача посвящена дальнейшему улучшению структуры данных из задачи "Список с индексами".

Вместо деления узлов лишь на "большие" и "маленькие", припишем каждому узлу "высоту". Высота определяет, сколько в узле хранится ссылок на следующие элементы. В предыдущей задаче список имел только два уровня: "маленькие" узлы имели высоту 1, а "большие" — высоту 2. В этой задаче предлагается завести 20 уровней (на самом деле примерно $\log_2 N$), распределяя высоты от 1 до 20.

В узле высоты h нужно хранить массив из h указателей вперёд вместе с расстояниями. k-ый указатель смотрит на следующий в списке элемент, высота которого хотя бы k (здесь полагаем, что k считается с единицы). Для идеальных результатов узлов высоты k должно быть примерно 2^{-k} по доле. Этого можно достичь, если при добавлении каждого нового узла бросать монетку до тех пор, пока не выпадёт орёл, а высоту устанавливать как количество выполненных бросков.

При правильной реализации этой структуры можно выполнять поиск по индексу и добавление узлов примерно за $O(\log N)$. Такая структура называется "список с пропусками" / "skip lists": ссылка.

В данной задаче нужно обработать N таких же запросов, как в задаче "Список с индексами", но теперь за время $O(N \log N)$.

Формат входных данных

В первой строке задано целое число N — общее количество запросов ($1 \le N \le 10^6$). В каждой из следующих N строк дан один запрос. Запрос вставки задаётся тремя целыми числами $0\ k\ V$, а запрос на вывод элемента задаётся двумя целыми числами $1\ k$. Все числа V в списке целые, по модулю не превышают 10^9 .

Формат выходных данных

Для каждого запроса на вывод (типа 1) нужно вывести значение k-ого узла в списке.

Пример

input.txt	output.txt
10	2
0 0 7	5
0 0 5	3
0 1 3	7
0 0 2	5
1 0	
1 1	
1 2	
1 3	
0 1 -5	
1 2	