

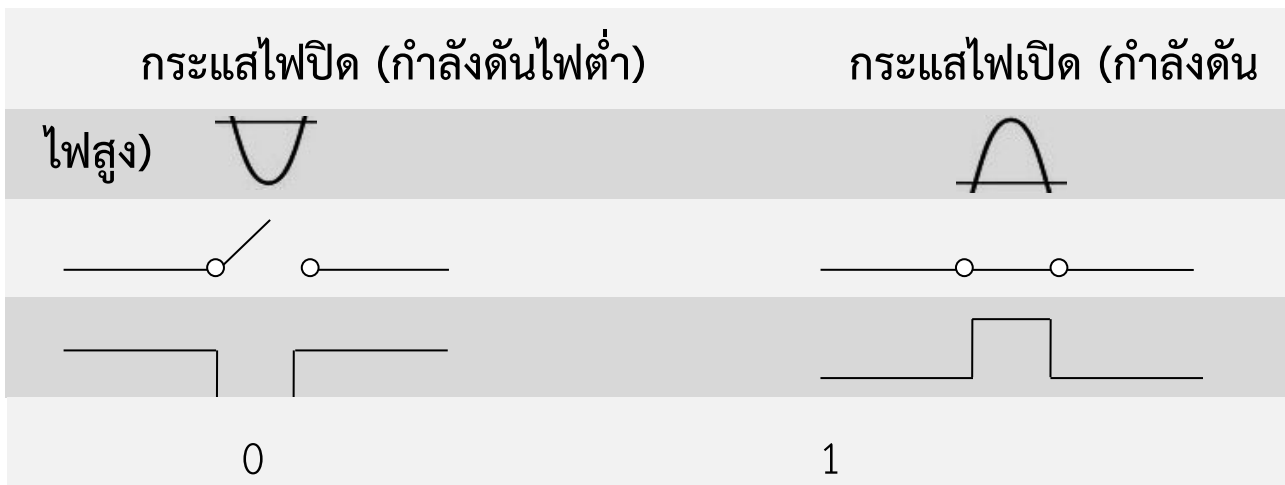
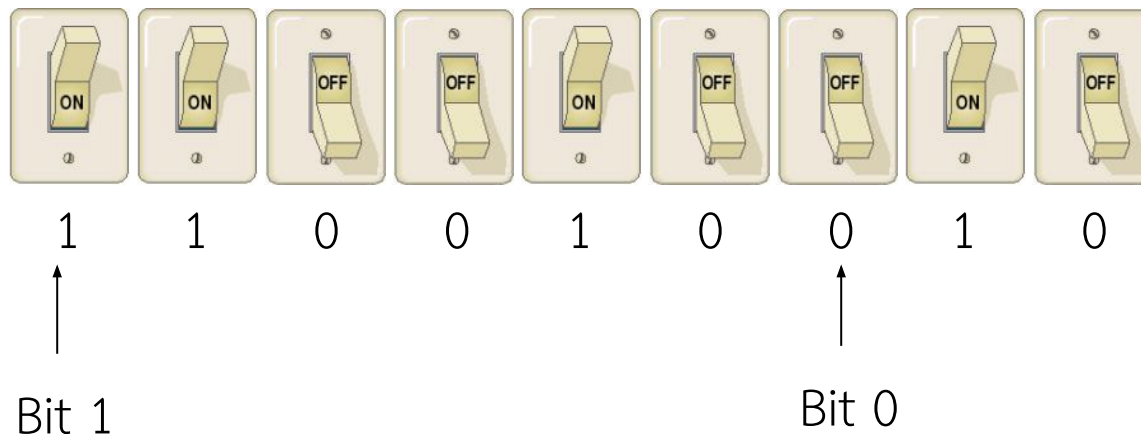
ระบบเลขฐาน (Number Base System)

- ระบบเลขฐาน
- การแปลงเลขฐาน
- การคำนวณเลขฐาน
- รหัสแทนข้อมูล



ระบบเลขฐาน

Computer Processing ทำโดย Transistors ซึ่ง เป็นการกำหนดสถานะของ Switches คือ on (1) และ off (0)





ระบบเลขฐาน

ในระบบการทำงานของคอมพิวเตอร์ นอกจากจะใช้เลขฐานสองแล้วในการประมวลผลแล้วยังได้มีการใช้เลขฐานอื่นๆ ร่วมด้วย อาทิ เลขฐานแปด และเลขฐานสิบหก

| เลขฐาน | ชื่อ | สัญลักษณ์ |
|--------|---------------|---------------------------------|
| 2 | Binary | 0 1 |
| 3 | Ternary | 0 1 2 |
| 4 | Quaternary | 0 1 2 3 |
| 5 | Quinary | 0 1 2 3 4 |
| 6 | Senary | 0 1 2 3 4 5 |
| 7 | Septenary | 0 1 2 3 4 5 6 |
| 8 | Octal | 0 1 2 3 4 5 6 7 |
| 9 | Nonary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 |
| 10 | Denary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |
| 11 | Undenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A |
| 12 | Duodenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B |
| 13 | Tredenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C |
| 14 | Quatuordenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D |
| 15 | Quidenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E |
| 16 | Hexadenary | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F |

[ตัวเลขในแต่ละเลขฐานจะมีค่าต่ำสุด คือ 0 และค่าสูงสุด คือค่าของเลขฐานลบด้วย 1 (เลขฐาน-1)]



ระบบเลขฐาน

ระบบเลขฐานที่นิยมมี 4 เลขฐาน ได้แก่

1. **Decimal Number** คือ ระบบเลขฐานสิบ ซึ่งใช้เป็นมาตรฐานทั่วไป (0,1,2,3,...,9) เช่น 1, 3, 6798, 234, 100.12
2. **Binary Number** คือ ระบบเลขฐานสอง ซึ่งใช้ในการประมวลผลในเครื่องคอมพิวเตอร์ ซึ่งมีค่าสูงสุดไม่เกินค่า 2 นั่นคือจะมีค่าเพียง 0 และ 1 เท่านั้น
เช่น 1011011011, 111011100001
3. **Octal Number** คือ ระบบเลขฐานแปด ซึ่งใช้ในการศึกษาวงจรดิจิทัล (1,2,3,4,5,6,7) เช่น 234.75, 1202311, 11011, 765644
4. **Hexadecimal Number** คือ ระบบเลขฐานสิบหก ซึ่งใช้ในระบบวงจรดิจิทัล ซึ่งเป็นการกำหนดรูปแบบคำสั่งแทนการใช้เลขฐาน 2 และฐาน 8 (1, 2, 3,..., F) เช่น E22AF, 1567AE, C4F



ระบบเลขฐาน

ตารางเปรียบเทียบเลขฐานสิบ ฐานสอง ฐานแปด และฐานสิบหก

| X_{10} | X_2 | X_8 | X_{16} |
|----------|-------|-------|----------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 10 | 2 | 2 |
| 3 | 11 | 3 | 3 |
| 4 | 100 | 4 | 4 |
| 5 | 101 | 5 | 5 |
| 6 | 110 | 6 | 6 |
| 7 | 111 | 7 | 7 |
| 8 | 1000 | 10 | 8 |
| 9 | 1001 | 11 | 9 |
| 10 | 1010 | 12 | A |

| X_{10} | X_2 | X_8 | X_{16} |
|----------|-------|-------|----------|
| 11 | 1011 | 13 | B |
| 12 | 1100 | 14 | C |
| 13 | 1101 | 15 | D |
| 14 | 1110 | 16 | E |
| 15 | 1111 | 17 | F |
| 16 | 10000 | 20 | 10 |
| 17 | 10001 | 21 | 11 |
| 18 | 10010 | 22 | 12 |
| 19 | 10011 | 23 | 13 |
| 20 | 10100 | 24 | 14 |
| 30 | 11110 | 36 | 1E |



ระบบเลขฐาน

ระบบเลขฐานทุกเลขฐานจะมีค่าประจำหลัก เพื่อบ่งบอกระดับของตัวเลขนั้นๆ เช่น ในเลขฐานสิบ มีค่าประจำหลัก ได้แก่ หลักหน่วย (100) หลักสิบ (101) หลักร้อย (102) หลักพัน (103) เป็นต้น

ค่าประจำหลักมากที่สุด จะอยู่ด้านซ้ายสุดของชุดตัวเลข และค่าประจำหลักน้อยสุด จะอยู่ด้านขวาสุดของชุดตัวเลข) ซึ่งค่าประจำหลักน้อยสุดเรียกว่า แอลเอสดี (LSD : Least Significant Digit คือเลขฐาน 0 ค่าประจำหลักสูงสุดเรียกว่า เอ็มเอสดี (MSD : Most Significant Digit) คือ เลขฐานจำนวนตัวเลข -1

เช่น $(7249)_{10}$ มาจาก $(7 \times 10^3) + (2 \times 10^2) + (4 \times 10^1) + (9 \times 10^0)$

ซึ่งเท่ากับ $(7 \times 1000) + (2 \times 100) + (4 \times 10) + (9 \times 1)$

ดังนั้น ค่าประจำหลักของเลขโดด 7 คือ 10^3 หรือ 1000

ค่าประจำหลักของเลขโดด 2 คือ 10^2 หรือ 100

ค่าประจำหลักของเลขโดด 4 คือ 10^1 หรือ 10

ค่าประจำหลักของเลขโดด 9 คือ 10^0 หรือ 1



ระบบเลขฐาน

ในทำนองเดียวกัน ค่าประจำหลักของระบบเลขฐานอื่นๆ ก็มีการเรียงลำดับจากมากไปน้อยจากด้านซ้ายไปขวาเช่นเดียวกับเลขฐานสิบ

เช่น ชุดตัวเลข $(100110)_2$ ซึ่งเป็นเลขฐานสองสามารถระบุค่าประจำหลัก ได้ดังนี้

$(100110)_2$ มาจาก $(1 \times 2^5) + (0 \times 2^4) + (0 \times 2^3) + (1 \times 2^2) + (1 \times 2^1) + (0 \times 2^0)$

ซึ่งเท่ากับ $(1 \times 32) + (0 \times 16) + (0 \times 8) + (1 \times 4) + (1 \times 2) + (0 \times 1)$

ดังนั้น ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^5 หรือ 32

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^4 หรือ 16

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^3 หรือ 8

ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^2 หรือ 4

ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^1 หรือ 2

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^0 หรือ 0

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น เลขจำนวนเต็ม

วิธีการหารสั้น

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสอง

$$(305)_{10} = (100110001)_2$$

| | | | |
|---|---|-----|-----|
| 2 |) | 305 | |
| 2 |) | 152 | = 1 |
| 2 |) | 76 | = 0 |
| 2 |) | 38 | = 0 |
| 2 |) | 19 | = 0 |
| 2 |) | 9 | = 1 |
| 2 |) | 4 | = 1 |
| 2 |) | 2 | = 0 |
| 2 |) | 1 | = 0 |
| | | 0 | = 1 |

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานแปด

$$(305)_{10} = (? (461)_8$$

| | | | |
|---|---|-----|-----|
| 8 |) | 305 | |
| 8 |) | 38 | = 1 |
| 8 |) | 4 | = 6 |
| | | 0 | = 4 |

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น เลขจำนวนเต็ม

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสิบหก

$$(305)_{10} = (?)_{16}$$

$$(131)_{16}$$

$$\begin{array}{r} 16 \overline{) 305} \\ 16 \overline{) 19} \\ 16 \overline{) 1} \\ 0 \end{array} = \begin{array}{l} 1 \\ 3 \\ 1 \end{array} \uparrow$$

วิธีการหารสั้น

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานอื่นๆ

$$(nnn)_{10} = (?)_x$$

$$\begin{array}{r} x \overline{) nnn} \\ \vdots \end{array}$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น __ เลขทศนิยม

วิธีการหารสั้น

Ex. $(0.6875)_{10} = (?)_2$

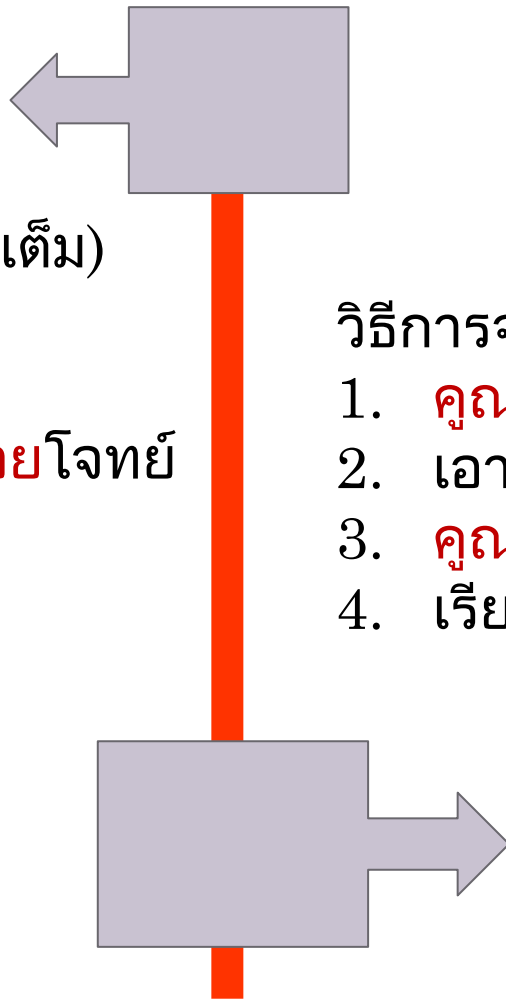
$(0.1011)_2$

$$\begin{array}{r} 0.6875 \\ \times 2 \\ \hline 1.3750 \\ \times 2 \\ \hline 0.7500 \\ \times 2 \\ \hline 1.5000 \\ \times 2 \\ \hline 1.0000 \end{array}$$

Ex. $(0.65625)_{10} = (?)_8$

$(0.52)_8$

$$\begin{array}{r} 0.65625 \\ \times 8 \\ \hline 5.25000 \\ \times 8 \\ \hline 2.00000 \end{array}$$



วิธีการจำสลับเป็นต่าง (เต็ม)

1. **ห**าร**ล**้นตาม**จ**อทย์
2. **เ**า**ค**ษ**ไ**ว้**ท**้าย
3. **ห**าร**ป**ไ**ร**ือ**ย**จ**น**น**อ**ย**จ**อทย์
4. **ร**ี**ย**ง**ล**่าง**ข**ี**้**น**บ**น

วิธีการจำสลับเป็นต่าง (ทศนิยม)

1. **ค**ุ**ณ**ตาม**จ**อทย์
2. **เ**า**ต**็**ม**ไ**ว้**ห**น**้า**ล**่**ว**ั**ด**ด
3. **ค**ุ**ณ**ไ**ป**ร**ี**อ**ย**ตาม**จ**อทย์
4. **ร**ี**ย**ง**บ**น**ล**ง**ล**่าง

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานอื่นเป็นฐานสิบ __ เลขจำนวนเต็ม

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

แปลงเลขฐานอื่น --> เลขฐานสิบ

$$(100110001)_2 = (305)$$

| | 2^8 | 2^7 | 2^6 | 2^5 | 2^4 | 2^3 | 2^2 | 2^1 | 2^0 |
|--------------|--|---|--|---|--------------------------------|-----------------------|--------------|-------|-------|
| ค่าประจำหลัก | $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ | $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ | $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ | $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ | $2 \times 2 \times 2 \times 2$ | $2 \times 2 \times 2$ | 2×2 | 2 | 1 |
| | 256 | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 |
| ค่าของหลัก | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| ผลลัพธ์ | 256 | 0 | 0 | 32 | 16 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| รวม | $= 256 + 32 + 16 + 1 = 305$ | | | | | | | | |

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น __ เลขจำนวนเต็ม

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานแปด

$$(4005)_{10} = (7645)_8$$

| ค่าประจำหลัก | 8^4 | 8^3 | 8^2 | 8^1 | 8^0 |
|--------------|--------------------------------|-----------------------|---------------------|-------------------|------------------|
| | $8 \times 8 \times 8 \times 8$ | $8 \times 8 \times 8$ | 8×8 | 8 | 1 |
| | 4096 | 512 | 64 | 8 | 1 |
| | 0 | 7 | 6 | 4 | 5 |
| | <hr/> | | | | |
| | | $512 \times 7 = 3584$ | $64 \times 6 = 384$ | $8 \times 4 = 32$ | $1 \times 5 = 5$ |

| | | | |
|---------------|--------------|-------------|------------|
| 4005 | 421 | 37 | 5 |
| <u>- 3584</u> | <u>- 384</u> | <u>- 32</u> | <u>- 5</u> |
| 421 | 37 | 5 | 0 |

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น __ เลขจำนวนเต็ม

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสิบหก

$$(4005)_{10} = (\text{FA4})_{16}$$

| ค่า | 16^3 | 16^2 | 16^1 | 16^0 |
|-------|--------------------------|----------------|---------|--------|
| ประจำ | $16 \times 16 \times 16$ | 16×16 | 16 | 1 |
| หลัก | 4096 | 256 | 16 | 1 |
| | 0 | 15 => F | 10 => A | 4 |

$$256 \times 15 = 3840 \quad 16 \times 10 = 160 \quad 1 \times 4 = 4$$

| | | |
|---------------|--------------|------------|
| 4005 | 165 | 4 |
| <u>- 3840</u> | <u>- 160</u> | <u>- 4</u> |
| 165 | 4 | <u>0</u> |

วิธีการจำต่างเป็นสิบ (เต็ม)

1. เรียงบวกค่าปจลท้ายไปหน้า
2. คูณกระจายกับหลักแล้วยกตาม
โจทย์
3. บวกกันที่ไม่มีศูนย์

วิธีการจำต่างเป็นสิบ (ทศนิยม)

1. เรียงลบค่าปจลหน้าไปท้าย
2. หากรกลับเศษส่วนกระจายกับ
หลักแล้วยกตามโจทย์
3. บวกกันที่ไม่มีศูนย์

แปลงเลขฐานอื่นๆ --> เลขฐานสิบ

$$(b_{m-1} \times B^{m-1}) + (b_{m-2} \times B^{m-2}) + \dots + (b_2 \times B^2) + (b_1 \times B^1) + (b_0 \times B^0) + (b_{-1} \times B^{1-1}) + \dots$$

Ex. $(10101.1011)_2 = (?)_{10}$

$$(1 \times 2^4) + (0 \times 2^3) + (1 \times 2^2) + (0 \times 2^1) + (1 \times 2^0) + (1 \times 2^{-1}) + (0 \times 2^{-2}) + (1 \times 2^{-3}) + (1 \times 2^{-4})$$

$$= (1 \times 16) + (0 \times 8) + (1 \times 4) + (0 \times 2) + (1 \times 1) + (1 \times 0.5) + (0 \times 0.25) + (1 \times 0.125) + (1 \times 0.0625)$$

$$= 16 + 4 + 1 + 0.5 + 0.125 + 0.0625 = 21.6875 \text{ หรือ ประมาณ } 21.69$$

Example

$$\begin{aligned}(10011)_2 &= (1 \times 2^4) + \cancel{(0 \times 2^3)} + \cancel{(0 \times 2^2)} + (1 \times 2^1) + (1 \times 2^0) \\ &= (1 \times 16) + (1 \times 2) + (1 \times 1) = 16 + 2 + 1 = 19\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3610)_8 &= (3 \times 8^3) + (6 \times 8^2) + (1 \times 8^1) + \cancel{(0 \times 8^0)} \\ &= (3 \times 512) + (6 \times 64) + (1 \times 8) = 1,928\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(21A)_{16} &= (2 \times 16^2) + (1 \times 16^1) + (1 \times 16^0) \\ &= (2 \times 256) + (1 \times 16) + (10 \times 1) = 538\end{aligned}$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานแปด

2 --> 8

$$\begin{array}{ccccccc} & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 \\ (& 1 & | & 1 & 0 & 0 & | & 1 & 1 & 1 & | & 0 & 1 & 1 & | & 0 & 1 & 1 &)_2 \\ & 1 & & 4 & & & & 7 & & & & 3 & & & & 3 \end{array}$$

ดังนั้น $(1100111011011)_2 = (14733)_8$

$$\begin{array}{ccccccc} & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 & 2 & 1 & & 4 \\ (& 1 & 0 & | & 0 & 1 & 0 & | & 1 & 0 & 1 & . & 1 & 0 & 1 & | & 1 &)_2 \\ & 2 & & & 2 & & & & 5 & & & & 5 & & & & 4 \end{array}$$

ดังนั้น $(10010101.1011)_2 = (225.54)_8$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานแปด

8 --> 2

| | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| 1 | 4 | 7 | 3 | 3 |
| 0 0 1 | 1 0 0 | 1 1 1 | 0 1 1 | 0 1 1 |

ดังนั้น (14733) = (1100111011011)

| | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|---|
| 8 | 2 | 2 | 5 | .5 | 4 |
| 0 1 0 | 0 1 0 | 1 0 1 | 1 0 1 | 1 0 0 | |

ดังนั้น (225.54) = (10010101.1011)

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานสิบหก

2 --> 16

| | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|--|---|---|---|---|--|---|---|---|---|--|---|---|---|---|----------------|
| | 1 | | 8 | 4 | 2 | 1 | | 8 | 4 | 2 | 1 | | 8 | 4 | 2 | 1 | |
| (| 1 | | 1 | 0 | 0 | 1 | | 1 | 1 | 0 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 1 |) ₂ |
| | 1 | | | | | 9 | | | | | D | | | | | B | |

ดังนั้น $(1100111011011)_2 = (19DB)_{16}$

| | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|--|---|---|---|---|--|---|---|---|---|--|---|---|---|---|---|----------------|
| | | 8 | 4 | 2 | 1 | | 8 | 4 | 2 | 1 | | 8 | 4 | 2 | 1 | | |
| (| | 1 | 0 | 0 | 1 | | 0 | 1 | 0 | 1 | | 1 | 0 | 1 | 1 | |) ₂ |
| | | | | | 9 | | | | | 5 | | | | | | B | |

ดังนั้น $(10010101.1011)_2 = (95.B)_8$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานสิบหก

16 --> 2

| 1 | A | D | B |
|---------|---------|---------|---------|
| 0 0 0 1 | 1 0 1 0 | 1 1 0 1 | 1 0 1 1 |

$$(1ADB)_{16} = (1101011011011)_2$$

| E | A | . 8 | F |
|---------|---------|---------|---------|
| 1 1 1 0 | 1 0 1 0 | 1 0 0 0 | 1 1 1 1 |

$$(EA.8F)_{16} = (1110101010001111)_2$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานแปดกับเลขฐานสิบหก

8 --> 16

8



2



16

| 1 | 4 | 7 | 3 | 3 |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 0 1 | 1 0 0 | 1 1 1 | 0 1 1 | 0 1 1 |

| | | | | |
|-------|-------|-------|-------|---------|
| 0 0 1 | 1 0 0 | 1 1 1 | 0 1 1 | 1 0 1 1 |
| 1 | 9 | D | B | |

$$(14733)_8 = (19DB)_{16}$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานแปดกับเลขฐานสิบหก

16 --> 8

16



2



8

| 1 | 9 | D | B |
|---------|---------|---------|---------|
| 0 0 0 1 | 1 0 0 1 | 1 1 0 1 | 1 0 1 1 |

| | | | | | |
|---|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 0 1 | 1 0 0 | 1 1 1 | 0 1 1 | 0 1 1 |
| 0 | 1 | 4 | 7 | 3 | 3 |

$$(19DB)_{16} = (14733)_8$$

□ การคำนวณเลขฐาน

Addition

การบวกเลขฐาน (Addition)

$$\begin{array}{r} \text{C} \quad 0110 \\ 237 \\ + \text{S} \quad 627 \\ \hline 8650 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10110 \\ 237 \\ + \quad 627 \\ \hline 10672_8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1110 \\ 3FC \\ + \quad 7FA \\ \hline BF73_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10010 \\ 110 \\ + \quad 100 \\ \hline 10110_2 \end{array}$$

6

การบวกในระบบคอมพิวเตอร์ (Binary numbers)

$$\begin{array}{r} \text{a) } 1001 + \\ 0101 \\ + 010 \\ \hline 1110 \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline -7 \\ + \\ \hline 5 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{b) } 1100 + \\ 0100 \\ + 010 \\ \hline 10000 \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline -4 \\ + \\ \hline 4 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{c) } 0101 + \\ 0100 \\ + 010 \\ \hline 0001 \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline 5 \\ + \\ \hline \text{Overflow} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{d) } 1001 + \\ 1010 \\ + 101 \\ \hline 10011 \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline -7 \\ + \\ \hline \text{Overflow} \\ \hline \end{array}$$

□ การคำนวณเลขฐาน

Subtraction

การลบเลขฐาน (Subtraction)

$$\begin{array}{r} 101 \\ 8567 \\ - 627 \\ \hline 62397 \end{array} +$$

$$\begin{array}{r} 888 \\ 4067 \\ - 217 \\ \hline 606748 \end{array} +$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ 7FC \\ - 5FA \\ \hline E10171 \\ \hline 16 \end{array} +$$

6

Complement สำหรับการลบเลขฐานสอง

1's

Complement

nt

1 1 0 1 1

1 0 0 เปลี่ยนบิต '0'

1 1 0 1 1

1 0 0

2's

Complement

nt

1 1 0 1 1

1 0 0 1's

1 1 0 1 Complement

1 0 0 1

1 1 0 1 1

1 0 1

การคำนวณเลขฐาน

Subtraction

การลบเลขฐานสอง โดยใช้ 1's Complement

1. หากจำนวนของบิตของตัวตั้งและตัวลบไม่เท่ากัน ให้เพิ่มบิต 0 ด้านหน้าของตัวที่น้อยกว่า เพื่อให้จำนวนบิตเท่ากัน
2. หา 1's Complement ของตัวลบ แล้วนำมาบวกกับตัวตั้ง
3. ถ้าผลบวกมีตัวทดเกินบิตที่มีอยู่ให้นำตัวทอนนั้นมาบวกกับผลจากข้อที่ 1 จะได้ค่าบวก
4. ถ้าผลบวกจากข้อ 1 ไม่มีตัวทดให้นำผลบวกจากข้อที่ 1 มาหา 1's Complement ซึ่งผลที่ได้ให้มามีค่าเป็นลบ

$$\begin{array}{r} 110111 - 10 \\ \underline{0101} \text{ 1's Complement} \\ 110111 + \\ \underline{0110} \\ 101000 + \\ \underline{011} \\ 01000 \leftarrow \text{คำตอบ} \\ 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10111 - 110 \\ \underline{0101} \text{ 1's Complement} \\ 10111 + \\ \underline{0010} \\ 10000 \text{ (Carry out)} \\ \underline{1000} \text{ 1's Complement} \\ 01111 \\ 11111 \leftarrow \text{คำตอบ} \\ 1 \end{array}$$

การคำนวณเลขฐาน

Subtraction

การลบเลขฐานสอง โดยใช้ 2's Complement

1. หากจำนวนของบิตของตัวตั้งและตัวลบไม่เท่ากัน ให้เพิ่มบิต 0 ด้านหน้าของตัวที่น้อยกว่า เพื่อให้จำนวนบิตเท่ากัน
2. หา 2's Complement ของตัวลบ แล้วนำมาบวกกับตัวตั้ง
3. ถ้าผลบวกมีบิตเกินมา ให้ตัดบิตเกินทิ้ง ซึ่งผลที่ได้จะมีค่าเป็นบวก
4. ถ้าผลบวกไม่มีตัวทดเกินมาให้นำผลบวกจากข้อที่ 1 มาหา 2's Complement ซึ่งผลที่ได้จะมีค่าเป็นลบ

1 1 0 1 1 1 - 1 0

0 1 0 1 \downarrow 2's

0 1 1 0 Complement

1 1

2 1 1 0 1
0 1 1 0 +

~~1~~ 0 1 0 0 \leftarrow คำตอบ
3 1 0

1 0 1 1 1 - 1 1 0

2 0 1 0 1 1 1 \downarrow 2's

0 0 1 0 + 0 0 1 0 Complement

1 0

1 0 0 0

3 \downarrow 2's
0 1 1 1 Complement

4 1 1 1 1 1 \leftarrow คำตอบ

1

การคำนวณเลขฐาน

Multiplication & Division

การคูณเลขฐาน

$$110101 \times 101 = ?$$

$$\begin{array}{r}
 1101 \\
 \times 101 \\
 \hline
 1101 \\
 0000 \\
 11010 \\
 \hline
 10000110 \\
 01 \\
 \hline
 \hline
 1000011001
 \end{array}$$

← คำตอบ

การหารเลขฐาน

$$100001001 \div 101 = ?$$

$$\begin{array}{r}
 000110101 \\
 10 \overline{) 100001} \\
 \underline{100} \\
 000 \\
 \underline{000} \\
 000 \\
 \underline{000} \\
 001 \\
 \underline{001} \\
 000 \\
 \underline{000} \\
 0
 \end{array}$$

← คำตอบ



รหัสแทนข้อมูล

เนื่องจากคอมพิวเตอร์ประมวลผลด้วยข้อมูลแบบบิต (0/1) ดังนั้นเพื่อให้มนุษย์เข้าใจคำสั่ง หรือระบบการทำงานให้กับคอมพิวเตอร์ได้ง่าย จึงมีการแปลงรหัสบิตให้เป็นรหัสอักษร (Text code system)

Text Code Systems ที่นิยมใช้ คือ

1. BCDIC
2. EBCDIC
3. ASCII
4. Unicode



รหัสแทนข้อมูล

BCDIC (Binary Coded Decimal Interchange Code)

เป็นรหัสข้อมูลที่ใช้ชุดตัวเลขฐานสองจำนวน 6 บิตแทน ตัวเลข อักษรตัวพิมพ์ใหญ่ของอักษรลาตินอเมริกา อักษรพิเศษ และอักขระควบคุม

รหัสแทนข้อมูลแบบบีซีดี สามารถสร้างรหัสสำหรับแทนข้อมูลได้จำนวน $2^4=64$ ตัวอักษร

รหัสบีซีดีแต่ละชุดจะถูกแทนค่าต่างกันขึ้นอยู่กับระบบคอมพิวเตอร์ที่ใช้



รหัสแทนข้อมูล

รหัสบีซีดีสำหรับเครื่องไอบีเอ็ม-704 (IBM 704 BCD Code)

| | 000 | 001 | 002 | 003 | 004 | 005 | 006 | 007 |
|-----|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 000 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 001 | 8 | 9 | | | | | | |
| 002 | + | A | B | C | D | E | F | G |
| 003 | H | I | | . |) | | | |
| 004 | - | J | K | L | M | N | O | P |
| 005 | Q | R | | S | " | | | |
| 006 | space | / | S | T | U | V | W | X |
| 007 | T | Z | | , | (| | | |
| | 000 | 001 | 002 | 003 | 004 | 005 | 006 | 007 |



รหัสแทนข้อมูล

รหัสปีซีดีสำหรับเครื่องเบอร์รูก์ส บี5500 (Burroughs B5500 BCD Code)

| | 000 | 001 | 002 | 003 | 004 | 005 | 006 | 007 |
|-----|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 000 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 001 | 8 | 9 | # | @ | ? | : | > | ≥ |
| 002 | + | A | B | C | D | E | F | G |
| 003 | H | I | . | [| & | (| < | f |
| 004 | x | J | K | L | M | N | O | P |
| 005 | Q | R | S | * | - |) | ; | ≤ |
| 006 | space | / | S | T | U | V | W | X |
| 007 | T | Z | , | % | ≠ | = |] | " |
| | 000 | 001 | 002 | 003 | 004 | 005 | 006 | 007 |



รหัสแทนข้อมูล

EBCDIC (Extended Binary Coded Decimal Interchange Code)

เป็นรหัสแทนข้อมูลที่กำหนดจำนวนบิตของแต่ละชุดอักขระเพิ่มเป็น 8 บิต เพื่อให้สามารถแทนข้อมูลได้จำนวนมากขึ้นเป็น $2^8=256$ ตัวอักษรออกแบบมาสำหรับเครื่อง IBM Mainframe



รหัสแทนข้อมูล

| 0 | -0 | -1 | -2 | -3 | -4 | -5 | -6 | -7 | -8 | -9 | -A | -B | -C | -D | -E | -F |
|----|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|--------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 0- | NUL 0000 | SOH 0001 | STX 0002 | ETX 0003 | ST 009C | HT 0009 | SSA 0086 | DEL 007F | EPA 0097 | RI 008D | SS2 008E | VT 000B | FF 000C | CR 000D | SO 000E | SI 000F |
| 1- | DLE 0010 | DC1 0011 | DC2 0012 | DC3 0013 | OSC 009D | NEL 0085 | BS 0008 | ESA 0087 | CAN 0018 | EM 0019 | PU2 0092 | SS3 008F | FS 001C | GS 001D | RS 001E | US 001F |
| 2- | PAD 0080 | HOP 0081 | BPH 0082 | NBH 0083 | IND 0084 | LF 000A | ETB 0017 | ESC 001B | HTS 0088 | HTJ 0089 | VT5 008A | PLD 008B | PLU 008C | ENQ 0005 | ACK 0006 | BEL 0007 |
| 3- | DCS 0090 | PU1 0091 | SYN 0016 | STS 0093 | CCH 0094 | MW 0095 | SPA 0096 | EOT 0004 | SOS 0098 | SGCI 0099 | SCI 009A | CSI 009B | DC4 0014 | NAK 0015 | PM 009E | SUB 001A |
| 4- | SP 0020 | NBS 00A0 | ก 0E01 | ข 0E02 | ช 0E03 | ค 0E04 | ฅ 0E05 | ฉ 0E06 | ง 0E07 | [005B | C 00A2 | . 002E | < 003C | (0028 | + | |
| 5- | & 0026 | ' 0E48 | จ 0E08 | ฉ 0E09 | ช 0E0A | ซ 0E0B | ฌ 0E0C | ญ 0E0D | ฎ 0E0E |] | ! | S | * |) | ; | ¬ |
| 6- | - 002D | / 002F | ฎ 0E0F | ฏ 0E10 | ท 0E11 | ฒ 0E12 | ณ 0E13 | ด 0E14 | ต 0E15 | ^ 005E | ! | , | % | _ | > | ? |
| 7- | ฿ 0E3F | ¢ 0E4E | ถ 0E16 | ท 0E17 | ธ 0E18 | น 0E19 | บ 0E1A | ป 0E1B | ผ 0E1C | ` 0060 | : | # | © | ' | = | " |
| 8- | ด 0E4F | a 0061 | b 0062 | c 0063 | d 0064 | e 0065 | f 0066 | g 0067 | h 0068 | i 0069 | ฝ 0E1D | พ 0E1E | ฟ 0E1F | ภ 0E20 | ม 0E21 | ย 0E22 |
| 9- | ฑ 0E5A | j 006A | k 006B | ล 006C | m 006D | n 006E | อ 006F | p 0070 | q 0071 | r 0072 | ร 0E23 | ฤ 0E24 | ลี 0E25 | รี 0E26 | ว 0E27 | ศ 0E28 |
| A- | ๓ 0E5B | ~ 007E | s 0073 | t 0074 | u 0075 | v 0076 | w 0077 | x 0078 | y 0079 | z 007A | ๕ 0E29 | ส 0E2A | ห 0E2B | ฬ 0E2C | อ 0E2D | ฮ 0E2E |
| B- | ๐ 0E50 | ๑ 0E51 | ๒ 0E52 | ๓ 0E53 | ๔ 0E54 | ๕ 0E55 | ๖ 0E56 | ๗ 0E57 | ๘ 0E58 | ๙ 0E59 | ๑ 0E2F | ๒ 0E30 | ๓ 0E31 | ๔ 0E32 | ๕ 0E33 | ๖ 0E34 |
| C- | { 007B | A 0041 | B 0042 | C 0043 | D 0044 | E 0045 | F 0046 | G 0047 | H 0048 | I 0049 | | ๗ 0E35 | ๘ 0E36 | ๙ 0E37 | ๐ 0E38 | ๑ 0E39 |
| D- | } 007D | J 004A | K 004B | L 004C | M 004D | N 004E | O 004F | P 0050 | Q 0051 | R 0052 | . 0E3A | ๒ 0E40 | ๓ 0E41 | ๔ 0E42 | ๕ 0E43 | ๖ 0E44 |
| E- | \ 005C | ๗ 0E49 | S 0053 | T 0054 | U 0055 | V 0056 | W 0057 | X 0058 | Y 0059 | Z 005A | ๑ 0E45 | ๒ 0E46 | ๓ 0E47 | ๔ 0E48 | ๕ 0E49 | ๖ 0E4A |
| F- | 0 0030 | 1 0031 | 2 0032 | 3 0033 | 4 0034 | 5 0035 | 6 0036 | 7 0037 | 8 0038 | 9 0039 | * 0E4B | ๗ 0E4C | ๘ 0E4D | ๙ 0E4B | ๐ 0E4C | APC 009F |

ASCII (American Standard Code for Information Interchange)

เป็นรหัสแบบ 8-bit code ใช้ในเครื่อง Microcomputer ซึ่งนำมารหัสที่ใช้ในเครื่องโทรเลข (Telex)



รหัสแทนข้อมูล

| | | | | | | | | | |
|-------|-------|------|-------|-------|-------|---------|-------|-------|-------|
| 0= | 26=→ | 52=4 | 78=N | 104=h | 130=é | 156=£ | 222= | 205== | 234=Ω |
| 1=☺ | 27=← | 53=5 | 79=O | 105=i | 131=â | 157=¥ | 223= | 206= | 235=δ |
| 2=☹ | 28=└ | 54=6 | 80=P | 106=j | 132=ä | 158=Pts | 224=α | 207= | 236=α |
| 3=♥ | 29=↔ | 55=7 | 81=Q | 107=k | 133=à | 159=f | 225= | 208= | 237=φ |
| 4=♦ | 30=▲ | 56=8 | 82=R | 108=l | 134=å | 160=á | 226= | 209= | 238=ε |
| 5=♣ | 31=▼ | 57=9 | 83=S | 109=m | 135=ç | 161=í | 227= | 210= | 239=∩ |
| 6=♠ | 32= | 58=: | 84=T | 110=n | 136=ê | 162=ó | 228= | 211= | 240=≡ |
| 7= | 33=! | 59=; | 85=U | 111=o | 137=ë | 163=ú | 229= | 212= | 241=± |
| 8= | 34=" | 60=< | 86=V | 112=p | 138=è | 164=ñ | 230= | 213= | 242=≥ |
| 9= | 35=# | 61>= | 87=W | 113=q | 139=ï | 165=Ñ | 231= | 214= | 243=≤ |
| 10= | 36=\$ | 62=> | 88=X | 114=r | 140=î | 166=a | 232= | 215= | 244=┌ |
| 11=♂ | 37=% | 63=? | 89=Y | 115=s | 141=ì | 167=° | 233= | 216= | 245=└ |
| 12=♀ | 38=& | 64=@ | 90=Z | 116=t | 142=Ä | 168=¿ | 234= | 217= | 246=÷ |
| 13= | 39=' | 65=A | 91=[| 117=u | 143=Å | 169=¬ | 235= | 218= | 247=≈ |
| 14=♪ | 40=(| 66=B | 92=\ | 118=v | 144=É | 170=¬ | 236= | 219= | 248=° |
| 15=☀ | 41=) | 67=C | 93=] | 119=w | 145=æ | 171=½ | 237= | 220= | 249=. |
| 16=▶ | 42=* | 68=D | 94=^ | 120=x | 146=Æ | 172=¼ | 238= | 221= | 250=. |
| 17=◀ | 43=+ | 69=E | 95=_ | 121=y | 147=ô | 173=j | 239= | 222= | 251=√ |
| 18=↑ | 44=, | 70=F | 96=` | 122=z | 148=ö | 174=« | 240= | 223= | 252=^ |
| 19=!! | 45=- | 71=G | 97=a | 123={ | 149=ò | 175=» | 241= | 224= | 253=² |
| 20=¶ | 46=. | 72=H | 98=b | 124= | 150=û | 176= | 242= | 225= | 254=■ |
| 21=§ | 47=/ | 73=I | 99=c | 125=} | 151=ù | 177= | 243= | 226= | |
| 22=— | 48=0 | 74=J | 100=d | 126=~ | 152=ÿ | 178= | 244= | 227= | |
| 23=↑ | 49=1 | 75=K | 101=e | 127=△ | 153=Û | 179= | 245= | 228= | |
| 24=↑ | 50=2 | 76=L | 102=f | 128=Ç | 154=Ü | 180= | 246= | 229= | |
| 25=↓ | 51=3 | 77=M | 103=g | 129=ü | 155=ç | 181= | 247= | 230= | |
| | | | | | | | 248= | 231= | |
| | | | | | | | 249= | 232= | |
| | | | | | | | 250= | 233= | |

❖ รหัสแทนข้อมูล

Unicode

เป็นรหัสแบบ 16-bit code ซึ่งขยายต่อจาก ASCII (8-bit code) เพื่อให้สามารถเข้ารหัสตัวอักษรส่วนใหญ่ที่ใช้ในทุกภาษาทั่วโลก

| Character Types | Character Set Description | Number of Characters | Hexadecimal Values |
|-----------------|-----------------------------------|----------------------|--------------------|
| Alphabets | Latin, Greek, etc. | 8192 | 0000 – 1FFF |
| Symbols | Mathematical, etc. | 4096 | 2000 – 2FFF |
| CJK | Chinese, Japanese, Korean | 4096 | 3000 – 3FFF |
| Han | Unified Chinese, Japanese, Korean | 40960 | 4000 – DFFF |
| | Expansion of spillover from Han | 4096 | E000 – EFFF |
| User defined | | 4095 | F000 – FFFE |

References

หนังสือ/ตำราอ้างอิง

จิรพร วีระพันธุ์. (2549). *Computer Organization and Architecture* [เอกสารอัดสำเนา]. กรุงเทพฯ: ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง.

จิรภา เพชรพัฒนานนท์. (2539). *คณิตศาสตร์คอมพิวเตอร์*. กรุงเทพฯ: วังอักษร.

พัชรินทร์ บัวเย็น. (2556). *ไมโครคอมพิวเตอร์และพีซีชนิดบูตลิน: บทที่ 3 ระบบบัสและสถาปัตยกรรมคอมพิวเตอร์เบื้องต้น* [เอกสารอัดสำเนา]. จันทบุรี: สาขาวิชาคอมพิวเตอร์ธุรกิจ คณะวิทยาการจัดการ มหาวิทยาลัยราชภัฏรำไพพรรณี.

อ้างอิงรูปภาพ

Burroughs Corporation. (1966). *Burroughs B5500: Information Processing System*. Michigan, United States: n.p.

Control Data Corporation. (1965). *Codes/Control Data 6600 Computer System*. USA. Control Data Corporation, Technical Publication Department.

