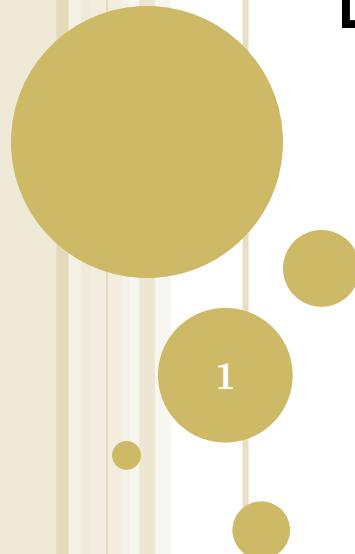


ระบบเลขฐาน (Number Base System)

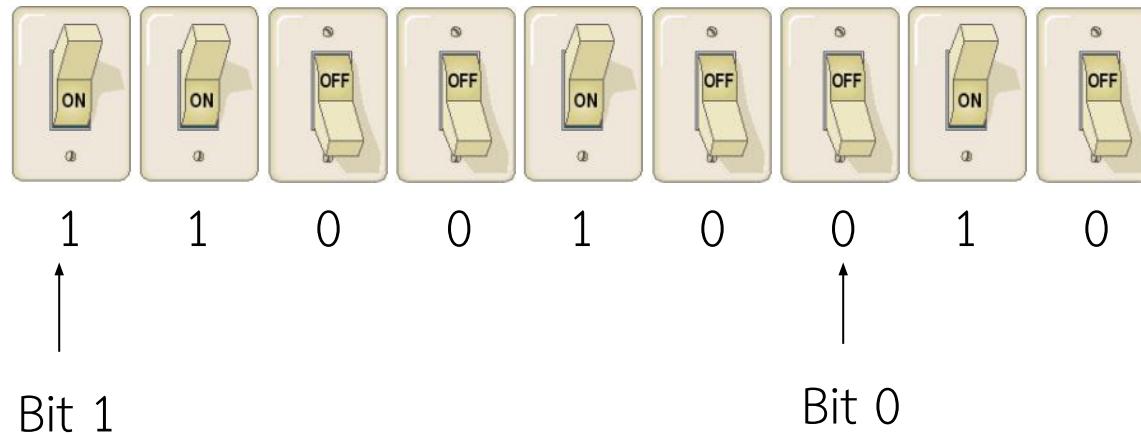
- ▢ ระบบเลขฐาน
- ▢ การแปลงเลขฐาน
- ▢ การคำนวณเลขฐาน
- ▢ รหัสแทนข้อมูล



ครุภัททิรา ชานันท์
เทคโนโลยีธุรกิจดิจิทัล
วิทยาลัยเทคนิค่น่าน

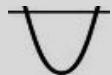
ຮະບບເລຂງ

Computer Processing ทำโดย Transistors ซึ่ง เป็นการกำหนดสถานะของ
Switches คือ on (1) และ off (0)



กระแลไฟปิด (กำลังดันไฟต่ำ)

ไฟสูง



0

กระแลไฟเปิด (กำลังดัน



1



ระบบเลขฐาน

ในระบบการทำงานของคอมพิวเตอร์ นอกจგจะใช้เลขฐานสองแล้วในการประมวลผลแล้วบังได้มีการใช้เลขฐานอื่นๆ ร่วมด้วย อาทิ เลขฐานแปด และเลขฐานสิบหก

α_{base}	β_{base}	γ_{base}	δ_{base}	ϵ_{base}	ζ_{base}	η_{base}	θ_{base}	φ_{base}	χ_{base}	ψ_{base}	ω_{base}
2	Binary	0	1								
3	Ternary	0	1	2							
4	Quaternary	0	1	2	3						
5	Quinary	0	1	2	3	4					
6	Senary	0	1	2	3	4	5				
7	Septenary	0	1	2	3	4	5	6			
8	Octalnary	0	1	2	3	4	5	6	7		
9	Nonary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	
10	Denary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
11	Undenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A
12	Duodenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A B
13	Tredenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A B C
14	Quatuordenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A B C D
15	Quidenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A B C D E
16	Hexadenary	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9 A B C D E F

[ตัวเลขในแต่ละเลขฐานจะมีค่าต่ำสุด คือ 0 และค่าสูงสุด คือค่าของเลขฐานลบด้วย 1 (เลขฐาน-1)]



ระบบเลขฐาน

ระบบเลขฐานที่นิยมมี 4 เลขฐาน ได้แก่

1. **Decimal Number** คือ ระบบเลขฐานสิบ ซึ่งใช้เป็นมาตรฐานทั่วไป ($0, 1, 2, 3, \dots, 9$) เช่น 1, 3, 6798, 234, 100.12
2. **Binary Number** คือ ระบบเลขฐานสอง ซึ่งใช้ในการประมวลผลในเครื่องคอมพิวเตอร์ ซึ่งมีค่าสูงสุดไม่เกินค่า 2 นั่นคือจะมีค่าเพียง 0 และ 1 เท่านั้น
เช่น 1011011011, 111011100001
3. **Octal Number** คือ ระบบเลขฐานแปด ซึ่งใช้ในการศึกษาวงจรดิจิตอล ($1, 2, 3, 4, 5, 6, 7$) เช่น 234.75, 1202311, 11011, 765644
4. **Hexadecimal Number** คือ ระบบเลขฐานสิบหก ซึ่งใช้ในระบบวงจรดิจิตอล ซึ่งเป็นการกำหนดรูปแบบคำสั่งแทนการใช้เลขฐาน 2 และฐาน 8 ($1, 2, 3, \dots, F$) เช่น E22AF, 1567AE, C4F



ระบบเลขฐาน

ตารางเปรียบเทียบเลขฐานสิบ ฐานสอง ฐานแปด และฐานสิบหก

X_{10}	X_2	X_8	X_{16}
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6
7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A

X_{10}	X_2	X_8	X_{16}
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F
16	10000	20	10
17	10001	21	11
18	10010	22	12
19	10011	23	13
20	10100	24	14
30	11110	36	1E



ระบบเลขฐาน

ระบบเลขฐานทุกเลขฐานจะมีค่าประจำหลัก เพื่อบ่งบอกระดับของตัวเลขนั้นๆ เช่น ในเลขฐานสิบ มีค่าประจำหลักได้แก่ หลักหน่วย (100) หลักสิบ (101) หลักร้อย (102) หลักพัน (103) เป็นต้น

ค่าประจำหลักมากสุด จะอยู่ด้านซ้ายสุดของชุดตัวเลข และค่าประจำหลักน้อยสุด จะอยู่ด้านขวาสุดของชุดตัวเลข ซึ่งค่าประจำหลักน้อยสุดเรียกว่า แอลเอสดี (LSD : Least Significant Digit คือเลขฐาน 0 ค่าประจำหลักสูงสุดเรียกว่า เอ็มเอสดี (MSD : Most Significant Digit) คือ เลขฐานจำนวนตัวเลข -1

เช่น $(7249)_{10}$ มาจาก $(7 \times 10^3) + (2 \times 10^2) + (4 \times 10^1) + (9 \times 10^0)$

ซึ่งเท่ากับ $(7 \times 1000) + (2 \times 100) + (4 \times 10) + (9 \times 1)$

ดังนั้น ค่าประจำหลักของเลขโดด 7 คือ 103 หรือ 1000

ค่าประจำหลักของเลขโดด 2 คือ 102 หรือ 100

ค่าประจำหลักของเลขโดด 4 คือ 101 หรือ 10

ค่าประจำหลักของเลขโดด 9 คือ 100 หรือ 1



ระบบเลขฐาน

ในท่านองเดียวกัน ค่าประจำหลักของระบบเลขฐานอื่นๆ ก็มีการเรียงลำดับจากมากไปน้อยจากด้านซ้ายไปขวา เช่น
เดียวกับเลขฐานสิบ

เช่น ชุดตัวเลข $(100110)_2$ ซึ่งเป็นเลขฐานสองสามารถระบุค่าประจำหลัก ได้ดังนี้

$$(100110)_2 \text{ มาจาก } (1 \times 2^5) + (0 \times 2^4) + (0 \times 2^3) + (1 \times 2^2) + (1 \times 2^1) + (0 \times 2^0)$$

$$\text{ซึ่งเท่ากับ } (1 \times 32) + (0 \times 16) + (0 \times 8) + (1 \times 4) + (1 \times 2) + (0 \times 1)$$

ดังนั้น ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^5 หรือ 32

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^4 หรือ 16

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^3 หรือ 8

ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^2 หรือ 4

ค่าประจำหลักของเลขโดด 1 คือ 2^1 หรือ 2

ค่าประจำหลักของเลขโดด 0 คือ 2^0 หรือ 0

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น _____ เลขจำนวนเต็ม

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสอง

วิธีการหารสั้น

$$(305)_{10} = (100110001)_2$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)3 \ 0 \ 5} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)1 \ 5 \ 2} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 1 \\ 0 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)7 \ 6} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 0 \\ 0 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)3 \ 8} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 0 \\ 0 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)1 \ 9} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 0 \\ 1 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)9} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 1 \\ 0 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)4} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 1 \\ 0 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)2} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 0 \\ 1 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{)1} \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 0 \\ 1 \end{array}}$$

$$0 = \boxed{\begin{array}{l} 1 \end{array}}$$

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานแปด

$$(305)_{10} = (?) (461)_8$$

$$\begin{array}{r} 8 \\ \overline{)3 \ 0 \ 5} \\ 8 \\ \overline{)3 \ 8} \\ 8 \\ \overline{)4} \\ 0 \end{array} = \boxed{\begin{array}{l} 1 \\ 6 \\ 4 \end{array}}$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น _____ เลขจำนวนเต็ม

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสิบหก

$$(305)_{10} = (?)_{16}$$

$$(131)_{16}$$

วิธีการหารสั้น

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานอื่นๆ

$$(nnn)_{10} = (?)_x$$

$$\begin{array}{r} 16 \overline{)3 \ 0 \ 5} \\ 16 \overline{)1 \ 9} \\ 16 \overline{)1} \\ 0 \end{array} = \boxed{\begin{array}{c} 1 \\ 3 \\ 1 \end{array}}$$

↑

$$X \overline{)n \ n \ n} \quad \vdots$$

□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น __ เลขทศนิยม

Ex. $(0.6875)_{10} = (?)_2$

$(0.1011)_2$

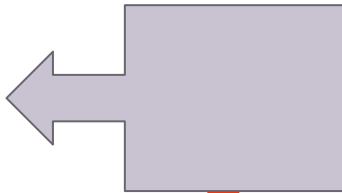
วิธีการหารสั้น

0 . 6 8 7 5
X
2
1 . 3 7 5 0
X
2
0 . 7 5 0 0
X
2
1 . 5 0 0 0
X
2
1 . 0 0 0 0

Ex. $(0.65625)_{10} = (?)_8$

$(0.52)_8$

0 . 6 5 6 2 5
X
8
5 . 2 5 0 0 0
X
8
2 . 0 0 0 0 0

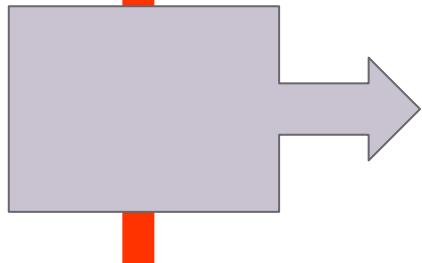


วิธีการจำสิบเป็นต่าง (เต็ม)

1. หารสั้นตามโจทย์
2. เอาเศษไว้ท้าย
3. หารไปเรื่อยจนน้อยโจทย์
4. เรียงล่างขึ้นบน

วิธีการจำสิบเป็นต่าง (ทศนิยม)

1. คูณตามโจทย์
2. เอาเต็มไว้หน้าแล้วตัด
3. คูณไปเรื่อยตามโจทย์
4. เรียงบนลงล่าง



□ การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานอื่นเป็นฐานสิบ _____ เลขจำนวนเต็ม

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

แปลงเลขฐานอื่น --> เลขฐานสิบ

$$(100110001)_2 = (305)$$

ค่าประจำหลัก	2^8	2^7	2^6	2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
ค่าประจำหลัก	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ $\times 2 \times 2 \times 2$	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	$2 \times 2 \times 2 \times 2$	$2 \times 2 \times 2$	2×2	2	1
	256	128	64	32	16	8	4	2	1
ค่าของหลัก	1	0	0	1	1	0	0	0	1
ผลลัพธ์	256	0	0	32	16	0	0	0	1
รวม	$= 256 + 32 + 16 + 1 = 305$								

การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น _____ เลขจำนวนเต็ม

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานแปด

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

$$(4005)_{10} = (\text{?}) (7645)_8$$

ค่าประจำหลัก	8^4	8^3	8^2	8^1	8^0
	$8 \times 8 \times 8 \times 8$	$8 \times 8 \times 8$	8×8	8	1
จำนวนหลัก	4096	512	64	8	1
ก	0	7	6	4	5
	$512 \times 7 = 3584$	$64 \times 6 = 384$	$8 \times 4 = 32$	$1 \times 5 = 5$	

$$\begin{array}{r} 4005 \\ - 3584 \\ \hline 421 \end{array} \quad \begin{array}{r} 421 \\ - 384 \\ \hline 37 \end{array} \quad \begin{array}{r} 37 \\ - 32 \\ \hline 5 \end{array} \quad \begin{array}{r} 5 \\ - 5 \\ \hline 0 \end{array}$$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานสิบเป็นฐานอื่น _____ เลขจำนวนเต็ม

แปลงเลขฐานสิบ --> เลขฐานสิบหก

วิธีการเทียบค่าประจำหลัก

$$(4005)_{10} = (\text{FA4})_{16}$$

ค่าประจำหลัก	16^3	16^2	16^1	16^0
ค่าประจำหลัก	$16 \times 16 \times 16$	16×16	16	1
ค่าประจำหลัก	4096	256	16	1
ค่าประจำหลัก	0	15 $\Rightarrow F$	10 $\Rightarrow A$	4

$$256 \times 15 = 3840 \quad 16 \times 10 = 160 \quad 1 \times 4 = 4$$

$$\begin{array}{r} 4005 \\ - 3840 \\ \hline 165 \end{array} \quad \begin{array}{r} 165 \\ - 160 \\ \hline 4 \end{array} \quad \begin{array}{r} 4 \\ - 4 \\ \hline 0 \end{array}$$

วิธีการจำต่างเป็นสิบ (เต็ม)

1. เรียงบวกค่าปัจลท้ายไปหน้า
2. คูณกระจายกับหลักแล้วยกตาม
โจทย์
3. บวกกันที่ไม่มีคูณ

วิธีการจำต่างเป็นสิบ (ทศนิยม)

1. เรียงลบค่าปัจลหน้าไปท้าย
2. หารกลับเศษส่วนกระจายกับ
หลักแล้วยกตามโจทย์
3. บวกกันที่ไม่มีคูณ

การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานอื่นเป็นฐานสิบ

แปลงเลขฐานอื่นๆ → เลขฐานสิบ

$$(b_{m-1} \times B^{m-1}) + (b_{m-2} \times B^{m-2}) + \dots + (b_2 \times B^2) + (b_1 \times B^1) + (b_0 \times B^0) + (b_{-1} \times B^{-1}) + \dots$$

Ex. $(10101. 1011)_2 = (?)_{10}$

$$(1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ . \ 1 \ 0 \ 1 \ 1)_2$$

$$(1 \times 2^4) + (0 \times 2^3) + (1 \times 2^2) + (0 \times 2^1) + (1 \times 2^0) + (1 \times 2^{-1}) + (0 \times 2^{-2}) + (1 \times 2^{-3}) + (1 \times 2^{-4})$$

$$= (1 \times 16) + (0 \times 8) + (1 \times 4) + (0 \times 2) + (1 \times 1) + (1 \times 0.5) + (0 \times 0.25) + (1 \times 0.125) + (1 \times 0.0625)$$
$$= 16 + 4 + 1 + 0.5 + 0.125 + 0.0625 = 21.6875 \text{ หรือ ประมาณ } 21.69$$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงเลขฐานอื่นเป็นฐานสิบ

Example

$$\begin{aligned}(10011)_2 &= (1 \times 2^4) + \cancel{(0 \times 2^3)} + \cancel{(0 \times 2^2)} + (1 \times 2^1) + (1 \times 2^0) \\ &= (1 \times 16) + (1 \times 2) + (1 \times 1) = 16 + 2 + 1 = 19\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3610)_8 &= (3 \times 8^3) + (6 \times 8^2) + (1 \times 8^1) + \cancel{(0 \times 8^0)} \\ &= (3 \times 512) + (6 \times 64) + (1 \times 8) = 1,928\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(21A)_{16} &= (2 \times 16^2) + (1 \times 16^1) + (1 \times 16^0) \\ &= (2 \times 256) + (1 \times 16) + (10 \times 1) = 538\end{aligned}$$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานแปด

2 --> 8

$$\begin{array}{c} 1 \mid 4 \ 2 \ 1 \\ (1 \mid 1 \ 0 \ 0 \mid 1 \ 1 \ 1 \mid 0 \ 1 \ 1 \mid 0 \ 1 \ 1)_2 \\ 1 \qquad 4 \qquad 7 \qquad 3 \qquad 3 \end{array}$$

ดังนั้น $(1100111011011)_2 = (14733)_8$

$$\begin{array}{c} 2 \ 1 \mid 4 \ 2 \ 1 \mid 4 \ 2 \ 1 \mid 4 \ 2 \ 1 \mid 4 \\ (1 \ 0 \mid 0 \ 1 \ 0 \mid 1 \ 0 \ 1 \ . \ 1 \ 0 \ 1 \mid 1)_2 \\ 2 \qquad 2 \qquad 5 \qquad 5 \qquad 4 \end{array}$$

ดังนั้น $(10010101.1011)_2 = (225.54)_8$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานแปด

8 --> 2

1	4	7	3	3
0 0 1	1 0 0	1 1 1	0 1 1	0 1 1

คั้นนิ้น (14733) = (1100111011011

8) ₂				
2	2	5	. 5	4	
0 1 0	0 1 0	1 0 1	1 0 1	1 0 0	

คั้นนิ้น (225.54) = (10010101.1011

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานสิบหก

2 --> 16

$$(\begin{array}{c|ccccc} 1 & 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} | \begin{array}{ccccc} 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 1 & 1 & 0 & 1 \end{array} | \begin{array}{ccccc} 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 1 & 0 & 1 & 1 \end{array})_2$$

1 9 D B

ดังนั้น $(1100111011011)_2 = (19DB)_{16}$

$$(\begin{array}{ccccc} 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} | \begin{array}{ccccc} 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 0 & 1 \end{array} | \begin{array}{ccccc} 8 & 4 & 2 & 1 \\ \hline 1 & 0 & 1 & 1 \end{array})_2$$

9 5 B

ดังนั้น $(10010101.1011)_2 = (95.B)_8$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานสองกับเลขฐานสิบหก

16 --> 2

1	A	D	B
0 0 0 1	1 0 1 0	1 1 0 1	1 0 1 1

$$(1ADB)_{16} = (1101011011011)_2$$

E	A	. 8	F
1 1 1 0	1 0 1 0	1 0 0 0	1 1 1 1

$$(EA.8F)_{16} = (1110101010001111)_2$$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานแปดกับเลขฐานสิบหก

8 --> 16

8



2



16

1 | 4 | 7 | 3 | 3
0 0 1 | 1 0 0 | 1 1 1 | 0 1 1 | 0 1 1

0 0 1 | 1 0 0 1 | 1 1 0 1 | 1 0 1 1
1 9 D B

$$(14733)_8 = (19DB)_{16}$$

การแปลงเลขฐาน

การแปลงระหว่างเลขฐานแปดกับเลขฐานสิบหก

16 --> 8

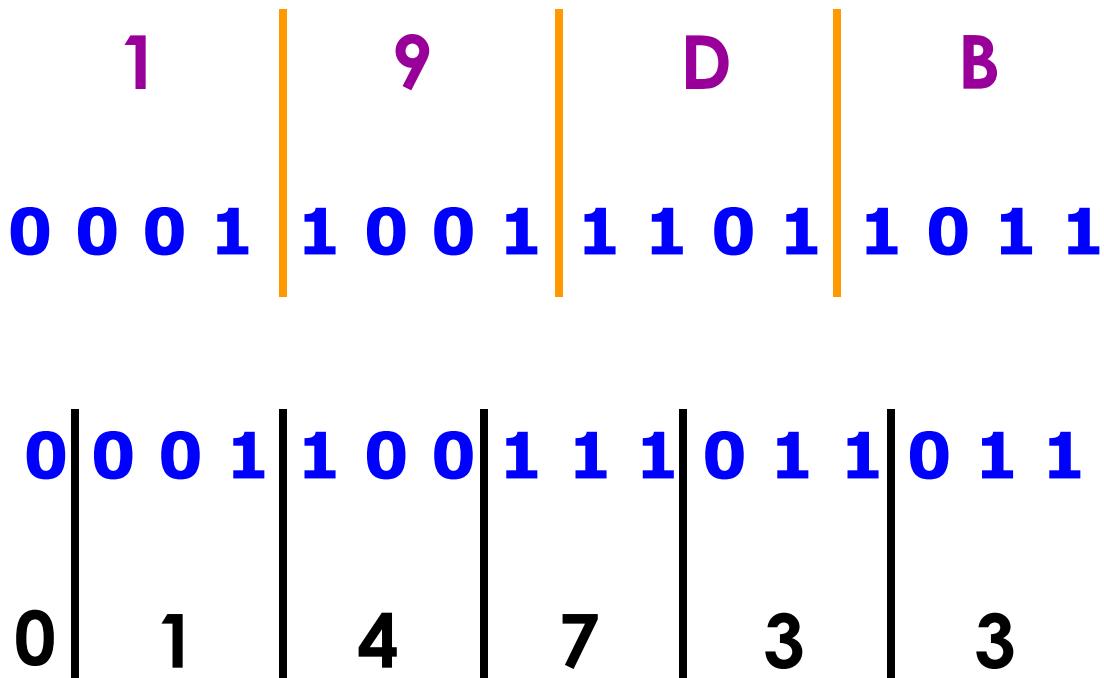
16



2



8



$$(19DB)_{16} = (14733)_8$$

□ การคำนวณเลขฐาน

Addition

การบวกเลขฐาน (Addition)

C 0110

2 3 7

+ 4 2 7

S 8650

10110

2 3 7

+ 4 2 7

1 0 6 7 2₈

1110

3 F C

+ 5 F A
BF73₁₆
16₁

10010

1 1 0

+ 1 0 0

1 0 1 1 0₂

6

การบวกในระบบคอมพิวเตอร์ (Binary numbers)

a) 1001 +

0101
1 0 0
+ 0 1 0
1 1 1 0

-7
+
5
2

b) 1100 +

0100
1 1 0
+ 0 1 0
1 0 0 0 0

- 4
+
4
4

c) 0101 +

0100
0 1 0
+ 0 1 0
1 0 0 1

5
+
Overflow
w

d) 1001 +

1010
1 0 0
+ 1 0 1
1 0 0 1 1

-7
+
Overflow
w

□ การคำนวณเลขฐาน

Subtraction

การลบเลขฐาน (Subtraction)

$$\begin{array}{r} 101 \\ 560 \\ \hline 867 \\ - 527 \\ \hline \underline{\underline{62397}} \end{array} +$$

$$\begin{array}{r} 888 \\ 406 \\ \hline 517 \\ - 427 \\ \hline \underline{\underline{60874}}_8 \end{array} +$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ B \\ \hline 7 F C \\ - 5 F A \\ \hline \underline{\underline{E1017}}_1 \end{array} +$$

6

Complement สำหรับการลบเลขฐานสอง

1's

Complement

nt

1 0 0 เปลี่ยนบิต ‘0’

↓
1 1 0 1 1

1 0 0

2's

Complement

nt

1 0 0 1's
1 1 0 Complement

1 0 0 1

1 1 0 1 1

1 0 1

□ การคำนวณเลขฐานสอง

Subtraction

การลบเลขฐานสอง โดยใช้ 1's Complement

- หากจำนวนของบิตของตัวตั้งและตัวลบไม่เท่ากัน ให้เพิ่มบิต 0 ด้านหน้าของตัวที่น้อยกว่า เพื่อให้จำนวนบิตเท่ากัน
- หา 1's Complement ของตัวลบ แล้วนำมารบกับตัวตั้ง
- ถ้าผลบวกมีตัวทดเกินบิตที่มีอยู่ ให้นำตัวทดนั้นมาบวกกับผลจากข้อที่ 1 จะได้ค่าบวก
- ถ้าผลบวกจากข้อ 1 ไม่มีตัวทด ให้นำผลบวกจากข้อที่ 1 มาหา 1's Complement ซึ่งผลที่ได้ให้มีค่าเป็นลบ

$$\begin{array}{r} 110111 - 10 \\ \hline 0101 \quad \text{1's} \\ \hline 01 \quad \text{1's Complement} \\ \hline 10 \end{array}$$

2 $\begin{array}{r} 1101 + \\ 0110 \\ \hline 0100 \end{array}$

3 $\begin{array}{r} 10100 + \\ 011 \\ \hline 0100 \end{array}$

คำตอบ \leftarrow

$$\begin{array}{r} 1011 - 110 \\ \hline 0101 \quad \text{1's} \\ \hline 0010 \quad \text{1's Complement} \\ \hline 1000 \\ \hline 01 \end{array}$$

3 $\begin{array}{r} 01100 + \\ 1111 \\ \hline 11011 \end{array}$

4 $\begin{array}{r} 11111 + \\ 1111 \\ \hline 10000 \end{array}$

คำตอบ \leftarrow

□ การคำนวณเลขฐานสอง

Subtraction

การลบเลขฐานสอง โดยใช้ 2's Complement

- หากจำนวนของบิตของตัวตั้งและตัวลบไม่เท่ากัน ให้เพิ่มบิต 0 ด้านหน้าของตัวที่น้อยกว่า เพื่อให้จำนวนบิตเท่ากัน
- หา 2's Complement ของตัวลบ แล้วนำมารบวกกับตัวตั้ง
- ถ้าผลบวกมีบิตเกินมา ให้ตัดบิตเกินทิ้ง ซึ่งผลที่ได้จะมีค่าเป็นบวก
- ถ้าผลบวกไม่มีตัวลดเกินมา ให้นำผลบวกจากข้อที่ 1 มาหา 2's Complement ซึ่งผลที่ได้จะมีค่าเป็นลบ

1 1 0 1 1 1 - 1 0
0 1 0 1 ↓ 2's
0 1 1 0 Complement

2 1 1 0 1 +
0 1 1 0
1 1 0 0 ← คำตอบ

3 0 1 0 0 ← คำตอบ

1 0 1 1 1 - 1 1 0
0 1 0 1 ↓ 2's
0 0 1 0 +
0 0 1 0
1 0 0 0 ← คำตอบ

2 1 1 1 1 1 ← คำตอบ

3 0 1 1 1 ← คำตอบ

□ การคำนวณเลขฐานสอง

Multiplication & Division

การคูณเลขฐานสอง

$$110101 \times 101 = ?$$

$$\begin{array}{r} 1101 \\ \times 101 \\ \hline 1101 \\ 0000 \\ \hline 11001 \\ 10000 \\ \hline 10000110 \\ 01 \end{array}$$

← คำตอบ

การหารเลขฐานสอง

$$1000010 \div 101 = ?$$

$$\begin{array}{r} 000110101 \\ 10) \overline{1000010} \\ 10 \\ \hline 00 \\ 00 \\ \hline 10 \\ 10 \\ \hline 0 \\ 110 \\ 10 \\ \hline 10 \\ 10 \\ \hline 0 \\ 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

← คำตอบ

รหัสแทนข้อมูล

เนื่องจากคอมพิวเตอร์ประมวลผลด้วยข้อมูลแบบบิต (0/1) ดังนั้นเพื่อให้มนุษย์เข้าใจคำสั่ง หรือระบบการทำงานให้กับคอมพิวเตอร์ได้ง่าย จึงมีการแปลงรหัสบิตให้เป็นรหัสอักขร (Text code system)

Text Code Systems ที่นิยมใช้ คือ

1. BCDIC
2. EBCDIC
3. ASCII
4. Unicode

รหัสแทนข้อมูล

BCDIC (Binary Coded Decimal Interchange Code)

เป็นรหัสข้อมูลที่ใช้ชุดตัวเลขฐานสองจำนวน 6 บิตแทน ตัวเลข อักษรตัวพิมพ์ ให้กับของอักษรلاتินอเมริกา อักษรระบุเศษ และอักษรควบคุม

รหัสแทนข้อมูลแบบบีซีดี สามารถสร้างรหัสสำหรับแทนข้อมูลได้จำนวน $2^6 = 64$ ตัวอักษร

รหัสบีซีดีแต่ละชุดจะถูกแทนค่าต่างกันขึ้นอยู่กับระบบคอมพิวเตอร์ที่ใช้

รหัสแทนข้อมูล

รหัสบีซีดีสำหรับเครื่องไอบีเอ็ม-704 (IBM 704 BCD Code)

	000	001	002	003	004	005	006	007
000	0	1	2	3	4	5	6	7
001	8	9						
002	+	A	B	C	D	E	F	G
003	H	I		.)			
004	-	J	K	L	M	N	O	P
005	Q	R		S	"			
006	space	/	S	T	U	V	W	X
007	T	Z		,	(
	000	001	002	003	004	005	006	007



รหัสแทนข้อมูล

รหัสบีซีดีสำหรับเครื่องเบอร์รูจห์ส บี5500 (Burroughs B5500 BCD Code)

	000	001	002	003	004	005	006	007
000	0	1	2	3	4	5	6	7
001	8	9	#	@	?	:	>	≥
002	+	A	B	C	D	E	F	G
003	H	I	.	[&	(<	f
004	x	J	K	L	M	N	O	P
005	Q	R	S	*	-)	;	≤
006	space	/	S	T	U	V	W	X
007	T	Z	,	%	≠	=]	"
	000	001	002	003	004	005	006	007

รหัสแทนข้อมูล

EBCDIC (Extended Binary Coded Decimal Interchange Code)

เป็นรหัสแทนข้อมูลที่กำหนดจำนวนบิตของเต็ลซุดอักขระเพิ่มเป็น 8 บิต เพื่อให้สามารถแทนข้อมูลได้จำนวนมากขึ้นเป็น $2^8 = 256$ ตัวอักษรออกแบบมาสำหรับเครื่อง IBM Mainframe



รหัสแทนข้อมูล

○	-○	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-A	-B	-C	-D	-E	-F	
○-	NUL 0000	SOH 0001	STX 0002	ETX 0003	ST 009C	HT 0009	SSA 0086	DEL 007F	EPA 0097	RI 008D	SS2 008E	VT 000B	FF 000C	CR 000D	SO 000E	SI 000F	
1-	DLE 0010	DC1 0011	DC2 0012	DC3 0013	OSC 009D	NEL 0085	BS 0008	ESA 0087	CAN 0018	EM 0019	PU2 0092	SS3 008F	FS 001C	GS 001D	RS 001E	US 001F	
2-	PAD 0080	HOP 0081	BPH 0082	NBH 0083	IND 0084	LF 000A	ETB 0017	ESC 001B	HTS 0088	HTJ 0089	VTS 008A	PLD 008B	PLU 008C	ENQ 0005	ACK 0006	BEL 0007	
3-	DCS 0090	PU1 0091	SYN 0016	STS 0093	CCH 0094	MW 0095	SPA 0096	EOT 0004	SOS 0098	SGCI 0099	SCI 009A	CSI 009B	DC4 0014	NAK 0015	PM 009E	SUB 001A	
4-	SP 0020	NBS 00A0	ก OE01	ຂ OE02	ໝ OE03	ຄ OE04	ໜ OE05	ໝ OE06	ໝ OE07	[005B	ໜ 00A2	. 002E	< 003C	(0028	+ 002B	 007C	
5-	& 0026	' OE48	ດ OE08	ດ OE09	ຈ OE0A	ຈ OE0B	ມ OE0C	ມ OE0D	ມ OE0E] 005D	! 0021	ສ 0024	* 002A) 0029	; 003B	— 00AC	
6-	- 002D	/ 002F	় OEOF	় OE10	ঠ OE11	ঘ OE12	ঙ OE13	ঢ OE14	ঢ OE15	^ 005E	। 00A6	, 002C	% 0025	_ 005F	> 003E	? 003F	
7-	ঁ OE3F	‘ OE4E	ং OE16	ঁ OE17	ঁ OE18	ঁ OE19	ঁ OE1A	ঁ OE1B	ঁ OE1C	ঁ 0060	ঁ 003A	# 0023	@ 0040	’ 0027	= 003D	" 0022	
8-	ঁ OE4F	a 0061	b 0062	c 0063	d 0064	e 0065	f 0066	g 0067	h 0068	i 0069	ঁ 0E1D	ঁ 0E1E	ঁ 0E1F	ঁ 0E20	ঁ 0E21	ঁ 0E22	
9-	ঁ OE5A	j 006A	k 006B	l 006C	m 006D	n 006E	ঁ 006F	p 0070	q 0071	r 0072	ঁ 0E23	ঁ 0E24	ঁ 0E25	ঁ 0E26	ঁ 0E27	ঁ 0E28	
A-	ঁ OE5B	~ 007E	s 0073	t 0074	ু 0075	ু 0076	ু 0077	ু 0078	ু 0079	ু 007A	ঁ 0E29	ঁ 0E2A	ঁ 0E2B	ঁ 0E2C	ঁ 0E2D	ঁ 0E2E	
B-	ঁ OE50	ঁ OE51	ঁ OE52	ঁ OE53	ঁ OE54	ঁ OE55	ঁ OE56	ঁ OE57	ঁ OE58	ঁ OE59	ঁ 0E2F	ঁ 0E30	ঁ 0E31	ঁ 0E32	ঁ 0E33	ঁ 0E34	
C-	{ 007B	A 0041	B 0042	C 0043	D 0044	E 0045	F 0046	G 0047	H 0048	I 0049		ঁ 0E35	ঁ 0E36	ঁ 0E37	ঁ 0E38	ঁ 0E39	
D-	ঁ 007D	J 004A	K 004B	L 004C	M 004D	N 004E	O 004F	P 0050	Q 0051	R 0052	ঁ 0E3A	ঁ 0E40	ঁ 0E41	ঁ 0E42	ঁ 0E43	ঁ 0E44	
E-	ঁ 005C	~ OE49	S 0053	T 0054	U 0055	V 0056	W 0057	X 0058	Y 0059	Z 005A	ঁ 0E45	ঁ 0E46	ঁ 0E47	ঁ 0E48	ঁ 0E49	ঁ 0E4A	
F-	০ 0030	১ 0031	২ 0032	৩ 0033	৪ 0034	৫ 0035	৬ 0036	৭ 0037	৮ 0038	৯ 0039	+	‘ 0E4B	ঁ 0E4C	ঁ 0E4D	ঁ 0E4B	ঁ APC	০০৯F



รหัสแทนข้อมูล

ASCII (American Standard Code for Information Interchange)

เป็นรหัสแบบ 8-bit code ใช้ในเครื่อง Microcomputer ซึ่งนำมาจารหัสที่ใช้ในเครื่องโทรเลข (Telex)



รหัสแทนข้อมูล

0=	26=→	52=4	78=N	104=h	130=é	156=£	222=■	205=≡	234=Ω
1= ☺	27=←	53=5	79=O	105=i	131=â	157=¥	223=■	206=±	235=δ
2= ☹	28=└	54=6	80=P	106=j	132=ä	158=Pts	224=α	207=±	236=∞
3= ♥	29=↔	55=7	81=Q	107=k	133=à	159=f	225=¬	208=⊤	237=φ
4= ♦	30=▲	56=8	82=R	108=l	134=å	160=á	226=⊤	209=⊤	238=ε
5= ♣	31=▼	57=9	83=S	109=m	135=ç	161=í	227=¬	210=⊤	239=∩
6= ♠	32=:	58=:	84=T	110=n	136=ê	162=ó	228=¬	211=⊤	240=≡
7=	33!=	59=;	85=U	111=o	137=ë	163=ú	229=¬	212=⊤	241=±
8=	34="	60=<	86=V	112=p	138=è	164=ñ	230=¬	213=F	242=≥
9=	35=#	61==	87=W	113=q	139=ï	165=Ñ	231=¬	214=⊤	243=≤
10=	36=\$	62=>	88=X	114=r	140=î	166=ª	232=¬	215=+	244=∫
11= ♂	37=%	63=?	89=Y	115=s	141=ì	167=º	233=¬	216=+	245=
12= ♀	38=&	64=@	90=Z	116=t	142=Ā	168=î	234=¬	217=¬	246=÷
13=	39='	65=A	91=[117=u	143=Ā	169=—	235=¬	218=¬	247=≈
14= ♪	40=(66=B	92=\`	118=v	144=É	170=¬	236=¬	219=■	248=°
15= ☼	41=)	67=C	93=]	119=w	145=æ	171=½	237=¬	220=■	249=.
16= ►	42=*	68=D	94=^	120=x	146=Æ	172=¼	238=¬	221=■	250=·
17= ◀	43=+	69=E	95=_	121=y	147=ô	173=j	239=—	222=ß	251=√
18= ↑	44=,	70=F	96=ˇ	122=z	148=ö	174=«	240=¬	223=Γ	252=n
19= !!	45=-	71=G	97=a	123={	149=ò	175=»	241=¬	224=π	253=²
20= ¶	46=.	72=H	98=b	124=	150=û	176=¤	242=¬	225=Σ	254=■
21= §	47=/	73=I	99=c	125=}	151=ù	177=¤	243=¬	226=σ	
22= —	48=0	74=J	100=d	126=~	152=ÿ	178=¤	244=¬	227=μ	
23= ↑	49=1	75=K	101=e	127=◊	153=Ö	179=	245=¬	228=τ	
24= ↑	50=2	76=L	102=f	128=Ç	154=Ü	180=—	246=¬	229=Φ	
25= ↓	51=3	77=M	103=g	129=ü	155=ç	181=¬	247=¬	230=Θ	



รหัสแทนข้อมูล

Unicode

เป็นรหัสแบบ 16-bit code ซึ่งขยายต่อจาก ASCII (8-bit code) เพื่อให้สามารถเข้ารหัสตัวอักษรส่วนใหญ่ที่ใช้ในทุกภาษาทั่วโลก

Character Types	Character Set Description	Number of Characters	Hexadecimal Values
Alphabets	Latin, Greek, etc.	8192	0000 – 1FFF
Symbols	Mathematical, etc.	4096	2000 – 2FFF
CJK	Chinese, Japanese, Korean	4096	3000 – 3FFF
Han	Unified Chinese, Japanese, Korean	40960	4000 – DFFF
	Expansion of spillover from Han	4096	E000 – EFFF
User defined		4095	F000 – FFFE

References

หนังสือ/ตำราอ้างอิง

- จีรพร วีระพันธุ์. (2549). *Computer Organization and Architecture* [เอกสารอัดสำเนา]. กรุงเทพฯ: ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง.
- จีรวา เพชรవัฒนานนท์. (2539). คณิตศาสตร์คอมพิวเตอร์. กรุงเทพฯ: วังอักษร.
- พัชรินทร์ บัวเย็น. (2556). ไมโครคอมพิวเตอร์และพีซีคณิตบูลีน: บทที่ 3 ระบบบัสและสถาปัตยกรรมคอมพิวเตอร์เบื้องต้น [เอกสารอัดสำเนา]. จันทบุรี: สาขาวิชาคอมพิวเตอร์ธุรกิจ คณะวิทยาการจัดการ มหาวิทยาลัย ราชภัฏรำไพพรรณี.

อ้างอิงรูปภาพ

- Burroughs Corporation. (1966). *Burroughs B5500: Information Processing System*. Michigan, United States: n.p.
- Control Data Corporation. (1965). *Codes/Control Data 6600 Computer System*. USA. Control Data Corporation, Technical Publication Department.

