

## **ALGORITMOS I**

## 6° LISTA DE EXERCÍCIOS

1 Determine os resultados do programa abaixo:

```
#include <stdio.h>
int main() {
  int cont, flag;
  cont = flag = 0;
  while (cont != 6) {
    flag = !flag;
    cont++;
    if (!flag)
        printf ("\n%d",cont);
    else
        printf ("\n%d",-cont);
  }
}
```

2 Quais os valores que serão impressos após a execução do seguinte trecho de programa?

```
/* ... */
i = 20;
while (i--)
  printf ("\n%3d %8d",i,i*i);
printf ("\n\nFim do loop!!");
/* ... */
```

3 O que pode estar errado com o programa a seguir?

```
#include <stdio.h>
int main() {
   int a, b, i, l, p, c;
   a = b = 1;
   scanf ("%d %d",&l,&p);
   i = 1;
   while (i <= l) {
      c = a + b;
      printf ("\n%f",c);
      a = b;
      b = c;
      i += p;
   }
}</pre>
```

**4** Simule a execução do programa abaixo com os dados fornecidos, destacando a sua saída:

```
#include <stdio.h>
int main() {
  int a, b, total, soma, termo, i;
  scanf ("%d %d",&a,&b);
  printf ("(%d,%d)",a,b);
  total = soma = 0;
  while (a) {
    total++;
```



```
termo = 1;
for (i = 1; i <= b; i++)
    termo *= a;
printf ("\nResp = %d",termo);
soma += termo;
printf ("\nSoma = %d\n",soma);
scanf ("%d %d",&a,&b);
printf ("\n\n(%d,%d)",a,b);
}
printf ("\n\nTotal de pares: %d",total);
}</pre>
```

Os dados fornecidos são:

- 2 3 5 2 7 1 3 2
- **5** Faça um programa, com reprocessamento, que calcule o quociente e o resto da divisão de dois números inteiros usando apenas a adição e subtração.
- Dados dois números naturais m e n, faça um programa que determine, entre todos os pares de números naturais (x,y) tais que  $x \le m$  e  $y \le n$ , um par para o qual o valor da expressão  $x^*y-x^2+y$  seja máximo e, calcule esse máximo.
- 7 Um matemático italiano da idade média conseguiu modelar o ritmo de crescimento da população de coelhos através de uma seqüência de números naturais que passou a ser conhecida como seqüência de Fibonacci (1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ...). O n-ésimo número da seqüência de Fibonacci F é dado pela seguinte fórmula de recorrência:

$$egin{cases} F_1 &= 1 \ F_2 &= 1 \ F_n &= F_{n-1} + F_{n-2}, para \ n \geq 3 \end{cases}$$

Escreva uma programa, com reprocessamento, que dado n calcule o n-ésimo número de Fibonacci.

- **8** A conversão de graus Fahrenheit para centígrados é obtida pela fórmula C=5/9\*(F-32). Faça um programa que calcule e escreva uma tabela de graus centígrados em função de graus Fahrenheit que variem de 50 a 150 de 5 em 5.
- **9** Escreva um programa, com reprocessamento, que imprima o valor de e<sup>x</sup> através do cálculo da seguinte série:

$$e^{x} = 1 + \frac{x}{11} + \frac{x^{2}}{2!} + \frac{x^{3}}{3!} + \frac{x^{4}}{4!} + \dots$$

O valor de x e o número de termos devem ser fornecido pelo usuário. Compare com os resultados da função  $\exp(x)$  do compilador.

**10** Escreva um programa, com reprocessamento, que imprima o valor de cos(x) através do cálculo da seguinte série:



$$cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \frac{x^8}{8!} - \dots$$

O valor de x e o número de termos devem ser fornecido pelo usuário. Compare com os resultados da função  $\cos(x)$  do compilador.

**11** Escreva um programa, com reprocessamento, que imprima o valor de sen(x) através do cálculo da seguinte série:

$$sen(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \dots$$

O valor de x e o número de termos devem ser fornecido pelo usuário. Compare com os resultados da função  $\sin(x)$  do compilador.

- **12** Escreva um programa, com reprocessamento, que calcule um número par inteiro que mais se aproxime da raiz quadrada de um número fornecido pelo usuário.
- 13 Faça um programa que receba vários números, calcule e mostre:
  - a soma dos números digitados;
  - a quantidade de números digitados;
  - a média dos números digitados;
  - o maior número digitado;
  - · o menor número digitado;
  - a média dos números ímpares;
  - a porcentagem dos números pares entre todos os números digitados.

Finalize a entrada de dados com a digitação do número 100000.

14 Calcule o imposto de renda de um grupo de contribuintes considerando que os dados de cada contribuinte, número do C.P.F., número de dependentes e renda mensal são valores fornecidos pelo usuário. Para cada contribuinte será feito um desconto de 5% de salário mínimo por dependente.

Os valores da alíquota para cálculo do imposto são:

Renda Líquida	Alíquota
até 2 salários mínimos	isento
2 a 3 salários mínimos	5%
3 a 5 salários mínimos	10%
5 a 7 salários mínimos	15%
acima de 7 salários mínimos	20%

Deve ser fornecido o valor atual do salário mínimo.

15 Uma rainha requisitou os serviços de um monge e disse-lhe que pagaria qualquer preço. O monge, necessitando de alimentos, indagou à rainha sobre o pagamento, se poderia ser feito em grãos de trigo dispostos em um tabuleiro de xadrez, de tal forma que o primeiro quadro deveria conter apenas um grão e os quadros subseqüentes, o dobro do quadro anterior. A rainha achou o trabalho barato e pediu que o serviço fosse execu-



tado, sem se dar conta de que seria impossível efetuar o pagamento. Faça um programa que calcule o número de grãos que o monge esperava receber.

- **16** Escreva um programa que imprima todas as possibilidades de que no lançamento de dois dados tenhamos o valor 7 como resultado da soma dos valores de cada dado.
- 17 Fulano tem 1,50 metro e cresce 2 centímetros por ano, enquanto Ciclano tem 1,10 metro e cresce 3 centímetros por ano. Faça um programa que calcule e imprima quantos anos serão necessários para que Ciclano seja maior que Fulano.
- 18 Escreva um programa, com reprocessamento, que calcule a média aritmética de N números pares fornecidos pelo usuário. Observe que nada impede que o usuário forneça quantos números ímpares quiser, com a ressalva de que eles não poderão ser considerados.
- **19** Foi realizada uma pesquisa de algumas características físicas da população de uma certa região, a qual coletou os seguintes dados referentes a cada habitante para serem analisados:
  - sexo (masculino ou feminino);
  - cor dos olhos (azuis, verdes, castanhos);
  - cor dos cabelos (louros, castanhos, pretos);
  - idade.

Faça um programa que leia o número de habitantes, os dados acima e, determine e escreva:

- a) a maior idade dos habitantes;
- b) a percentagem de indivíduos do sexo feminino cuja idade está entre 18 e 35 anos inclusive e que tenham olhos verdes e cabelos louros.
- 20 Uma companhia de teatro planeja dar uma série de espetáculos. A direção calcula que, a R\$5,00 o ingresso serão vendidos 120 ingressos, e as despesas montarão em R\$200,00. A uma diminuição de R\$0,50 no preço dos ingressos, espera-se que haja um aumento de 26 ingressos vendidos. Faça um programa que escreva uma tabela de valores do lucro esperado em função do preço do ingresso, fazendo-se variar este preço de R\$5,00 a R\$10,00, de R\$0,50 em R\$0,50. Escreva ainda, o lucro máximo esperado, o preço e o número de ingressos correspondentes.
- **21** Faça um programa que leia uma palavra de até 10 letras e, a imprima no centro do sequinte retângulo:



**22** Escreva um programa que leia dois inteiros de três dígitos e imprima seu produto no seguinte formato:



		.,	3	2	5
		X	4	2	6
		1	9	5	0
		6	5	0	0
1	3	0	0	0	0
1	3	8	4	5	0

**23** Faça um programa que aceite um ano escrito em cifras arábicas e visualize o ano escrito em números romanos, dentro da categoria de 1.000 a 3.000.

Lembre-se que I = 1, 
$$V = 5$$
,  $X = 10$ ,  $L = 50$ ,  $C = 100$ ,  $D = 500$ ,  $M = 1.000$ 

**24** Escreva um programa que determine o quadrado de um número positivo através do seguinte método: "O quadrado de um número positivo n é igual à soma dos n primeiros números ímpares".

Por exemplo, o quadrado de 3 é 9=1+3+5, e o de 6 é 36=1+3+5+7+9+11.

Exemplo: Digite o número a ser elevado ao quadrado: 8 O quadrado de 8 é 64 = 36 = 1+3+5+7+9+11+13+15.

**25** Escreva um programa que encontre o menor inteiro positivo n que aceite as seguintes condições:

```
n/3 = x inteiros e resto 2

n/5 = y inteiros e resto 3

n/7 = z inteiros e resto 4
```

26 Um número natural é triangular se ele é produto de três números naturais consecutivos. Escreva um programa que dado n natural, verifique se n é triangular.

Exemplo: 120 é triangular, pois 4\*5\*6=120.

- **27** Escreva um programa, com reprocessamento, que determine se um número inteiro positivo é primo ou não.
- **28** Escreva um programa, com reprocessamento, que imprima todos os números primos existentes entre N1 e N2, onde N1 e N2 são números naturais fornecidos pelo usuário.
- 29 A famosa conjetura de Goldbach diz que todo inteiro par maior que 2 é a soma de dois números primos. Testes extensivos foram feitos sem contudo ser encontrado um contra-exemplo. Escreva um programa mostrando que a afirmação é verdadeira para todo número par entre 500 e 1300. O programa deve imprimir cada número e seus correspondentes primos.
- **30** Dado n e dois números naturais i e j diferentes de 0, imprima em ordem crescente os n primeiros naturais que são múltiplos de i ou de j ou de ambos.

Exemplo: Para n=6, i=2 e j=3, a saída deverá ser 0,2,3,4,6,8.

31 Um número n é perfeito se for igual a soma de seus divisores positivos diferentes de n. Escreva um programa, com reprocessamento, que verifique se um dado número inteiro positivo é perfeito.



Exemplo: 6 é perfeito, pois 1+2+3 = 6.

**32** Dados dois números inteiros positivos, determine o máximo divisor comum entre eles usando o algoritmo de Euclides.

- **33** Escreva um programa que leia dois números inteiros, positivos, e determine o produto dos mesmos, utilizando o seguinte método de multiplicação:
  - a) dividir sucessivamente o primeiro número por 2 até que obtenha 1 como quociente;
  - b) paralelamente, dobrar, sucessivamente, o segundo número;
  - c) somar os números da segunda coluna que tenham como correspondente na primeira coluna um número ímpar. O total obtido é o produto procurado.

Exemplo: cálculo de 9 x 6

**34** Sabe-se que um número da forma n³ é igual a soma de n ímpares consecutivos.

Exemplo: 
$$1^3 = 1$$
,  $2^3 = 3+5$ ,  $3^3 = 7+9+11$ ,  $4^3 = 13+15+17+19$ , ...

Dado M, determine os ímpares consecutivos cuja soma é igual a  $\rm n^3$  para n assumindo valor de 1 a M.

- **35** Dado um número inteiro positivo, escreva um programa que determine a sua decomposição em fatores primos.
- **36** Escreva um programa que calcule a resolução dos seguintes tópicos através de menu a seguir. Esse programa não pode permitir a entrada de dados inválidos, ou seja, medidas menores ou iguais a 0.
  - Diagonal de um paralelepípedo ( $D = \sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$ );
  - Área de um paralelepípedo (dados três lados);
  - Área de um triângulo (dados dois lados);
  - Área de um quadrado (dados dois lados).
- 37 Qualquer número natural de quatro algarismos pode ser dividido em duas dezenas formadas pelos seus dois primeiros e dois últimos dígitos. Exemplo: 1278: 12 e 78. Escreva um programa que imprima todos os milhares (4 algarismos) cuja raiz quadrada seja a soma das dezenas formadas pela divisão acima.

**38** Escreva um programa que leia caractere do teclado; se o caractere lido for uma letra minúscula, imprima-a em maiúsculo, caso contrário imprima o próprio caractere. O programa termina guando a tecla *Esc* for pressionada.



- **39** Faça um programa que solicite caracteres ao usuário e imprima seus códigos decimais. O programa deve terminar quando o usuário digitar a tela *Esc*.
- **40** Escreva um programa que solicite dois caracteres ao usuário e imprima o número de caracteres que estão entre eles. Assuma que o usuário digitará os 2 caracteres em ordem alfabética.

Exemplo: Digite 2 caracteres: d h
O número de caracteres entre eles é: 3

- **41** Um número i é congruente módulo m a j se i Mod m = j Mod m. Dados N, j e m naturais não nulos, imprima os N primeiros naturais congruentes a j módulo m.
- **42** Escreva um programa, com reprocessamento, que dada uma data, retorne o dia da semana.

$$n = Int(365,25) * g(a,m)) + Int(30,6 * f(m)) + d - 621049$$

$$ds = ((n/7) - Int(n/7)) * 7 + v + 1$$

$$g(a,m) = \begin{cases} a - 1, \text{ se } m \le 2 \\ a, \text{ se } m > 2 \end{cases}$$

$$f(m) = \begin{cases} m + 13, \text{ se } m \le 2 \\ m + 1, \text{ se } m > 2 \end{cases}$$

$$v = \begin{cases} 2, \text{ se } n < 36523 \\ 1, \text{ se } 36523 \le n < 73048 \\ 0, \text{ se } n \ge 73048 \end{cases}$$

O dia da semana será dado pelo valor de ds da seguinte forma: 1-domingo, 2-segunda, ...

- **43** Escreva um programa que determine se um ano é bissexto. Um ano é bissexto se é múltiplo de 4 (por exemplo, 1984). No entanto, os anos múltiplos de 100 somente serão bissextos quando são múltiplos de 400 (por exemplo, 1800 não é bissexto, enquanto 2000 é).
- **44** Faça um programa que leia três números positivos (*dia, mês* e *ano*) e, em seguida, visualize a data por escrito. O programa deve também informar se o ano é ou não bissexto.

Exemplo: 18/4/2018 deve visualizar 18 de abril de 2018.

- **45** Amplie o programa do exercício anterior de modo que calcule a data correspondente a 100 dias depois.
- **46** Faça um programa, com reprocessamento, que receba a idade de duas pessoas em anos, calcule e imprima essas idades em meses, dias, horas e minutos. O programa também deve imprimir a diferença entre as duas idades.
- **47** Escreva um programa, com reprocessamento, que calcule o número de dias decorridos entre duas datas. O ano deve ser digitado com 4 dígitos.