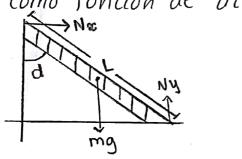
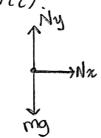
larea 1 Mecánica Analítica Parte 2 - Cálculos analíticos tguipo Cuchara Integrantes

- 1. Rodrigo Aguilar Meneses
- 2. María José Fonseca Vázquez
- 3. Omar Alejandro Lezama Gallegos
- 2. Una escalera de longitud L descansa sobre una pared con un ángulo d con respecto a la vertical. No hay fricción entre la pared o el piso y 19 escalera.
  - a) Escribe la energía cinética y potencial de la escalera como función de d(t).





Las distancias x y y del centro de masa (considerado en el punto medio) son:

$$\chi_{cm} = \frac{1}{2} \sin d$$
 $y_{cm} = \frac{1}{2} \cos d$ ,  $y_a = \frac{2}{2} \cos d$ 
 $\frac{2}{2} \cos d = \frac{2}{2} \cos d$ 

Las velacidades en el centro de masa:

Energía cinética

hergia cinerius
$$K_{lineol} = \frac{1}{2} m V^2, donde V = \sqrt{\frac{\chi^2_{cm} + y^2_{cm}}{4 d^2(ros^2 d + sin^2 d)}}$$

$$= \sqrt{\frac{L^2}{4} d^2(ros^2 d + sin^2 d)}$$

$$= \frac{L}{2} d$$

$$K_{\text{lineal}} = \frac{1}{2} m \left(\frac{1}{2} \mathring{d}\right)^2$$

$$= \frac{1}{8} m \mathring{L}^2 \mathring{d}^2 #$$

Energía potencial

$$U = mgy_{cm}$$

$$= mg \frac{L}{2} \cos d$$

b) Usando el método de la energía, escribe la ecuación de movimiento para d(t). Repite el cálculo usando las leyes de Newton y compara. Antes de obtener las expresiones de la Segunda Ley de Newton parq Le yes de Newton las ejes coordenadas, es conveniente obtener las expresiones de momento angular y sumatoria de torques. Lom = I cmd = 1/2 m L2d (por la geometría) ∑Tcm=Ny 気sind-Nz 気cos d Pero I Tom = dr Lom Entonces Ny = sind - Nx = cos d= +2m L2d Aplicando Segunda Ley de Newton  $\sum F_{\chi} = N \chi = M \dot{\chi}$ IFy = Ny - mg = my Derivando à y ý obtenidas en el inciso anterior  $\ddot{x} = \frac{1}{2} \cos d \ddot{d} - \frac{1}{2} \sin d \dot{d}$   $\ddot{y} = -\frac{1}{2} \sin d \ddot{d} - \frac{1}{2} \cos d \dot{d}$ Despejando Nx y Ny y justituyendo z y j, las ecuaciones de fuerza son Nx=m (= (0) d d - = sind d) Ny=mg-m (与sind d+与cosd d) Sustituyendo las normates en la expresión de torques [mg-m(=zsinddr=zcosdd)]=zsind-m(=zcosdd-=zsindd)=zcosd==1zm2d

9 = sind - = 5 (in2 d) d - = (cos2 d) d = = 12 L'd 9 = sind = (12 L2 + 12) d = 13 L2 d 클문 sind=d

d-39 Sind=0

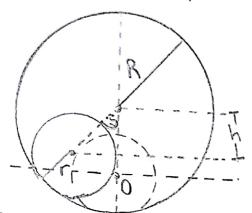
```
Energías
 Retomando las expresiones
    Kunear = & mL2 2

In -1
 Por el movimiento de la escalera, habrá también energía cinética angular
     Kangular = 1 I wa
              = 1 1 7
              = = = (tz) m 12 ° d
               = = 1 m L d
La energia cinética total es, entonces
    K = Kineai + Kangular
= 8 m L2 d + 24 m L2 d
= 6 m L2 d2
La energía potencial no cambia
Tomando como condición inicial do) = do e igualando energía final e inicial
    는 ML2d+ Mg = cosd = Mg = cosdo (no hay energía cinética inicial)
```

 $d + 3\frac{9}{1} \cos d = 3\frac{9}{1} \cos d$ .

Derivando para tener la expresión en términos de segundas derivadas

3. Un tubo sólido pequeño de radio r se encuentra dentro de un tubo hueco más grande de radio R. Encuentra el periodo de las Oscilaciones del tubo pequeño moviéndose dentro del grande alrededor de su punto de equilibrio.



Velocidad en coordenaclas potares

Sin embargo, esa distancia ri se relaciona con los radios r y R

Entonces

Dado que  $w = \frac{v}{r}$ , entonces la velocidad angular entre los tubos comple la relación

$$W = \frac{x}{r} = \frac{(R-r)}{r} \dot{s}$$

La velocidad cinética angular es

Kangular = 
$$I \omega^2 = \frac{I}{2} \left( \frac{(R-r)}{r} \dot{s} \right)^2$$

Pero por la geometría

Entonces

La velocidad cinética lineal

la energía cinética total

Considerando el origen en el centro geométrico del pequeño cuando no hay ángulo con la vertical y hay un punto de equilibrio estable, la altura es h= (R-r) - (R-r) cos s h = (R-r)(1-(0)S)  $h = (R-r)(1-(1-\frac{S^2}{2}))$ aproximando cos  $S \approx 1 - \frac{S^2}{2}$ h= (R-r)(-1 La energio potencial  $V = \frac{mg}{3} (R-r) S^2$ Igualando las energías: Kintuai + Viniciai = Kfinai + Ufmai 2 (R-r) 5 = 3 (R-1) 5 M 9(R-r)s2=3 (R-r)2 s Pero s = W.S, donde W corresponde a la velocidad angular del tubo pequeño 9(R-1)52 = 3 (R-r) W282  $\omega_2 = \sqrt{\frac{29}{3/R-r}}$ Como T = 2/1 (W2 Entonces  $T = 2\pi \sqrt{\frac{3(R-r)}{29}}$