

# Herleitung von $\Delta t$ und $C$ :

①  $\Delta t$  gesucht

Sei  $\Delta t = t_e - t_a$ ; mit  $t_e$  ist der Zeitpunkt vom Ende des Ladesvorganges.  
 $t_a$  " " " " Anfang " "

$$\text{und } U_c(t) = U_0 \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right); \tau = RC$$

$$t = t_e \rightarrow U_c(t_e) = \frac{3}{4} \cdot U_0 \stackrel{\text{d.h.}}{\Rightarrow} t_e = -\tau \cdot \ln\left(\frac{3}{4}\right)$$

$$t = t_a \rightarrow U_c(t_a) = \frac{1}{4} \cdot U_0 \Rightarrow t_a = -\tau \cdot \ln\left(\frac{1}{4}\right)$$

$$\text{daraus folgt: } \boxed{\Delta t = t_e - t_a = +\tau \cdot \left[+\ln\left(\frac{3}{4}\right) + \ln\left(\frac{1}{4}\right)\right]}$$

②  $C$  gesucht:

$$\tau = RC \quad \text{und} \quad \Delta t = \tau \cdot \ln(3)$$

$$\text{d.h.: } \Leftrightarrow RC = \frac{\Delta t}{\ln(3)} \quad \Leftrightarrow C = \frac{\Delta t}{R \cdot \ln(3)}$$

In unsere Programm wird eine Periodenlänge von  $T = 2 \cdot \Delta t$  bestimmen

deshalb:

$$\boxed{C = \frac{T}{2 \cdot R \cdot \ln(3)} = \frac{T}{2197 \cdot \Omega}}$$

$$C \approx \frac{T}{2197 \cdot \Omega}$$