Ecuaciones Diferenciales Parciales I Tema: Serie de Fourier compleja

Definición 2.8: Serie de Fourier compleja

Sea f con periodo fundamental p. Sea $\omega_0=\frac{2\pi}{p}$. Entonces la serie de Fourier compleja de f es

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} d_n e^{in\omega_0 x}$$

donde

$$d_n = \frac{1}{p} \int_{-p/2}^{p/2} f(t)e^{-in\omega_0 t} dt$$

para $n=0,\pm 1,\pm 2,...$ Los números d_n son los coeficientes de Fourier complejos de f.

Teorema 2.10:

Sea f periódica con periodo fundamental p. Sea f suave a pedazos en [-p/2, p/2]. Entonces, en cada x la serie de Fourier compleja converge a

$$\frac{1}{2}\left(f(x+) + f(x-)\right)$$