

## 2 du

### 2.1

Mejme latinsky ctverec rozmeru  $n * n$  s vyplnenymi  $m$  radky.  
Kde  $m = n - 1$ , protoze pro ostatni  $m$  to bude pote platit tez.

Dokazme sporem, predpokladejme ze existuje  $n - 1$  korektne vyplennych radku a na  $n$ tem radku neexistuje permutace takova, ze odpovida definici lat. ctvercu. Pak existuje index v permutaci jez nemuze obsahovat zadne z cisel 1 az  $n$ . Takove cislo, ale vzdy musime najit, nebot prave takove jedno cislo chybi v danem sloupci lat. ctverce

A takove cislo nemuze byt ani obsazeno v nasem poslednim radku, nebot na vseh ostatnich pozicich byt nemuze, nebot je obsazeno v kazdem sloupci nad danou pozici.

### 2.2

- plati  
pro kazdy podraf grafu  $G$  musi platit, ze existuji 4 vrcholi jez jsou v cyklu (stupen dva a neni bipartitni) a po odebrani presne dvou se stanou zbyle dva vrcholi nesouvisle. Pokud si za zbyle vrcholi dosadime cele komponenty grafu a hrany mezi odstranenyimi vrcholi definujeme jako rez a celou situaci aplikujeme na kazdy podgraf jez lezi na rezu, tak mame dokazano ze tvrzeni plati.
- plati  
pro kazdy podraf grafu  $G$  musi platit, ze existuje 5 vrcholu jez jsou stupne minimalne 3. Predpokladejme ze tvrzeni neplati, pak v grafu existuje pouze jedna kruznice obsahujici vsechny vrcholi, to je ale ve sporu s tvrzenim ze kazdy vrchol ma stupen min 3. Neboli takovy graf musi mit hlavni kruznici a min jedno "ucho".
- plati  
mejme graf ktery je hranove l-souvisly pak existuje bijektivni zobrazeni  $l$  hran na  $l$  vrcholu. Nebot kazdou hranu kterou bychom odebrali muzem odebrat i tak ze ji sebereme jeden z vrcholu.

### 2.3

mnozinovy system ma SRR pro kazde kladne  $k$ , nebot splineme Hallovu podminku. tj. libovolnych  $n$  hran z hypergrafu  $G$  ma dohromady alespon  $n$  prvku.

### 2.4

takove grafy budou k-hranove souvisle, nebot mezi kazdymi dvemi body bude minimalne  $k$  hranove disjunktnich cest. A tudiz budou i k-vrcholove souvisle.