Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 4

з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту» на тему

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії»

Виконав:

Студент 2-го курсу ФІОТ групи IB-93 Цоколов Максим

Перевірив:

Регіда П. Г.

Мета роботи: Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Завдання на лабораторну роботу:

- 1. Скласти матрицю планування для повного трьохфакторного експерименту.
- 2. Провести експеримент, повторивши N раз досліди у всіх точках факторного простору і знайти значення відгуку Y. Знайти значення Y шляхом моделювання випадкових чисел у певному діапазоні відповідно варіанту. Варіанти вибираються за номером в списку в журналі викладача.
- 3. Знайти коефіцієнти рівняння регресії і записати його.

$$y_{i\max} = 200 + x_{cp\max}$$
$$y_{i\min} = 200 + x_{cp\min}$$

де
$$x_{cp \, \text{max}} = \frac{x_{1 \, \text{max}} + x_{2 \, \text{max}} + x_{3 \, \text{max}}}{3}$$
, $x_{cp \, \text{min}} = \frac{x_{1 \, \text{min}} + x_{2 \, \text{min}} + x_{3 \, \text{min}}}{3}$

- 4. Провести 3 статистичні перевірки за критеріями Кохрена, Стьюдента, Фішера.
- 5. Зробити висновки по адекватності регресії та значимості окремих коефіцієнтів і записати скореговане рівняння регресії.
- 6. Написати комп'ютерну програму, яка усе це моделює.

Варіант:

328	10	60	-35	10	-30	45
-----	----	----	-----	----	-----	----

Програмний код:

```
import random
import numpy as np
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from numpy.linalg import solve

def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y

def dispersion(y, y_aver, n, m):
    res = []
    for i in range(n):
        s = sum([(y_aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in range(m)]) / m
        res.append(round(s, 3))
    return res

def planing matrix interaction effect(n, m):
```

```
x.append(x[1] * x[2])
x.append(x[1] * x[2] * x[3])
        x[i][j] = x range[j - 1][0]
```

```
res.append(b)
   return res
def kriteriy studenta(x, y average, n, m, dispersion):
   dispersion average = sum(dispersion) / n
   s beta s = (dispersion average / n / m) ** 0.5
   beta = [sum(1 * y for y in y average) / n]
       beta.append(b)
   f1 = m - 1
   f2 = n
   student cr table = t.ppf(df=f3, q=qq)
   temp_cohren = f.ppf(q=(1 - q / f1), dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
   print('Дисперсія y:', dispersion arr)
```

```
with interaction effect(n, m)
   res = [t for t in ts if t > student cr table]
       y new.append(regression([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in
   d = len(res)
   f4 = n - d
   Fp = kriteriy fishera(Y, y aver, y new, n, m, d, dispersion arr)
   Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)
def with interaction effect(n, m):
def planning matrix linear(n, m, x range):
```

```
x[i][j] = x range[j-1][0]
def regression_equation(x, y, n):
   y average = [round(sum(i) / len(i), 2) for i in y]
   return y average, B
   f3 = f1 * f2
```

```
x, y, x norm = planning matrix linear(n, m, x range)
   dispersion arr = dispersion(y, y average, n, m)
   Gp = max(dispersion arr) / sum(dispersion arr)
       linear(n, m)
   qq = (1 + 0.95) / 2
   student_cr_table = t.ppf(df=f3, q=qq)
   student t = kriteriy_studenta(x norm[:,1:], y_average, n, m,
dispersion arr)
       y new.append(regression([x[j]][student t.index(i)] for i in student t
   if Fp < Ft:
       if not interaction effect:
```

```
main(n, m)

if __name__ == '__main__':
    x_range = ((10, 60), (-35, 10), (-30, 45))

y_max = 200 + int(sum([x[1] for x in x_range]) / 3)
    y_min = 200 + int(sum([x[0] for x in x_range]) / 3)

main(8, 3)
```

Вивід програми:

```
Матриця планування:
    X0 X1 X2 X3 Y1 Y2 Y3
[[ 1. 10. -35. -30. 216. 225. 184.]
 [ 1. 10. 10. 45. 183. 217. 182.]
 [ 1. 60. -35. 45. 184. 204. 221.]
 [ 1. 60. 10. -30. 199. 231. 191.]
 [ 1. 10. -35. 45. 227. 225. 231.]
 [ 1. 10. 10. -30. 204. 220. 196.]
 [ 1. 60. -35. -30. 199. 196. 200.]
[ 1. 60. 10. 45. 191. 210. 199.]]
Рівняння регресії:
y = 208.42 + -0.14*x1 + -0.16*x2 + 0.01*x3
Перевірка за критерієм Кохрена:
Розрахункове значення: Gp = 0.24357399651110914
Табличне значення: Gt = 0.815948432359917
3 ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.
Табличне значення критерій Стьюдента:
2.119905299221011
Розрахункове значення критерій Стьюдента:
[79.923, 1.377, 1.441, 0.211]
Коефіцієнти [-0.14, -0.16, 0.01] статистично незначущі.
Отримаємо значення рівння регресії для 3 дослідів:
[208.42, 208.42, 208.42, 208.42, 208.42, 208.42, 208.42, 208.42]
Перевірка адекватності за критерієм Фішера:
Розрахункове значення критерія Фішера: Fp = 2.1195482089786917
Табличне значення критерія Фішера: Ft = 2.6571966002210865
Математична модель адекватна експериментальним даним
```