is mechanologie Institut National des Sciences Appliquées et de Technologie Année 2012-2013

Devoir Surveille Algorithmique et structures de données

MPI 1,2,3,4

Nombre de pages : 2

Exercice 1 (5 pts)

Canerale

Canerale L'élément n de la suite de Conway est construite en lisant l'élément n-1. Généralement, on utilise 1 comme élément initial. On obtient par exemple (Table 1) :

Itération	es premiers termes de la suite Lecture	ANTION OF
1	état initial	valeur
2	Un un	11
3	Deux un	21
4	Un deux, un un	1211
5	Un un, un deux, deux un	111221
6	Trois un, deux deux, un un	312211
5	Un un, un deux, deux un Trois un, deux deux, un un	

de En utilisant deux tableaux d'entiers, proposez un algorithme qui affiche les n predonithme mil attiche les 71 pic-. miers termes (n est demandé à l'utilisateur) de la suite de Conway. En partant de le table l'itération n contenue dans le tableau 1, vous construisez l'itération n+1 dans le tableau 2 et vous l'affichez. Ensuite, vous recopiez le tableau 2 dans le tableau 1 pour construire l'itération suivante.

Exercice 2 (5 pts)

2. Triez le tableau suivant en donnant toutes les étapes interméiaires à l'aide du 1. Rappeler le principe du tri par insertion

tri par insertions.

Jombre d. 3. Donnez l'algorithme (procedure) du Tri par insertion. 4. Donnez la complexité en temps de calcul (le nombre d'instructions élémen-

taires) de cet algorithme.

Exercice 3: Nombres de Fibonacci (5 pts)

La suite des nombres de Fibonacci est définie par :

$$\begin{cases} F_0 = 0 \\ F_1 = 1 \\ F_{n+2} = F_{n+1} + F_n & \forall n \ge 0 \end{cases}$$

- 1. Réalisez une fonction récursive nominée fibo paramétrée par un entier n qui calcule le nombre F_n .
- 2. Dessinez l'arbre des appels à la fonction fibo dans le calcul de fibo(4).
- 3. Trouver une relation de récurrence pour le nombre d'appels récursifs R_n à la fonction fibo pour calculer F_n .
- 4. Donner une version itérative permettant de calculer fibo(n).
- 5. Comparer les deux versions.

Exercice 4: Puissance (5 pts)

L'année en utilisant une méthode la fonction puissance en utilisant une méthode dichotomique, c.a.d en utilisant les résultats suivants :

$$\begin{cases} a^{2k} = (a^2)^k \\ a^{2k+1} = (a^2)^k a \end{cases}$$

2. Reprendre la fonction puissance en utilisant les résultats suivants :

$$\begin{cases} a^{2k} = (a^k)^2 \\ a^{2k+1} = (a^k)^2 a \end{cases}$$

On supposera a et n entiers naturels.