Chess Computing 2017 Club ESI-Mat

Algorithme Min-Max avec élagage α/β

- Application au jeu d'échecs -

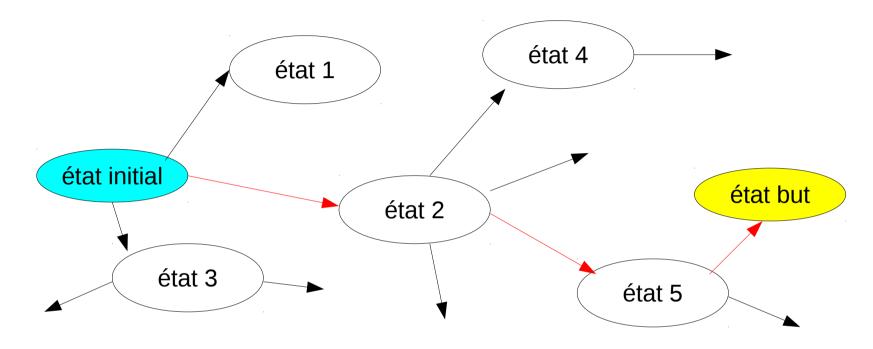
Pr. HIDOUCI Walid-Khaled (w_hidouci@esi.dz)
Ecole nationale Supérieure d'Informatique (ESI) – Alger
Laboratoire de la Communication dans les Systèmes Informatiques (LCSI)

Plan

- Résolution de problèmes (par Backtracking)
- Problèmes de jeux (Min-Max avec coupes α/β)
- Présentation d'une petite application au jeu d'échecs

Résolution de Problèmes

« Trouver un chemin entre un état initial et un état but »



Parmi les moyens de résolution :

→ Exploration d'un espace de recherche à l'aide d'une recherche en profondeur (ou Backtracking)

Algorithme de recherche en profondeur (BackTracking)

(sur un espace de recherche connexe)

Version itérative

```
RP_iterative(v:état)
 Init_Pile( P );
 Empiler(P, v);
 \mathbf{TQ} ( Non Pilevide( P ) && v \neq but )
   Depiler(P, v);
   Si (v n'est pas encore visité)
       Visiter(v);
       Pour chaque état w adjacent à v :
           Si (w n'est pas encore visité")
               Empiler(P, w)
           Fsi
       Fp
   Fsi
 FTQ
 Si (v = but) retourner Vrai
 Sinon retourner Faux
 Fsi
```

Version récursive

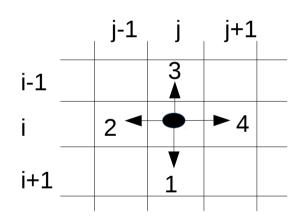
```
RP(v : état)
  Si (v = but)
     Retourner Vrai
  Sinon
     Visiter(v);
     Pour chaque w adjacent à v :
        Si ( w non encore visité )
           trouv \leftarrow \mathbf{RP}(\mathbf{w});
           Si (trouv) retourner Vrai Fsi
        Fsi
     Fp
     retourner Faux
  Fsi
```

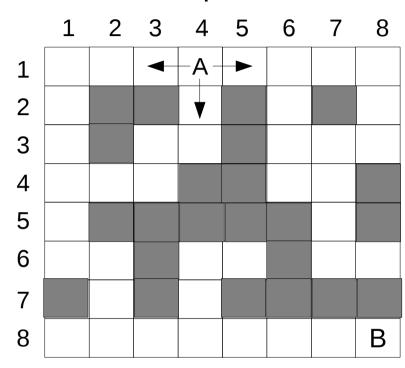
Exemple : Problème du labyrinthe

Un état peut être représenté par les coordonnées de la position courante :

Etat initial = (1,4) / Etat but = (8,8)

Les déplacements possibles





à partir de (i,j) on essaye les alternatives dans cet ordre : (i+1,j) , (i, j-1) , (i-1,j) , (i,j+1) Les cases fermées, déjà visitées ou à l'extérieur de la grille sont retirées de la liste

Algorithme du Labyrinthe (Backtracking)

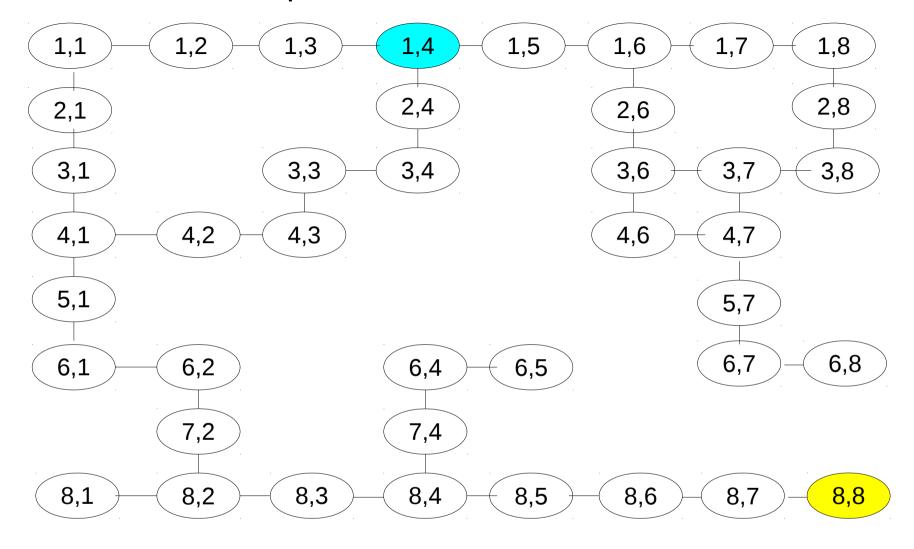
```
(x,y) \leftarrow (1,4); // l'état initial
CasesFermées \leftarrow \{ (2,2), (2,3), (2,5), (2,7), (3,2), ... (7,8) \};
CasesVisitées ← { };
Init Pile(P);
Empiler(P, (x,y));
TQ (Non PileVide(P) et (x,y) \neq (8,8))
    Dépiler(P, (x,y));
    CasesVisitées ← CasesVisitées ∪ { (x,y) } ;
    (a_1,b_1) \leftarrow (x+1, y);
    (a_2,b_2) \leftarrow (x, y-1);
    (a_3,b_3) \leftarrow (x-1, y);
    (a_{a},b_{a}) \leftarrow (x, y+1);
    Pour i = 4 ... 1, par pas de : -1
        Si ( (ai,bi) ∉ (CasesFermées ∪ CasesVisitées) &&
             (ai \in [1,8]) \&\& (bi \in [1,8])
             Empiler(P, (ai,bi))
        Fsi
    FP
FTO
```

Version récursive

```
Var globales : CasesV ←- {}; CasesF ← { (2,2), (2,3), (2,5), (2,7), ... (7,8) };
Labyrinthe ((x,y))
 Si ((x,y) = (8,8)) succès // On a trouvé la sortie
 Sinon
    CasesV \leftarrow CasesV \cup \{(x,y)\};
    (a_1,b_1) \leftarrow (x+1, y);
    (a_3,b_3) \leftarrow (x, y-1);
    (a_3,b_3) \leftarrow (x-1, y);
    (a_{\lambda},b_{\lambda}) \leftarrow (x, y+1);
    Pour i = 1 ... 4
         Si ( (ai,bi) \notin (CasesF \cup CasesV) && (ai \in [1,8]) && (bi \in [1,8]) )
             Labyrinthe((ai,bi))
         Fsi
    FP
 Fsi
```

Hidouci W. K. / LCSI / ESI / 2017

L'espace de recherche associé



à partir de (i,j) on essaye les alternatives dans cet ordre : (i+1,j), (i,j-1), (i,j+1)

état courant : (1,4) / états successeurs : (2,4) , (1,3) , , (1,5)

état courant : **(1,4)** / états successeurs : (2,4) , (1,3) , (1,5) 1,2 1,3 1,5 1,8 1,1 1,6 1,7 1,4 2,4 2,8 2,1 2,6 3,1 3,3 3,4 3,6 3,7 3,8 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4 8,3 8,1 8,2 8,4 8,5 8,6 8,8 8,7

La pile

état courant : **(2,4)** / états successeurs : (3,4) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,4 6,5 7,2 7,4 8,1 8,2 8,3 8,4 8,5 8,6 8,8 8,7

La pile

(1,5) | (1,3) |

état courant : **(3,4)** / états successeurs : (3,3) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

La pile

(1,5) | (1,3) |

8,1

8,2

8,3

état courant : **(3,3)** / états successeurs : (4,3) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,4 6,5 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

La pile

(1,5) | (1,3) |

8,1

8,2

8,3

état courant : **(4,3)** / états successeurs : (4,2) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7



(1,5) | (1,3) |

8,1

8,2

8,3

état courant : **(4,2)** / états successeurs : (4,1) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,1 4,2 4,3 4,6 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

La pile

(1,5) | (1,3) |

8,1

8,2

8,3

état courant : **(4,1)** / états successeurs : (5,1) , (3,1) 1,2 1,3 1,4 1,7 1,8 1,1 1,5 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,1 3,3 3,6 3,7 3,8 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,4 6,5 7,2 7,4 8,1 8,2 8,3 8,4 8,5 8,6 8,8 8,7

La pile

(1,5) | (1,3) |

état courant : **(5,1)** / états successeurs : (6,1) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,1

8,2

8,3

état courant : **(6,1)** / états successeurs : (6,2) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,1 3,3 3,6 3,7 3,8 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,1

8,2

8,3

8,4

8,5

8,6

8,7

état courant : **(6,2)** / états successeurs : (7,2) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,1 3,3 3,4 3,6 3,7 3,8 4,2 4,3 4,6 4,1 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,5 6,2 6,4 7,2 7,4

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,1

8,2

8,3

8,4

8,5

8,6

8,7

état courant : **(7,2)** / états successeurs : (8,2) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,1 3,3 3,4 3,6 3,7 3,8 4,2 4,3 4,6 4,1 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4

7,4

8,4

8,5

8,6

8,7



(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,1

7,2

8,2

8,3

état courant : **(8,2)** / états successeurs : **(8,1)** , **(8,3)** 1,2 1,3 1,4 1,7 1,8 1,1 1,5 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,1 3,3 3,4 3,6 3,7 3,8 4,2 4,3 4,6 4,1 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,5 6,1 6,2 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

8,3

8,2

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,1

état courant : **(8,1)** / états successeurs : -vide- Donc : Retour arrière 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,7 3,8 3,1 3,3 3,6 4,2 4,3 4,6 4,1 4,7 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,5 6,1 6,2 6,4 7,2 7,4 8,2 8,3 8,4 8,5 8,6 8,8 8,1 8,7

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) | (8,3) |

état courant : **(8,3)** / états successeurs : (8,4) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

8,8



(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,2

état courant : **(8,4)** / états successeurs : (7,4) , (8,5) 1,2 1,3 1,4 1,7 1,8 1,1 1,5 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4 7,2 7,4

8,4

8,5

8,6

8,7

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,2

8,3

état courant : **(7,4)** / états successeurs : (6,4) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4

7,4

8,4

8,5

8,6

8,7



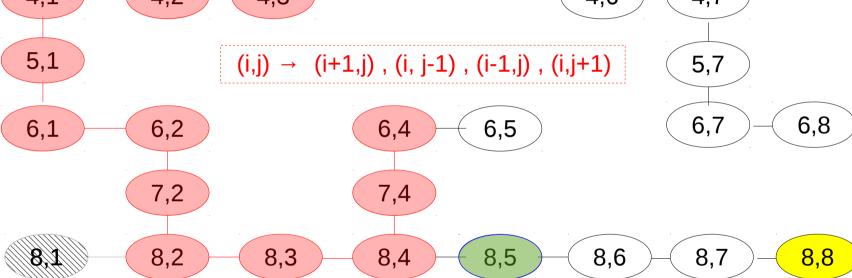
(1,5) | (1,3) | (3,1) | (8,5) |

7,2

8,2

8,3

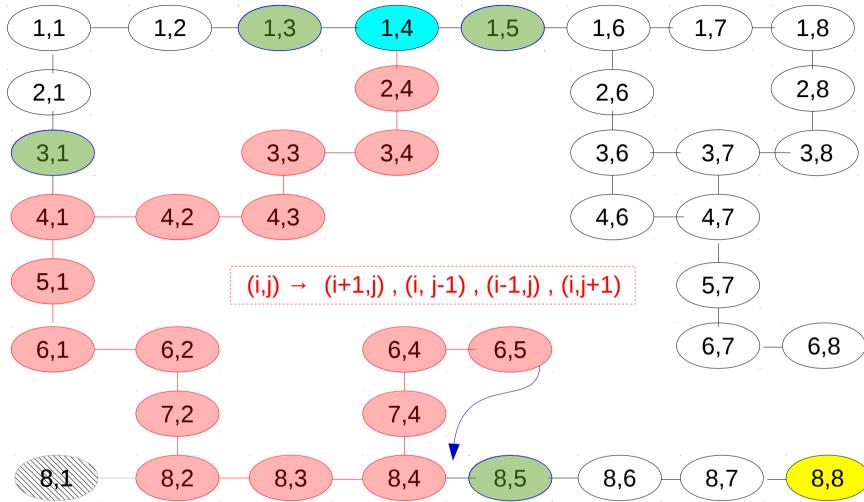
état courant : **(6,4)** / états successeurs : (6,5) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 6,5 6,4



La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) | (8,5) |

état courant : **(6,5)** / états successeurs : **-vide-** Donc <u>Retour arrière</u>



La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) | (8,5) |

état courant : **(8,3)** / états successeurs : (8,6) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2 7,2

8,4

8,5

8,6

8,7

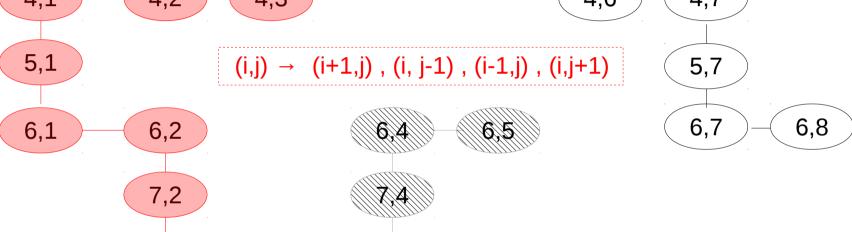
8,8



(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,2

état courant : **(8,6)** / états successeurs : (8,7) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7



8,5

8,6

8,7

8,8

8,4

La pile

(1,5) | (1,3) | (3,1) |

8,2

état courant : **(8,7)** / états successeurs : (8,8) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7 6,7 6,8 6,1 6,2



(1,5) | (1,3) | (3,1) |

7,2

8,2

8,3

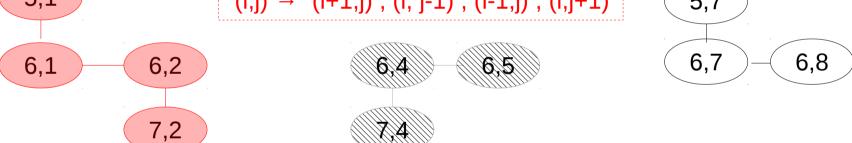
8,4

8,5

8,6

8,7

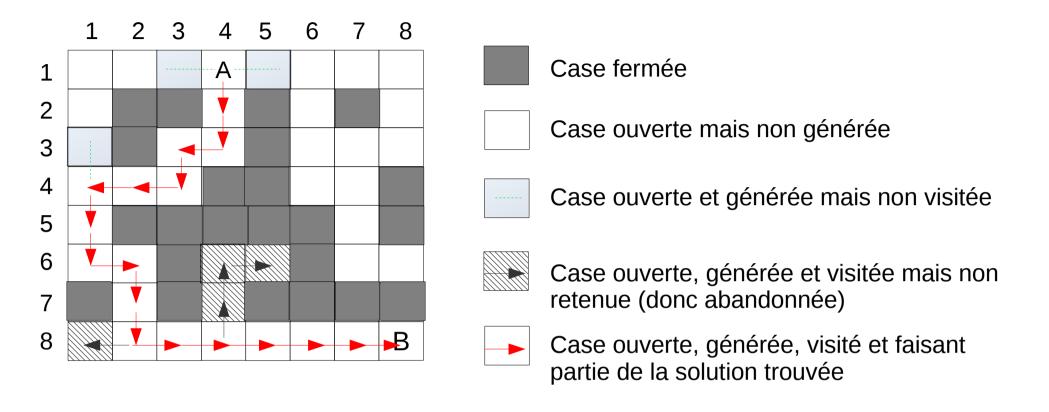
état courant : **(8,8)** / états successeurs : — (recherche terminée) 1,2 1,3 1,4 1,5 1,7 1,8 1,1 1,6 2,4 2,8 2,1 2,6 3,4 3,8 3,1 3,3 3,6 3,7 4,2 4,3 4,6 4,7 4,1 5,1 $(i,j) \rightarrow (i+1,j), (i, j-1), (i-1,j), (i,j+1)$ 5,7



8,2 8,3 8,4 8,5 8,6 8,7 8,8

La pile

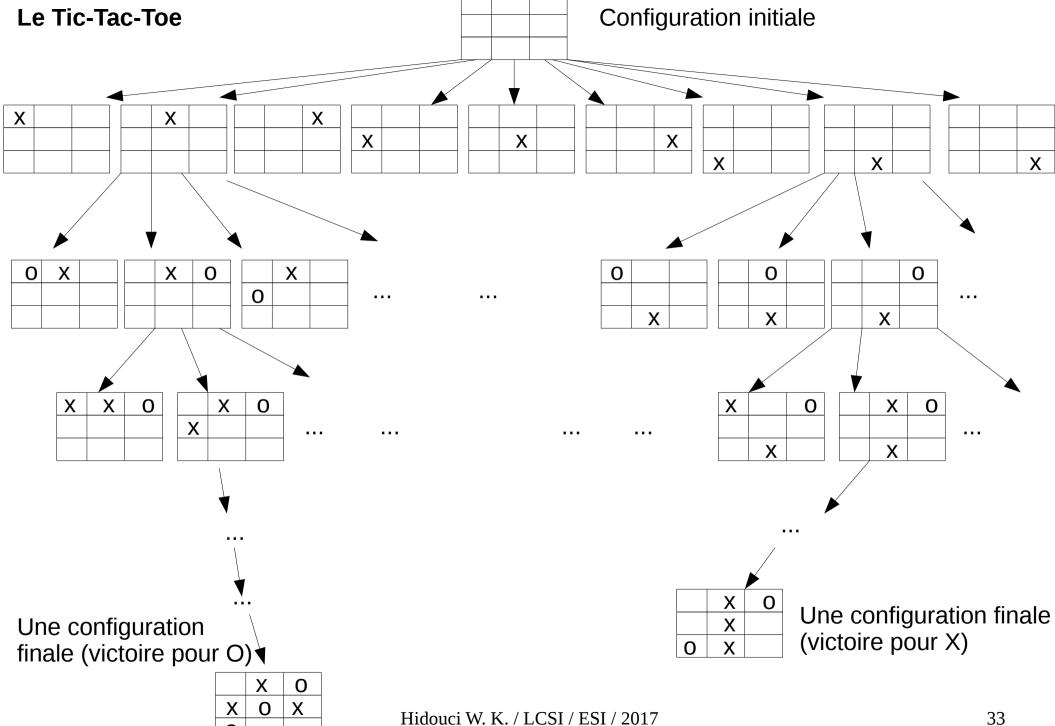
(1,5) | (1,3) | (3,1) |



Longueur du chemin solution = 17 cases Nombre de cases visitées = 21 cases Nombre de cases générées (visitées ou dans la pile) = 24 cases

Problèmes de jeux

- Le backtracking s'adapte facilement pour les problèmes de jeux à deux joueurs opposés
 - → Algorithme du Min-Max (ou MiniMax)
- Les coups des 2 joueurs sont effectués de manière alternée.
- L'espace de recherche est composé de toutes les configurations possibles obtenues par les différents coups des 2 joueurs
- Une partie est un chemin dans l'espace de recherche entre la configuration initiale du jeu et une des configurations finales possibles (victoire, perte ou match nul)
- La résolution de problème (dans ce cas) consiste à trouver une suite de coups permettant au programme de jouer le mieux possible contre un adversaire quelconque.



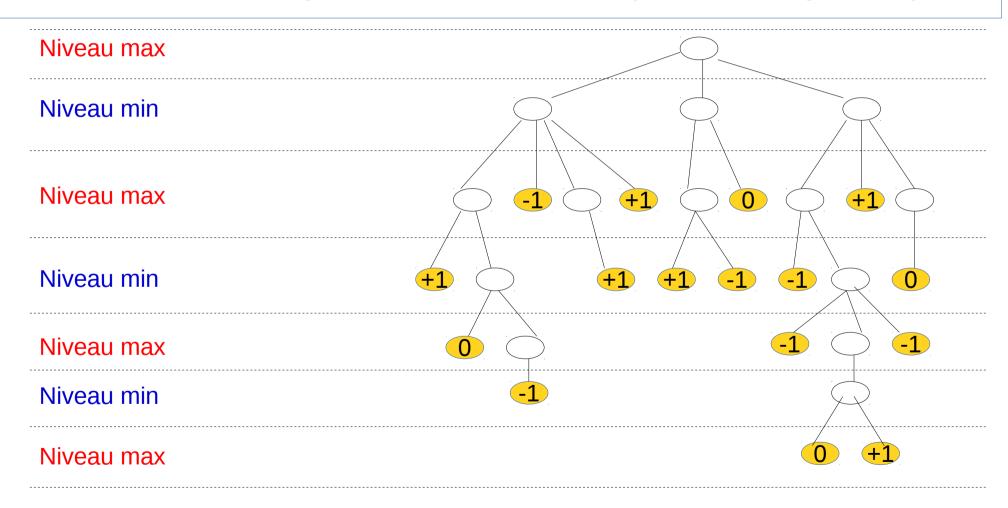
MinMax Objectif: Donner une valeur à une configuration

+1 : victoire du joueur A

-1 : victoire du joueur B

0: match nul

L'évaluation des configurations terminales dépend des règles du jeu



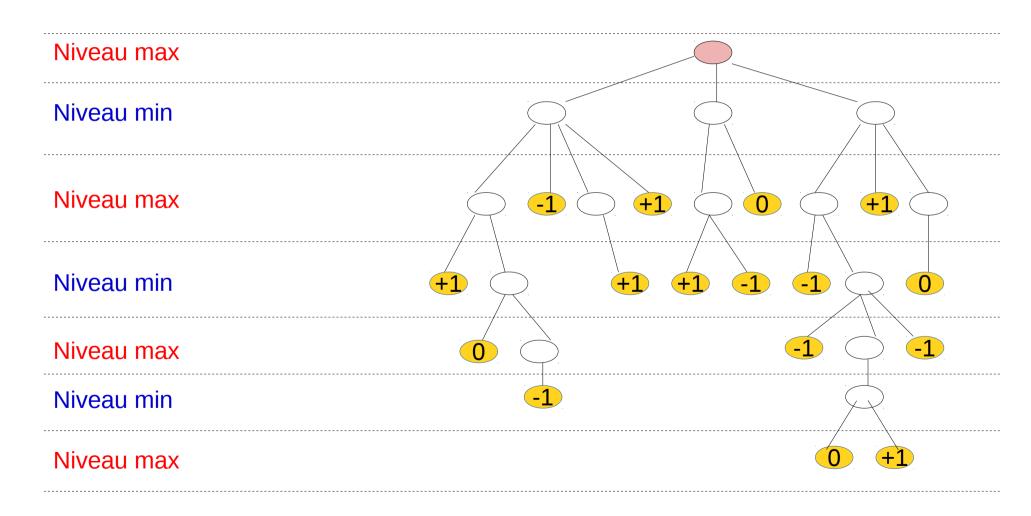
MinMax

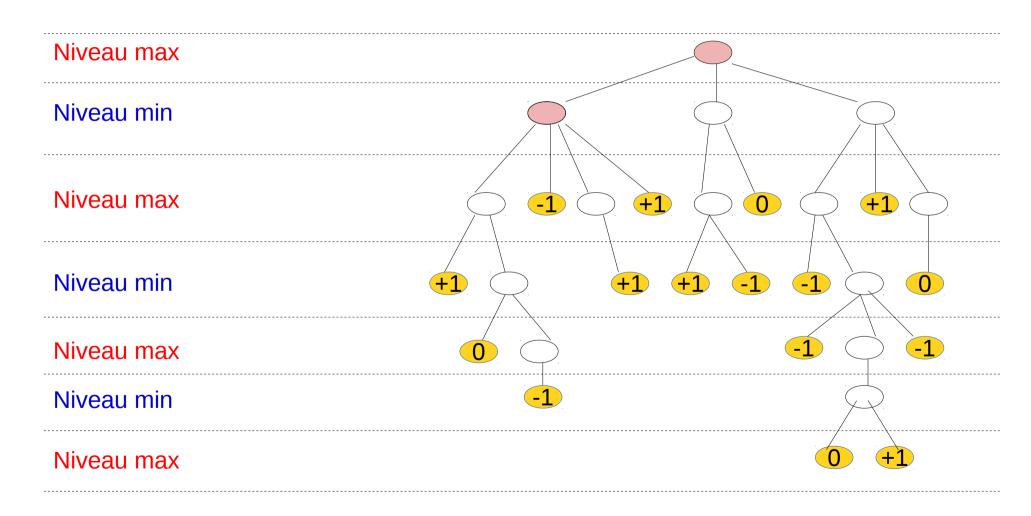
Evaluation d'un nœud *J* appartenant à un niveau *Mode* {min ou max}

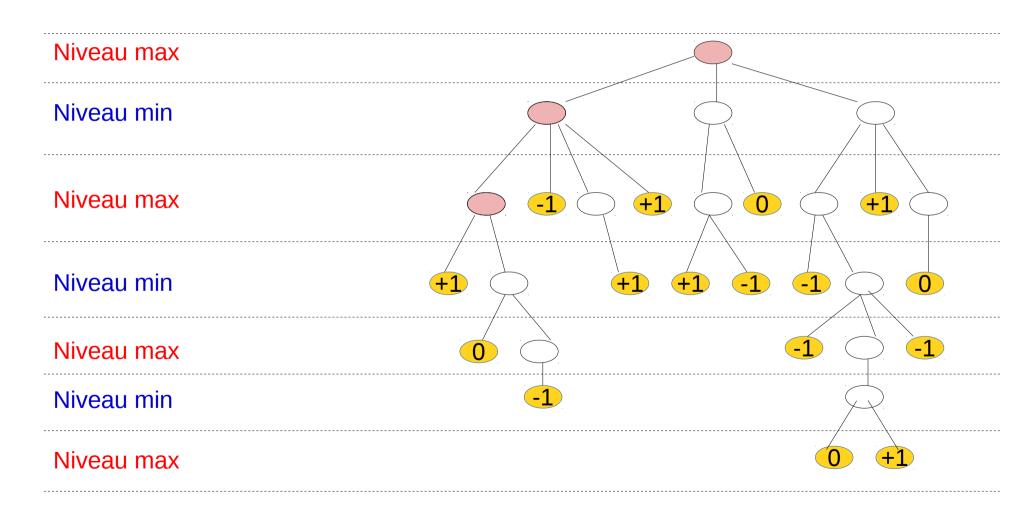
```
MinMax(J, Mode)
 Si (J est une feuille)
        Retourner (coût(J)) // -1 (victoire pour min),
                                  // 0 (match nul) ou
                                  // +1 (victoire pour max)
 Sinon
        Si (Mode = 'max') Val \leftarrow -\infty Sinon Val \leftarrow +\infty Fsi
        Générer_tous_les_successeurs( J )
        Pour chaque successeur K de J:
             Si (Mode = 'max')
                 Val ← Max( Val, MinMax(K, 'min'))
             Sinon
                 Val ← Min( Val, MinMax(K, 'max') )
             Fsi
        FP
        Retourner Val
  Fsi
```

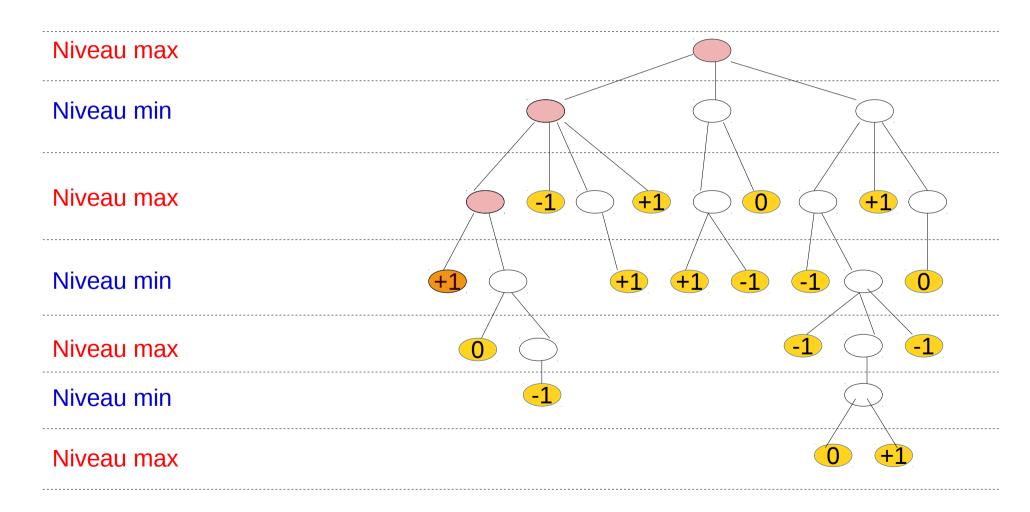
MinMax Parcours en profondeur (type post-ordre)

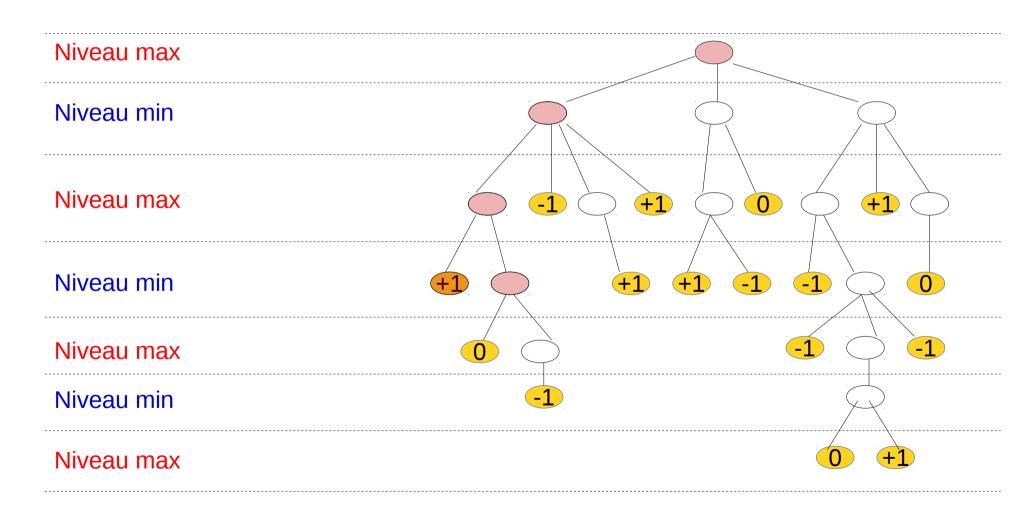
si le nœud courant est 'maximisant', sa valeur sera le max de ses fils si le nœud courant est 'minimisant', sa valeur sera le min de ses fils si le nœud courant est terminal, sa valeur sera donnée par coût(J)

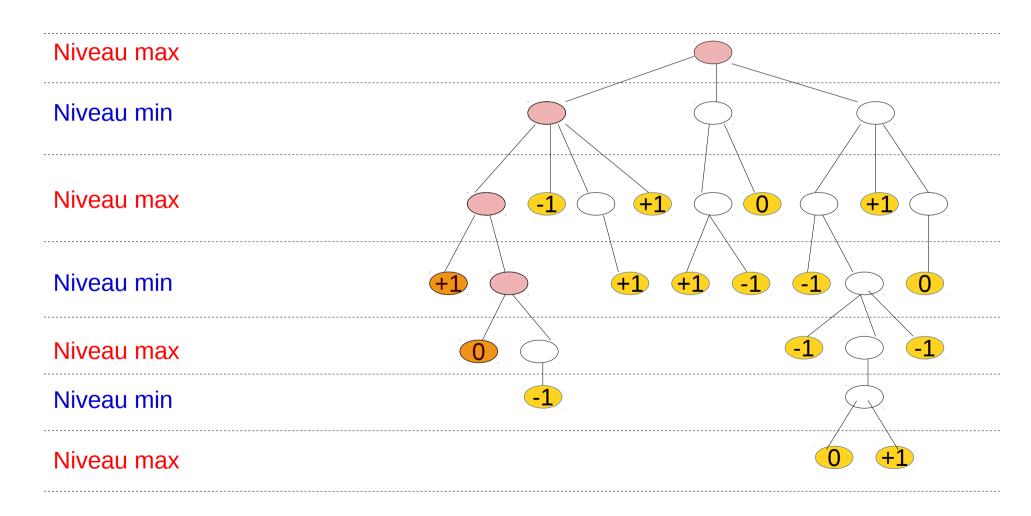


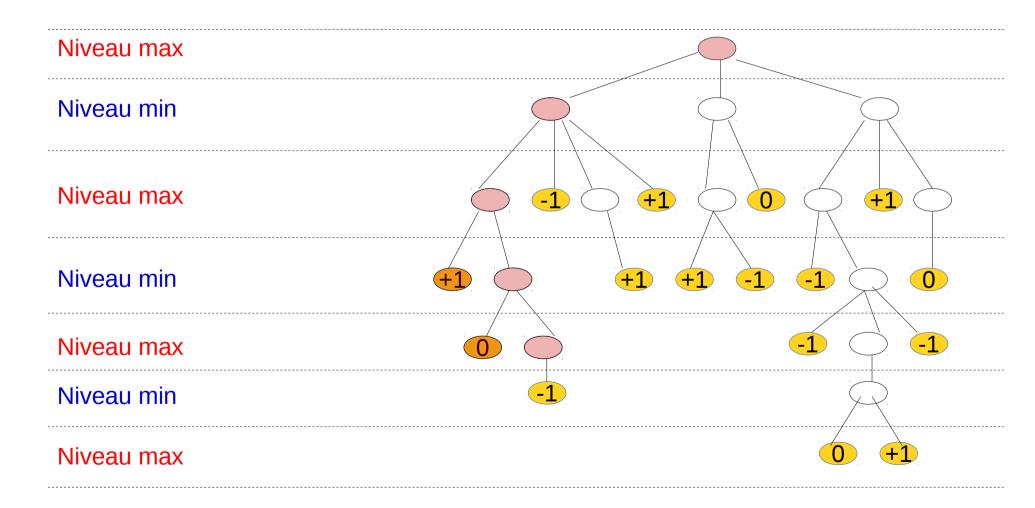


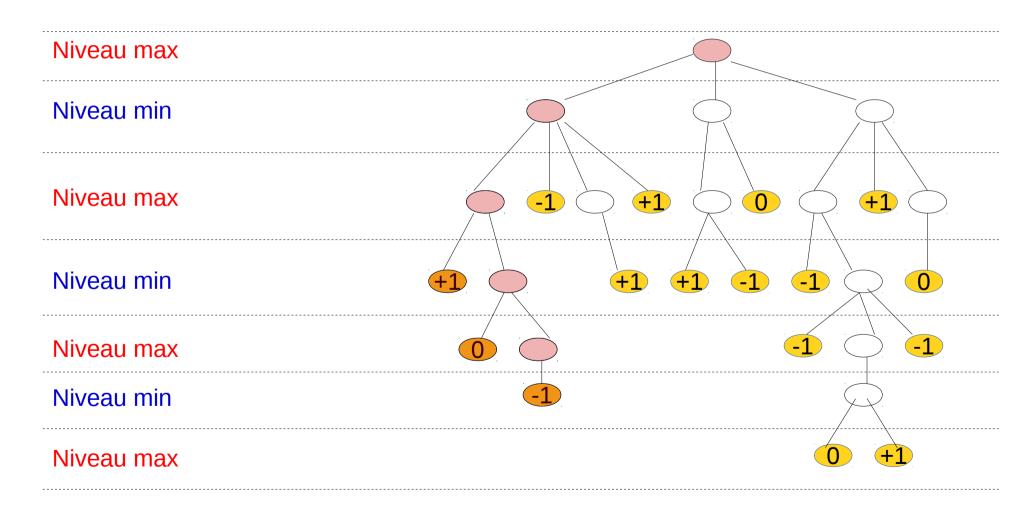


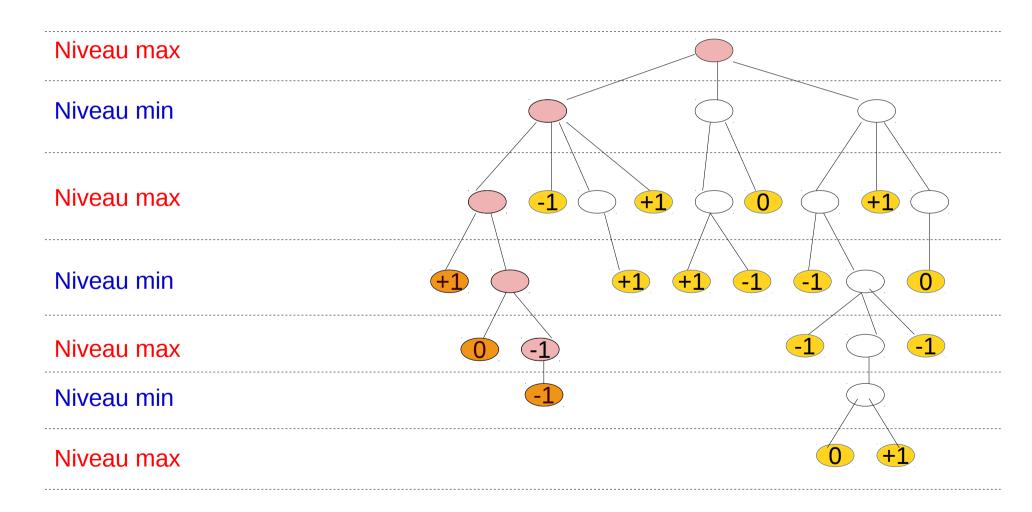


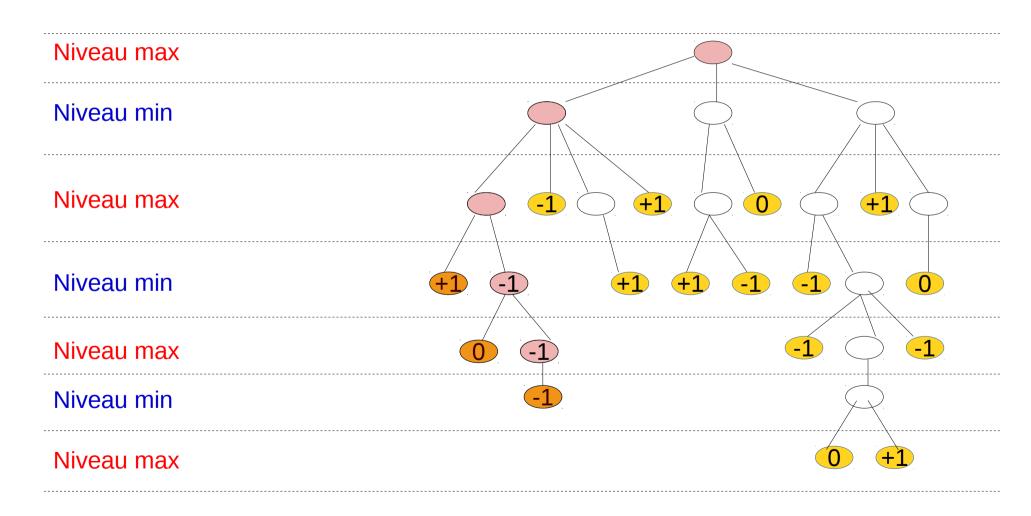


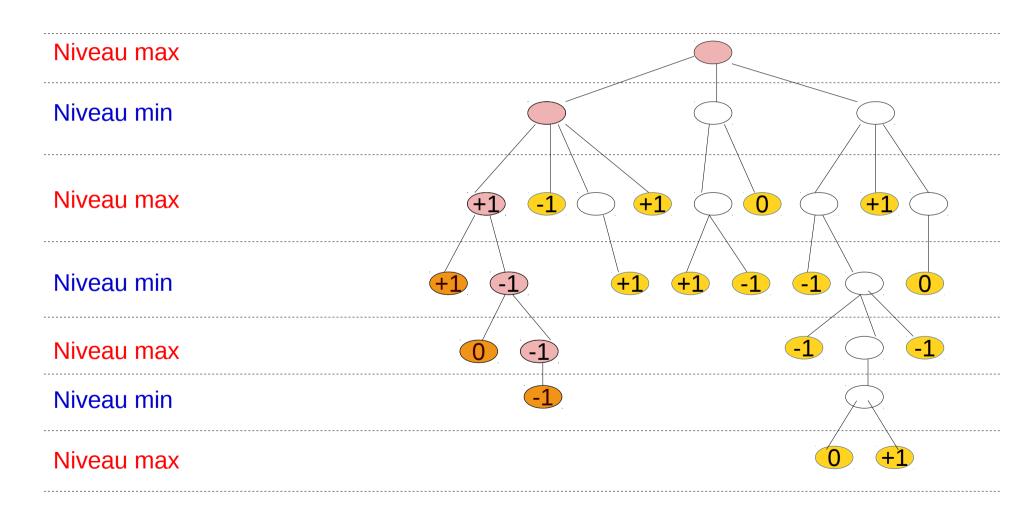


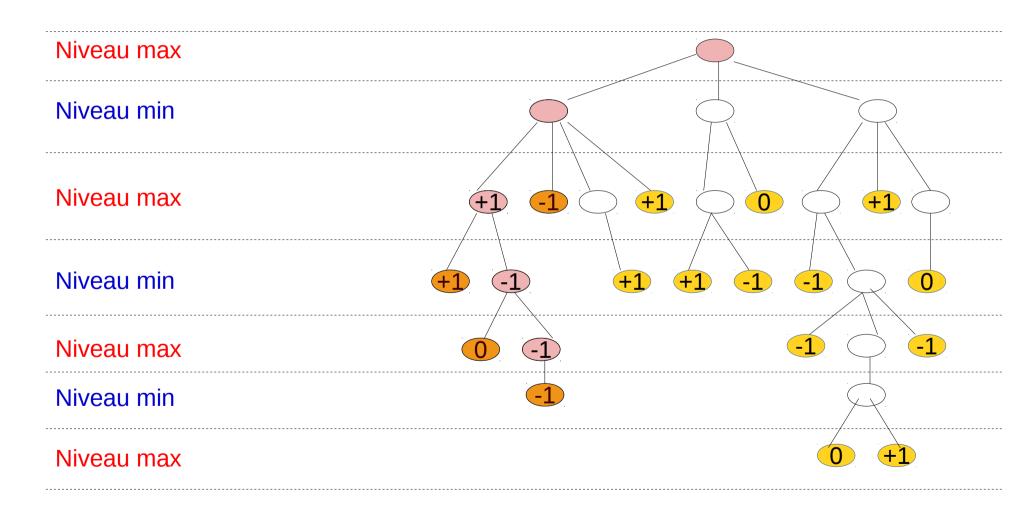


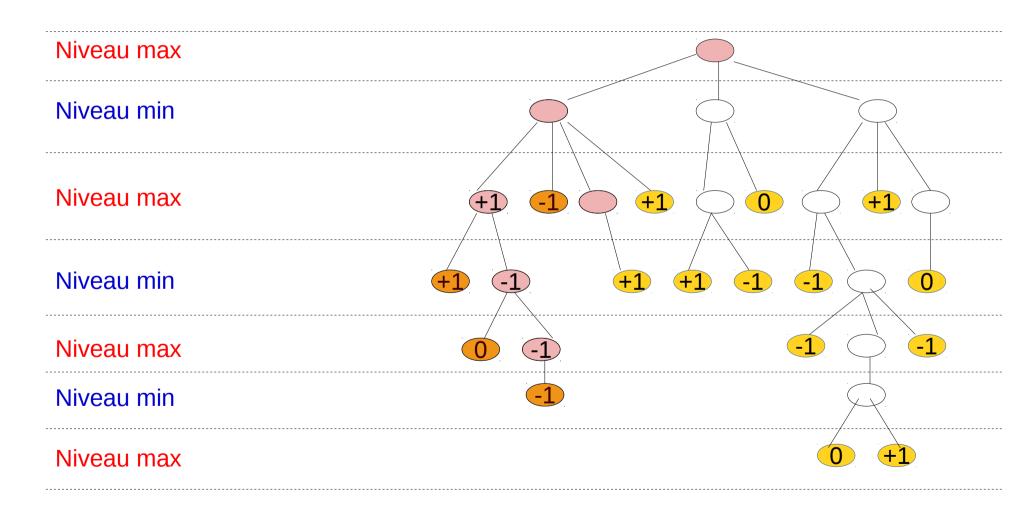


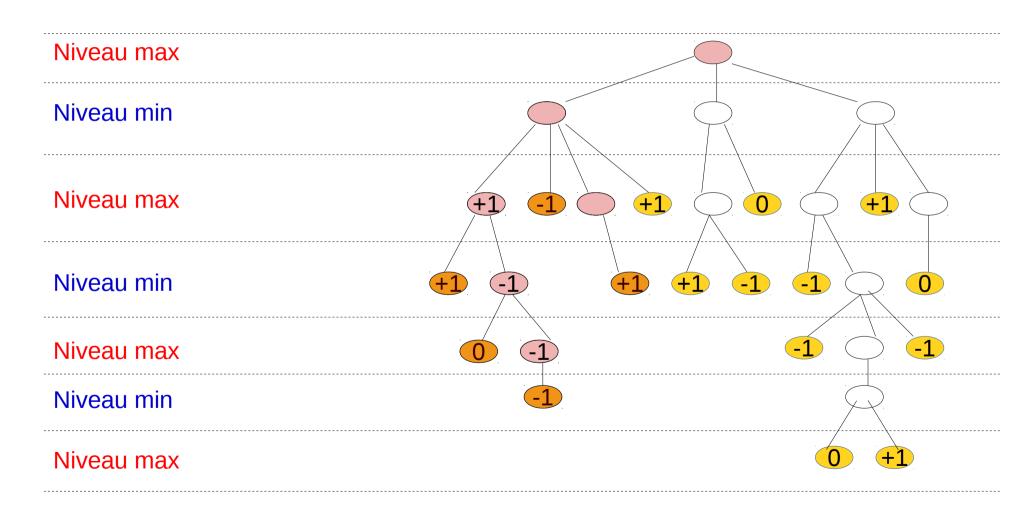


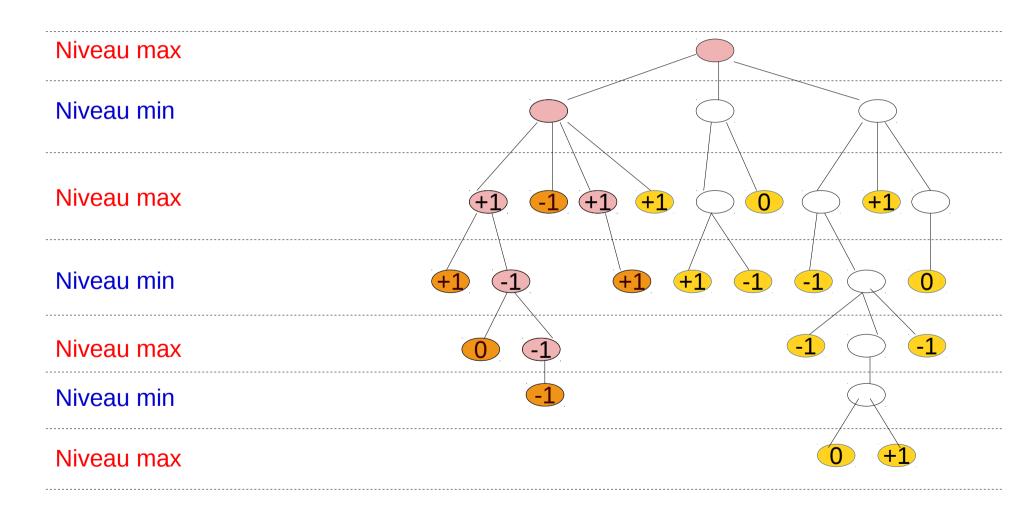


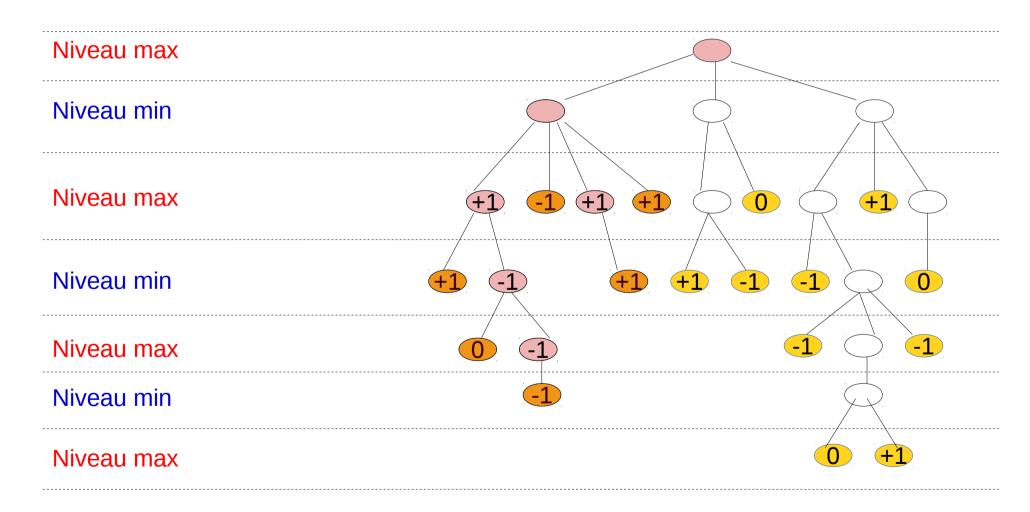


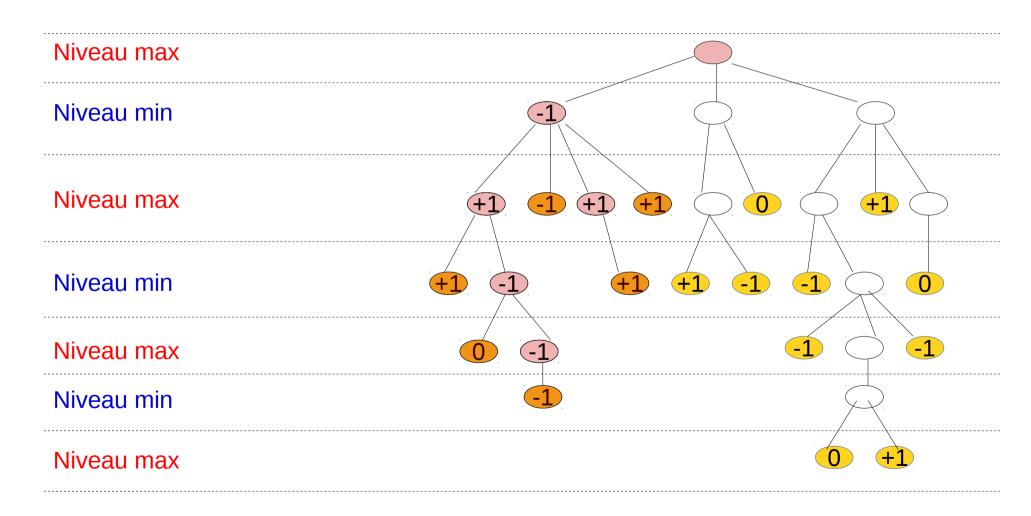












Niveau max

Niveau min

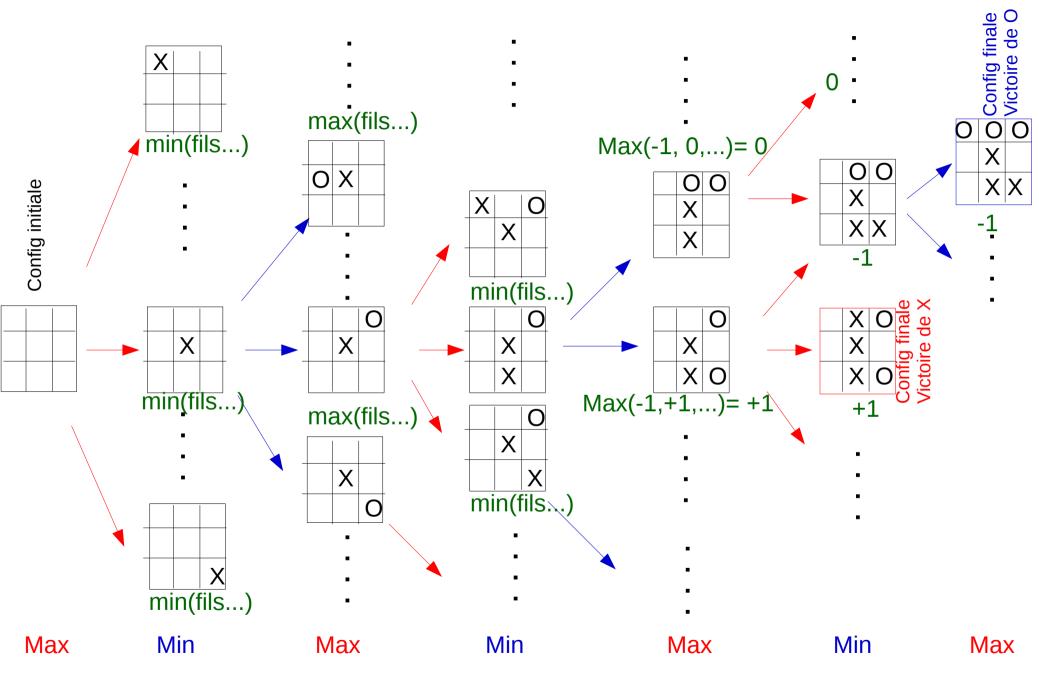
Niveau max

si le nœud courant est 'maximisant', sa valeur sera le max de ses fils si le nœud courant est 'minimisant', sa valeur sera le min de ses fils si le nœud courant est terminal, sa valeur sera donnée par coût(J)

Niveau min Niveau max Niveau max +1 -1 +1 +1 +1 0 -1 +1 0 Niveau min Niveau min

Résultat final du parcours récursif

Espace de recherche (jeu du Tic-Tac-Toe)

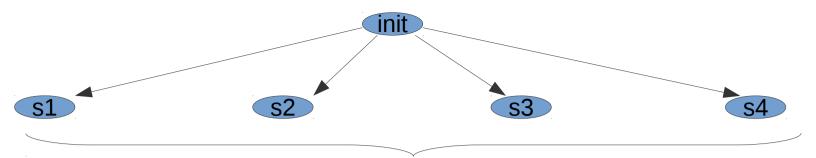


Hidouci W. K. / LCSI / ESI / 2017

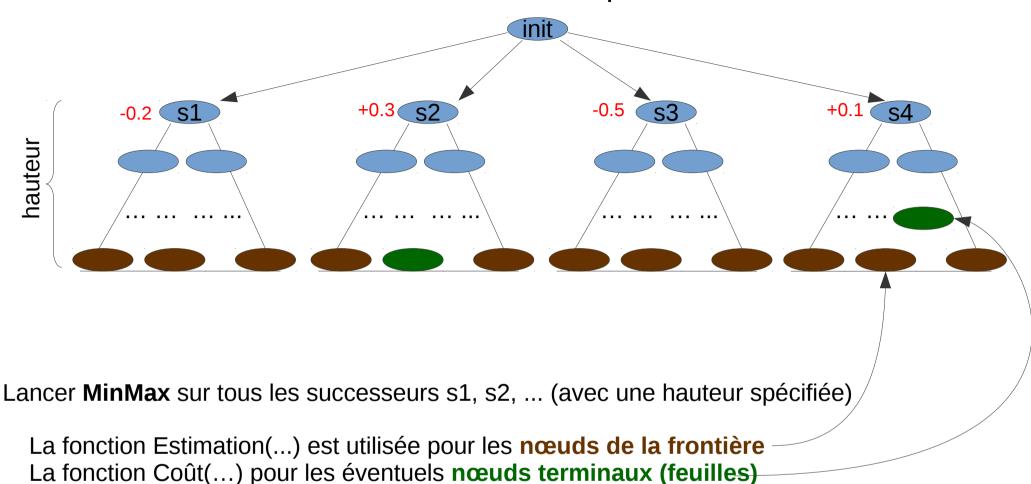
Min-Max avec limitation de profondeur

```
Si l'espace de recherche est <u>trop grand</u> :
    Limiter la <u>hauteur</u> d'exploration à une certaine profondeur et
    Utiliser des fonctions d'estimations pour évaluer les nœuds de la frontière
MinMax(J, Mode, <u>hauteur</u>)
 Si (J est une feuille)
                             Retourner (coût(J))
 Sinon
    Si ( <u>hauteur = 0</u> )
                             Retourner( Estimation( J ) )
    Sinon
        Si (Mode = 'max') Val \leftarrow -\infty Sinon Val \leftarrow +\infty Fsi
        Générer tous les successeurs(J)
        Pour chaque successeur K de J:
            Si (Mode = 'max')
                 Val ← Max( Val, MinMax(K, 'min', hauteur - 1) )
            Sinon
                 Val ← Min( Val, MinMax(K, 'max', hauteur - 1) )
            Fsi
        FP
        Retourner Val
 Fsi
```

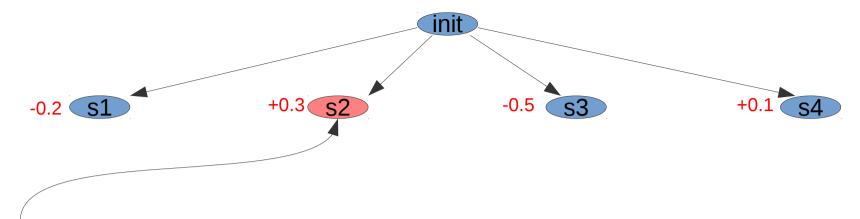
A partir d'une configuration initiale



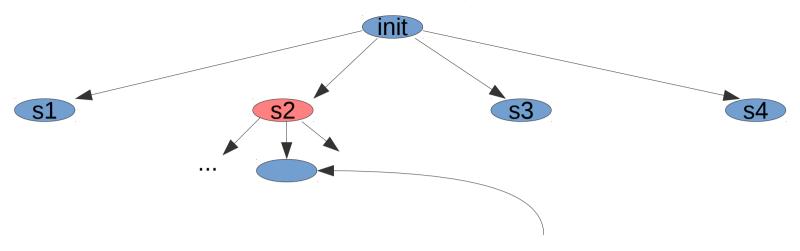
Générer tous les successeurs s1, s2, ...



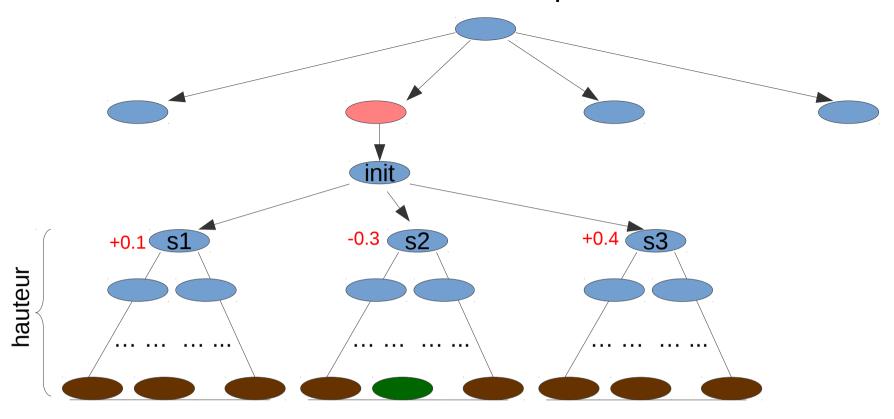
Cela permet d'avoir une valeur (estimée) pour chaque successeur s1, s2, ...



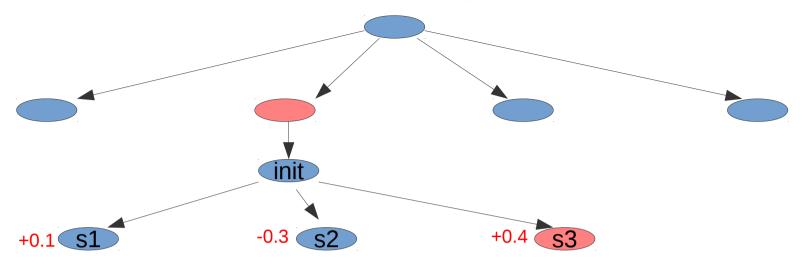
Le coup à jouer représente le successeur ayant la plus grande (ou la plus petite) des valeurs retournées (selon le type du joueur Maximisant ou Minimisant)



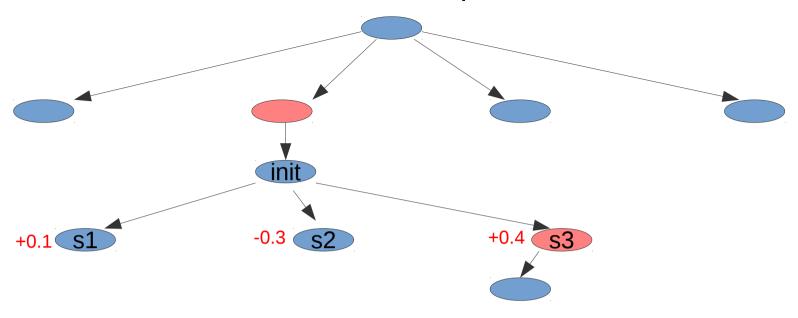
La main est donnée pour le joueur adversaire qui choisira un des successeurs du coup joué.



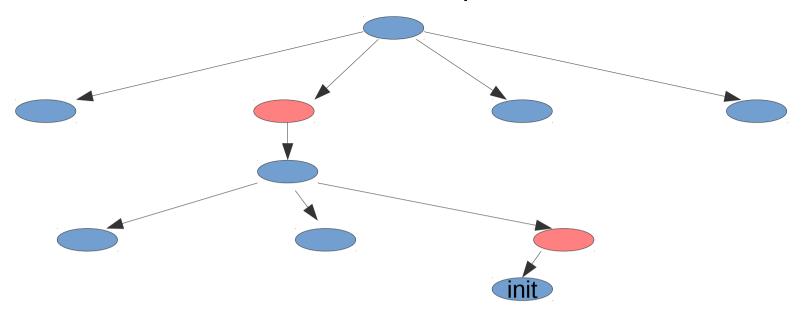
A partir de là on refait une nouvelle itération en prenant comme nœud initial le nœud choisi par l'adversaire ...

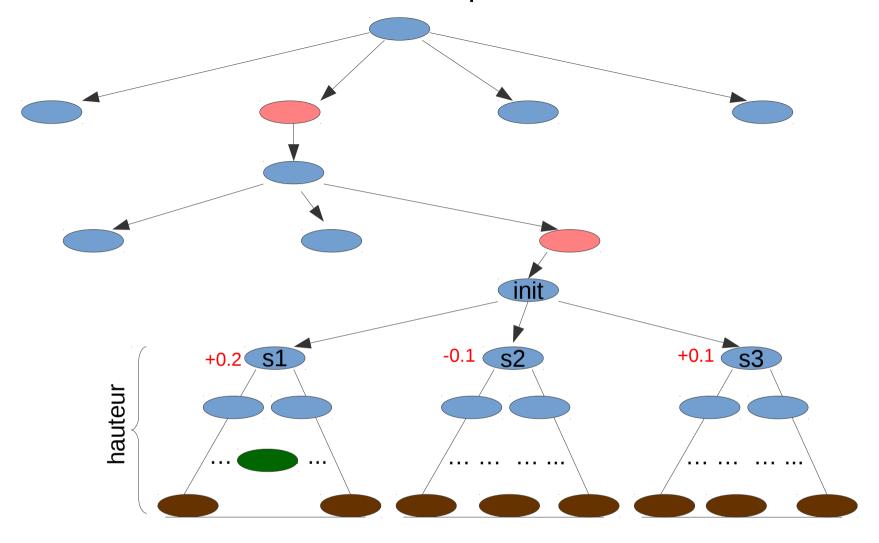


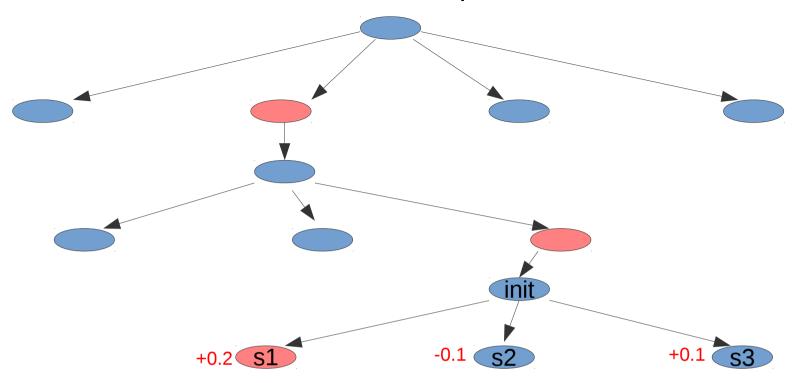
A partir de là on refait une nouvelle itération en prenant comme nœud initial le nœud choisi par l'adversaire ...

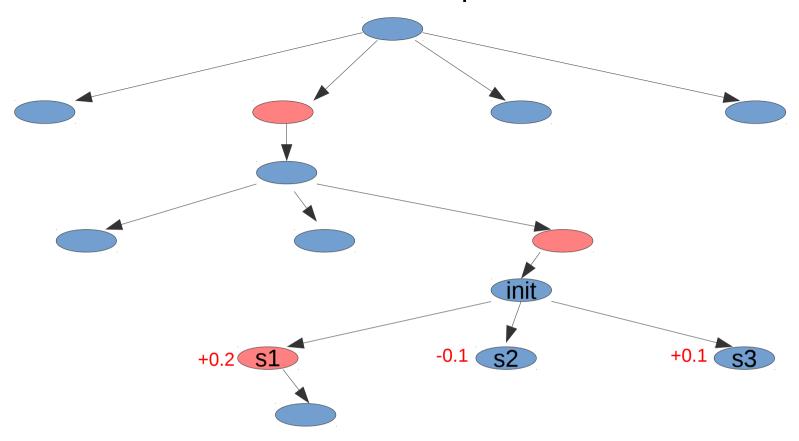


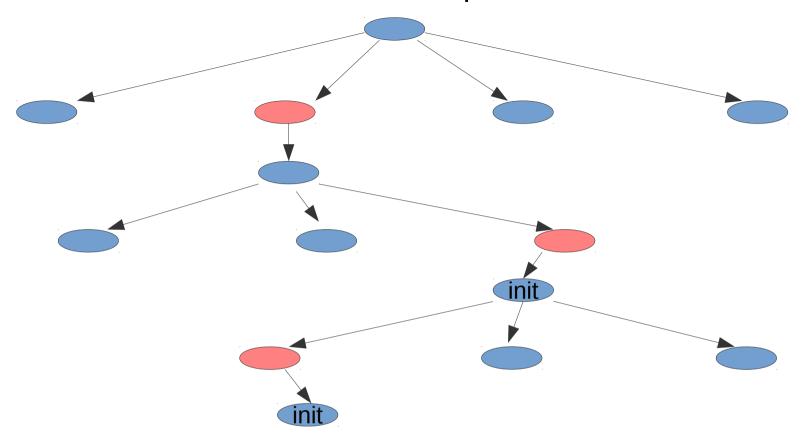
A partir de là on refait une nouvelle itération en prenant comme nœud initial le nœud choisi par l'adversaire ...

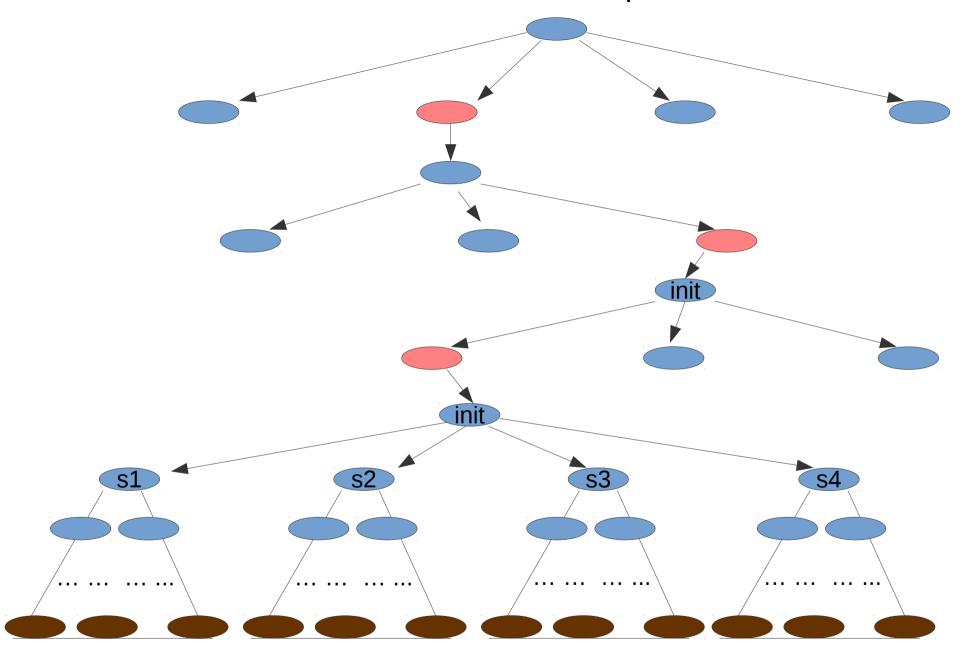












Les états explorés durant une partie

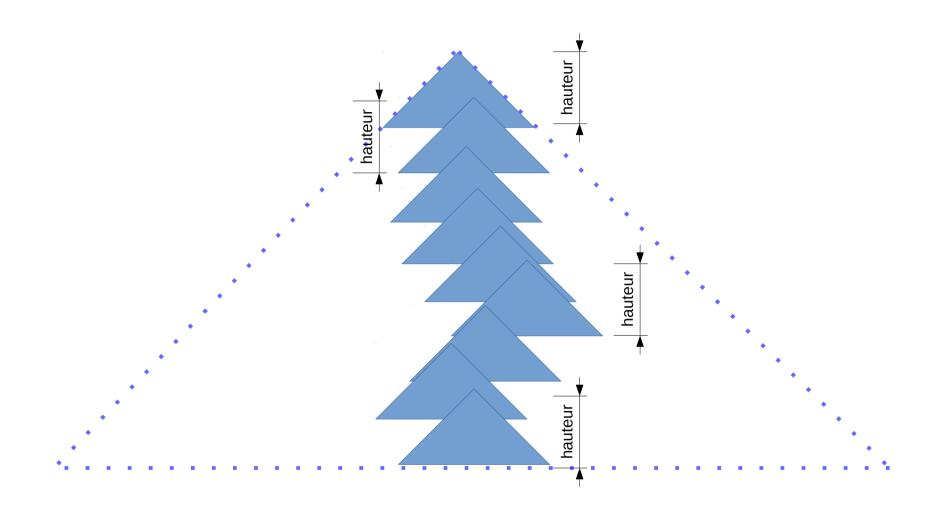
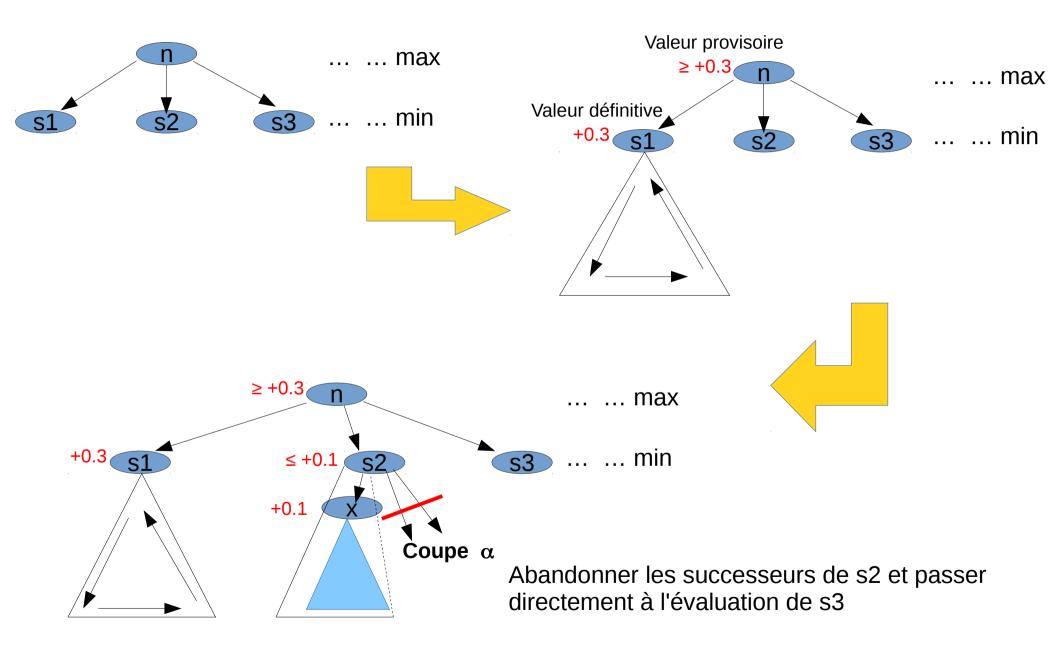


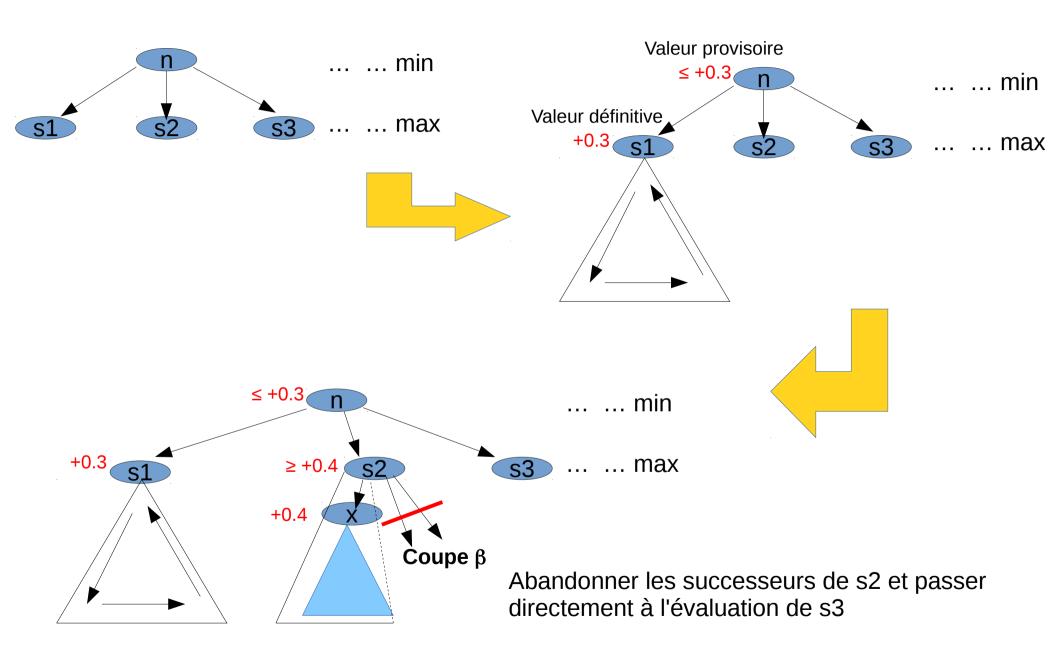
Schéma général d'une partie avec un adversaire de type 'min'

```
J \leftarrow Configuration_initiale;
Afficher(J);
TQ (J n'est pas une configuration_finale)
    Générer successeurs (J, 'max') → s1, s2, ... sk
    v1 \leftarrow MinMax(s1, 'min', hauteur);
    v2 \leftarrow MinMax(s2, 'min', hauteur);
    vk \leftarrow MinMax(sk, 'min', hauteur);
    Soit S le meilleur successeur de J (c-a-d le Max{v1,v2, ...vk})
    Afficher(S);
    Si (S n'est pas une configuration_finale)
       Récupérer le coup joué par l'adversaire, soit S la nouvelle config
    Fsi;
   J \leftarrow S;
FTQ
```

Élagage (coupes) α/β



Élagage (coupes) α/β



Min-Max avec élagage α/β

```
MinMaxAB(J, Mode, <u>hauteur</u>, <u>alpha</u>, <u>beta</u>)
 Si (J est une feuille) Retourner ( coût( J ) )
 Sinon
    Si ( <u>hauteur = 0</u> ) Retourner( Estimation( J ) )
    Sinon
        Si (Mode = 'max') Val ← alpha Sinon Val ← beta Fsi
        Générer_tous_les_successeurs(J);
        Pour chaque successeur K de J:
            Si (Mode = 'max')
                Val ← Max( Val, MinMaxAB(K, 'min', <u>hauteur – 1</u>, Val, beta );
                Si (Val ≥ beta)
                    Retourner beta; // Coupe de type \beta
                Fsi
            Sinon
                Val ← Min( Val, MinMaxAB(K, 'max', <u>hauteur – 1</u>, alpha, Val );
                Si ( Val ≤ alpha )
                    Retourner alpha; // Coupe de type \alpha
                Fsi
            Fsi
        FP
        Retourner Val
```

Min-Max avec élagage α/β

Les paramètres α et β représentent un <u>intervalle d'intérêt</u>. Tant que la valeur provisoire d'un nœud (en cours d'évaluation) reste dans cet intervalle, il y a un intérêt à continuer son évaluation.

L'intervalle [α , β] est dynamique

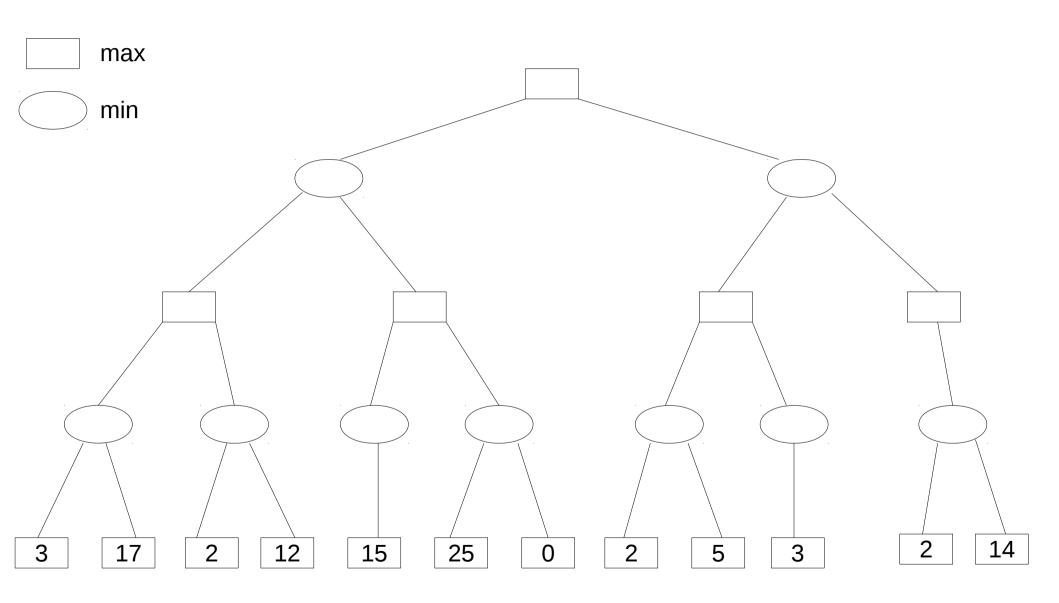
Au départ :
$$\alpha = -\infty$$
 et $\beta = +\infty$

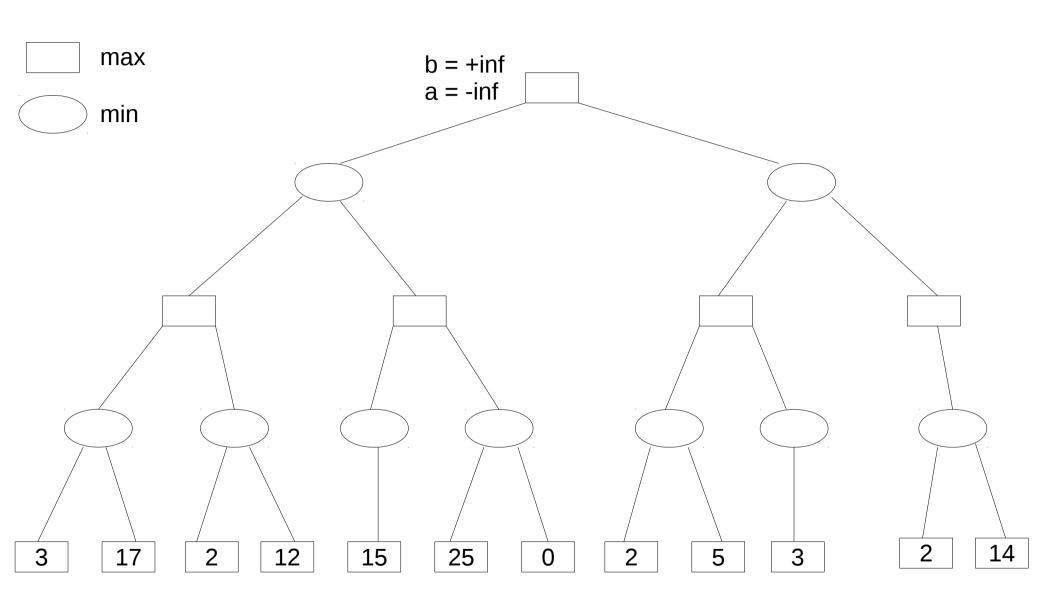
A chaque fin d'évaluation d'un nœud de type 'min' (évaluation complète ou coupure), la borne α de son père ('max') peut (éventuellement) **augmenter**.

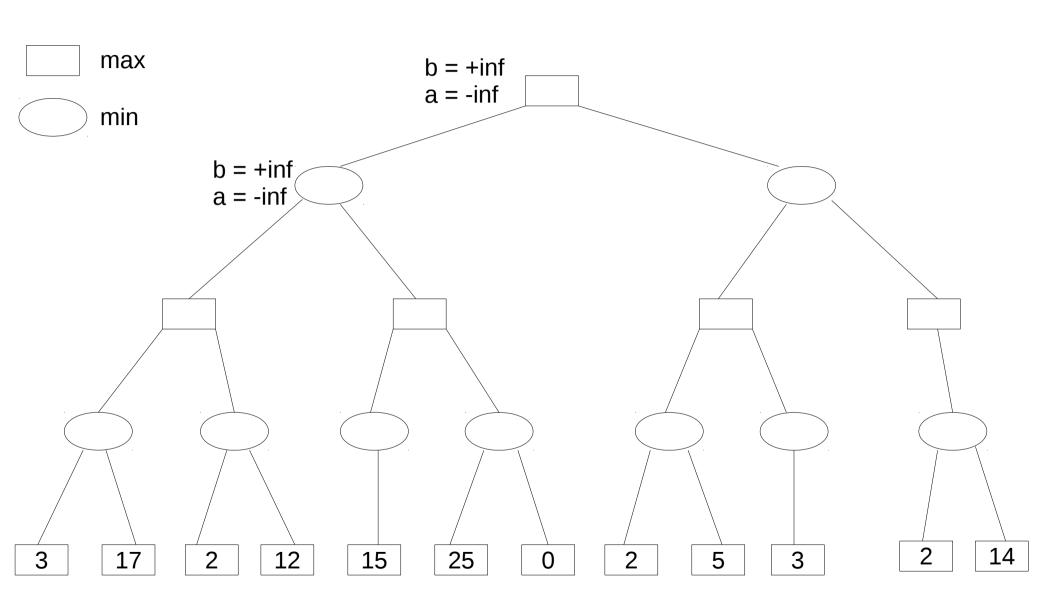
A chaque fin d'évaluation d'un nœud de type 'max' (évaluation complète ou coupure), la borne β de son père ('min') peut (éventuellement) **diminuer**.

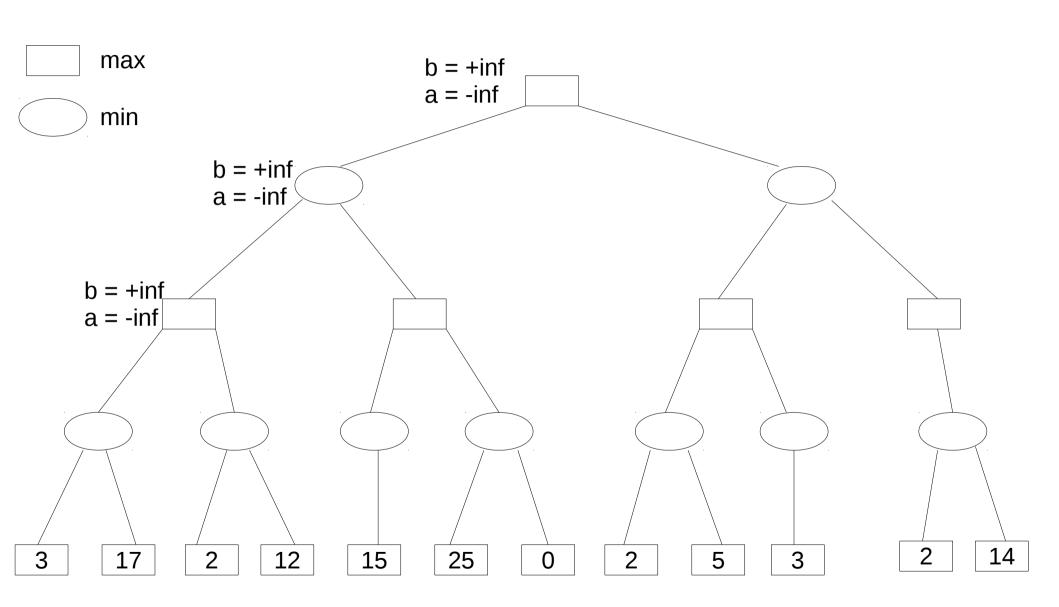


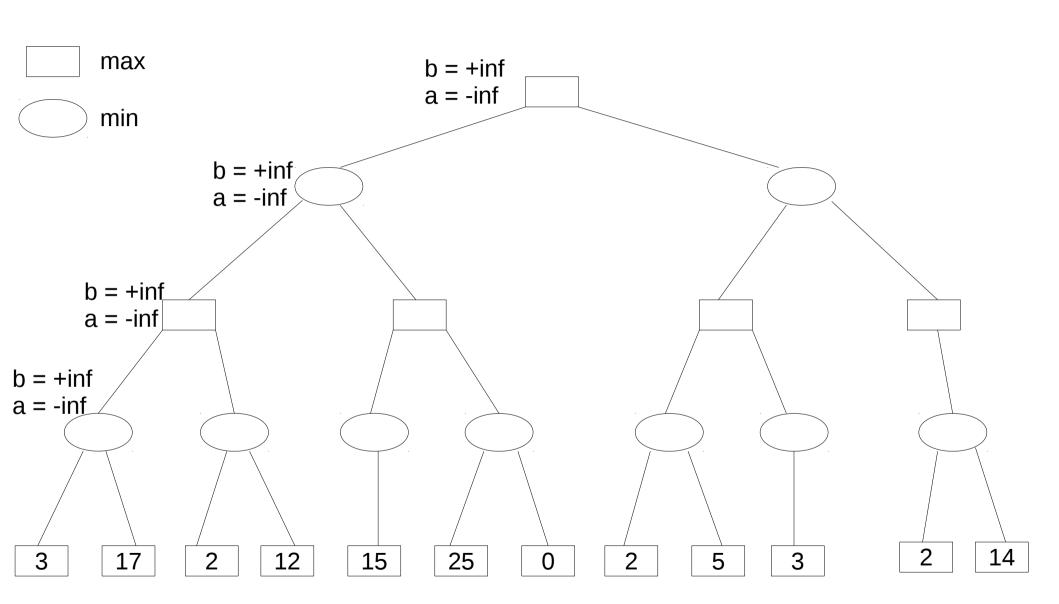
Lorsque $\alpha \geq \beta$, il n'y a plus d'intérêt à continuer l'évaluation du nœud courant \rightarrow coupure α ou β

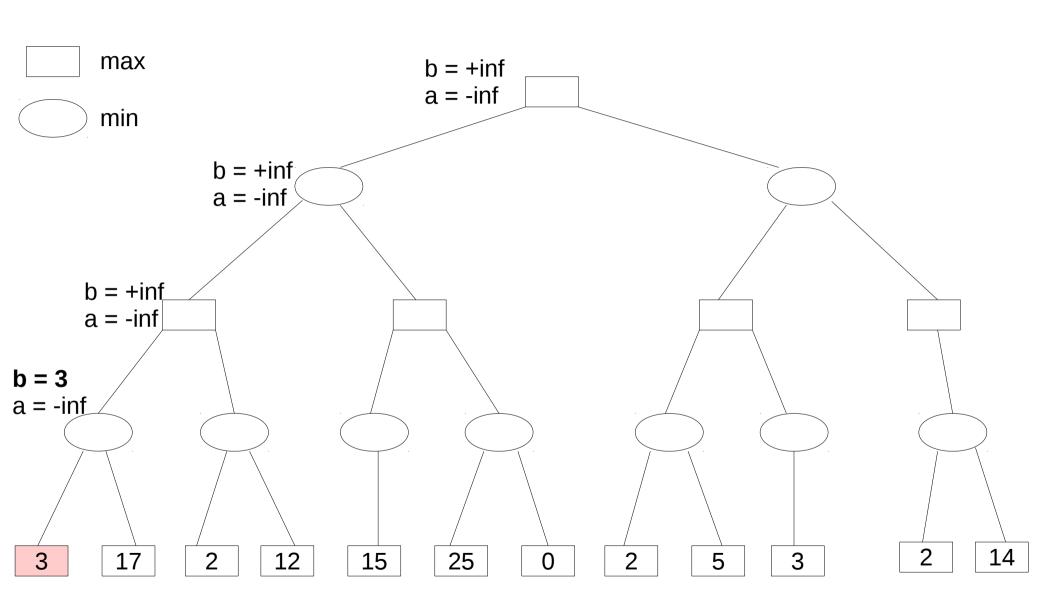


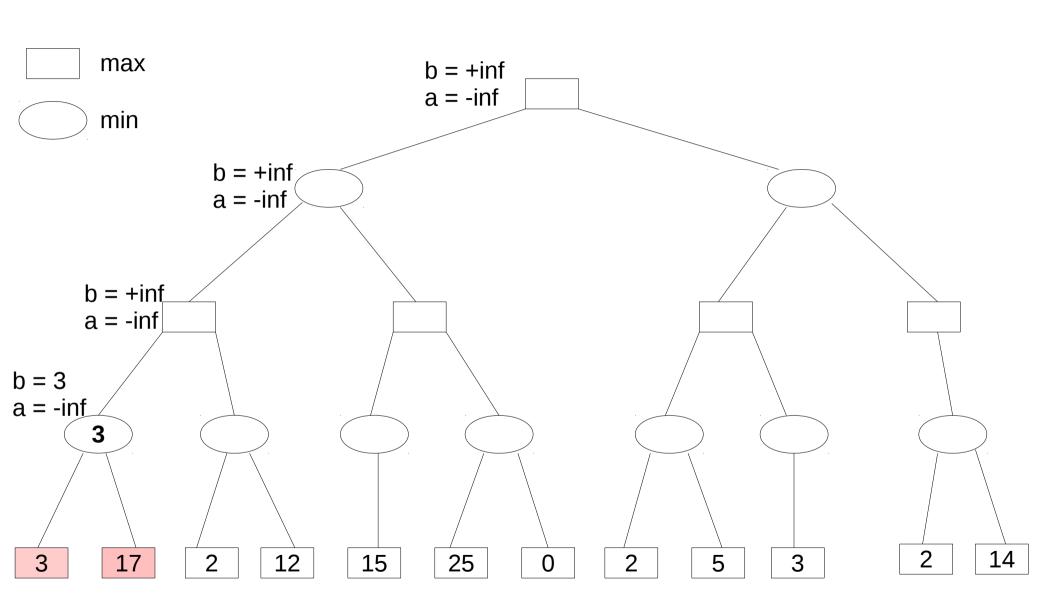


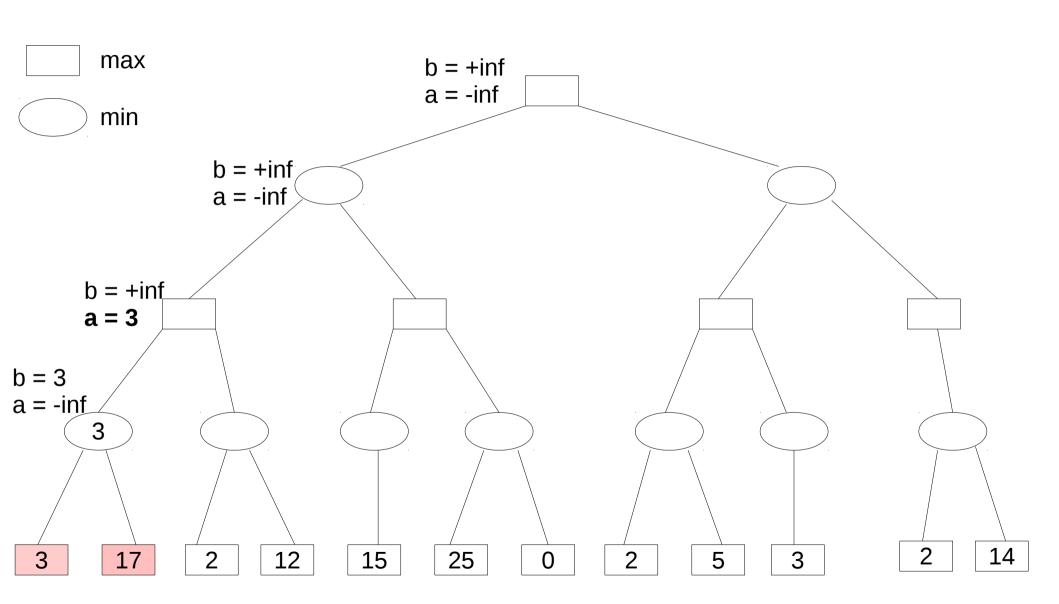


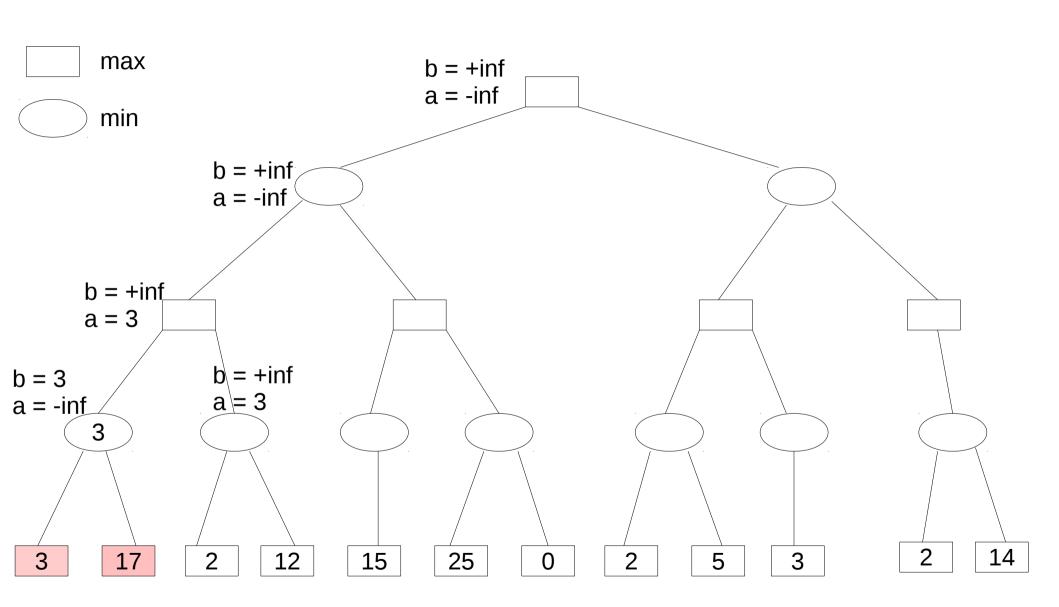


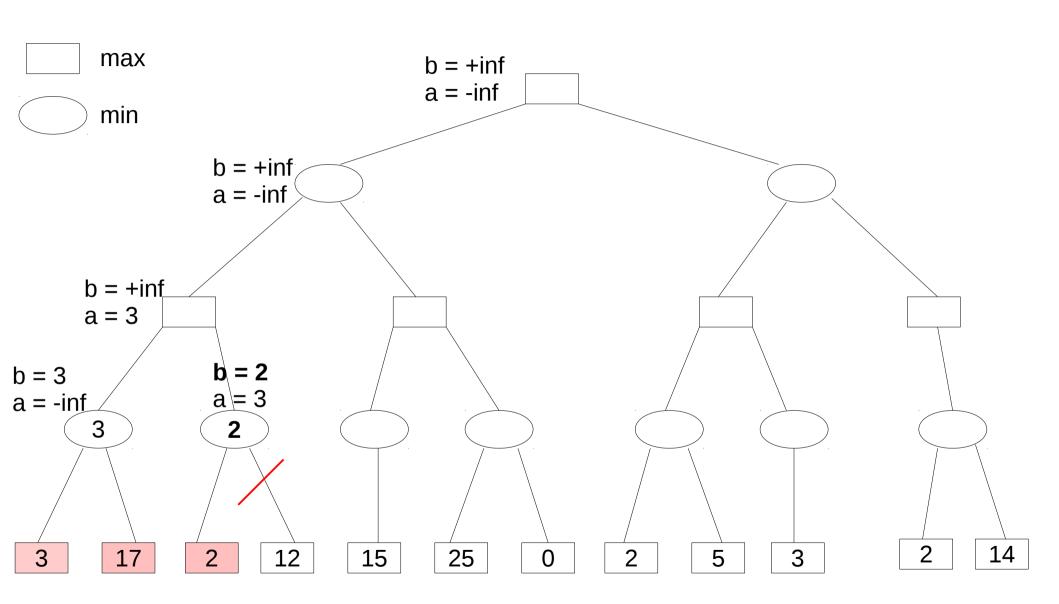


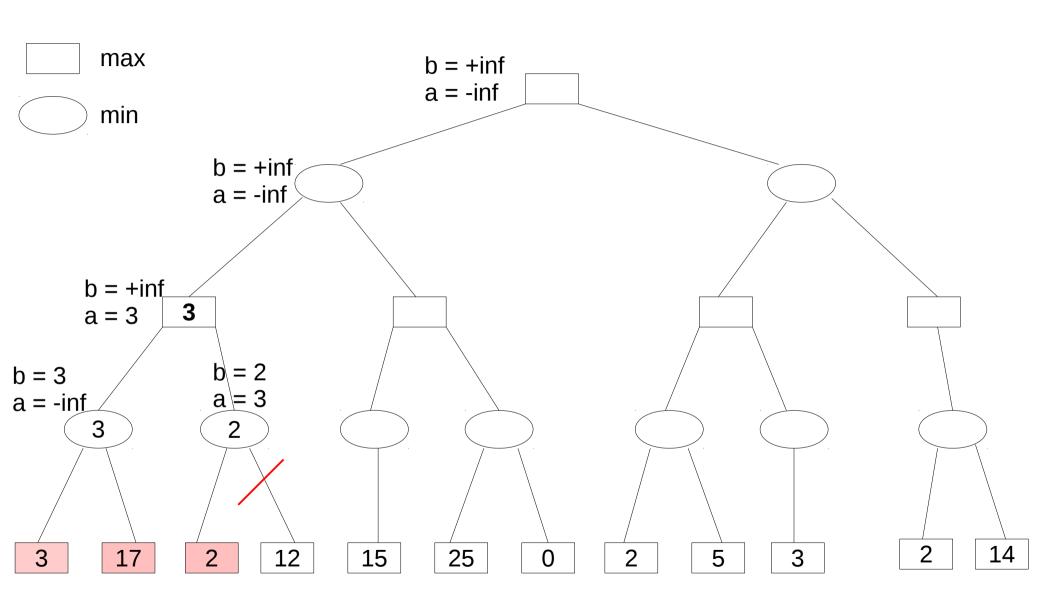


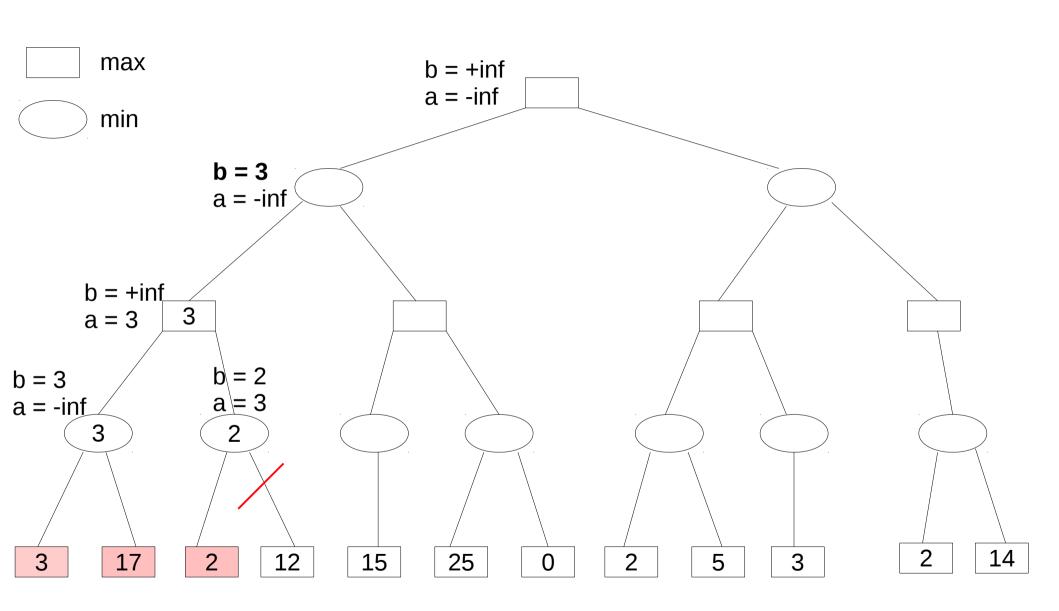


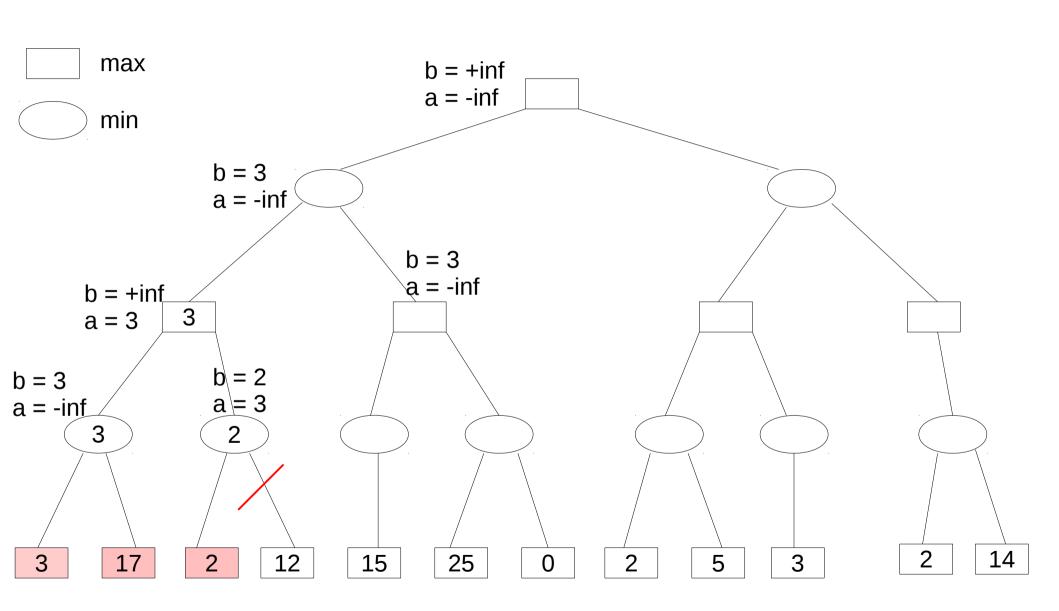


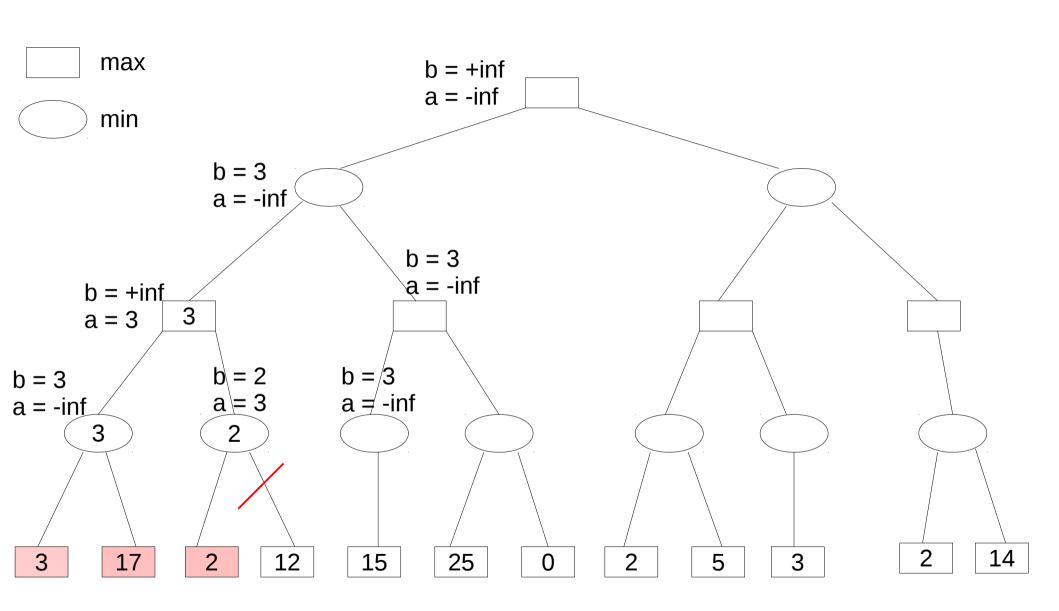


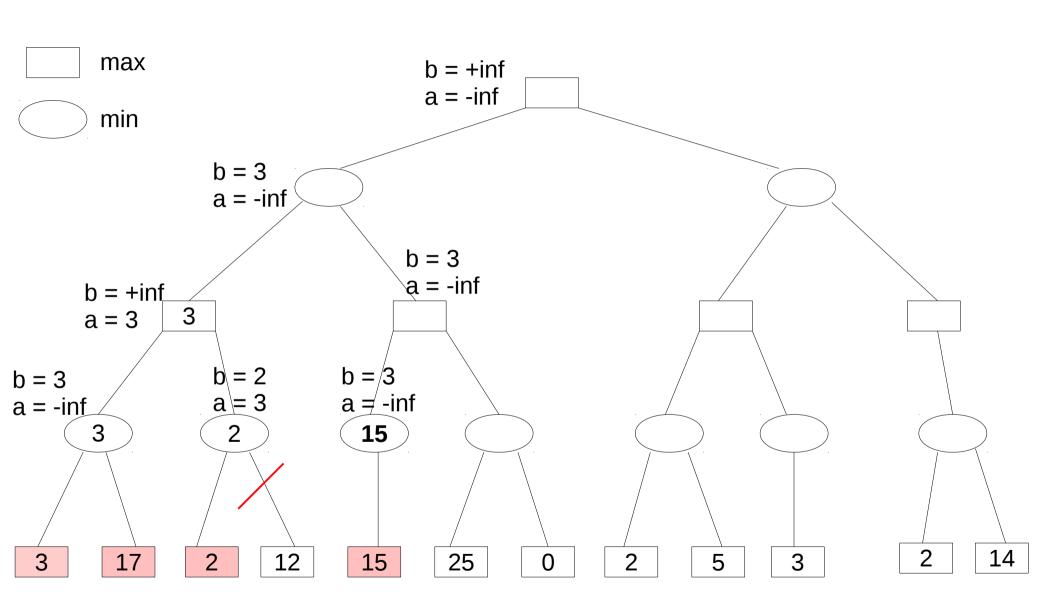


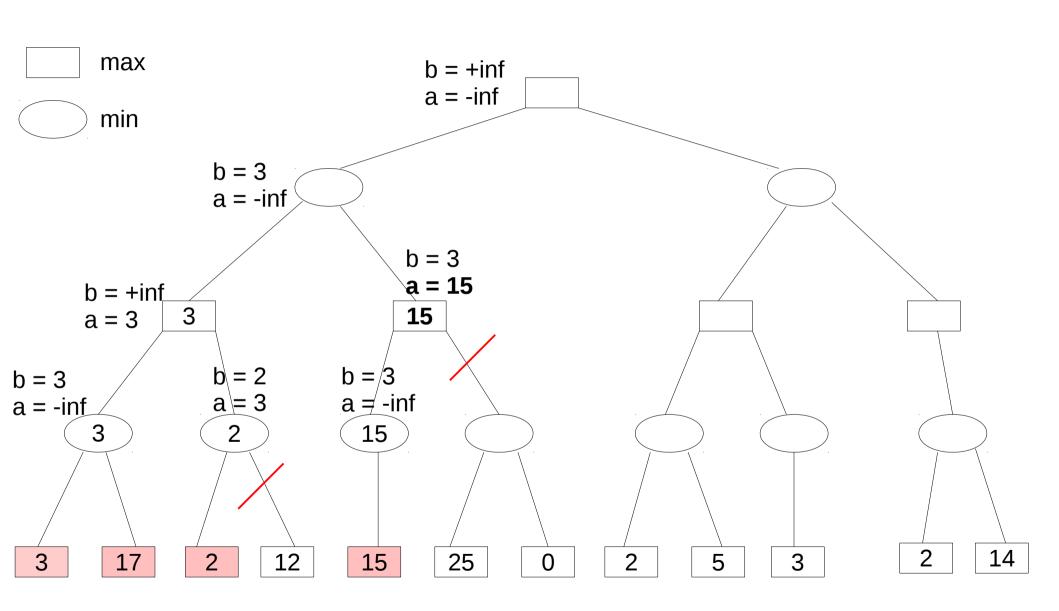


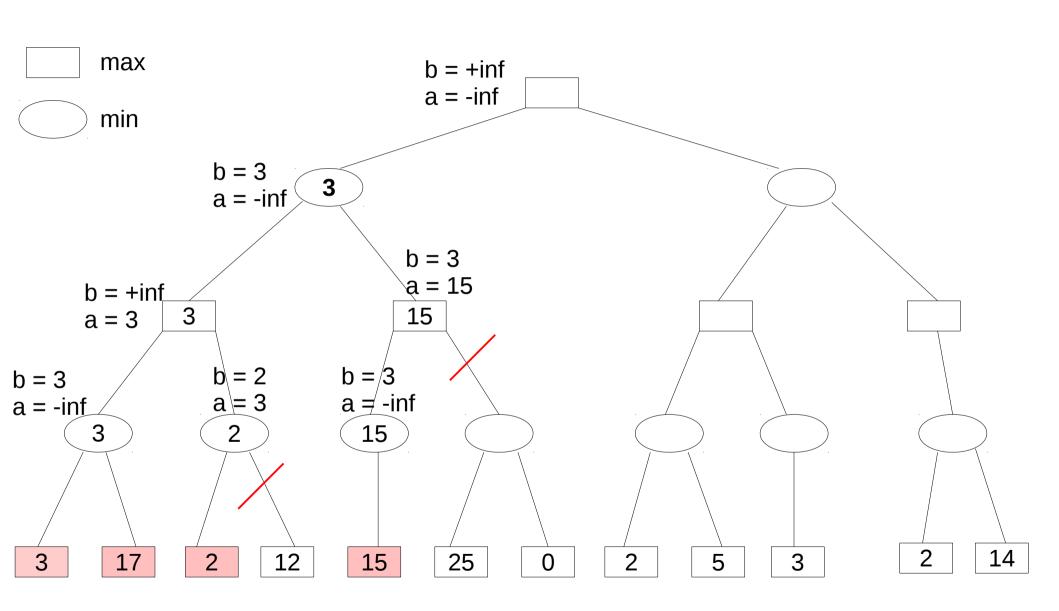


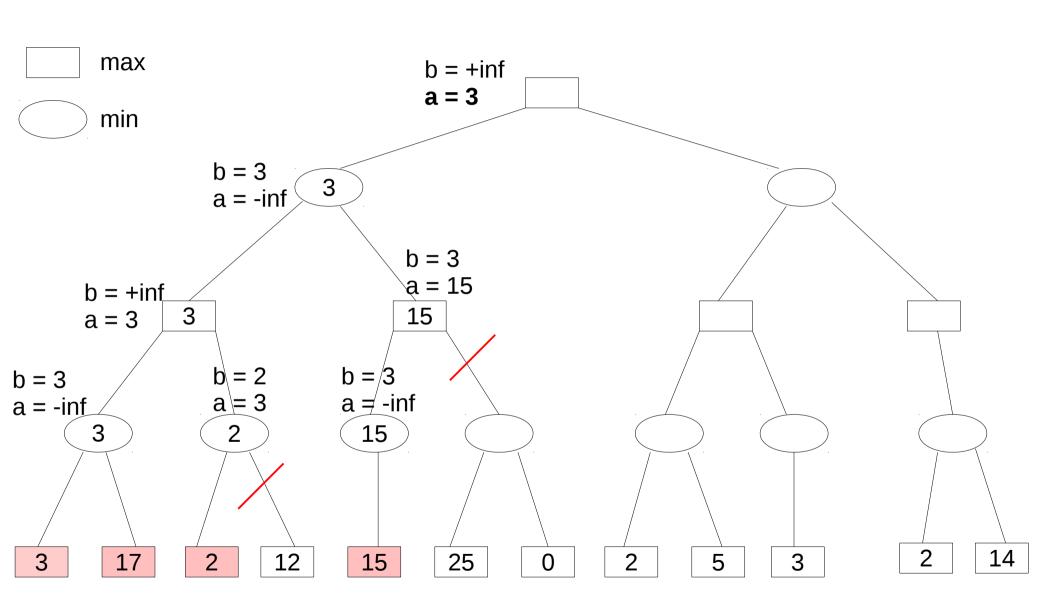


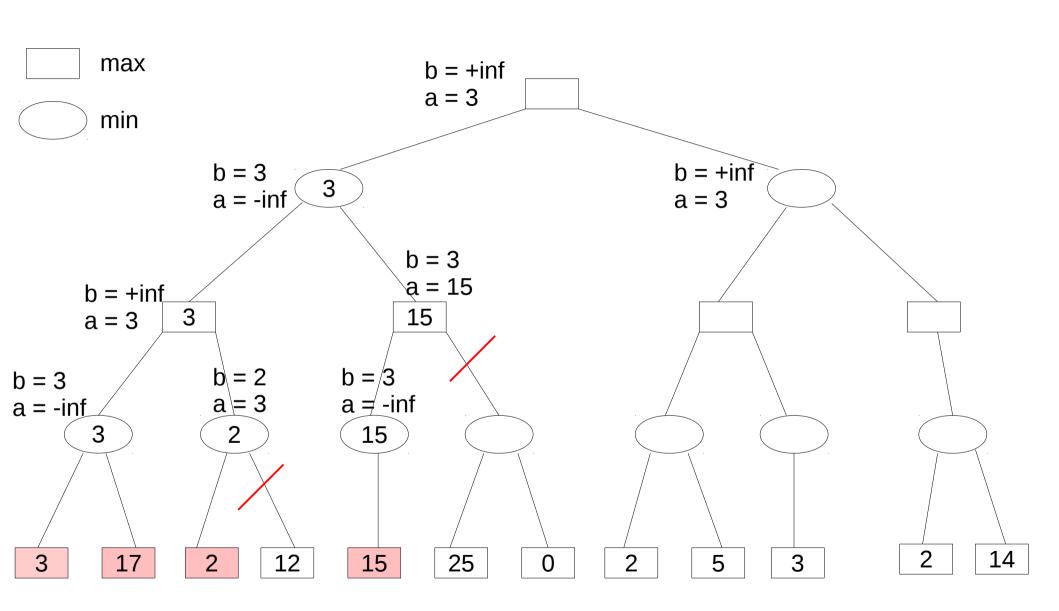


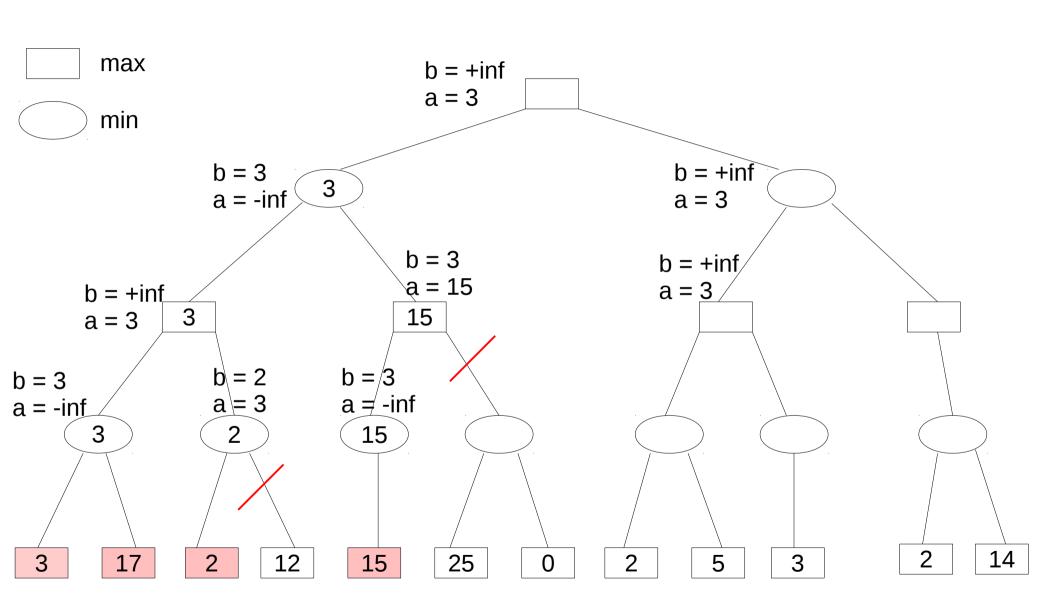


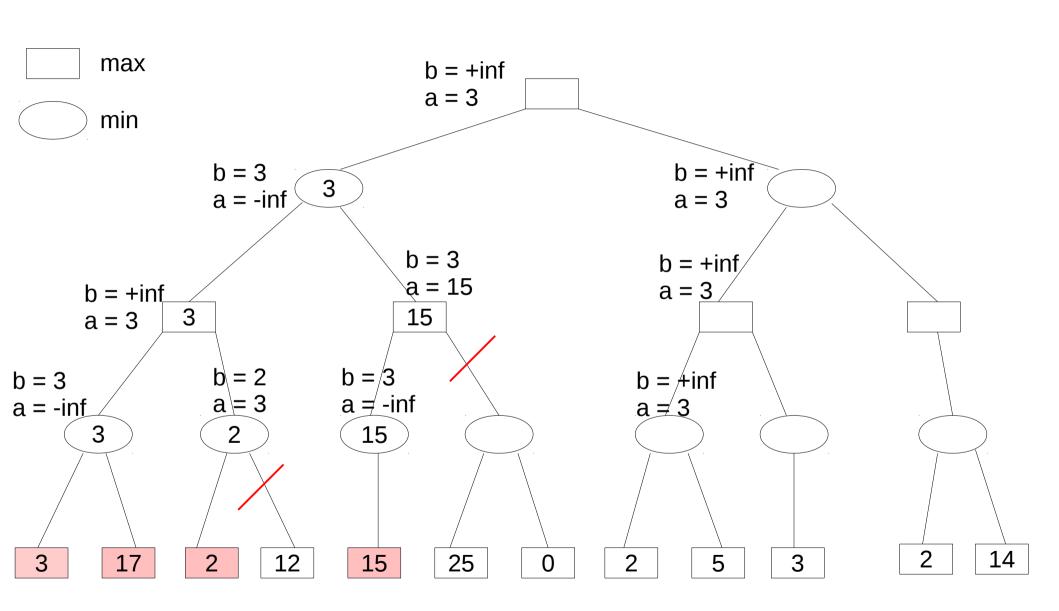


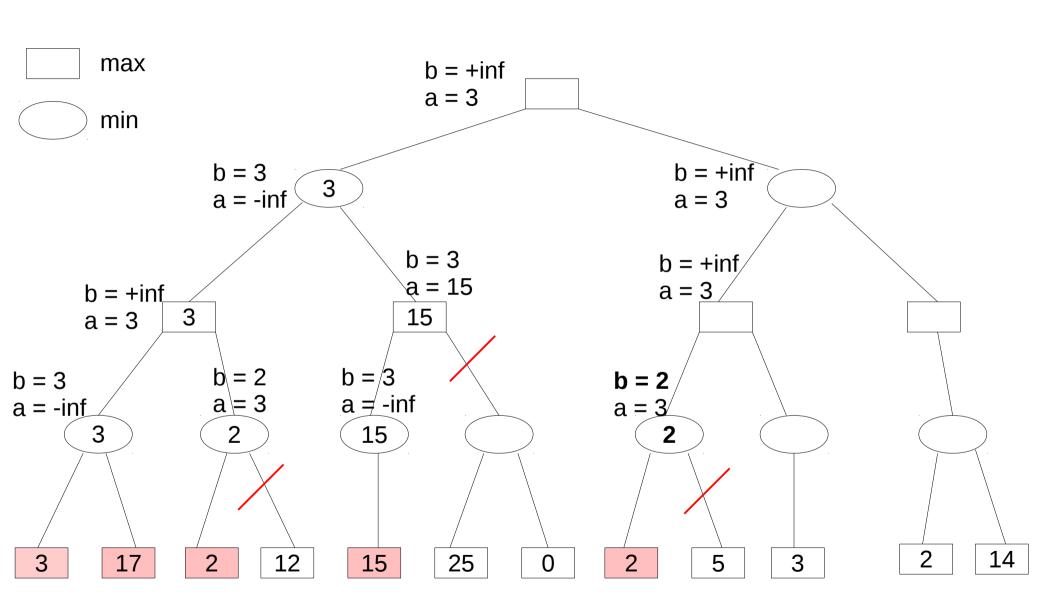


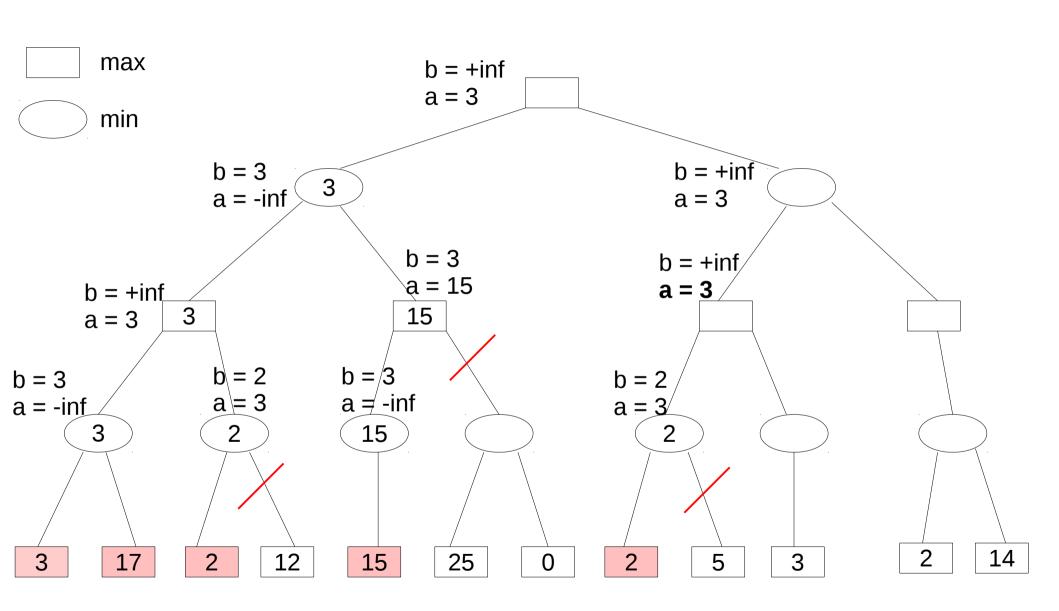


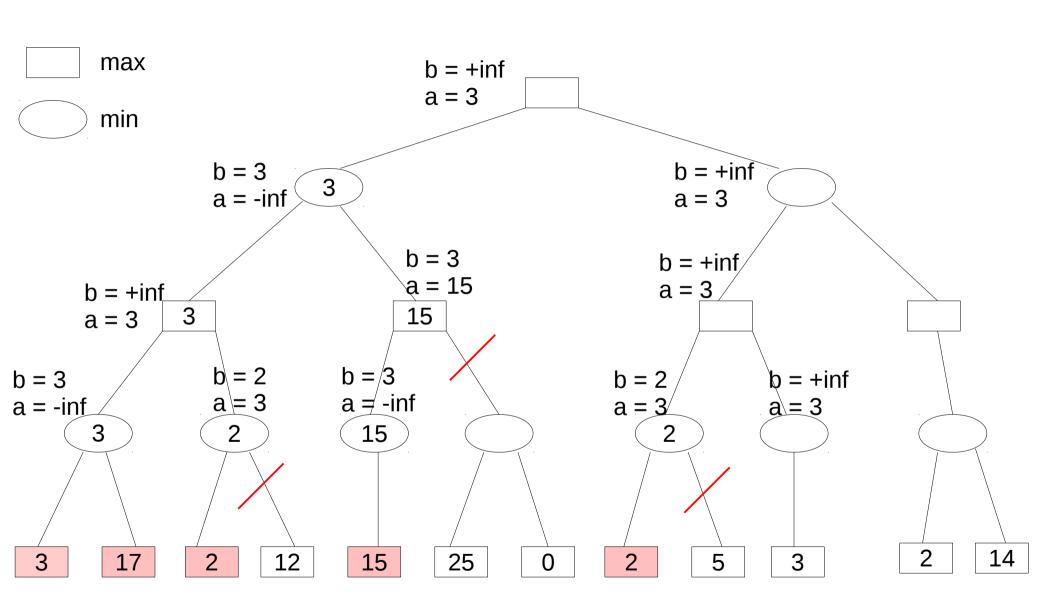


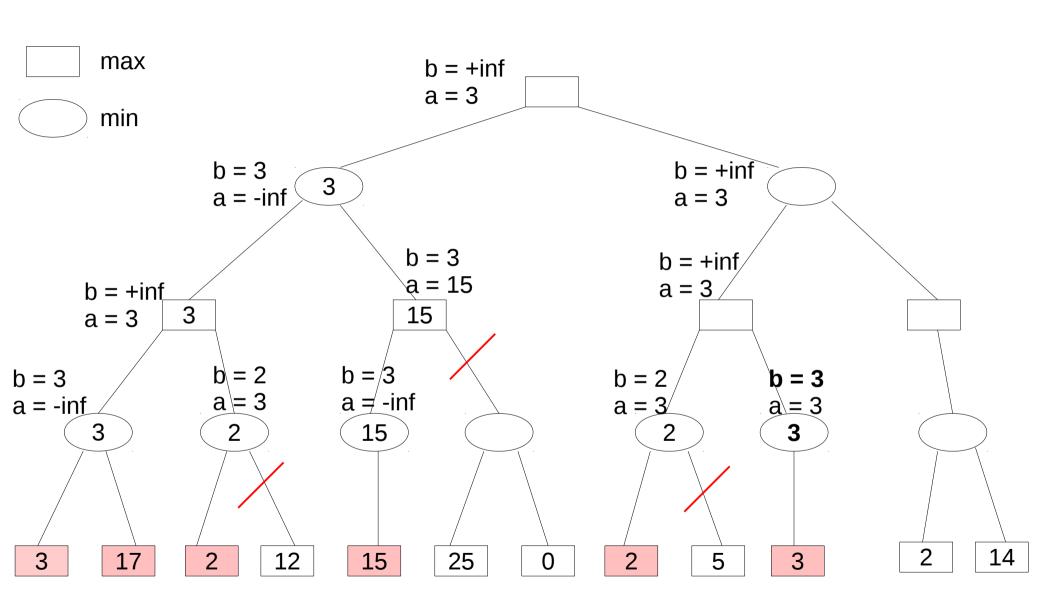


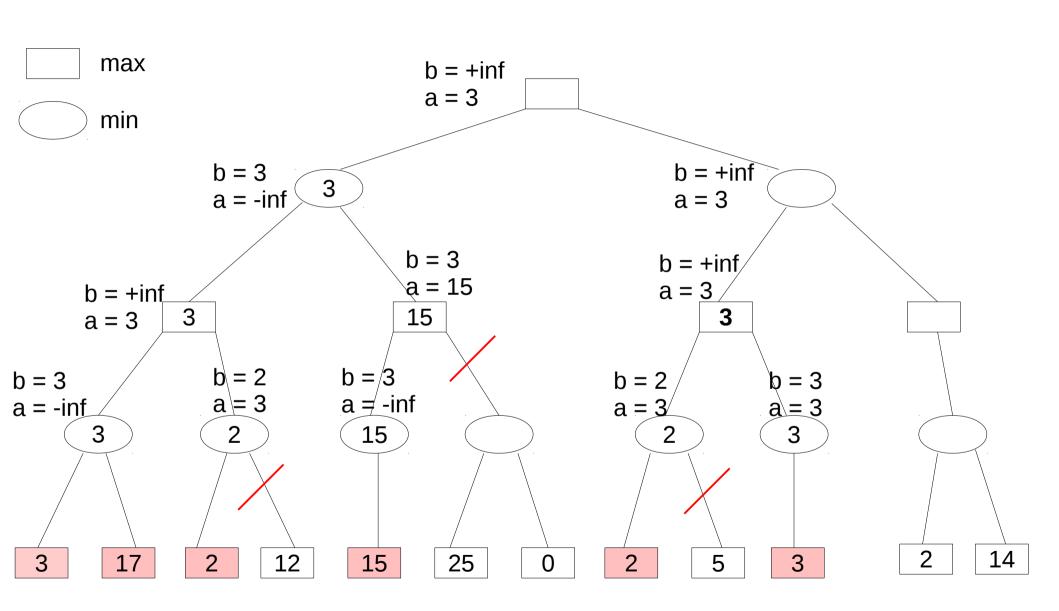


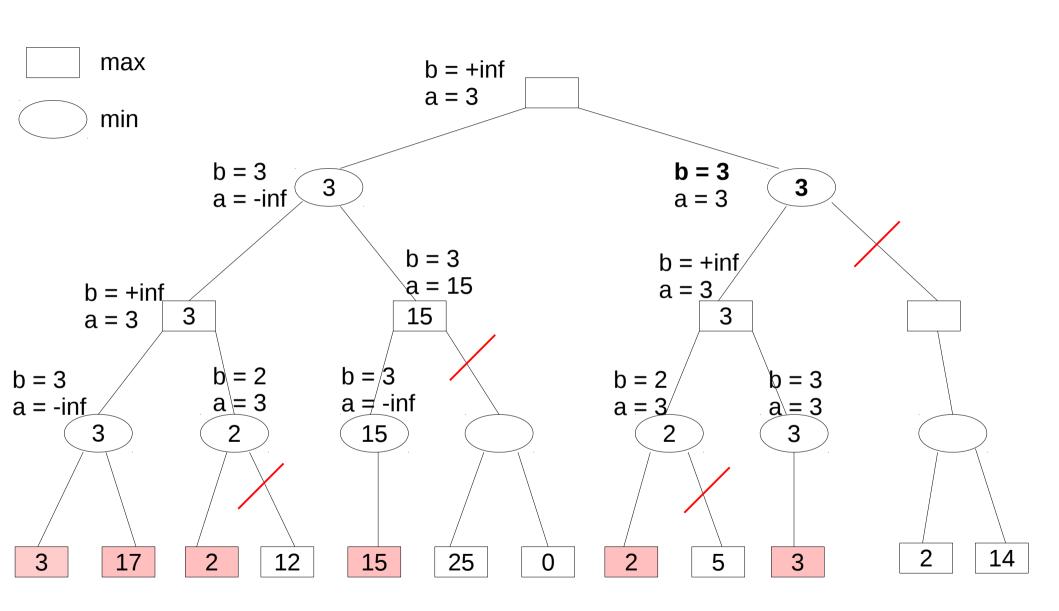


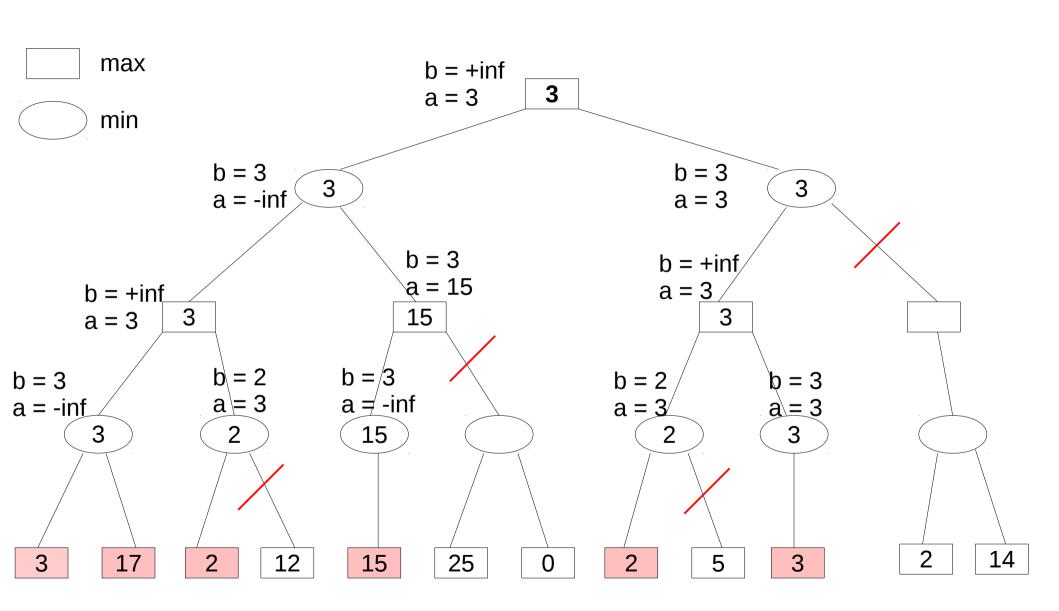












Application au jeu d'échecs

Représentation d'une configuration

structure de données représentant une configuration dans le jeu : La disposition des pièces dans l'échiquier et certaines informations utiles ...

Génération de successeurs

fonction pour générer tous les coups possibles d'un joueur donné ('min' ou 'max), à partir d'une configuration donnée.

Pour chaque coup, une nouvelle configuration est générée

Evaluation d'une configuration terminale

fonction Coût(J) retournant :

- -100 en cas de victoire pour 'min',
- +100 en cas de victoire pour 'max' et,

0 en cas de match nul.

Evaluation d'une configuration non terminale

fonction Estimation(J) retournant une valeur dans]-100, +100[et caractérisant la qualité estimée de la configuration J

Perspectives

- a) Compléter et éventuellement corriger la prise en compte des règles du jeu
- b) Incorporer les bases de données pour les bonnes ouvertures
- c) Tests de fonctions d'estimation plus évoluées
- d) Développer ou utiliser des interfaces GUI
- e) Prendre en considération les limites imposées au temps de réponses
- f) Evaluations Parallèles
- g) Introduction d'heuristiques dans le choix des alternatives à considérer à chaque niveau
- h) Elaborer des stratégies guidées par des sous-buts intermédiaires