# رایانش تکاملی تمرین اول



هدف از این تمرین آشنایی با نحوه پیادهسازی الگوریتمهای تکاملی و بدست آوردن درک جامع از نحوه تأثیرگذاری مقادیر مختلف مؤلفهها و پارامترهای یک الگوریتم تکاملی با بررسی عملکرد آن در حل مسائل مختلف است. چارچوب الگوریتم تکاملی مد نظر در این تمرین در بخش ۱ معرفی شده است. مسائلی که باید در این تمرین حل شوند در بخشهای ۲ تا ۴ توضیح داده شدهاند. دانشجویان باید هر یک از این مسائل را به صورت یک مسأله بهینهسازی تعریف کرده و سپس با بکارگیری الگوریتم تکاملی به شکل خواسته شده در هر بخش حل کنند. در نهایت مواردی که باید در این تمرین تحویل داده شوند در بخش ۵ آورده شده است. مهلت تحویل این تمرین پایان روز سهشنبه ۳۰ آبان ماه ۱۴۰۲ خواهد بود.

### 1 - چهارچوب پیادهسازی الگوریتم تکاملی

چهارچوب اصلی الگوریتم تکاملی مد نظر در این تمرین در شکل زیر آورده شده است.

# Algorithm: EA1 1 pop = Generate popSize initial candidate solutions of size problemSize 2 popFit = Evaluate pop using f(x) 3 While not Teriminate() 4 parentsPool = Select popSize solutions from pop using popFit 5 parentPairs = Shuffle parentsPool and randomly Pair solutions 6 offspr = Perform Recombination on parentPairs with P<sub>c</sub> 7 offspr = Perform Mutation on offspr with P<sub>m</sub> 8 offsprFit = Evaluate offspr using f(x) 9 [pop, popFit] = Select best popSize solutions from [pop + offspr] using popFit and offsprFit 10 Return best solution in pop

شکل ۱. چهارچوب الگوریتم تکاملی مورد استفاده در این تمرین

در گام اول این الگوریتم یک جمعیت از راهحلهایی با طول مشخص به صورت تصادفی تولید می کند. در گام دوم با استفاده از تابع برازندگی مرتبط با مسأله مورد نظر راهحلهای جمعیت ارزیابی می شوند، و پس از آن در حلقه مشخص شده در خطهای ۳ تا ۹ روند اصلی تکامل صورت می گیرد. در این حلقه، در خط ۴ با استفاده از یک روش انتخاب یک نمونه برداری از روی جمعیت انجام گرفته و والدین بدست می آیند. گزینههای متفاوتی که باید برای این مؤلفه در نظر گرفته شود در ادامه معرفی خواهد شد. پس از ایجاد جفتهای تصادفی از روی والدین انتخاب شده (خط ۵)، روی هر جفت والد با احتمال Pc عملگر بازتر کیب اعمال شده و دو فرزند تولید می شود. گزینههای متفاوتی که باید برای عملگر بازتر کیب مورد بررسی قرار گیرد در ادامه مشخص شده است. کلیه فرزندان تولید شده از روی همه جفت والدین، جمعیت بازتر کیب مورد بررسی قرار گیرد در ادامه مشخص شده است. کلیه فرزندان تولید شده از روی همه جفت والدین، جمعیت نهایی فرزندان را تشکیل می دهند (خط ۶). هر یک از فرزندان به صورت جداگانه جهش داده می شود تا جمعیت نهایی فرزندان ایجاد شود (خط ۷). برای اینکار مقدار هر ژن از هر فرزند با احتمال Pm تغییر می کند. در نهایت پس از ارزیابی فرزندان جدید تولید شده، در خط ۹ بهترین فرد از مجموعه مشترک ایجاد شده از افراد جمعیت و فرزندان جدید در کنار هم در یک لیست حضور در جمعیت نسل بعد انتخاب می شوند. برای اینکار ابتدا افراد جمعیت و فرزندان جدید در کنار هم در یک لیست

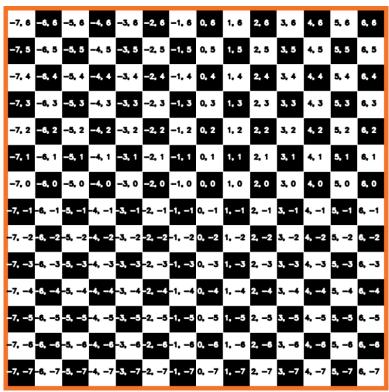
مشترک قرار می گیرند، سپس این لیست بر اساس مقادیر برازندگی مرتبسازی می شود و در انتها، افراد بالای لیست که دارای بیشترین برازندگی هستند انتخاب خواهند شد. شرایط توقف حلقه تکامل در خط ۳ توسط تابع خاتمه دادن تعیین می شود که شامل تحقق یکی از دو مورد زیر است:

- يافتن راهحل بهينه مسأله
- تعداد تکرارهای حلقه (نسلها) به ۳۰۰ برسد.

پس از پایان حلقه تکامل، بهترین راهحل بدست آمده در خط ۱۰ به عنوان پاسخ الگوریتم برگردانده میشود.

### **٢ - مسئله تعيين محل قرارگيري وزيران**

صفحه شطرنجی شکل زیر را در نظر بگیرید. در این صفحه دو نوع مهره سرباز و وزیر قرار می گیرد. مکان قرار گیری سربازان در هنگام تعریف مسأله مشخص می شود. هدف تعیین مکان قرار گیری وزیران در صفحه است به گونه ای برازندگی بیشینه شود. اگر دو وزیر همدیگر را تهدید کنند دو امتیاز منفی در نظر گرفته می شود. هر سرباز موجود در صفحه دارای امتیازی است که به ازای تهدید آن توسط یکی از وزیران به برازندگی اضافه می شود (این امتیاز فقط یکبار لحاظ شده و تهدید سرباز توسط وزیران مختلف تأثیری در برازندگی ندارد). تعداد سربازان و وزیرانی که می توانند در یک صفحه شطرنجی مربعی  $n \times n$  قرار گیرند به ترتیب  $n \times n$  و  $n \times n$  است. برای مثال اگر ابعاد صفحه  $n \times n$  باشد وزیر و  $n \times n$  سرباز در آن قرار می گیرد.



شکل ۲. نمونهای از صفحه شطرنجی مورد استفاده در تمرین

برای تعیین موقیعت سربازان در مسأله باید از تابع soldiers1 فایل DataGen.py که همراه با این تمرین ارائه شده است استفاده شود که با دریافت اندازه صفحه لیستی از موقعیت سربازان در صفحه و امتیاز هر یک را برمی گرداند. برای مثال با وارد نمودن (soldiers1(10) (مقدار ۱۰ در ورودی به معنی صفحه شطرنجی ۱۰ × ۱۰ است) یک لیست به طول  $\,^9$  در خروجی داده می شود که هر عنصر این لیست نشان دهنده موقیعت (ستون و سطر قرار گیری) و امتیاز سرباز مربوطه است. مثلاً عنصری به صورت [2, [1, 1]] نشان دهنده سربازی در موقیعت ستون ۱ و سطر ۱ با امتیاز  $\,^7$  است. برای شبیه سازی صفحه شطرنج می توانید از کلاس Visualization ارائه شده در فایل Visualization.py و توابع برای شبیه سازی صفحه شطرنج می توانید از کلاس OpenCV با دستور Opency-contrib-python با دستور نقوه استفاده کنید (توجه داشته باشید که باید ابتدا کتابخانه OpenCV با دستور نشان داده شده است.

```
v_obj = Visualization(boardSize=14)
v_obj.InitialImage()
for row in range(-int(v_obj.boardSize/2), int(v_obj.boardSize/2)):
    for col in range(-int(v_obj.boardSize/2), int(v_obj.boardSize/2)):
        if abs(row + col)%2==0:
            v_obj.AddChessPiece(col=col, row=row, text="{},
        {}".format(col, row), color = (255, 255, 255))
        else:
            v_obj.AddChessPiece(col = col, row = row, text="{},
        {}".format(col, row), color = (0, 0, 0))
        cv.imwrite("Position Notation.png", v_obj.image)
```

شکل ۳. مثالی از نحوه بکارگیری کلاس Visualization و توابع آن

در حل این مسأله باید تأثیر اندازه جمعیت، احتمال بازترکیب و احتمال جهش بر عملکرد الگوریتم تکاملی با بررسی اندازههای مختلف مسأله در نظر میگیرید، برای بازترکیب والدین از یکی از عملگرهای تقطیع تکنقطهای، تقطیع یکنواخت یا تقطیع قطع و تکمیل، و برای جهش افراد از یکی از عملگرهای تعویض بیتها، خزیدن یا جابهجایی استفاده کنید.

- الف) نمودار تکامل حاصل از بکارگیری EA1 با جمعیتی به اندازه ۱۰۰، احتمال بازترکیب ۰.۹ و احتمال جهش ۱۰۰ وقتی که از روش متناسب با برازندگی برای انتخاب استفاده میشود را در حل نمونهای از این مسأله با اندازه ۱۲ ترسیم کنید. در این نمودار بهترین، بدترین و متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل را نشان دهید.
- ب) با توجه به ماهیت تصادفی الگوریتم تکاملی حداقل ۵ اجرای مختلف از EA1 با مشخصات تعیین شده در سوال قبلی را انجام داده و نمودار تکامل را بر حسب میانگین و انحراف معیار متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل که روی اجراهای مختلف محاسبه می شود ترسیم کنید.
- ج) میانگین و انحراف معیار عملکرد EA1 در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای {۸، ۱۰، ۱۲، ۱۲، ۱۶، ۱۸، ۱۸، ۱۶ میانگین و انحراف معیات نهایی الگوریتم در هر {۲۰ ایررسی کرده و در قالب یک نمودار نشان دهید. متوسط برازندگی افراد جمعیت نهایی الگوریتم در هر اجرا باید مبنای محاسبه عملکرد الگوریتم باشد.
- د) تأثیر اندازه جمعیت در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر ظمعیت در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.
- ه) تأثیر احتمال بازترکیب در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر قلیه ۲۰۰۹ ،۰۰۹ و برای احتمال بازترکیب در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.

- و) تأثیر احتمال جهش در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر قلامه (۲۰۰۰، ۲۰۰۰) برای احتمال جهش در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.
  - ز) بهترین راهحل بدست آمده در هر یک از سوالهای قبلی را مشخص کنید.
- ح) (اختیاری) در سوالهای (ج)، (د)، (ه) و (و) تأثیر استفاده از روش رقابت دودویی با جایگزینی برای انتخاب والدین را بررسی کرده و با ترسیم نمودارهای مربوطه گزارش کنید.

### ٣ - مسأله حركت اسب

صفحه شطرنجی داده شده در مسأله قبلی را در نظر بگیرید. در این صفحه دو نوع مهره سرباز و اسب قرار می گیرد که مکان اولیه قرار گیری آنها در هنگام تعریف مسأله مشخص می شود. هدف حرکت دادن اولین اسب (که در ادامه توضیح داده شده است) در صفحه به گونه ای است که برازندگی بیشینه شود. اسب می تواند ۹ حرکت مختلف انجام دهد که شامل  $\Lambda$  حرکت «L — شکل» و عدم جابجایی است. با انتخاب عدم جابجایی برای اسب یا انجام حرکتی که منجر به خروج اسب از صفحه شطرنجی شود حرکتهای اسب به پایان می رسد و سایر حرکتهای مشخص شده دیگر در نظر گرفته نمی شود. در حین حرکت اسب، زدن یک اسب دیگر دارای دو امتیاز منفی بوده و زدن سرباز متناسب با امتیاز آن برازندگی را افزایش می دهد. سربازان و اسبها بعد از زده شدن دیگر در صفحه قرار نخواهند داشت.

در یک صفحه شطرنجی  $n \times n$  تعداد  $n \times n$  سرباز در قرار می گیرند. موقیعت مکانی اسبها و سربازان به  $n \times n$  ترتیب توسط تابع WhiteHorse و Soldiers2 در فایل DataGen.py که همراه با این تمرین ارائه شده است مشخص می شود. خروجی تابع اول یک لیست است که عناصر آن موقیعت (ستون و سطر) هر یک از اسبها را نشان می دهد. برای مثال عنصر  $n \times n$  نشان دهنده اسبی در موقیعت ستون ۱ و سطر ۱ است. اولین عنصر این لیست اسبی است که باید حرکت داده شود. خروجی تابع دوم لیستی است که مانند مسأله قبلی موقعیت و امتیاز هر یک از سربازها را نشان باید حرکت داده شود. خروجی تابع دوم لیستی است که مانند مسأله قبل از کلاس Visualiozation و توابع آن استفاده کنید کنید رای نمایش صفحه شطرنجی می توانید مانند مسأله قبل از این استفاده در شکل زیر نشان داده شده است.

```
v_obj = Visualization(boardSize)
v_obj.InitialImage()
v_obj.AddChessPiece(col = -3, row = 4, text="random text", color=[255, 0, 255])
v_obj.Movehorse(startPoint=[0, 0], EndPoint=[-3, 3])
```

EndPoint ت startPoint فلشى از نقطه Visualizationobj.Movehorse در اين مسأله. تابع Visualization فلشى از نقطه Visualization ترسيم می کند.

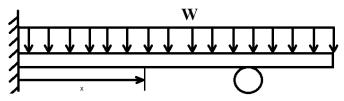
در حل این مسأله ابعاد صفحه ثابت و  $7 \times 7 \times 0$  در نظر گرفته می شود. مانند مسأله قبلی، بسته به نوع نمایشی که برای حل این مسأله در نظر می گیرید، برای بازتر کیب والدین باید از یکی از عملگرهای تقطیع تک نقطه ای، تقطیع یکنواخت یا تقطیع قطع و تکمیل، و برای جهش افراد از یکی از عملگرهای تعویض بیتها، خزیدن یا جابه جایی استفاده کنید.

الف) نمودار تکامل حاصل از بکارگیری EA1 با جمعیتی به اندازه ۱۰۰، احتمال بازترکیب ۰.۹ و احتمال جهش ۰.۱ وقتی که از روش متناسب با برازندگی برای انتخاب استفاده می شود را در حل نمونه ای از این مسأله با حداکثر

- تعداد حرکت اسب ۳۰ ترسیم کنید. در این نمودار بهترین، بدترین و متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل را رسم کنید.
- ب) با توجه به ماهیت تصادفی الگوریتم تکاملی حداقل ۵ اجرای مختلف از EA1 با مشخصات تعیین شده در سوال قبلی را انجام داده و نمودار تکامل را بر حسب میانگین و انحراف معیار متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل روی اجراهای مختلف ترسیم کنید.
- ج) میانگین و انحراف معیار عملکرد EA1 در حل نمونههایی از این مسأله با حداکثر تعداد حرکت اسب (۱۵، ۲۰، ۲۵، ۲۵، ۳۰ ۳۵، ۳۰) را بررسی کرده و در قالب یک نمودار نشان دهید. متوسط برازندگی افراد جمعیت نهایی الگوریتم در هر اجرا باید مبنای محاسبه عملکرد الگوریتم باشد.
- د) تأثیر اندازه جمعیت در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر ۵۰، ۱۰۰، ۲۰۰، ۳۰۰) برای جمعیت در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.
- ه) تأثیر احتمال بازترکیب در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر (۰۰.۵، ۰۰.۹، ۱، ۹،۰۰، ۱) برای احتمال بازترکیب در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.
- و) تأثیر احتمال جهش در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر {۰.۵، ۰۰.۳، ۲۰۵۰ برای احتمال جهش در حل نمونههایی از این مسأله با اندازههای تعیین شده در سوال قبلی ارزیابی کرده و ترسیم کنید.
  - ز) بهترین راهحل بدست آمده در هر یک از سوالهای قبلی را مشخص کنید.
- ح) (اختیاری) در سوالهای (ج)، (د)، (ه) و (و) تأثیر استفاده از روش رقابت دودویی با جایگزینی برای انتخاب والدین را بررسی کرده و با ترسیم نمودارهای مربوطه گزارش کنید.

## 4 - مسأله خيزش تير

یکی از مسائل مهم در مهندسی مکانیک محاسبه میزان خمیدگی تیر با توجه به بار اعمال شده به آن بر اساس میزان جابجایی عمودی است. همانطور که در شکل زیر نشان داده شده است فرض می شود بار به صورت یکنواخت روی تیر وارد می شود.



شکل ۵. بار بصورت یکنواخت به تیر وارد میشود

بر اساس مطالعات شبیه سازی انجام شده در مکانیک جامدات، معادله خیزش تیری با طول ۱.۷۵ به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$y = \frac{a \times x^6 + b \times x^5 + c \times x^4 + d \times x^3 + e \times x^2 + f \times x + g}{4.74 \times 10^{-4} \times 3 \times 10^{10}}$$

که در آن x فاصله محل خیز تیر نسبت به تکیه گاه بوده و f ،e ،d ،c ،b ،a و g پارامترهای تعیین کننده این معادله هستند.

هدف در این مسأله تعیین پارامترهای این معادله با استفاده از مشاهدات زیر است:

х	у
0	0
1.47	0
1	$-6.33 \times 10^{-8}$
0.75	$-6.34 \times 10^{-8}$
1.5	$5.65 \times 10^{-9}$
0.2	$-1.03 \times 10^{-8}$

در حل این مسأله برای بازتر کیب والدین از تقطیع ریاضی ساده و برای جهش افراد از عملگر جهش غیریکنواخت با توزیع گاوسی استفاده کنید.

- الف) نمودار تکامل حاصل از بکارگیری EA1 با جمعیتی به اندازه ۱۰۰، احتمال بازترکیب ۲.۰، نرخ بازترکیب ( $\alpha$ ) ه.۰، در حیمال جهش ۲.۰ و گام جهش ۲ ( $\alpha$ ) وقتی که از روش متناسب با برازندگی برای انتخاب استفاده می شود را در حل این مسأله ترسیم کنید. در این نمودار بهترین، بدترین و متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل را رسم کنید.
- ب) با توجه به ماهیت تصادفی الگوریتم تکاملی حداقل ۵ اجرای مختلف از EA1 با مشخصات تعیین شده در سوال قبلی را انجام داده و نمودار تکامل را بر حسب میانگین و انحراف معیار متوسط برازندگی افراد جمعیت در هر نسل روی اجراهای مختلف ترسیم کنید.
- ج) تأثیر اندازه جمعیت در میانگین و انحراف معیار عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر (۵۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۳۰۰) برای جمعیت در حل این مسأله ارزیابی کرده و در قالب نمودار تکامل ترسیم کنید.
- د) تأثیر احتمال بازترکیب در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر (۰.۵ ،۰.۷ ،۰.۷ ،۴۰۹ برای احتمال بازترکیب در حل این مسأله ارزیابی کرده و در قالب نمودار تکامل ترسیم کنید.
- ه) تأثیر نرخ بازترکیب در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر {۰.۹، ۰۰.۷، ۰۰.۵، ۲۰.۹ برای نرخ بازترکیب در حل این مسأله ارزیابی کرده و در قالب نمودار تکامل ترسیم کنید.
- و) تأثیر احتمال جهش در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر (۰۰.۱، ۰۵،۵، ۰۵،۷) برای احتمال جهش در حل این مسأله ارزیابی کرده و در قالب نمودار تکامل ترسیم کنید.
- ز) تأثیر گام جهش در عملکرد EA1 را با بررسی مقادیر (۰۰.۱، ۰۵، ۲، ۴) برای گام جهش در حل این مسأله ارزیابی کرده و در قالب نمودار تکامل ترسیم کنید.
  - ح) بهترین راهحل بدست آمده در هر یک از سوالهای قبلی را مشخص کنید.
- ط) (اختیاری) در سوالهای (ج) تا (ز) تأثیر استفاده از روش رقابت دودویی با جایگزینی برای انتخاب والدین را بررسی کرده و با ترسیم نمودارهای مربوطه گزارش کنید.

### ۵ - خروجیهای مورد انتظار

دانشجویان باید موارد زیر را در این تمرین تحویل دهند:

- فایلهای کد برنامه مورد استفاده برای پیادهسازی تمرین در یک پوشه به نام code
- نیازمندیها یا وابستگیهای نرمافزاری برای اجرای کدها به صورت دقیق مشخص شود.

- فایل گزارش با نام Doc.pdf (حتماً در قالب PDF باشد) شامل موارد زیر:
- هر گونه استفاده از ابزارها یا بستههای نرمافزاری در پیادهسازی باید صراحتاً با ذکر منبع بیان شود.
  - نتایج و نمودارهای خواسته شده در بخشهای ۲ و ۳ و ۴ به صورت تفکیک شده
- $\circ$  توضیح و تحلیل نتایج به دست آمده از نظر شما: با توجه به نتایج به دست آمده از بخشهای  $\Upsilon \Upsilon$ , به صورت جامع تر تاثیر هر یک از مولفه و پارامترها را در عملکرد الگوریتمهای تکاملی با توجه به ویژگیهای مسأله بررسی کنید. بدین منظور از مفاهیم بررسی شده در درس مانند چشمانداز برازندگی، فشار انتخاب، تنوع جمعیت، تمایل مکانی، تمایل توزیعی و ... استفاده کنید.
  - ۰ هر گونه توضیح اضافی در مورد نحوه انجام تمرین

فایلهای کد و گزارش را به صورت یک فایل فشرده در قالب ZIP و با نام EC\_HW1\_Name\_Family در صفحه درس در سایت کوئرا بارگذاری کنید (به جای Name نام و به جای Family نام خانوادگی خود را قرار دهید).

مهلت تحویل تمرین تا پایان روز سهشنبه ۳۰ اَبان خواهد بود.

موفق باشيد