

电子科技大学研究生试卷

(考试时间: ____至____, 共_2_小时)

课程名称_图论及其应用_ 教师_____ 学时_60_ 学分____

教学方式_讲授_ 考核日期_2014_年_6_月_20_日 成绩_____

考核方式: _____ (学生填写)

一. 填空题(每空 2 分, 共 20 分)

1. n 阶简单 k 正则图 G 的补图的边数为_____。
2. 4 个顶点的不同构树的个数为_____。
3. 具有 m 条边的简单图的不同生成子图的个数为_____。
4. 彼得森图的点连通度为_____。
5. n 点圈的 2—宽直径为_____。
6. $2n$ 阶完全图共有_____个不同的完美匹配。
7. 设 G 的阶数为 n , 点覆盖数为 β , 则其点独立数为_____。
8. 完全图 K_{2n+1} 能分解为_____个边不重合的二因子之并。
9. 拉姆齐数 $R(3,3)=$ _____。
10. n 完全图的不同定向方式有_____种。

二. 单项选择(每题 3 分, 共 15 分)

1. 下面说法错误的是()

(A) 在正常点着色下, 图 G 中的一个色组, 在其补图中的点导出子图必为一个完全子图;

(B) 若图 G 不连通，则其补图必连通；

(C) 存在 14 阶的自补图；

(D) 6 阶图的补图可能是可平面图。

2. 下列说法错误的是 ()

(A) 一个非平凡图是偶图，当且仅当它不含有奇圈；

(B) 超立方体图(n 方体, $n \geq 1$)是偶图；

(C) 非平凡森林是偶图；

(D) 不含三角形的图都是偶图。

3. 下面说法正确的是 ()

(A) k 连通图的连通度一定为 k ；

(B) 完全图一定没有割边；

(C) $n(n \geq 3)$ 阶图 G 是块，则 G 中无环，且任意两点均位于同一圈上；

(D) 非平凡树一定有割点。

4. 下列说法错误的是 ()

(A) 若图 G 是哈密尔顿图，则其闭包一定为完全图；

(B) 设 $n(n \geq 3)$ 阶单图的任意两个不邻接顶点 u 与 v 满足 $d(u) + d(v) \geq n$ ，则其闭包一定为完全图；

(C) 若 (n, m) 单图 G 的边数 $m > \binom{n-1}{2} + 1$ ，且 $n \geq 3$ ，则 G 是哈密尔顿图；

(D) 若 G 是 $n \geq 3$ 的非 H 单图，则 G 度弱于某个 $C_{m,n}$ 图。

5. 下列说法错误的是 ()

(A) 若 (n, m) 图 G 是极大可平面图，则 $m = 3n - 6$ ；

(B) 极大外平面图的外部面边界一定为圈；

(C) 平面图的外部面只有一个；

(D) 平面图 G 的对偶图的对偶图与 G 是同构的。

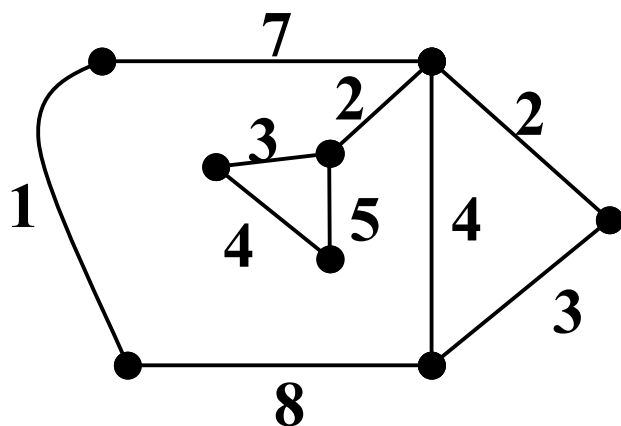
三、(10 分) 求证：任意图中奇度点个数一定为偶数。

四、(10 分) 求证：非平凡树至少有两片树叶。

五、(10 分) 求证：(1)、若 G 中每个顶点度数均为偶数，则 G 没有割边；

(2)、若 G 为 $k \geq 2$ 的 k 正则偶图，则 G 没有割边。

六.(10 分)求出下图的最小生成树，并计算权值(不要中间过程，在原图中用波浪边标出最小生成树)



七、(8 分) 设图 G 有 10 个 4 度顶点和 8 个 5 度顶点，其余顶点度数均为 7。求 7 度顶点的最大数量，使得 G 保持其可平面性。

解：分两种情况讨论：(1)、若 G 是非简单图，则容易知道，满足条件的 7 度顶点数可以为无穷多； 2 分

(2)、若 G 是简单图

设 7 度顶点的数量是 x 。由握手定理：

$$2m(G) = 10 \times 4 + 8 \times 5 + 7x \quad 2 \text{ 分}$$

另一方面：欲使 G 保持其可平面性，必有

$$m(G) \leq 3n - 6 \quad 2 \text{ 分}$$

即： $\frac{1}{2}(10 \times 4 + 8 \times 5 + 7x) \leq 3(10 + 8 + x) - 6$ ，得 $x \leq 16$ 。 2 分

八、(7 分)如果边赋权图中只有两个奇度顶点，如何构造一条最优欧拉环游？说明构造理由。

九 . (10 分)求下图 G 的色多项式 $P_k(G)$.并求出点色数。

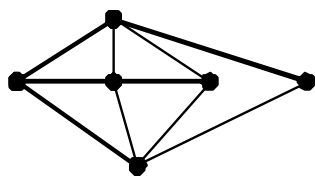


图 G