

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого
Физико-механический институт

Высшая школа фундаментальных физических исследований

Работа допущена к защите
Директор ВШФФИ

_____ В. В. Дубов

«_____» _____ 2024 г.

**ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА
МАГИСТЕРСКАЯ ДИССЕРТАЦИЯ**

**АСИММЕТРИЯ СИВЕРСА В ПОЛУИНКЛЮЗИВНОМ
ГЛУБОКО НЕУПРУГОМ РАССЕЙАНИИ ЛЕПТОНОВ НА
ПОПЕРЕЧНО ПОЛЯРИЗОВАННОМ ПРОТОНЕ**

по направлению подготовки 03.04.02 «Физика»

по образовательной программе

03.04.02_03 «Физика ядра и элементарных частиц в фундаментальных и
медицинских исследованиях»

Выполнил

студент гр. 5040302/20301

Е.В. Музяев

Научный руководитель

профессор ВШФФИ, д.ф.-м.н.

Я.А. Бердников

Консультант

по нормконтролю

И.Г. Голиков

Санкт-Петербург

2024

РЕФЕРАТ

На n страниц, k рисунков, l таблиц.

КЛЮЧЕВЫЕ СЛОВА: Глубоко неупругое рассеяние

ABSTRACT

n pages, k pictures, l table

KEY WORDS: DEEP INELASTIC SCATTERING

ОБОЗНАЧЕНИЯ И СОКРАЩЕНИЯ

В настоящей работе применяют следующие обозначения и сокращения:

ГНР - глубоко неупругое рассеяние;

ПГНР - полуинклюзивное глубоко неупругое рассеяние;

ФФ - функции фрагментации;

PDF - партонные функции распределения;

EMC - European Muon Collaboration;

COMPASS - COmmon Muon and Proton Apparatus for Structure and Spectroscopy;

HERA - Hadron Electron Ring Accelerator;

HERMES - HERA MEasurement of Spin;

SLAC - Stanford Linear Accelerator Center.

Содержание

Введение	1
1 Глубоко неупругое рассеяние	4
1.1 Кинематика глубоко неупругого рассеяния	4
1.2 Сечение глубоко неупругого рассеяния	7
1.2.1 Сечение рассеяния в приближении Мотта	7
1.2.2 Расчёт сечения глубоко неупругого рассеяния	9
2 Партонная модель	12
2.1 Скейлинг Бьёркена и структурные функции	12
2.2 Партонные функции распределения	13
2.2.1 Коллинеарные партонные функции	14
2.3 Поляризация частиц	15
3 Адронизация	17
3.1 Модель адронизации Лунда	17
3.2 Модель 3P0	19
4 Азимутальные асимметрии	20
4.1 Полуинклюзивное глубоко неупругое рассеяние	20
4.2 Асимметрия Коллинза	21
4.3 Асимметрия Сиверса	21
5 Эксперимент HERMES	23
5.1 Асимметрии образовавшихся пионов	23
5.2 Асимметрии образовавшихся каонов	23
6 Моделирование процессов в PYTHIA	24
6.1 Поляризация в PYTHIA	24

Введение

До сих пор одним из важных вопросов современной физики является исследование спина нуклона. В частности, особый интерес представляет то, как спин нуклона распределяется по его составляющим – кваркам и глюонам. Решение этой задачи позволяет понять устройство материи, а также исследовать эффекты, предсказываемые в рамках Стандартной Модели или найти новые эффекты вне неё. В решении этой проблемы огромную роль играет проведение экспериментов рассеяния лептонов (электронов, позитронов, мюонов) на ядерных мишенях. Несмотря на то, что первые подобные эксперименты были проведены в 50-х годах XX века Робертом Хофшtedтером [1], процесс глубоко неупругого рассеяния лептонов на нуклонных и ядерных мишенях до конца не изучен и представляет большой научный интерес.

Изучение процессов глубоко неупругого рассеяния позволяет заглянуть «внутрь» нуклона. Возможно это благодаря размерам частицы-снаряда: лептоны обладают массой и размерами значительно меньшими, чем нуклоны. Например, размер электрона не превышает 0,0001 фемтометра (фм), в то время как размер протона составляет величину 0,74 фм [1].

В 1968 году при проведении экспериментов по глубоко упругому рассеянию (ГНР) на линейном ускорителе электронов SLAC научной группой было установлено [2], что неупругое сечение рассеяния практически не изменяется при изменении переданного импульса Q^2 , что означает, что структурные функции практически не зависят от Q^2 . Это явление получило название «скейлинг Бьёркена».

В 1969 году вышла статья Ричарда Фейнмана про партонную структуру частиц. Согласно партонной модели, при больших энергиях нуклоны состоят из безмассовых точечноподобных частиц – партонов. Таким образом, взаимодействие нуклонной материи при высоких энергиях можно представить в виде взаимодействия множества партонов, несущих долю импульса нуклона [3]. При этом предполагается, что импульс партонов коллинеарен импульсу нуклона. Распределение кварков по импульсу внутри нуклона можно описать партонной функцией распределения (ПФР).

В 1986 г. в эксперименте по рассеянию поляризованных μ -мезонов на поляризованных протонах в Европейской-мюонной коллаборации (ЕМС) был получен удивительный результат – суммарный спин валентных кварков даёт вклад, равный лишь 33% от спина нуклона [4]. Данная проблема получила название «спиновый кризис». Для исследования этой проблемы были проведены эксперименты HERMES (HERA Spin MESurement) [5] и COMPASS (COmmon Muon Proton Apparatus for Structure and Spectroscopy) [6], в которых рассматривались явления полуинклюзивного (с рождением и регистрацией выделенного мезона) глубоко неупругого рассеяния (ПГНР) лептонов на поперечно поляризованном протоне. В результате этих экспериментов была обнаружена азимутальная асимметрия образовавшихся мезонов.

Азимутальная асимметрия – отношение разности сечений рассеяния образовавшихся адронов влево и вправо на одинаковые углы в одной плоскости к сумме тех же сечений [7]:

$$A_N = \frac{d\sigma^\uparrow - d\sigma^\downarrow}{d\sigma^\uparrow + d\sigma^\downarrow}, \quad (1)$$

где A_N – азимутальная асимметрия, $d\sigma^\uparrow$ – сечение образовавшихся адронов в левой плоскости, $d\sigma^\downarrow$ – в правой плоскости.

В эксперименте по рассеянию пучка поляризованных протонов на поляризованной водородной мишени, проведённых коллаборацией E704 в лаборатории Ферми, было обнаружено, что азимутальная асимметрия образовавшихся π^0 -мезонов растёт с увеличением поперечного импульса и переменной Фейнмана x_F , что не нашло объяснений в рамках коллинеарной пертурбативной квантовой хромодинамики (КХД) [8]. Для объяснения этого эффекта были предложены партонные функции распределения, и функции фрагментации (ФФ), зависящие от величины поперечного импульса кварков.

Измерение неколлинеарных партонных функций распределения кварков и глюонов важно для исследования внутренней структуры нуклона. Существует несколько способов измерения: исследование процессов Дрелл-Яна, образования прямых фотонов и полуинклюзивного глубоко неупругого рассеяния.

Целью работы является моделирование расчёта односпиновой азимутальной асимметрии Сиверса образовавшихся адронов в глубоко неупругом рассеянии

лептонов на нуклоне - мишени с использованием Монте-Карло генератора событий PYTHIA8 и плагина StringSpinner, учитывающего эффекты поляризации частиц.

В Главе 1 представлено введение в кинематику глубоко неупругого рассеяния, в главе 2 рассмотрены основы партонной модели и поляризация кварков, в 3-ей главе рассмотрена фрагментация кварков, в 4-ей главе – азимутальные асимметрии в процессах глубоко неупругого рассеяния на поперечно поляризованной мишени, в 5-ой главе представлено моделирование процессов ГНР на поляризованной мишени в Монте-Карло генераторе PYTHIA8, в 6-ой главе произведён расчёт асимметрий Сиверса в процессах рассеяния неполяризованных лептонов на поперечно поляризованной мишени и представлены результаты этого расчёта.

Глава 1. Глубоко неупругое рассеяние

Глубоко неупругое рассеяние – процесс неупругого взаимодействия лептона (электрона, мюона, нейтрино) с адроном (например, протон или нейтрон) или с адронной системой (дейтрон, литий), протекающего при энергетическом масштабе сильно большем, чем сумма масс покоя участников взаимодействия. Неупругость предполагает, что в результате взаимодействия могут образовываться частицы, т.е. число участников рассеяния не сохраняется. Схему реакции можно представить в виде

$$l + N \rightarrow l' + X, \quad (2)$$

где l, l' – лептон до и после взаимодействия, N – адронная система-мишень, X – продукты реакции. Если регистрируется только один вид частиц (например, лептон), то канал такой реакции называется инклюзивным. В случае, когда ещё и регистрируется другой вид частиц (например, адрон), то такой канал реакции называется полуинклюзивным:

$$l + N \rightarrow l' + h + X, \quad (3)$$

где h – регистрируемая частица-адрон (к примеру, π -мезон).

1.1 Кинематика глубоко неупругого рассеяния

Рассмотрим глубоко-неупругое рассеяние электрона на протоне в приближении однофотонного обмена (дальнейшие рассуждения по этой теме справедливы и для других частиц – мюонов и нейтронов). При таком приближении предполагается, что лептон с нуклоном обмениваются виртуальным фотоном. Обозначим импульс протона через P , начальный и конечный импульс электрона – через k и k' . Тогда можно вычислить вектор импульса, переданный виртуальным фотоном адронной системе как $q = k - k'$. Вектор q неинвариантен (его величина зависит от выбора системы координат), поэтому принято пользоваться инвариантным квадратом импульса $q^2 = -Q^2$.

Если величина переданного импульса Q^2 велика, то кварк «излучается» из нуклона так, что мягкие процессы не смогут сбалансировать реакцию. В таком

случае лептон передаст импульс не всему нуклону как целому, а определённому кварку. Но несмотря на это, мягкие процессы не исчезнут – будут образовываться глюоны и кварк-антикварковые пары, и цветной кварк преобразуется в бесцветные адронные струи. Такой процесс называется фрагментацией, о котором речь пойдёт позже.

Упрощённая диаграмма процесса глубоко неупругого рассеяния на кварковом уровне представлена на Рисунке 1.

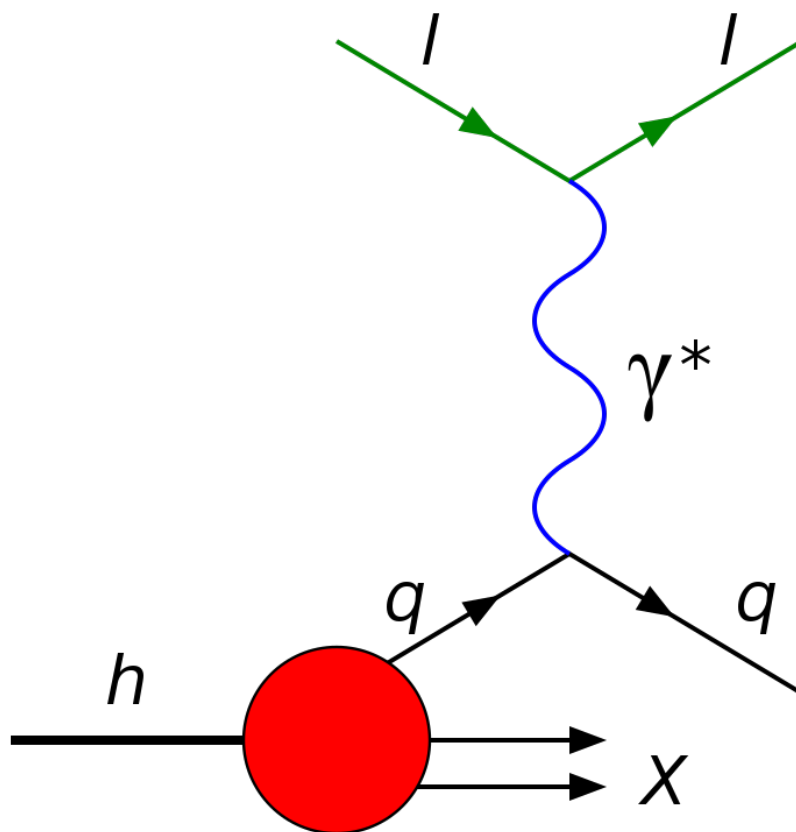


Рисунок 1 – Упрощённая диаграмма глубоко неупругого рассеяния в приближении однофотонного обмена

Здесь налетающий лептон l взаимодействует с кварком q нуклона h , обмениваясь виртуальным фотоном γ^* . Символом X обозначены "остатки" адрона – частицы, не участвующие в реакции.

Рассмотрим глубоко неупругое рассеяние электрона на протоне в системе центра масс. В этой системе электрон и протон будут лететь навстречу друг

другу. Энергия в системе центра масс велика, поэтому массу протона можно игнорировать, следовательно, импульс протона будет подобен импульсу безмассовой частицы (фотона). Импульс составляющих протон кварков будет коллинеарен импульсу протона (практика показывает, что кварки обладают ненулевым поперечным импульсом). Таким образом, кварки будут нести часть импульса нуклона. Для описания этого вводится безразмерная переменная Бьёркена x_{Bj} , которая определяется как доля импульса нуклона, которую несёт кварк:

$$x_{Bj} = \frac{Q^2}{2Pq}, \quad (4)$$

где P – импульс нуклона, q – переданный импульс. Таким образом, импульс p кварка адрона h , обладающего импульсом P можно выразить как

$$p = x_{Bj}P. \quad (5)$$

По определению величина переменной Бьёркена положительна и не превышает единицы:

$$0 < x_{Bj} \leq 1. \quad (6)$$

Переменная Бьёркена равняется единице в случае упругого рассеяния, если меньше единицы – то неупругое. Существует случай, когда переменная Бьёркена больше единицы. Такое возможно в результате кумулятивного эффекта в ядро-ядерных рассеяниях.

Введём кинематическую переменную y , выражающую относительную потерю энергии налетающей частицы-лептона:

$$y = \frac{P \cdot q}{P \cdot k}, \quad (7)$$

где q – импульс виртуального фотона, k – начальный импульс лептона. По определению, переменная y не может превышать единицы.

Потерю энергии налетающей частицы в системе центра масс можно выразить как

$$\nu = \frac{P \cdot q}{M}, \quad (8)$$

где $M^2 = P^2$ – масса нуклона-мишени. Переменную Бьёркена можно выразить через эту величину:

$$x_{Bj} = \frac{Q^2}{2M\nu}. \quad (9)$$

Квадрат эффективной массы системы (сумма квадратов 4-импульсов системы):

$$W^2 = (P + q)^2 = M^2 + 2M\nu - Q^2. \quad (10)$$

Квадрат полной энергии лептона и нуклона (переменная Мандельштама s):

$$s^2 = (k + P)^2 = M^2 + \frac{Q^2}{x_{Bj}y} + m_l^2 \approx M^2 + \frac{Q^2}{x_{Bj}y}, \quad (11)$$

т. к. $(M^2 \gg m_l^2)$.

В случае, когда регистрируются образующиеся в результате рассеяния адроны (инклюзивный канал), то в рассмотрение вводится переменная z , выражающая долю энергии нуклона, которую унёс адрон в конечном состоянии:

$$z = \frac{P \cdot P_h}{P \cdot q} = \frac{E_h}{\nu}, \quad (12)$$

где P_h – импульс адрона, E_h – энергия адрона.

1.2 Сечение глубоко неупругого рассеяния

1.2.1 Сечение рассеяния в приближении Мотта

Физика элементарных частиц рассматривает процессы, происходящие на квантовомеханических масштабах. Изучение таких процессов требует вероятностного подхода описания событий. Одним из таких способов изучения взаимодействия элементарных частиц является нахождение дифференциального и интегрального сечений рассеяния. По величине сечения рассеяния можно определить вероятность того или иного процесса - распада, образования новых частиц и т.д. Чем больше величина сечения рассеяния, тем выше вероятность этого процесса.

Дифференциальное сечение рассеяния в лабораторной системе определяется следующим образом:

$$\frac{d\sigma}{d\Omega}(\theta) = \frac{\frac{dN}{d\Omega}(\theta)}{I \cdot n}, \quad (13)$$

где θ – угол рассеяния, I – поток налетающих частиц, n – число частиц мишени, Ω – телесный угол, $\frac{dN}{d\Omega}$ – число частиц, вылетевших в единичном элементе телесного угла Ω за единицу времени.

Полное (эффективное) сечение рассеяния можно получить, проинтегрировав по углу:

$$\sigma = \int \frac{d\sigma}{d\Omega} d\Omega. \quad (14)$$

Эффективное сечение рассеяния характеризует вероятность взаимодействия налетающей частицы с частицей-мишенью. Полное эффективное сечение рассеяния складывается из сечений упругого рассеяния и неупругого:

$$\sigma = \sigma_{el} + \sigma_{inel}, \quad (15)$$

где σ_{el} – сечение упругого рассеяния, σ_{inel} – сечение неупругого рассеяния.

Дифференциальное сечение электрона на ядре с числом протонов Z выражается как

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)_{Mott} |F(q)|^2, \quad (16)$$

где Ω – телесный угол, $F(q)$ – форм-фактор, $q = k - k'$ – переданный импульс. Выражение в скобках означает сечение Мотта – рассеяние электрона на точечной частице:

$$\left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)_{Mott} = \frac{(Z\alpha)^2 E^2}{4k^4 \sin^4(\theta/2)} \left(1 - \frac{k^2}{E^2} \sin^2(\theta/2)\right), \quad (17)$$

где Z – электрический заряд частицы, θ – угол рассеяния, E – энергия рассеянной частицы. Таким образом, форм-фактор $F(q)$ возникает, когда частица-мишень является составной. Форм-фактор зависит от распределения составляющих ядро частиц и равен Фурье-образу плотности распределения электрического заряда:

$$F(q) = \int \rho(r) \exp\frac{i}{\hbar} q r \, dr, \quad (18)$$

где $\rho(r)$ – плотность распределения, r – радиус-вектор из центра ядра, \hbar – приведённая постоянная Планка.

В работе [4] было показано, что при увеличении энергии центра масс реакции происходит уменьшение упругой части рассеяния. На графике 2 показано отношение сечения рассеяния электрона на протоне к сечению Мотта при энергиях центра масс 2, 3, 3,5 ГэВ. Отдельной линией выделено сечение упругого рассеяния, которое падает с увеличением квадрата переданного импульса. Это говорит о том, что протон составная частица.

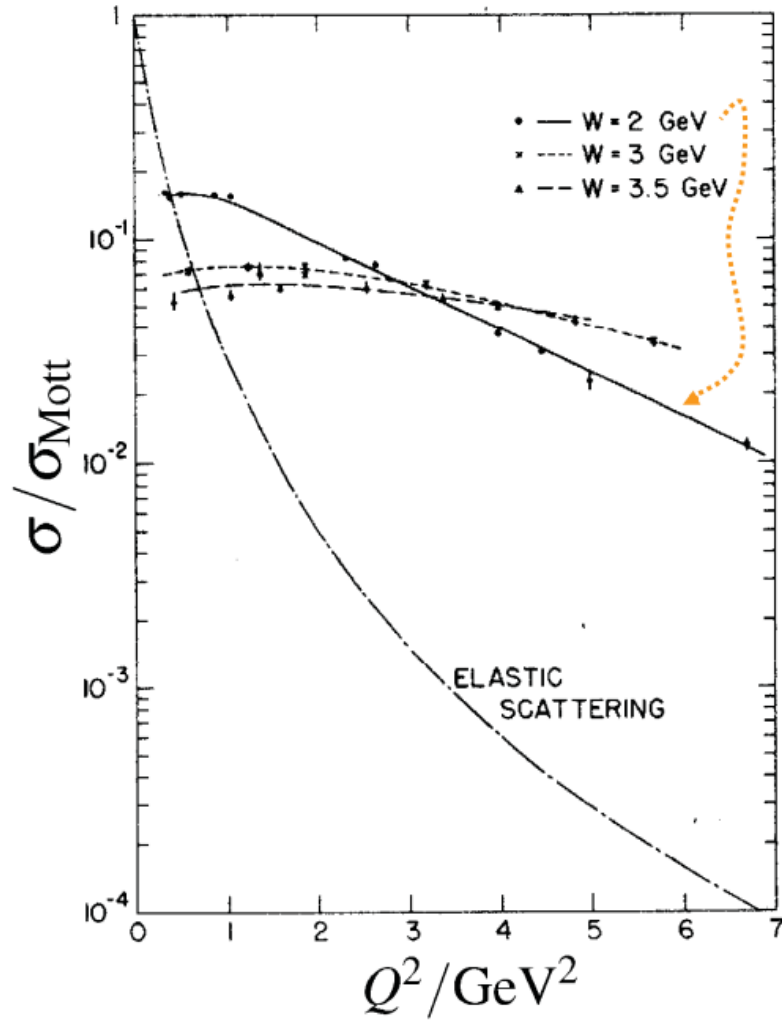


Рисунок 2 – Отношение дифференциального сечения рассеяния по углу и энергии к сечению Мотта [4]

Однако поведение неупругого рассеяния показывает другие результаты - его величина слабо зависит от q^2 . Таким образом, сечение неупругого рассеяния приблизительно обладает единичным форм-фактором, что говорит о том, что электрон рассеивается на точечной частице, которая является составляющей нуклона.

1.2.2 Расчёт сечения глубоко неупругого рассеяния

Приведём расчёт сечения глубоко неупругого рассеяния в приближении однофотонного обмена. Согласно правилам Фейнмана, матричный элемент диа-

граммы (Рисунок 1) будет равен

$$i\mathcal{M} = (ie)^2 \bar{u}(k') \gamma^\nu u(k) i \frac{-g_{\mu\nu}}{q^2} \langle X | J_h^\nu | P \rangle, \quad (19)$$

где u – 4-вектор фермиона, γ^ν – гамма матрица Дирака, $i \frac{-g_{\mu\nu}}{q^2}$ – фотонный пропагатор, J_h^ν – адронный ток.

Дифференциальное сечение рассеяния, усреднённое по спинам частиц, будет равно

$$d\sigma = \frac{1}{4E'm_H} \frac{d^3k'}{(2\pi)^3 \cdot 2E'} \sum_X (2\pi)^4 \delta^4(q + P - xP) \cdot \frac{1}{2} \sum_{spin} |\mathcal{M}|^2, \quad (20)$$

где m_H – масса адрона, E, E' – энергия лептона до и после взаимодействия, δ^4 – четырёхмерная дельта-функция импульсов. Квадрат матричной амплитуды, усреднённый по спинам, будет равен

$$\sum_{spin} |\mathcal{M}|^2 = \frac{e^4}{(q^2)^2} L_{\nu\mu} \langle P | J_h^\nu | X \rangle \langle X | J_h^\mu | P \rangle, \quad (21)$$

где $L_{\nu\mu}$ – лептонный тензор:

$$4(k_\nu k'_\mu + k_\mu k'_\nu - g_{\nu\mu} k \cdot k'). \quad (22)$$

Введём тензор $W^{\mu\nu}$, который будет равен

$$W^{\mu\nu} = \frac{1}{4\pi} \sum_X (2\pi)^4 \delta^4(q + P - xP) \langle P | J_h^\nu | X \rangle \langle X | J_h^\mu | P \rangle. \quad (23)$$

Выражение выше называется адронным тензором. Тогда сечение рассеяния, проинтегрированное по k' , можно представить как свёртку лептонного и адронного тензоров:

$$\frac{d\sigma}{d^3k'} = \frac{e^4}{4\pi^2(Q^2)^2} \frac{1}{8EE'm_H} L_{\nu\mu} W^{\mu\nu}. \quad (24)$$

Используя закон сохранения электрического заряда:

$$(xP - P)_\mu \langle X | J_h^\mu | P \rangle = 0, \quad (25)$$

получаем, что

$$q_\mu W^{\nu\mu} = q_\nu W^{\mu\nu} = 0. \quad (26)$$

С помощью этого уравнения можно определить ковариантную форму адронного тензора, которая будет равна

$$W^{\nu\mu} = (-g^{\nu\mu} + \frac{q^\nu q^\mu}{q^2})W_1 + (P^\nu - \frac{P \cdot q}{q^2}q^\nu)(P^\mu - \frac{P \cdot q}{q^2}q^\mu)W_2, \quad (27)$$

где W_1, W_2 – структурные функции адрона Н, состоящего из точечноподобных партонов:

$$\begin{aligned} W_1 &= \frac{Q^2}{4m^2} \delta(\nu - \frac{Q^2}{2m}), \\ W_2 &= \delta(\nu - \frac{Q^2}{2m}), \end{aligned} \quad (28)$$

где δ - дельта-функция, m - масса партона. Функции W_1, W_2 зависят от масштаба взаимодействия Q^2 и потери энергии ν .

Дифференциальное сечение рассеяния глубоко неупругого рассеяния электрона на протоне в системе покоя протона будет равно

$$\frac{d^2\sigma}{dE' d\cos\theta} = \frac{8\pi\alpha^2}{Q^4} E'^2 (2W_1(q^2, \nu) \sin^2(\theta/2) + W_2(q^2, \nu) \cos^2(\theta/2)), \quad (29)$$

где θ – угол рассеяния, E' – энергия рассеянного электрона.

Глава 2. Партонная модель

Партонная модель описывает процессы, которые происходят внутри ядер и адронов. Основой партонной модели служит утверждение, что при энергиях сильно больших, чем инвариантная масса нуклона, взаимодействие между элементарными частицами можно представить через взаимодействие множества партонов. Таким образом, партон – точечноподобная безмассовая частица, несущая долю импульса адрона. Как правило, партоны отождествляют с кварками и глюонами. Исходя из вышесказанного, нуклон при $Q^2 \gg M^2$ (предел Бьёркена) можно представить в виде "шубы" из множества кварков и глюонов, которые в том числе взаимодействуют между собой путём обмена глюонами.

Переменные на партонном уровне обычно обозначаются со специальным символом $\hat{}$ ("шляпка"). Введём переменные Мандельштама на партонном уровне в системе центра инерции:

$$\begin{aligned}\hat{s} &= (p_1 + p_2)^2 = (k + xP)^2, \\ \hat{t} &= (p_1 - p_3)^2 = (k - k')^2 = -q^2, \\ \hat{u} &= (p_2 - p_3)^2 = (xP - k')^2 = \hat{s}(1 - y),\end{aligned}\tag{30}$$

где p_1, p_2 – импульсы лептона и партона соответственно, p_3, p_4 – импульсы лептона и партона после взаимодействия. Переменные Мандельштама являются инвариантами.

Партонное дифференциальное сечение рассеяния электрона на кварке нуклона будет равно

$$\frac{d\sigma}{d\hat{t}} = \frac{2\pi\alpha^2}{\hat{s}^2} \frac{\hat{s}^2 + \hat{u}^2}{\hat{t}^2},\tag{31}$$

где α – константа электромагнитного взаимодействия.

2.1 Скейлинг Бьёркена и структурные функции

В 1968 году Дж. Бьёркен предположил, что в пределе Q^2 на бесконечности, структурные функции должны зависеть только от переменной Бьёркена x_{Bj} :

$$\begin{aligned}MW_1(q^2, \nu) &= F_1(x), \\ W_2(q^2, \nu) &= F_2(x),\end{aligned}\tag{32}$$

где W_1, W_2 – структурные функции партонов в зависимости от переданного импульса, F_1, F_2 – структурные функции, зависящие от переменной Бёркена, M – масса нуклона, $x \equiv x_{Bj}$ – переменная Бёркена. Здесь и далее будем использовать именно это обозначение переменной Бёркена для краткости формул.

Структурные функции зависят от величины спина. Рассмотрим случай полуполого спина партонов и найдём соотношение между функциями F_1 и F_2 . Для этого воспользуемся определением этих функций, используя соотношение (32):

$$\frac{F_1(x)}{F_2(x)} = \frac{MW_1(q^2, \nu)}{W_2(q^2, \nu)}, \quad (33)$$

с учётом того, что рассеяние происходит на точечной частице и тем самым, структурные функции представимы в виде дельта-функций (28), получаем

$$\frac{W_1(q^2, \nu)}{W_2(q^2, \nu)} = \frac{Q^2}{4m^2}, \quad (34)$$

где $m = xM$ – масса партона. Тогда соотношение (33) будет равно

$$\frac{F_1(x)}{F_2(x)} = \frac{Q^2}{4m^2} \frac{M}{\nu} = \frac{Q^2}{2M\nu} \frac{1}{2x^2} = \frac{1}{2x}, \quad (35)$$

и в результате получаем соотношение Каллана-Гросса [5]:

$$F_2(x) = 2xF_1(x). \quad (36)$$

Таким образом, безразмерные структурные функции F_1, F_2 зависимы. В случае, когда спин партонов нулевой, то структурные функции тоже равны нулю:

$$F_1(x) = 0. \quad (37)$$

Численно выразить безразмерные структурные функции можно через партонные функции распределения.

2.2 Партонные функции распределения

Поведение кварков в нуклоне можно описать партонной функцией распределения $f(x, Q^2)$ – плотности вероятности обнаружить в адроне партон, обладающего долей импульса x при энергетическом масштабе взаимодействия Q^2 .

Вследствие того, что ПФР есть плотность вероятности, то сумма ПФР по всем партонам даёт единицу (импульс нуклона):

$$\sum_i \int_0^1 x f_i(x) dx = 1. \quad (38)$$

Вычислить ПФР можно только исходя из экспериментальных данных с помощью операции фитирования (нахождения функции аппроксимации, максимально соответствующей экспериментальной кривой).

Сечение рассеяния лептона на нуклоне можно представить в виде суммы партонных сечений по всем партонам, помноженных на функции распределения соответствующих партонов:

$$\sigma = \int_0^1 dx_q f_q(x_q) \hat{\sigma}, \quad (39)$$

где x_q – доля импульса кварка q , $\hat{\sigma}$ – партонное сечение рассеяния. Партонные функции распределения разделяют на коллинеарные (импульс партона сонаправлен с импульсом адрона) и неколлинеарные (партоны имеют ненулевую составляющую поперечного импульса).

2.2.1 Коллинеарные партонные функции

Рассмотрим коллинеарные ПФР. Структурные функции равны сумме плотностей партонов, составляющих нуклон:

$$F_2(x) = \sum_i e_i^2 x f_i(x), \quad (40)$$

где e_i – электрический заряд i -го партона.

2.3 Поляризация частиц

В физике достаточно изучена электромагнитная поляризация волн – направленное в определённой плоскости колебание векторов **E** и **H**. Поляризация частиц имеет другую природу и выражается в преимущественной ориентации спина частицы вдоль выбранного направления по отношению к её импульсу. Поляризацию частиц разделяют на поперечную (спин частицы перпендикулярен её импульсу) и продольную (спин частицы коллинеарен импульсу). Охарактеризовать поляризацию частицы можно через спиральность:

$$h = \frac{\mathbf{S} \cdot \mathbf{P}}{|\mathbf{S}| \cdot |\mathbf{P}|} \quad (41)$$

где **S** – вектор спина частицы, **P** – вектор импульса. Если спиральность частицы по модулю равняется единице, то она поляризована продольно, если спиральность равна нулю, то поперечно.

Величина спина нуклона общеизвестна – $1/2$, но до сих пор неизвестно распределение спина нуклона по его составляющим (конституэнтам), или, что аналогично, из чего складывается этот спин. До публикации результатов коллаборации EMC [4] считалось, что спин нуклона полностью складывается из спинов валентных кварков (те кварки, которые определяют квантовые числа адронов). Данный эксперимент показал, что валентные кварки дают вклад, равный лишь трети от суммарного спина. На данный момент достоверно известно, что спин в том числе распределяется по валентным кваркам, морским кваркам, глюонам и орбитальным моментам этих частиц. На рисунке 3 схематично представлена картина возможного распределения спина нуклона по его составляющим. Однако, как оказалось, недостающие 70% спина зависят не только лишь от орбитального момента кварков и глюонов [6], и существует ненулевая корреляция между направлением спина партонів и их импульсов в нуклоне.

В лидирующем порядке квантовой хромодинамики поляризованный нуклон можно описать тремя ПФР кварков – функцией f_1^q , которая показывает распределение неполяризованных кварков в неполяризованном нуклоне, спиральностью g_1^q , которая описывает кварки с продольной поляризацией в продольно поляризованном нуклоне, и «трансвёрсити» (поперечная поляризация) h_1^q , ко-

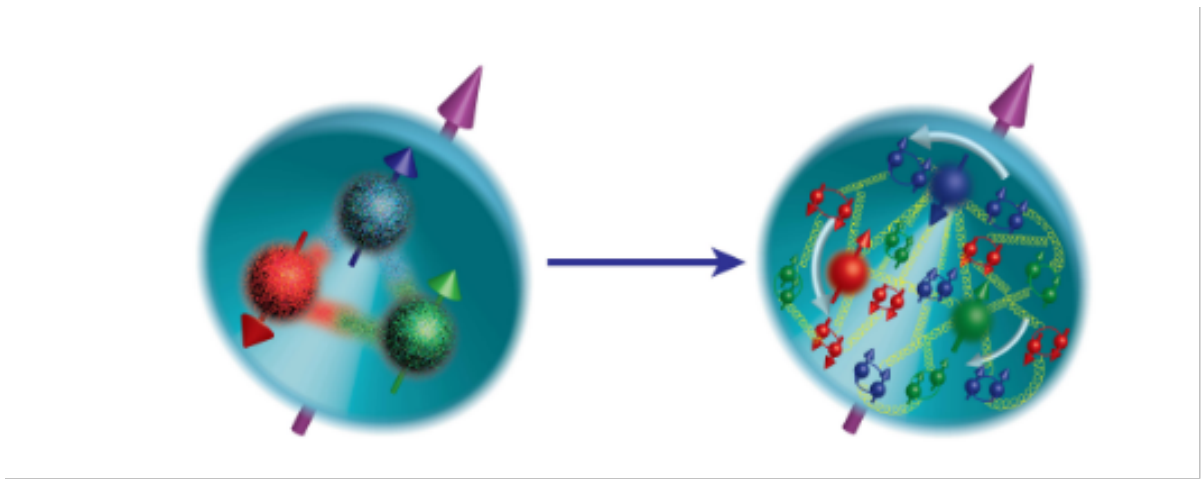


Рисунок 3 – Схематичное изображение эволюции представлений о внутренней структуре спина нуклона: слева – устаревшее представление, справа – современное представление

торая описывает распределение поперечно поляризованных кварков в поперечно поляризованном нуклоне [6]. Среди этих трех неколлинеарных партонных функций распределения «трансвёрсити» является менее изученной и наиболее труднодоступной из-за её киральной нечетной природы. Киральная нечётность означает, что при зеркальном отображении системы относительно оси координат симметрия системы не будет сохраняться. Для измерения функции «трансвёрсити» необходимо изучение процесса, в котором участвуют две кирально-нечётные функции. Такую возможность даёт изучение азимутальных асимметрий адронов в полуинклюзивном глубоко неупругом рассеянии на поперечно поляризованной мишени.

Глава 3. Адронизация

Результатом глубоко неупругого рассеяния является образование большого числа наблюдаемых частиц-адронов. Так как свободные партоны не наблюдаются в эксперименте, то должен существовать процесс, с помощью которого образовавшиеся в результате жёсткого взаимодействия партоны превращаются в адроны. Такой процесс называется адронизацией. Существует несколько моделей адронизации [7]:

- Фрагментация струн (используется генератором событий PYTHIA);
- Фрагментация кластеров (используется генератором событий HERWIG);
- Независимая фрагментация (устаревшая модель, предложенная Фейнманом).

Процесс возникновения бесцветных адронов (частиц-участников ядерного взаимодействия) из цветных кварков называется фрагментацией. Так, дифференциальное сечение образование адрона в рассеянии электрона на протоне в зависимости от переменной z (см. (12)) будет пропорционально следующей сумме:

$$\frac{d\sigma(ep \rightarrow hX)}{dz} \propto \sum_q e_q^2 f_q(x) D_h^p(z), \quad (42)$$

где e_q – электрический заряд кварка q , $f_q(x)$ – партонная функция распределения кварка q в протоне p , $D_h^p(z)$ – функция фрагментации, описывающая вероятность того, что партон q , несущий долю импульса z , фрагментирует в адрон h . Значение функции фрагментации можно определить только из эксперимента.

Одной из самых развитых моделей адронизации является модель фрагментации струн (модель адронизации Лунда). Рассмотрим данную модель.

3.1 Модель адронизации Лунда

Лундовская модель адронизации предполагает, что наблюдаемые частицы-адроны образуются в результате фрагментации (разрыва) цветных кварк-антикварковых струн. Фрагментацию струн удобно представить в виде йо-йо модели.

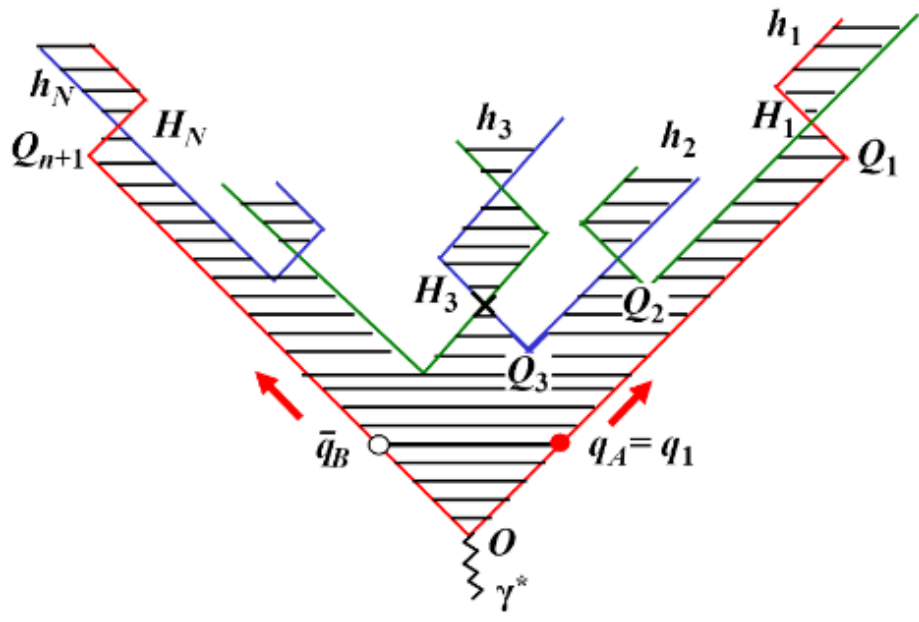


Рисунок 4 – Схематичное изображение процесса адронизации [8]

Здесь O – точка взаимодействия партрона q_A с виртуальным фотоном γ^* , с которой начинается процесс адронизации; Q_i – точки(узлы) разрыва струны, где $i = 1, 2, \dots, n$; H – точки образования адронов h_i , где $i = 1, 2, \dots, n$.

Процесс начинается со взаимодействия виртуального фотона γ^* , испущенного налетающим лептоном, с партоном мишени q (здесь и далее предполагается, что взаимодействуют кварки, но последующие рассуждения справедливы и для глюонов). Виртуальный фотон передаёт кварку A импульс, вследствие чего кварк q_A начинает отдаляться от кварка B оставшегося «раненого» нуклона.

Между кварками A и B образуется струна, энергия которой растёт по мере отдаления кварков друг от друга. Струна может «порваться», когда её энергии становится достаточно для рождения кварк-антикварковой пары. Вероятность этого растёт со временем. Новообразовавшаяся пара ведёт себя аналогично паре-родителю, тем самым запускается многократный процесс, который продолжается до тех пор, пока это позволяет закон сохранения энергии-импульса. В результате многократного процесса струны теряют свою энергию, и кварки образуют связанные состояния – адроны.

Для кварк-антикварковой пары справедлива следующая параметризация функ-

ции фрагментации

$$f(z) \propto (1 - z)^{a/z} \exp(-\frac{bm_h}{z}), \quad (43)$$

где m_h — масса адрона, параметры a и b настраиваются в соответствии с экспериментальными данными. Таким образом, функция $f(z)$ показывает вероятность образования адрона массой m_h с долей импульса z , полученной от остатка системы.

3.2 Модель 3P0

вилам Фейнмана:

$$d\sigma = \frac{1}{4k \cdot P_X} \sum_{s'_k} \sum_X \int \frac{d^3 P}{(2\pi)^3 2E_X} \times (2\pi)^4 \delta^4(P + k - P_X - P_h - k') |\mathcal{M}^2| \frac{d^3 k'}{(2\pi)^3 2E'} \frac{d^3 P_h}{(2\pi)^3 2E_h}, \quad (44)$$

где суммирование проводилось по спинам рассеянных лептонов s'_k , P_X – импульс "оставшейся" части протона. Квадрат амплитуды матричного элемента будет равен

$$|\mathcal{M}^2| = \frac{e^4}{q^4} (\bar{u}'_k \gamma_\mu u_k)^* (\bar{u}'_k \gamma_\nu u_k) \times \langle X, P_h S_h | J_h^\mu(0) | PS \rangle^* \langle X, P_h S_h | J_h^\nu(0) | PS \rangle, \quad (45)$$

где можно ввести лептонный тензор $L_{\mu\nu}$ [9]:

$$L_{\mu\nu} = \sum_{s_{k'}} (\bar{u}'_k \gamma_\mu u_k)^* (\bar{u}'_k \gamma_\nu u_k), \quad (46)$$

а адронный тензор $W^{\mu\nu}$ равен

$$W^{\mu\nu} = \frac{1}{(2\pi)^4} \sum_X \int \frac{d^3 P}{(2\pi)^3 2E_X} (2\pi)^4 \delta^4(P + k - P_X - P_h - k') \times \langle X, P_h S_h | J_h^\mu(0) | PS \rangle^* \langle X, P_h S_h | J_h^\nu(0) | PS \rangle \quad (47)$$

Таким образом, дифференциальное сечение можно представить в виде свёртки лептонного и адронного тензоров:

$$d\sigma = \frac{1}{4k \cdot P_X} L_{\mu\nu} W^{\mu\nu} \frac{d^3 k'}{(2\pi)^3 2E'} \frac{d^3 P_h}{(2\pi)^3 2E_h}. \quad (48)$$

4.2 Асимметрия Коллинза

4.3 Асимметрия Сиверса

Функцию распределения кварков в поперечно поляризованном протоне можно представить в виде разности ФР кварков в неполяризованном протоне и функции Сиверса:

$$f_{q,p\uparrow}(x, k_T^2) = f_1^q(x, k_T^2) - f_{1T}^{\perp q}(x, k_T^2) (P \times k_T) \cdot \frac{S_T}{M}, \quad (49)$$

где M – масса протона (938 МэВ), k_T – поперечный импульс кварка, f_{1q} – функция распределения кварков в неполяризованном протоне, $f_{1T}^{\perp q}$ – функция Сиверса, которая обозначает зависимость между поперечным импульсом «поражённого» кварка и поляризацией мишени. Индекс $\perp q$ означает то, что ПФР проинтегрирована по поперечному импульсу кварка, индекс 1 означает лидирующий твист.

Глава 5. Эксперимент HERMES

5.1 Асимметрии образовавшихся пионов

5.2 Асимметрии образовавшихся каонов

Глава 6. Моделирование процессов в RYTHIA

6.1 Поляризация в RYTHIA

Список литературы

- [1] Robert Hofstadter. «Nuclear and nucleon scattering of high-energy electrons». B: *Annual Review of Nuclear and Particle Science*. 7 (1957), с. 213—316.
- [2] H. DeStaebler et al. E. Bloom D. Coward. «High-Energy Inelastic ep Scattering at 6-Degrees and 10-Degrees». B: *Physical Review Letters*. 23 (1969), с. 930—934.
- [3] Richard Feynman. «Very High-Energy Collisions of Hadrons». B: *Physical Review Letters*. 23 (1969), с. 239.
- [4] M Breidenbach. «Observed behavior of highly inelastic electron-proton scattering». B: *Phys. Rev. Lett.* 23 (1969), с. 935.
- [5] C Callan и D Gross. «High-Energy Electroproduction and the Constitution of the Electric Current». B: *Phys. Rev. Lett.* 22 (1969), с. 156.
- [6] P Hagler. «Hadron structure from lattice quantum chromodynamics». B: *Phys. Rept.* 490 (2010), с. 49.
- [7] Torbjorn Sjostrand. «Status of fragmentation models». B: *International Journal of Modern Physics* 3 (1988), с. 751—823.
- [8] Silvia Ferreres-Sole и Torbjorn Sjostrand. *The Space–Time Structure of Hadronization in the Lund Model*. 2018. arXiv: 1808.04619 [quant-ph].
- [9] Vincenzo Barone, Alessandro Drago и Philip G. Ratcliffe. «Transverse polarisation of quarks in hadrons». B: *Physics Reports* 359.1–2 (март 2002), с. 1—168. ISSN: 0370-1573. DOI: 10.1016/S0370-1573(01)00051-5. URL: [http://dx.doi.org/10.1016/S0370-1573\(01\)00051-5](http://dx.doi.org/10.1016/S0370-1573(01)00051-5).