

人工智能实践：Tensorflow笔记

曹健

北京大学

软件与微电子学院

本讲目标：学会神经网络优化过程，使用正则化减少过拟合，使用优化器更新网络参数

- 预备知识
- 神经网络复杂度
- 指数衰减学习率
- 激活函数
- 损失函数
- 欠拟合与过拟合
- 正则化减少过拟合
- 优化器更新网络参数

•预备知识

tf.where()

✓ 条件语句真返回A，条件语句假返回B

tf.where(条件语句，真返回A，假返回B)

```
a=tf.constant([1,2,3,1,1])
```

```
b=tf.constant([0,1,3,4,5])
```

```
c=tf.where(tf.greater(a,b), a, b) # 若a>b，返回a对应位置的元素，否则  
返回b对应位置的元素
```

```
print("c:",c)
```

运行结果:

```
c:  tf.Tensor([1 2 3 4 5], shape=(5,), dtype=int32)
```

源码:p4_where.py

np.random.RandomState.rand()

✓ 返回一个[0,1)之间的随机数

np.random.RandomState.rand(维度) #维度为空，返回标量

```
import numpy as np
```

```
rdm=np.random.RandomState(seed=1) #seed=常数每次生成随机数相同
```

```
a=rdm.rand() # 返回一个随机标量
```

```
b=rdm.rand(2,3) # 返回维度为2行3列随机数矩阵
```

```
print("a:",a)
```

```
print("b:",b)
```

运行结果:

```
a: 0.417022004702574
```

```
b: [[7.20324493e-01 1.14374817e-04 3.02332573e-01]  
     [1.46755891e-01 9.23385948e-02 1.86260211e-01]]
```

源码: p5_RandomState.py

np.vstack()

✓ 将两个数组按垂直方向叠加

np.vstack(数组1, 数组2)

```
import numpy as np
```

```
a = np.array([1,2,3])
```

```
b = np.array([4,5,6])
```

```
c = np.vstack((a,b))
```

```
print("c:\n",c)
```

运行结果:

c:

```
[[1 2 3]
```

```
[4 5 6]]
```

源码: p6_vstack.py

np.mgrid[] .ravel() np.c_[]

- ✓ **np.mgrid[]** [起始值 结束值]
np.mgrid[起始值 : 结束值 : 步长 , 起始值 : 结束值 : 步长 , ...]
- ✓ **x.ravel()** 将x变为一维数组, “把 ■ 前变量拉直”
- ✓ **np.c_[]** 使返回的间隔数值点配对
np.c_[数组1, 数组2, ...]

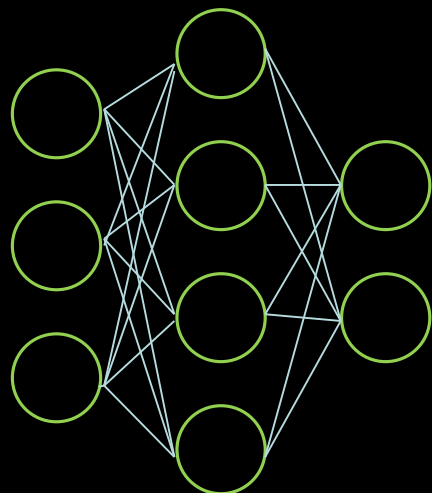
```
import numpy as np
x, y = np.mgrid [1:3:1, 2:4:0.5]
grid = np.c_[x.ravel(), y.ravel()]
print("x:",x)
print("y:",y)
print('grid:\n', grid)
```

源码: p7_mgrid.py

运行结果:	grid:
x = [[1. 1. 1. 1.]	[[1. 2.]
[2. 2. 2. 2.]]	[1. 2.5]
y = [[2. 2.5 3. 3.5]	[1. 3.]
[2. 2.5 3. 3.5]]	[1. 3.5]
	[2. 2.]
	[2. 2.5]
	[2. 3.]
	[2. 3.5]]

神经网络（NN）复杂度

✓ **NN复杂度**：多用**NN层数**和**NN参数的个数**表示



输入层 隐藏层 输出层

空间复杂度：

✓ 层数 = 隐藏层的层数 + 1个输出层

左图为**2层NN**

✓ 总参数 = 总w + 总b

左图 $3 \times 4 + 4$ + $4 \times 2 + 2 = 26$

↑
第1层

↑
第2层

时间复杂度：

✓ 乘加运算次数

左图 3×4 + $4 \times 2 = 20$

↑
第1层

↑
第2层

学习率

$$w_{t+1} = w_t - lr * \frac{\partial loss}{\partial w_t}$$

更新后的参数 当前参数 学习率 损失函数的梯度
(偏导数)

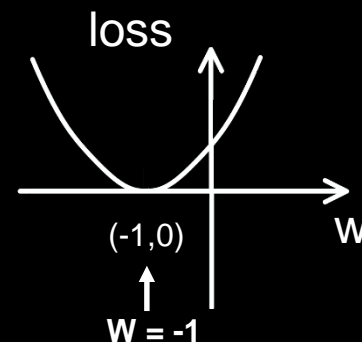
eg: 损失函数 $loss = (w + 1)^2$ $\frac{\partial loss}{\partial w} = 2w + 2$

参数w初始化为5，学习率为0.2 则

1次	参数w: 5	$5 - 0.2 * (2 * 5 + 2) = 2.6$
2次	参数w: 2.6	$2.6 - 0.2 * (2 * 2.6 + 2) = 1.16$
3次	参数w: 1.16	$1.16 - 0.2 * (2 * 1.16 + 2) = 0.296$
4次	参数w: 0.296	

.....

源码: class1\p13_backpropagation.py lr=0.001过慢, lr=0.999不收敛



指数衰减学习率

可以先用较大的学习率，快速得到较优解，然后逐步减小学习率，使模型在训练后期稳定。

指数衰减学习率 = 初始学习率 * 学习率衰减率 (当前轮数 / 多少轮衰减一次)

```
epoch = 40
```

```
LR_BASE = 0.2
```

```
LR_DECAY = 0.99
```

```
LR_STEP = 1
```

```
for epoch in range(epoch):
```

```
    lr = LR_BASE * LR_DECAY ** (epoch / LR_STEP)
```

```
    with tf.GradientTape() as tape:
```

```
        loss = tf.square(w + 1)
```

```
    grads = tape.gradient(loss, w)
```

```
    w.assign_sub(lr * grads)
```

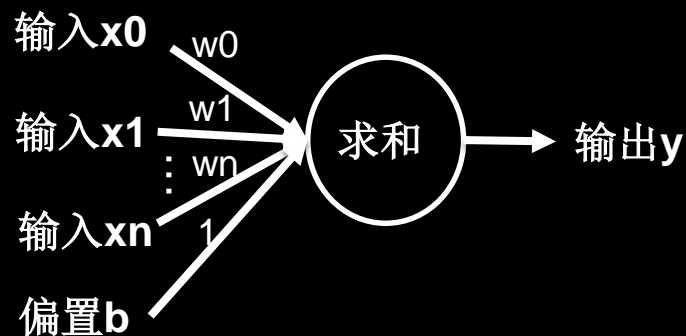
```
    print("After %s epoch, w is %f, loss is %f, lr is %f"
          % (epoch, w.numpy(), loss, lr))
```

源码: class1\p13_backpropagation.py → class2\p10_backpropagation_decaylr.py

```
After 0 epoch,w is 2.600000,loss is 36.000000,lr is 0.200000
After 1 epoch,w is 1.174400,loss is 12.959999,lr is 0.198000
After 2 epoch,w is 0.321948,loss is 4.728015,lr is 0.196020
After 3 epoch,w is -0.191126,loss is 1.747547,lr is 0.194060
After 4 epoch,w is -0.501926,loss is 0.654277,lr is 0.192119
After 5 epoch,w is -0.691392,loss is 0.248077,lr is 0.190198
After 6 epoch,w is -0.807611,loss is 0.095239,lr is 0.188296
After 7 epoch,w is -0.879339,loss is 0.037014,lr is 0.186413
After 8 epoch,w is -0.923874,loss is 0.014559,lr is 0.184549
After 9 epoch,w is -0.951691,loss is 0.005795,lr is 0.182703
After 10 epoch,w is -0.969167,loss is 0.002334,lr is 0.180876
```

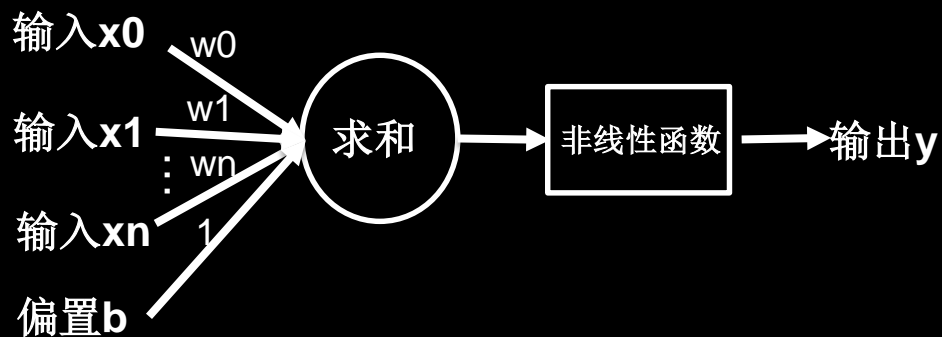
源码: p10_backpropagation_decaylr.py

激活函数



$$y = x * w + b$$

简化模型



$$y = \boxed{f}(x * w + b)$$

激活函数

MP模型

激活函数

✓ 优秀的激活函数:

- 非线性: 激活函数非线性时, 多层神经网络可逼近所有函数
- 可微性: 优化器大多用梯度下降更新参数
- 单调性: 当激活函数是单调的, 能保证单层网络的损失函数是凸函数
- 近似恒等性: $\mathbf{f}(\mathbf{x}) \approx \mathbf{x}$ 当参数初始化为随机小值时, 神经网络更稳定

✓ 激活函数输出值的范围:

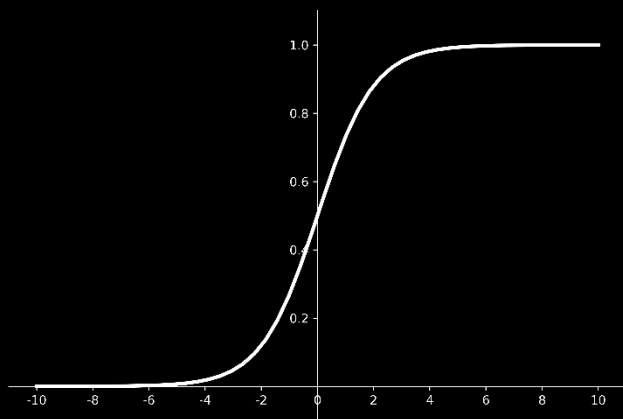
- 激活函数输出为有限值时, 基于梯度的优化方法更稳定
- 激活函数输出为无限值时, 建议调小学习率

激活函数

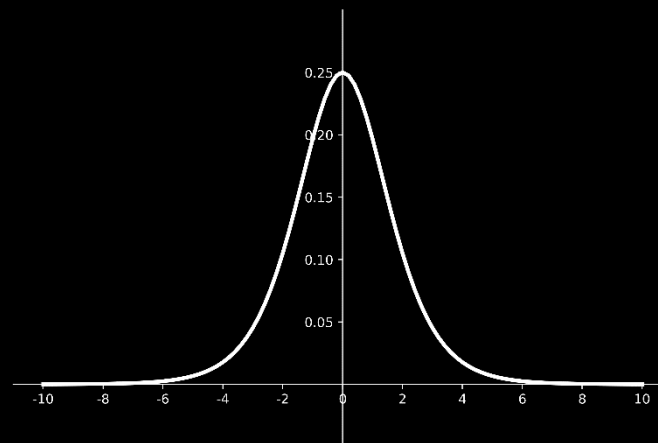
✓ Sigmoid函数

`tf.nn.sigmoid(x)`

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



函数图像



导数图像

特点

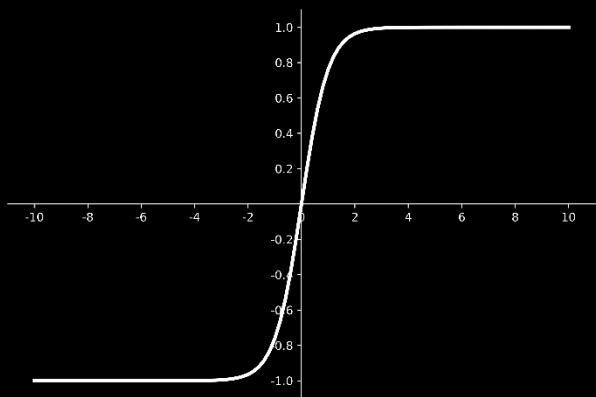
- (1) 易造成梯度消失
- (2) 输出非0均值，收敛慢
- (3) 幂运算复杂，训练时间长

激活函数

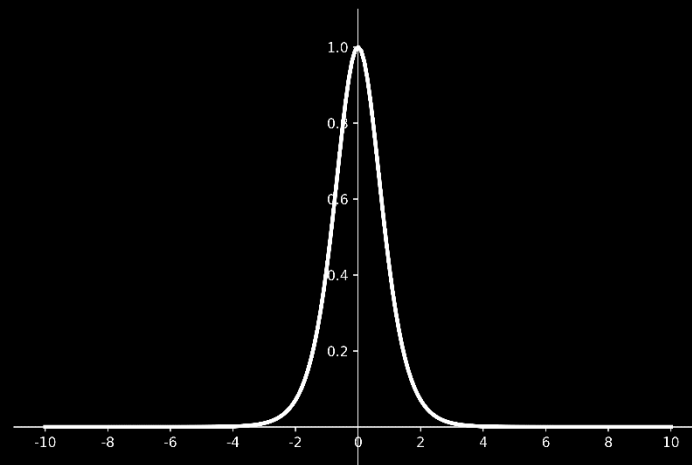
✓ Tanh函数

`tf.math.tanh(x)`

$$f(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$$



函数图像



导数图像

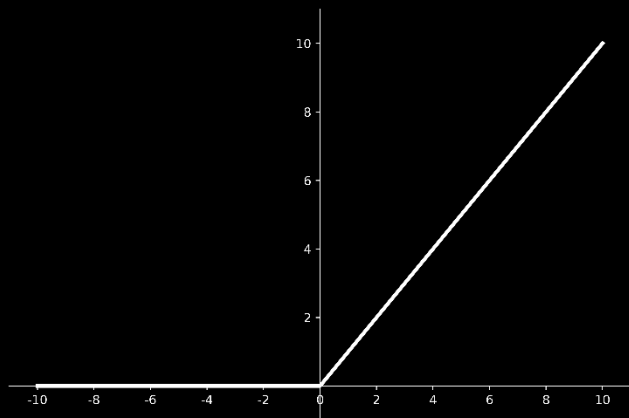
特点

- (1) 输出是0均值
- (2) 易造成梯度消失
- (3) 幂运算复杂，训练时间长

激活函数

✓ Relu函数

`tf.nn.relu(x)`



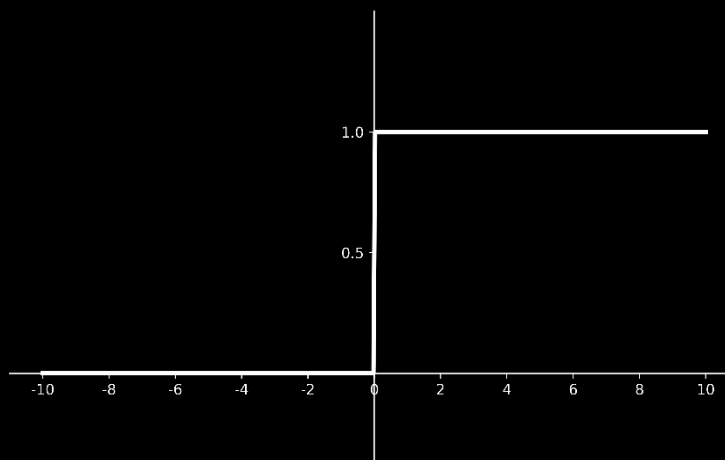
函数图像

优点:

- (1) 解决了梯度消失问题 (在正区间)
- (2) 只需判断输入是否大于0, 计算速度快
- (3) 收敛速度远快于sigmoid和tanh

$$f(x) = \max(x, 0)$$

$$= \begin{cases} 0 & x < 0 \\ x & x \geq 0 \end{cases}$$



导数图像

缺点:

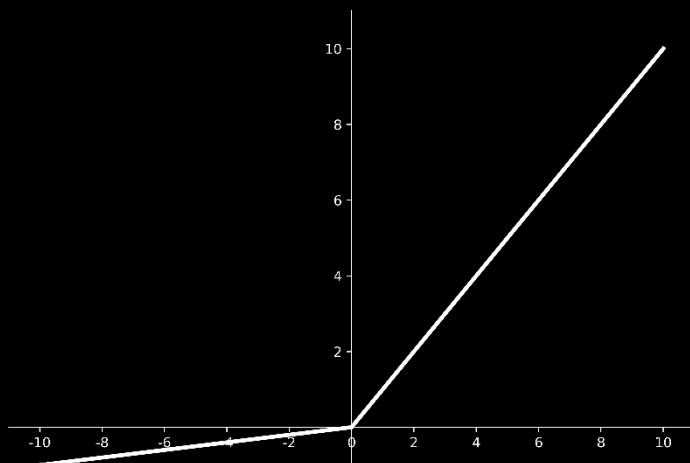
- (1) 输出非0均值, 收敛慢
- (2) **Dead ReLU**问题: 某些神经元可能永远不会被激活, 导致相应的参数永远不能被更新。

激活函数

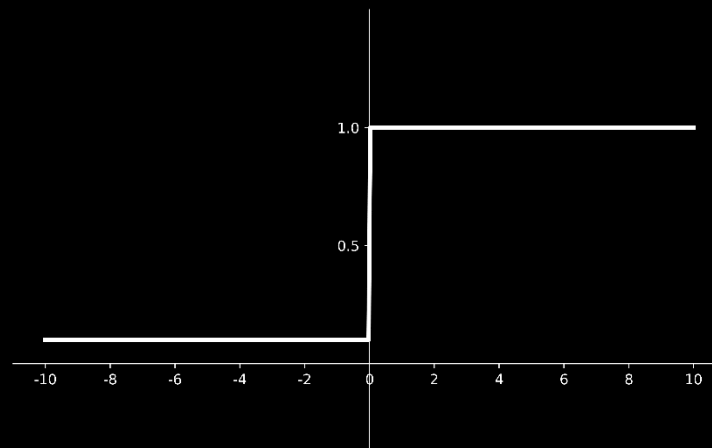
✓ Leaky Relu函数

`tf.nn.leaky_relu(x)`

$$f(x) = \max(\alpha x, x)$$



函数图像



导数图像

理论上讲, Leaky Relu有Relu的所有优点, 外加不会有Dead Relu问题, 但是在实际操作当中, 并没有完全证明Leaky Relu总是好于Relu。

激活函数

对于初学者的建议：

- ✓ 首选relu激活函数；
- ✓ 学习率设置较小值；
- ✓ 输入特征标准化，即让输入特征满足以0为均值，1为标准差的正态分布；
- ✓ 初始参数中心化，即让随机生成的参数满足以0为均值， $\sqrt{\frac{2}{\text{当前层输入特征个数}}}$ 为标准差的正态分布。

√ 损失函数 (**loss**)：预测值 (**y**) 与已知答案 (**y_**) 的差距

NN优化目标： loss最小 → $\left\{ \begin{array}{l} \text{mse (Mean Squared Error)} \\ \text{自定义} \\ \text{ce (Cross Entropy)} \end{array} \right.$

√ 均方误差 **mse**: $\text{MSE}(y_, y) = \frac{\sum_{i=1}^n (y - y_)^2}{n}$

loss_mse = tf.reduce_mean(tf.square(y_ - y))

预测酸奶日销量y，x1、x2是影响日销量的因素。

建模前，应预先采集的数据有：每日x1、x2和销量y_（即已知答案，最佳情况：产量=销量）

拟造数据集X,Y_： $y_ = x1 + x2$ 噪声：-0.05 ~ +0.05 拟合可以预测销量的函数

源码：p19_mse.py

✓ 自定义损失函数:

如预测商品销量，预测多了，损失成本；预测少了，损失利润。
若利润 \neq 成本，则mse产生的loss无法利益最大化。

自定义损失函数 $loss(y_y) = \sum_n f(y_y)$

标准答案
数据集的

预测答案
计算出的

$$f(y_y) = \begin{cases} \text{PROFIT} * (y_ - y) & y < y_ \\ \text{COST} * (y - y_) & y \geq y_ \end{cases}$$

预测的 y 少了，损失利润(PROFIT)

预测的 y 多了，损失成本(COST)

$y > y_ ?$

真 \downarrow

假 \downarrow

$loss_zdy = tf.reduce_sum(tf.where(tf.greater(y, y_), COST(y - y_), PROFIT(y_ - y)))$

如：预测酸奶销量，酸奶成本（COST）1元，酸奶利润（PROFIT）99元。

预测少了损失利润99元，大于预测多了损失成本1元。

预测少了损失大，希望生成的预测函数往多了预测。

源码：p20_custom.py

损失函数

✓ 交叉熵损失函数CE (Cross Entropy): 表征两个概率分布之间的距离

$$H(y_-, y) = - \sum y_- * \ln y$$

eg. 二分类 已知答案 $y_=(1, 0)$ 预测 $y_1=(0.6, 0.4)$ $y_2=(0.8, 0.2)$

哪个更接近标准答案?

$$H_1((1,0),(0.6,0.4)) = -(1*\ln 0.6 + 0*\ln 0.4) \approx -(-0.511 + 0) = 0.511$$

$$H_2((1,0),(0.8,0.2)) = -(1*\ln 0.8 + 0*\ln 0.2) \approx -(-0.223 + 0) = 0.223$$

因为 $H_1 > H_2$, 所以 y_2 预测更准

`tf.losses.categorical_crossentropy(y_-, y)`

损失函数

```
loss_ce1=tf.losses.categorical_crossentropy([1,0],[0.6,0.4])  
loss_ce2=tf.losses.categorical_crossentropy([1,0],[0.8,0.2])  
print("loss_ce1:", loss_ce1)  
print("loss_ce2:", loss_ce2)
```

运行结果:

```
loss_ce1: tf.Tensor(0.5108256, shape=(), dtype=float32)  
loss_ce2: tf.Tensor(0.22314353, shape=(), dtype=float32)
```

源码: p22_ce.py

损失函数

softmax与交叉熵结合

✓ 输出先过softmax函数，再计算y与y_的交叉熵损失函数。

```
tf.nn.softmax_cross_entropy_with_logits(y_, y)
```

```
y_ = np.array([[1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1], [1, 0, 0], [0, 1, 0]])
```

```
y = np.array([[12, 3, 2], [3, 10, 1], [1, 2, 5], [4, 6.5, 1.2], [3, 6, 1]])
```

```
y_pro = tf.nn.softmax(y)
```

```
loss_ce1 = tf.losses.categorical_crossentropy(y_, y_pro)
```

```
loss_ce2 = tf.nn.softmax_cross_entropy_with_logits(y_, y)
```

```
print('分步计算的结果:\n', loss_ce1)
```

```
print('结合计算的结果:\n', loss_ce2)
```

运行结果:

分步计算的结果:

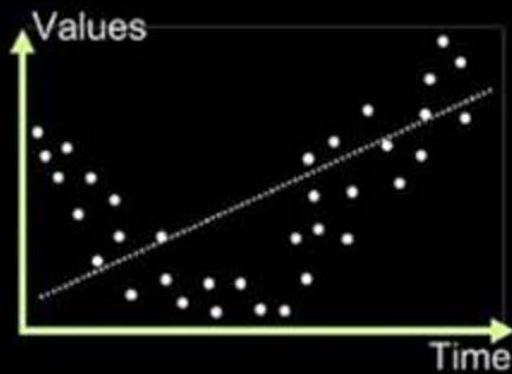
```
tf.Tensor(  
[1.68795487e-04 1.03475622e-03 6.58839038e-02 2.58349207e+00  
 5.49852354e-02], shape=(5,), dtype=float64)
```

结合计算的结果:

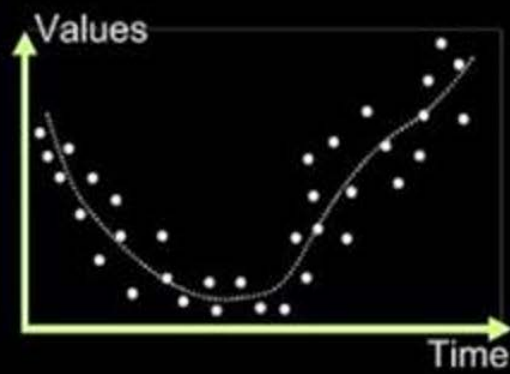
```
tf.Tensor(  
[1.68795487e-04 1.03475622e-03 6.58839038e-02 2.58349207e+00  
 5.49852354e-02], shape=(5,), dtype=float64)
```

源码: p23_softmaxce.py

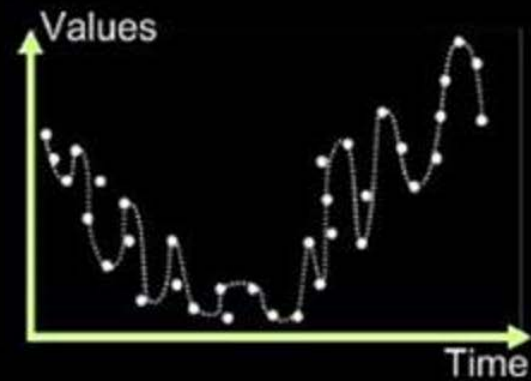
欠拟合与过拟合



欠拟合



正确拟合



过拟合

欠拟合与过拟合

- ✓ 欠拟合的解决方法：
 - 增加输入特征项
 - 增加网络参数
 - 减少正则化参数
- ✓ 过拟合的解决方法：
 - 数据清洗
 - 增大训练集
 - 采用正则化
 - 增大正则化参数

欠拟合与过拟合

- ✓ 欠拟合的解决方法：
 - 增加输入特征项
 - 增加网络参数
 - 减少正则化参数
- ✓ 过拟合的解决方法：
 - 数据清洗
 - 增大训练集
 - 采用正则化
 - 增大正则化参数

✓ 正则化缓解过拟合

正则化在损失函数中引入模型复杂度指标，利用给 \mathbf{w} 加权值，弱化了训练数据的噪声（一般不正则化 \mathbf{b} ）

$$\text{loss} = \text{loss}(\mathbf{y} \text{ 与 } \mathbf{y}_-) + \text{REGULARIZER} * \text{loss}(\mathbf{w})$$



模型中所有参数的损失函数
如：交叉熵、均方误差



用超参数 REGULARIZER
给出参数 \mathbf{w} 在总loss中的
比例，即正则化的权重



需要正则化的参数

$$\text{loss}_{L1}(\mathbf{w}) = \sum_i |\mathbf{w}_i|$$

$$\text{loss}_{L2}(\mathbf{w}) = \sum_i |\mathbf{w}_i|^2$$

✓ 正则化的选择

L1正则化大概率会使很多参数变为零，因此该方法可通过**稀疏参数**，即**减少参数的数量**，降低复杂度。

L2正则化会使参数很接近零但不为零，因此该方法可通过**减小参数值的大小**降低复杂度。

✓ 正则化缓解过拟合

```
with tf.GradientTape() as tape:  # 记录梯度信息

    h1 = tf.matmul(x_train, w1) + b1  # 记录神经网络乘加运算
    h1 = tf.nn.relu(h1)
    y = tf.matmul(h1, w2) + b2

    # 采用均方误差损失函数
    mse = mean(sum(y-out)^2)
    loss_mse = tf.reduce_mean(tf.square(y_train - y))

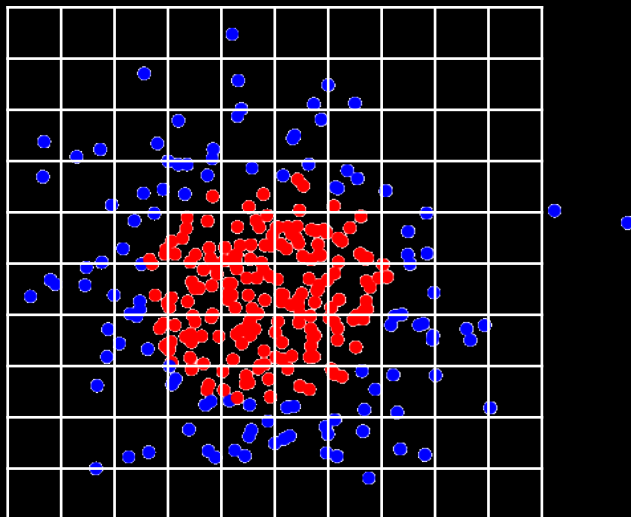
    # 添加L2正则化
    loss_regularization = []
    loss_regularization.append(tf.nn.l2_loss(w1))
    loss_regularization.append(tf.nn.l2_loss(w2))
    loss_regularization = tf.reduce_sum(loss_regularization)
    loss = loss_mse + 0.03 * loss_regularization #REGULARIZER = 0.03

# 计算loss对各个参数的梯度
variables = [w1, b1, w2, b2]
grads = tape.gradient(loss, variables)
```

✓ 正则化缓解过拟合

class2\dot.csv

x1	x2	y_c
-0.41676	-0.05627	1
-2.1362	1.640271	0
-1.79344	-0.84175	0
0.502881	-1.24529	1
-1.05795	-0.90901	1
0.551454	2.292208	0
0.041539	-1.11793	1
0.539058	-0.59616	1
-0.01913	1.175001	1
-0.74787	0.009025	1
-0.87811	-0.15643	1
0.25657	-0.98878	1
-0.33882	-0.23618	1
-0.63766	-1.18761	1
-1.42122	-0.1535	0
-0.26906	2.231367	0
-2.43477	0.112727	0
0.370445	1.359634	1
0.501857	-0.84421	1
.....		



0.380472 -0.21714 ?

源码: p29_regularizationfree.py p29_regularizationcontain.py

神经网络参数优化器

待优化参数 w ，损失函数 $loss$ ，学习率 lr ，每次迭代一个batch， t 表示当前batch迭代的总次数：

1. 计算 t 时刻损失函数关于当前参数的梯度 $g_t = \nabla loss = \frac{\partial loss}{\partial (w_t)}$
2. 计算 t 时刻一阶动量 m_t 和二阶动量 V_t
3. 计算 t 时刻下降梯度： $\eta_t = lr \cdot m_t / \sqrt{V_t}$
4. 计算 $t+1$ 时刻参数： $w_{t+1} = w_t - \eta_t = w_t - lr \cdot m_t / \sqrt{V_t}$

一阶动量：与梯度相关的函数

二阶动量：与梯度平方相关的函数

优化器

✓ **SGD**（无momentum），常用的梯度下降法。

$$\mathbf{m}_t = \mathbf{g}_t \quad \mathbf{V}_t = 1$$

$$\boldsymbol{\eta}_t = lr \cdot \mathbf{m}_t / \sqrt{\mathbf{V}_t} = lr \cdot \mathbf{g}_t$$

$$\begin{aligned} \mathbf{w}_{t+1} &= \mathbf{w}_t - \boldsymbol{\eta}_t \\ &= \mathbf{w}_t - lr \cdot \mathbf{m}_t / \sqrt{\mathbf{V}_t} = \mathbf{w}_t - lr \cdot \mathbf{g}_t \end{aligned}$$

$$\mathbf{w}_{t+1} = \mathbf{w}_t - lr * \frac{\partial loss}{\partial \mathbf{w}_t}$$

优化器

✓SGD（无momentum）

```
# sgd
w1.assign_sub(lr * grads[0]) # 参数w1自更新
b1.assign_sub(lr * grads[1]) # 参数b自更新
```

源码：p32_sgd.py

优化器

✓ **SGDM**（含momentum的**SGD**），在**SGD**基础上增加一阶动量。

$$\mathbf{m}_t = \beta \cdot \mathbf{m}_{t-1} + (1 - \beta) \cdot \mathbf{g}_t \qquad \mathbf{V}_t = \mathbf{1}$$

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\eta}_t &= lr \cdot \mathbf{m}_t / \sqrt{\mathbf{V}_t} = lr \cdot \mathbf{m}_t \\ &= lr \cdot (\beta \cdot \mathbf{m}_{t-1} + (1 - \beta) \cdot \mathbf{g}_t) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{w}_{t+1} &= \mathbf{w}_t - \boldsymbol{\eta}_t \\ &= \mathbf{w}_t - lr \cdot (\beta \cdot \mathbf{m}_{t-1} + (1 - \beta) \cdot \mathbf{g}_t) \end{aligned}$$

源码：p33_sgdm.py

优化器

✓SGDM (含momentum的SGD)

$$m_t = \beta \cdot m_{t-1} + (1 - \beta) \cdot g_t \quad V_t = 1$$

```
m_w, m_b = 0, 0
```

```
beta = 0.9
```

```
# sgd-momentun
```

```
m_w = beta * m_w + (1 - beta) * grads[0]
```

```
m_b = beta * m_b + (1 - beta) * grads[1]
```

```
w1.assign_sub(lr * m_w)
```

```
b1.assign_sub(lr * m_b)
```

源码: p34_sgdm.py

优化器

✓ **Adagrad**, 在**SGD**基础上增加二阶动量

$$\mathbf{m}_t = \mathbf{g}_t \quad \mathbf{V}_t = \sum_{\tau=1}^t \mathbf{g}_{\tau}^2$$

$$\begin{aligned} \eta_t &= lr \cdot \mathbf{m}_t / (\sqrt{\mathbf{V}_t}) \\ &= lr \cdot \mathbf{g}_t / (\sqrt{\sum_{\tau=1}^t \mathbf{g}_{\tau}^2}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{w}_{t+1} &= \mathbf{w}_t - \eta_t \\ &= \mathbf{w}_t - lr \cdot \mathbf{g}_t / (\sqrt{\sum_{\tau=1}^t \mathbf{g}_{\tau}^2}) \end{aligned}$$

优化器

✓ Adagrad

$$m_t = g_t \quad V_t = \sum_{\tau=1}^t g_{\tau}^2$$

```
v_w, v_b = 0, 0
```

```
# adagrad
```

```
v_w += tf.square(grads[0])
```

```
v_b += tf.square(grads[1])
```

```
w1.assign_sub(lr * grads[0] / tf.sqrt(v_w))
```

```
b1.assign_sub(lr * grads[1] / tf.sqrt(v_b))
```

源码: p36_adagrad.py

优化器

✓RMSProp, SGD基础上增加二阶动量

$$m_t = g_t \quad V_t = \beta \cdot V_{t-1} + (1 - \beta) \cdot g_t^2$$

$$\begin{aligned} \eta_t &= lr \cdot m_t / \sqrt{V_t} \\ &= lr \cdot g_t / (\sqrt{\beta \cdot V_{t-1} + (1 - \beta) \cdot g_t^2}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} w_{t+1} &= w_t - \eta_t \\ &= w_t - lr \cdot g_t / (\sqrt{\beta \cdot V_{t-1} + (1 - \beta) \cdot g_t^2}) \end{aligned}$$

优化器

✓RMSProp

$$m_t = g_t \quad V_t = \beta \cdot V_{t-1} + (1 - \beta) \cdot g_t^2$$

```
v_w, v_b = 0, 0  
beta = 0.9
```

```
# adadelta
```

```
v_w = beta * v_w + (1 - beta) * tf.square(grads[0])  
v_b = beta * v_b + (1 - beta) * tf.square(grads[1])  
w1.assign_sub(lr * grads[0] / tf.sqrt(v_w))  
b1.assign_sub(lr * grads[1] / tf.sqrt(v_b))
```

源码: p38_rmsprop.py

优化器

✓ Adam, 同时结合SGDM一阶动量和RMSProp二阶动量

$$\mathbf{m}_t = \beta_1 \cdot \mathbf{m}_{t-1} + (1 - \beta_1) \cdot \mathbf{g}_t$$

修正一阶动量的偏差: $\widehat{\mathbf{m}}_t = \frac{\mathbf{m}_t}{1 - \beta_1^t}$

$$\mathbf{V}_t = \beta_2 \cdot \mathbf{V}_{step-1} + (1 - \beta_2) \cdot \mathbf{g}_t^2$$

修正二阶动量的偏差: $\widehat{\mathbf{V}}_t = \frac{\mathbf{V}_t}{1 - \beta_2^t}$

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\eta}_t &= lr \cdot \widehat{\mathbf{m}}_t / \sqrt{\widehat{\mathbf{V}}_t} \\ &= lr \cdot \frac{\mathbf{m}_t}{1 - \beta_1^t} / \sqrt{\frac{\mathbf{V}_t}{1 - \beta_2^t}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{w}_{t+1} &= \mathbf{w}_t - \boldsymbol{\eta}_t \\ &= \mathbf{w}_t - lr \cdot \frac{\mathbf{m}_t}{1 - \beta_1^t} / \sqrt{\frac{\mathbf{V}_t}{1 - \beta_2^t}} \end{aligned}$$

优化器

✓ Adam

```
m_w, m_b = 0, 0
v_w, v_b = 0, 0
beta1, beta2 = 0.9, 0.999
delta_w, delta_b = 0, 0
global_step = 0
```

```
#adam
```

```
m_w = beta1 * m_w + (1 - beta1) * grads[0]
m_b = beta1 * m_b + (1 - beta1) * grads[1]
v_w = beta2 * v_w + (1 - beta2) * tf.square(grads[0])
v_b = beta2 * v_b + (1 - beta2) * tf.square(grads[1])
```

```
m_w_correction = m_w / (1 - tf.pow(beta1, int(global_step)))
m_b_correction = m_b / (1 - tf.pow(beta1, int(global_step)))
v_w_correction = v_w / (1 - tf.pow(beta2, int(global_step)))
v_b_correction = v_b / (1 - tf.pow(beta2, int(global_step)))
```

```
w1.assign_sub(lr * m_w_correction / tf.sqrt(v_w_correction))
b1.assign_sub(lr * m_b_correction / tf.sqrt(v_b_correction))
```

源码: p40_adam.py

$$\widehat{m}_t = \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}$$

$$\widehat{V}_t = \frac{V_t}{1 - \beta_2^t}$$