29 mai 2017

Léa COLLIN – Mélanie PETITCUENOT

Polytech lyon

Problème deS N-Reines

Algorithmes d’optimisation

# Table des matières

[Table des matières 1](#_Toc482988917)

[Introduction 1](#_Toc482988918)

[I. Modélisation du problème 2](#_Toc482988919)

[a. Modélisation du damier 2](#_Toc482988920)

[b. Modélisation de la fitness 2](#_Toc482988921)

[c. Modélisation des voisins 3](#_Toc482988922)

[II. Algorithme Recuit 5](#_Toc482988923)

[a. Variation de la température initiale 5](#_Toc482988924)

[b. Variation de la décroissance de la température 5](#_Toc482988925)

[c. Variation du nombre d’itération 5](#_Toc482988926)

[III. Algorithme Tabou 6](#_Toc482988927)

[a. Variation du nombre d’itération 6](#_Toc482988928)

[b. Variation du nombre de voisins 6](#_Toc482988929)

[IV. Algorithme génétique 7](#_Toc482988930)

[a. Variation du nombre d’itération 7](#_Toc482988931)

[b. Variation de la taille de la population 7](#_Toc482988932)

# *Introduction*

Le but du problème des N-reines est de placer N reines dans un échiquier de N par N cases sans que les dames ne puissent se menacer mutuellement (en respectant les règles du jeu d’échecs). Alors, deux dames ne devraient jamais être sur la même rangée, colonne ou diagonale.

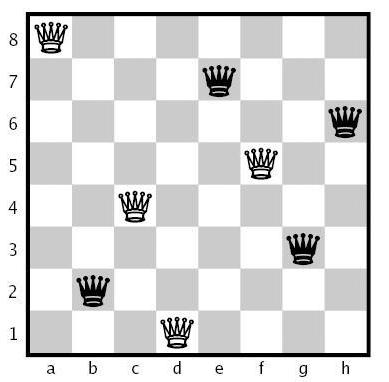


Figure 1 : Exemple de solution pour 8 reines

Il s’agit d’un problème mathématique qui peut être résolu à l’aide de programmes informatiques. C’est pourquoi nous l’avons appliqué à trois algorithmes d’optimisation discrète afin de les tester, et de comparer leurs résultats.

Dans la suite de ce rapport, nous allons vous présentez comment nous avons modélisé ce problème informatiquement, puis les différents résultats que nous avons obtenus.

# Modélisation du problème

## Modélisation du damier

La première étape dans ce projet a été de modéliser correctement le damier et la position des dames afin que les calculs soient rapides et ne requièrent pas une mémoire excessive.

En effet, notre but étant de résoudre le problème avec un N grand (l’idéale étant d’aller jusqu’à 1 000 dames), il était indispensable que la génération des tableaux et leur stockage aient une complexité mémoire minime.

Nous avons donc testé différentes solutions pour modéliser le tableau. Créer un vrai damier avec des cases et une position x et y pour chaque reine c’est vite avéré trop gourmand en mémoire. Nous avons donc opté pour un simple tableau qui listerait les positions de chaque reine. L’index du tableau représente la colonne et le chiffre contenu à cet index la ligne.

De plus, pour optimiser le tableau dès son initialisation, les reines sont positionnées de manière à ce qu’il n’y qu’une reine sur chaque ligne et sur chaque colonne. Pour ce faire, nous plaçons les reines sur la diagonale principale puis nous mélangeons les colonnes.

public void initRows(){  
 for(int i = 0; i < size ; i++ ){  
 rows.add(i);  
 }  
 *shuffle*(rows);  
}

## Modélisation de la fitness

Par la suite, nous avons décidé du calcul de la fitness. La fitness étant la fonction objectif (à maximiser ou minimiser) nous avons décidé que la fitness représenterai le nombre de conflit entre les reines. Elle sera donc à minimiser.

Dans notre cas, il s’agit de deux reines (ou plus) étant sur la même diagonale.

public int fitness(){  
  
 int fitness = 0;  
  
 for(int i = 0; i < size ; i++){  
  
 int columnRef = rows.get(i);  
  
 for(int j = i + 1 ; j < size ; j++){  
 int columnTest = rows.get(j);  
  
 if(Math.*abs*(i-j) == Math.*abs*(columnRef - columnTest)){  
  
 fitness++;  
 }  
 }  
 }  
 return fitness;  
}

## Modélisation des voisins

La dernière chose à mettre en place dans notre modélisation était la génération de voisins. Nous avons décidé qu’un damier serait considéré comme voisin s’il possédé au plus deux dames positionnées différemment. Alors, pour générer l’ensemble des voisins, nous devions échanger chacune des colonnes deux par deux.

public ArrayList<Board> selectNeighbours(){  
  
 ArrayList<Board> neighbours = new ArrayList<Board>();  
  
 ArrayList<Integer> rowsNeighbour;  
  
 for(int i = 0 ; i < size ; i++ ){  
  
 for (int j = i + 1; j < size ; j++){  
  
 rowsNeighbour = new ArrayList<>(rows);  
 rowsNeighbour.set(i, rows.get(j));  
 rowsNeighbour.set(j, rows.get(i));  
 neighbours.add(new Board(rowsNeighbour));  
  
 }  
  
 }  
  
 return neighbours;  
}

Nous avons également une méthode permettant de générer un voisin aléatoire. Pour cela, deux colonnes sont échanges de manière aléatoire.

public Board neighbourRandom(){  
  
 ArrayList<Integer> rowsNeighbour = new ArrayList<>(rows);  
  
 Random r = new Random();  
  
 int row1 = r.nextInt(size);  
  
 int row2 = r.nextInt(size);  
  
 while (row2 == row1){  
  
 row2 = r.nextInt(size);  
  
 }  
  
 int temp = rows.get(row1); //number of the column  
 rowsNeighbour.set(row1, rows.get(row2));  
 rowsNeighbour.set(row2, temp);  
  
 return new Board(rowsNeighbour);  
}

# Algorithme Recuit

## Variation de la température initiale

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Température initiale | Fitness Initiale | Fitness Finale | Nombre d’itération |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |

## Variation de la décroissance de la température

## Variation du nombre d’itération

# Algorithme Tabou

## Variation du nombre d’itération

## Variation du nombre de voisins

# Algorithme génétique

## Variation du nombre d’itération

## Variation de la taille de la population