SİSTEM MÜHENDİSLİĞİ

DOĞRUSAL PROGRAMLAMA

ÖRNEKLER

(MODEL KURMA, ÇÖZÜM, YORUM)

Ek 2: Esin 1984, Sayfa 34, Örnek 2.2'ye Ek

Sistematik Özet

| | | | Malze | meler | | Makine |
|-------------|-----------|---------|--------------|---------|---------|----------------|
| Maki | neler | Α | В | С | D | kapasitesi (b) |
| | | Malzer | (saat/hafta) | | | |
| N | 11 | 4 | 2 | 4 | 2 | 200 |
| N | 12 | 2 | 10 | 2 | 8 | 800 |
| M | 13 | 4 | 6 | 8 | 2 | 500 |
| Satış (1 | L/adet) | 50 | 67 | 40 | 30 | - |
| Maliyet (| TL/adet) | 45 | 60 | 32 | 26 | - |
| Gelir (c) | (TL/adet) | 5 | 7 | 8 | 4 | - |
| Karar | Simgesi | X1 | X2 | X3 | X4 | - |
| Değişkeni | Birimi | Adet | Adet | Adet | Adet | |
| (Ür. Mikt.) | Türü | Pozitif | Pozitif | Pozitif | Pozitif | - |

Ek bilgi: Üretim Dönemi: Hafta

Problem türü: Doğrusal Programlama (Pozitif)

Model: Doğrusal Programlama Modeli

Amaç fonksiyonu:

$$Zmaks = 5X1 + 7X2 + 8X3 + 4X4$$

Kısıtlar:

$$4X1 + 2X2 + 4X3 + 2X4 \le 200$$

 $2X1 + 10X2 + 2X3 + 8X4 \le 800$
 $4X1 + 6X2 + 8X3 + 2X4 \le 200$

Pozitiflik Koşulu:

| $X1 \ge 0$ | (pozitif) |
|------------|-----------|
| $X2 \ge 0$ | (pozitif) |
| $X3 \ge 0$ | (pozitif) |
| $X4 \ge 0$ | (pozitif) |

DP Optimum çözüm sonucu:

```
X1 = 0 adet A miktarı
X2 = 62.625 adet (?) B miktarı
X3 = 9.375 adet (?) C miktarı
X4 = 015.625 adet (?) D miktarı
(Tamsayı olması gerekirmi ?) (Tamsayılı D. P.)
Zmaks = 596.875 TL (haftada)
```

Ek 3: Esin 1984, Sayfa 36, Örnek 2.3'e Ek

Sistematik Özet

| | | Makinel | er | | Karar Değişkeni (Üretilece | | |
|------------------|---------------------------|---------|-----------|--------------------|----------------------------|------|---------|
| Oyuncak | M1 | M2 | M3 | Kar (c) | Miktar) | | |
| Çeşidi | İşlem süreleri (a) (saat) | | (TL/adet) | Simgesi Birimi Tür | | | |
| Fatoş | 2 | 1 | 1 | 4 | X1 | Adet | Tamsayı |
| Zeyno | 1 | 1 | 3 | 6 | X2 | Adet | Tamsayı |
| Mk.Kap.(b)(saat) | 70 | 40 | 90 | - | - | - | |

Ek bilgi: Üretim Dönemi: ? (Belirtilmemiş)

Problem türü: Tamsayılı Doğrusal Programlama

Model: Tamsayılı DP Modeli

Amaç fonksiyonu:

Zmaks = 4X1 + 6X2

Kısıtlar:

$$2X1 + X2 \le 70$$

 $X1 + X2 \le 40$
 $X1 + 3X2 \le 90$

Pozitiflik Koşulu:

 $X1 \ge 0$ (tamsayı) $X2 \ge 0$ (tamsayı)

Tamsayılı DP Optimum çözüm sonucu:

X1 = 15 adet (Fatoş) X2 = 25 adet (Zeyno) Zmaks = 210 TL

Ek 4: Esin 1988, Sayfa 36, Örnek 2.4'e Ek

| | | Şampua | n Çeşidi | Hazırlama Süresi (Saat) | | | |
|-------------------|----------------|---|----------|-------------------------|--|--|--|
| | | A | В | (b) | | | |
| Şişeleme İşl | emi (Saat) (a) | 4/1000 | 3/1000 | 200 | | | |
| Kar (TL/şişe) (c) | | 9 | 7 | | | | |
| Karar | Simge | X_1 | X_2 | | | | |
| Değişkeni | Birim | adet | adet | | | | |
| | Tür | Tamsayı | Tamsayı | | | | |
| | | a) A şampuanının üretimi için 60.000 şişelik hammadde var | | | | | |
| Ek | Bilgi | b) B şampuanının üretimi için 60.000 şişelik hammadde var | | | | | |
| | | c) Mevcut şişe sayısı (kapasite) 60.000 adet | | | | | |
| Problem Tür | rü | Tamsayılı Doğrusal Programlama | | | | | |

Model: Tamsayılı D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

Zmaks = $9 X_1 + 7 X_2$

Kısıtlar:

Hazırlama Süresi : $4/1000 X_1 + 3/1000 X_2 = < 200$

A Hammadde : $X_1 = < 60.000 *$

B Hammadde : $X_2 = < 60.000 *$

Şişe Kapasitesi : $X_1 + X_2 = < 60.000$

* : Gereksiz kısıtlar çıkarılabilir.

Pozitiflik kosulu:

 $X_1 = 0, X_2 = 0$

Ek 5: Esin 1988, Sayfa 37, Örnek 2.5'e Ek

| | ∆ 4 ∺ 1 1 | | Mallar | | | | | |
|-------------|-------------------|--------------|--------------------------------|---------|------------------------|--|--|--|
| Atò | ölyeler | Ceket | Etek | Elbise | Kapasite (Saat/ay) (b) | | | |
| | | İşlem z | amanı (saat/a | | | | | |
| A1 | | 2 | 1 | 2 | 200 | | | |
| A2 | | 3 | 2 | 4 | 150 | | | |
| | A3 | | 1 | 1 | 180 | | | |
| Kar (TL/ade | Kar (TL/adet) (c) | | 30 | 20 | | | | |
| Karar | Simge | X_1 | X_2 | X_3 | | | | |
| Değişkeni | Birim | adet | adet | adet | | | | |
| | Tür | Tamsayı | Tamsayı | Tamsayı | | | | |
| Ek Bilgi | | Üretim periy | | | | | | |
| Problem Tü | rü | Tamsayılı D | Tamsayılı Doğrusal Programlama | | | | | |

Model: Tamsayılı D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

Zmaks = $40 X_1 + 30 X_2 + 20 X_3$

Kısıtlar:

 $A1: 2X_1 + X_2 + 2X_3 = <200$

 $A1: 3 X_1 + 2 X_2 + 4 X_3 = < 150$

 $A1: X_1 + X_2 + X_3 = < 180$

Pozitiflik koşulu : $X_1 \ge 0$, $X_2 \ge 0$ $X_3 \ge 0$

Ek 6: Esin 1988, Sayfa 41, Örnek 2.8'e Ek

| | | | İçerik | | | | | | |
|------------|-------|--------------|--------------------------------|------------|-------------------|--|--|--|--|
| Vi | tamin | Süt | Et | Yumurta | Günlük Gereksinim | | | | |
| | | (mgr/Lt) | (mgr/kg) | (mgr/adet) | (mgr) (b) | | | | |
| | | İşlem z | amanı (saat/a | idet) (a) | | | | | |
| | A | 1 | 1 | 1 | 1 | | | | |
| | В | 5 | 80 | 10 | 10 | | | | |
| | С | 100 | 10 | 8 | 50 | | | | |
| Kar (c) | | 1400 | 10.000 | 250 | | | | | |
| | | (TL/Lt) | (TL/kg) | (TL/adet) | | | | | |
| Karar | Simge | X_1 | X_2 | X_3 | | | | | |
| Değişkeni | Birim | (Lt/gün) | (kg/gün) | (adet/gün) | | | | | |
| | Tür | Pozitif | Pozitif | Pozitif | | | | | |
| Ek Bilgi | | Üretim periy | Üretim periyodu : Gün | | | | | | |
| Problem Tü | rü | Doğrusal Pr | Doğrusal Programlama (Pozitif) | | | | | | |

Model: D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

 $Zmin = 1400 X_1 + 10.000 X_2 + 250 X_3$

Kısıtlar:

 $A: X_1 + X_2 + X_3 => 1$

B: $5 X_1 + 80 X_2 + 10 X_3 => 10$

 $C: 100 X_1 + 10 X_2 + 8 X_3 = 50$

Pozitiflik kosulu : $X_1 = 0, X_2 = 0 X_3 = 0$

Optimum Çözüm (Kısıtlar => için)

 $X_1 = 0.4375 \text{ Lt/gün}$ $X_2 = 0 \text{ kg/gün}$

 $X_3 = 0.7813$ adet/gün

Zmin = 807,8125 TL

Optimum Çözüm (Kısıtlar = için)

 $X_1 = 0.4558 \text{ Lt/gün}$ $X_2 = 0.0326 \text{ kg/gün}$ $X_3 = 0.5116 \text{ adet/gün}$

Zmin = 1091,628 TL

ÖRNEK 2.8 (>= MODEL) OPTİMUM ÇÖZÜM VE YORUMU

| | 14:28:18 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|---|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|---------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | X1 | 0,4375 | 1.400,0000 | 612,5000 | 0 | basic | 125,0000 | 3.125,0000 |
| 2 | X2 | 0 | 10.000,0000 | 0 | 8.717,1880 | at bound | 1.282,8130 | М |
| 3 | X3 | 0,7813 | 250,0000 | 195,3125 | 0 | basic | 112,0000 | 1.302,6420 |
| | Objective | Function | (Min.) = | 807,8125 | | | | |
| | Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| 1 | C1 | 1,2188 | >= | 1,0000 | 0,2188 | 0 | -M | 1,2188 |
| 2 | C2 | 10,0000 | >= | 10,0000 | 0 | 14,3750 | 7,7174 | 62,5000 |
| 3 | С3 | 50,0000 | >= | 50,0000 | 0 | 13,2813 | 8,0000 | 200,0000 |

AZALAN GELİR-ARTAN MALİYET:

- X2 çözüme girmemiş (et), girmesi istenirse Zmin 8717,188 TL/kg artacaktır.

ARTAN KAPASİTE-AŞILAN HEDEF:

- Kısıt 1 için (günde en az 1 mg A vitamini) 0,218 mg fazlalık var

GÖLGE FİYAT:

- Kısıt 2 için: Günlük B vitamini hedefi 1 birim azaltılırsa (9 mg), Zmin 14.3 TL azalır.
 - Kısıt 3 için: Günlük c vitamini hedefi 1 birim azaltılırsa (49 mg), Zmin 13.3 TL azalır.

ÖRNEK 2.8 (= MODEL) OPTİMUM ÇÖZÜM VE YORUMU

| | 14:52:35 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|---|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|---------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | X1 | 0,4558 | 1.400,0000 | 638,1395 | 0 | basic | -M | М |
| 2 | X2 | 0,0326 | 10.000,0000 | 325,5814 | 0 | basic | -M | М |
| 3 | X3 | 0,5116 | 250,0000 | 127,9070 | 0 | basic | -M | М |
| | Objective | Function | (Min.) = | 1.091,6280 | | | | |
| | Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| 1 | C1 | 1,0000 | = | 1,0000 | 0 | -1.297,4420 | 0,5849 | 1,2188 |
| 2 | C2 | 10,0000 | = | 10,0000 | 0 | 138,7132 | 7,7174 | 46,6667 |
| 3 | C3 | 50,0000 | = | 50,0000 | 0 | 20,0388 | 8,0000 | 94,0000 |

Bu modelde Zmin daha yüksektir (Modeli >= kurmak daha düşük maliyetli sonuç vermekte)

- Bu çözümde az da olsa et var, diğerinde yoktu
- Bu modelde her 3 vitamin hedefi tam karşılanıyor, ilkinde a vitamini gereksinimden biraz fazlaydı

GÖLGE FİYAT:

- Kısıt 1 için: Günlük A vitamini hedefi 1 birim arttırılırsa (2 mg), Zmin 1297,4 TL azalır (ilk modeldeki gibi)
- Kısıt 2 için: Günlük B vitamini hedefi 1 birim azaltılırsa (9 mg), Zmin 138.7 TL azalır.
- Kısıt 3 için: Günlük c vitamini hedefi 1 birim azaltılırsa (49 mg), Zmin 20 TL azalır.

Ek 7: Esin 1988, Sayfa 41, Örnek 2.9'e Ek

| Yatırım A | Yatırım Alanları | | \mathbf{Y}_2 | \mathbf{Y}_3 | \mathbf{Y}_4 | Y_5 | Y_6 | Toplam | | | |
|----------------------|------------------|--|--|----------------|----------------|---------|---------|-----------------|--|--|--|
| Faiz Hadleri (%) (c) | | 6 | 5 | 7 | 8 | 10 | 9 | Yatırım (birim) | | | |
| Karar | Simge | X_1 | X_2 | X_3 | X_4 | X_5 | X_6 | 100 | | | |
| Değişkeni | Birim | TL | TL | TL | TL | TL | TL | | | | |
| | Tür | Pozitif | Pozitif | Pozitif | Pozitif | Pozitif | Pozitif | | | | |
| | | a) Y ₁ ve Y ₂ toplamı, toplam yatırımın en az %40'ı olmalı | | | | | | | | | |
| Elz Bilgi | | b) Y ₃ ve Y ₄ toplamı, toplam yatırımın %35'inden fazla olmamalı | | | | | | | | | |
| Ek Diigi | Ek Bilgi | | c) Y ₅ ve Y ₆ toplamı, toplam yatırımın %35'inden fazla olmamalı | | | | | | | | |
| | | Üretim periyodu : Belirtilmemiş | | | | | | | | | |
| Problem Tü | rü | Doğrusal | Programla | ama (Pozi | tif) | | | | | | |

Model: D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

Zmaks =
$$6 X_1 + 5 X_2 + 7 X_3 + 8 X_4 + 10 X_5 + 9 X_6$$

Kısıtlar:

$$X_1 + X_2 = > 40$$

$$X_3 + X_4 = < 35$$

$$X_5 + X_6 = < 35$$

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 = 100$$

Pozitiflik kosulu:
$$X_1 = 0, X_2 = 0, X_3 = 0$$

ÖRNEK 2-10, YÜZDE MODEL SONUÇ VE YORUMU

| | <u> </u> | | | | | | |
|----------------------|---|--|--|---|---|--|--|
| 15:16:57 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
| Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| X1 | 40,0000 | 6,0000 | 240,0000 | 0 | basic | 5,0000 | 8,0000 |
| X2 | 0 | 5,0000 | 0 | -1,0000 | at bound | - M | 6,0000 |
| X3 | 0 | 7,0000 | 0 | -1,0000 | at bound | -M | 8,0000 |
| X4 | 25,0000 | 8,0000 | 200,0000 | 0 | basic | 7,0000 | 10,0000 |
| X5 | 35,0000 | 10,0000 | 350,0000 | 0 | basic | 9,0000 | М |
| X6 | 0 | 9,0000 | 0 | -1,0000 | at bound | -M | 10,0000 |
| Objective | Function | (Max.) = | 790,0000 | | | | |
| Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| C1 | 40,0000 | >= | 40,0000 | 0 | -2,0000 | 30,0000 | 65,0000 |
| C2 | 25,0000 | <= | 35,0000 | 10,0000 | 0 | 25,0000 | М |
| C3 | 35,0000 | <= | 35,0000 | 0 | 2,0000 | 25,0000 | 60,0000 |
| C4 | 100,0000 | = | 100,0000 | 0 | 8,0000 | 75,0000 | 110,0000 |
| | Decision Variable X1 X2 X3 X4 X5 X6 Objective Constraint C1 C2 C3 | Decision Variable Solution Value X1 40,0000 X2 0 X3 0 X4 25,0000 X5 35,0000 X6 0 Objective Function Constraint Left Hand Side C1 40,0000 C2 25,0000 C3 35,0000 | Decision Variable Solution Value Unit Cost or Profit c(j) X1 40,0000 6,0000 X2 0 5,0000 X3 0 7,0000 X4 25,0000 8,0000 X5 35,0000 10,0000 X6 0 9,0000 Objective Function (Max.) = Constraint Side Direction C1 40,0000 >= C2 25,0000 <= | Decision Variable Solution Value Unit Cost or Profit c(j) Total Contribution X1 40,0000 6,0000 240,0000 X2 0 5,0000 0 X3 0 7,0000 0 X4 25,0000 8,0000 200,0000 X5 35,0000 10,0000 350,0000 X6 0 9,0000 0 Objective Function (Max.) = 790,0000 Constraint Left Hand Side Direction Right Hand Side C1 40,0000 >= 40,0000 C2 25,0000 <= | Decision Variable Solution Value Unit Cost or Profit c(j) Total Contribution Reduced Cost X1 40,0000 6,0000 240,0000 0 X2 0 5,0000 0 -1,0000 X3 0 7,0000 0 -1,0000 X4 25,0000 8,0000 200,0000 0 X5 35,0000 10,0000 350,0000 0 X6 0 9,0000 0 -1,0000 Objective Function (Max.) = 790,0000 Total Cost Constraint Side Direction Right Hand Slack or Surplus Side or Surplus C1 40,0000 >= 40,0000 0 C2 25,0000 <= | Decision Variable Solution Value Unit Cost or Profit c(j) Total Contribution Reduced Cost Basis Status X1 40,0000 6,0000 240,0000 0 basic X2 0 5,0000 0 -1,0000 at bound X3 0 7,0000 0 -1,0000 at bound X4 25,0000 8,0000 200,0000 0 basic X5 35,0000 10,0000 350,0000 0 basic X6 0 9,0000 0 -1,0000 at bound Objective Function (Max.) = 790,0000 -1,0000 at bound Constraint Side Direction Right Hand Slack or Surplus Shadow Price C1 40,0000 >= 40,0000 0 -2,0000 C2 25,0000 <= | Decision Value Solution Profit c(j) Total Contribution Reduced Cost Basis Status Allowable Min. c(j) X1 40,0000 6,0000 240,0000 0 basic 5,0000 X2 0 5,0000 0 -1,0000 at bound -M X3 0 7,0000 0 -1,0000 at bound -M X4 25,0000 8,0000 200,0000 0 basic 7,0000 X5 35,0000 10,0000 350,0000 0 basic 9,0000 X6 0 9,0000 0 -1,0000 at bound -M Objective Function (Max.) = 790,0000 -1,0000 at bound -M Constraint Left Hand Direction Slack or Surplus Shadow Min. RHS C1 40,0000 >= 40,0000 0 -2,0000 30,0000 C2 25,0000 <= |

AZALAN GELİR:

- X2 çözüme girerse Zmaks 1 birim azalacaktır

ARTAN KAPASİTE:

- Kısıt 2 kapasitesi 10 birim artmıştır (<=35 idi, % 25 olmuş)

GÖLGE FİYAT:

- Kısıt 1 kapasitesi 1 birim arttırılırsa (>= 40 idi, 41 olursa), Zmaks 2 birim azalır.
- Kısıt 3 kapasitesi 1 birim arttırılırsa (<= 35 idi, 36 olursa), Zmaks 2 birim artar.
- Kısıt 4 kapasitesi 1 birim arttırılırsa (= 100 idi, 101 olursa), Zmaks 8 birim artar.

Amaç fonksiyonuna kar oranı 0.06 olarak girilirse:

| | 16:26:03 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|---|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|---------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | X1 | 40,0000 | 0,0600 | 2,4000 | 0 | basic | 0,0500 | 0,0800 |
| 2 | X2 | 0 | 0,0500 | 0 | -0,0100 | at bound | - M | 0,0600 |
| 3 | X3 | 0 | 0,0700 | 0 | -0,0100 | at bound | -M | 0,0800 |
| 4 | X4 | 25,0000 | 0,0800 | 2,0000 | 0 | basic | 0,0700 | 0,1000 |
| 5 | X5 | 35,0000 | 0,1000 | 3,5000 | 0 | basic | 0,0900 | М |
| 6 | X6 | 0 | 0,0900 | 0 | -0,0100 | at bound | -M | 0,1000 |
| | Objective | Function | (Max.) = | 7,9000 | | | | |
| | Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| 1 | C1 | 40,0000 | >= | 40,0000 | 0 | -0,0200 | 30,0000 | 65,0000 |
| 2 | C2 | 25,0000 | <= | 35,0000 | 10,0000 | 0 | 25,0000 | H |
| 3 | C3 | 35,0000 | <= | 35,0000 | 0 | 0,0200 | 25,0000 | 60,0000 |
| 4 | C4 | 100,0000 | = | 100,0000 | 0 | 0,0800 | 75,0000 | 110,0000 |
| | | | | | | | | |

ÖRNEK 2-10, TL MODEL, SONUÇ VE YORUMU

Zmaks = 0.06X1 + 0.05X2 + 0.07X3 + 0.08X4 + 0.10X5 + 0.09X6

X1+X2 >= 1600000

 $X3+X4 \le 1400000$

X5+X6 <= 1400000

X1+X2+X3+X4+X5+X6 = 4000000

| | 16:33:51 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|---|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|---------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | X1 | 1.600.000,0000 | 0,0600 | 96.000,0000 | 0 | basic | 0,0500 | 0,0800 |
| 2 | X2 | 0 | 0,0500 | 0 | -0,0100 | at bound | -M | 0,0600 |
| 3 | X3 | 0 | 0,0700 | 0 | -0,0100 | at bound | -M | 0,0800 |
| 4 | X4 | 1.000.000,0000 | 0,0800 | 80.000,0000 | 0 | basic | 0,0700 | 0,1000 |
| 5 | X5 | 1.400.000,0000 | 0,1000 | 140.000,0000 | 0 | basic | 0,0900 | М |
| 6 | X6 | 0 | 0,0900 | 0 | -0,0100 | at bound | -M | 0,1000 |
| | Objective | Function | (Max.) = | 316.000,0000 | | | | |
| | Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| 1 | C1 | 1.600.000,0000 | >= | 1.600.000,0000 | 0 | -0,0200 | 1.200.000,0000 | 2.600.000,0000 |
| 2 | C2 | 1.000.000,0000 | <= | 1.400.000,0000 | 400.000,0000 | 0 | 1.000.000,0000 | М |
| 3 | C3 | 1.400.000,0000 | <= | 1.400.000,0000 | 0 | 0,0200 | 1.000.000,0000 | 2.400.000,0000 |
| 4 | C4 | 4.000.000,0000 | = | 4.000.000,0000 | 0 | 0,0800 | 3.000.000,0000 | 4.400.000,0000 |

Ek 8: Müh. Matematiği, Sayfa 6, Örnek 3'e Ek

| Bitkiler | Net Gelir | Su İhtiyacı | K | Karar Değişkeni | | | | | | |
|---|-----------------------------|-------------|-------|-----------------|---------|--|--|--|--|--|
| Ditkilei | (TL/ha) | (L/s/ha) | Simge | Birim | Tür | | | | | |
| Buğday | 20.000 | 0,4 | X_1 | ha | Pozitif | | | | | |
| Ş.Pancarı | 40.000 | 1,2 | X_2 | ha | Pozitif | | | | | |
| Patates | 35.000 | 0,8 | X_3 | ha | Pozitif | | | | | |
| Yonca | 32.000 | 1,3 | X_4 | ha | Pozitif | | | | | |
| Sebze | 50.000 | 0,9 | X_5 | ha | Pozitif | | | | | |
| Fasulye | 38.000 | 1,0 | X_6 | ha | Pozitif | | | | | |
| Su Kapasitesi | (Lt/s) | 50 | | | | | | | | |
| | a) Buğday =< 27 ha | | | | | | | | | |
| El Bilgi | b) Ş.Pancarı =< 10 ha | | | | | | | | | |
| Ek Bilgi | c) Yonca + Fasulye =< 13 ha | | | | | | | | | |
| | d) Patates + sebze =< 13 ha | | | | | | | | | |
| Problem Türü Doğrusal Programlama (Pozitif) | | | | | | | | | | |

MÜHENDİSLİK MATEMATİĞİ SAYFA 6 ÖRNEK 3 ÇÖZÜM SONUCU VE YORUMU

| | 16:42:01 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|---|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|---------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | X1 | 4,0000 | 20.000,0000 | 80.000,0000 | 0 | basic | 0 | 38.000,0000 |
| 2 | X2 | 10,0000 | 40.000,0000 | 400.000,0000 | 0 | basic | 20.000,0000 | М |
| 3 | X3 | 0 | 35.000,0000 | 0 | -15.000,0000 | at bound | -М | 50.000,0000 |
| 4 | X4 | 0 | 32.000,0000 | 0 | -6.000,0000 | at bound | -М | 38.000,0000 |
| 5 | X5 | 13,0000 | 50.000,0000 | 650.000,0000 | 0 | basic | 35.000,0000 | М |
| 6 | X6 | 13,0000 | 38.000,0000 | 494.000,0000 | 0 | basic | 32.000,0000 | M |
| | Objective | Function | (Max.) = | 1.624.000,0000 | | | | |
| | Constraint | Left Hand Side | Direction | Right Hand Side | Slack or Surplus | Shadow Price | Allowable Min. RHS | Allowable Max. RHS |
| 1 | C 1 | 38,3000 | <= | 50,0000 | 11,7000 | 0 | 38,3000 | М |
| 2 | C2 | 40,0000 | <= | 40,0000 | 0 | 20.000,0000 | 36,0000 | 63,0000 |
| 3 | C3 | 4,0000 | <= | 27,0000 | 23,0000 | 0 | 4,0000 | М |
| 4 | C4 | 10,0000 | <= | 10,0000 | 0 | 20.000,0000 | 0 | 14,0000 |
| 5 | C5 | 13,0000 | <= | 13,0000 | 0 | 18.000,0000 | 0 | 17,0000 |
| 6 | C6 | 13,0000 | <= | 13,0000 | 0 | 30.000,0000 | 0 | 17,0000 |

OPTİMUM ÇÖZÜM:

| Buğday | X 1 | 4 ha |
|-----------|------------|-------|
| Ş.Pancarı | X2 | 10 ha |
| Patates | X3 | 0 |
| Yonca | X4 | 0 |
| Sebze | X5 | 13 ha |
| Fasulye | X6 | 13 ha |
| TOPLAM | | 40 ha |

Zmaks: 1 624 000 TL

AZALAN GELİR:

- Patates ve Yonca çözümde yok ama çiftçi mutlaka yetiştirmek isterse 1 ha patates yetiştirdiğinde 15 000 TL ve 1 ha yonca yetiştirdiğinde 6 000 TL gelirinde azalma olur.

İKİNCİ OPTİMUM ÇÖZÜM YOKTUR

ARTAN KAPASİTE:

- Su kapasitesinin (50 l/s) 11.7 l/s'si artmıştır.
- Buğdaya ayrılan alan olan 27 ha kapasitenin 4 ha'ına buğday ekilmiş, 23 ha kapasite kullanılmamıştır
- Diğer kapasitelerin tamamı kullanılmıştır. 40 ha çiftliğin tamamı ekilmiştir.

GÖLGE FİYAT:

- Çiftlik alanı 40 ha idi, bu alan 1 birim arttırılabilirse gelir 20 000 TL artacaktır.
- Şekerpancarı ekim alanı 10 ha ile sınırlandırılmıştır, bu 1 birim arttırılırsa (11 ha) gelir 20 000 TL artacaktır.
- Yonca ve fasulye ekim alanı 13 ha ile sınırlandırılmıştır, bu 1 birim arttırılırsa (14 ha) gelir 18 000 TL artacaktır.
- Patates ve sebze ekim alanı 13 ha ile sınırlandırılmıştır, bu 1 birim arttırılırsa (14 ha) gelir 30 000 TL artacaktır.

ÖNERİLER:

- Öncelikle patates ve sebze ekim alanı sınırı yükseltilmelidir.
- Daha sonra yonca ve fasulye ekim alanı sınırının yükseltilmesi düşünülebilir.

DENEME:

- Patates ve sebze ekim alanı sınırı 13 ha'dan 25 ha'a çıkartılırsa Zmaks: 1 840 000 TL olur.

Model: D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

 $Zmaks = 20.000 X_1 + 40.000 X_2 + 35.000 X_3 + 32.000 X_4 + 50.000 X_5 + 38.000 X_6$

Kısıtlar:

$$0.4 X_1 + 1.2 X_2 + 0.8 X_3 + 1.3 X_4 + 0.9 X_5 + 1.0 X_6 = < 50$$

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 = 40$$

$$X_1 = < 27$$

$$X_2 = < 10$$

$$X_4 + X_6 = < 13$$

$$X_3 + X_5 = < 13$$

Pozitiflik kosulu:
$$X_1 = 0$$
, $X_2 = 0$, $X_3 = 0$, $X_4 = 0$, $X_5 = 0$, $X_6 = 0$

Optimum Çözüm

$$X_1 = 4 \text{ ha}, \quad X_2 = 10 \text{ ha}, \quad X_3 = 0 \text{ ha}, \quad X_4 = 0 \text{ ha}, \quad X_5 = 13 \text{ ha}, \quad X_6 = 13 \text{ ha}$$

$$Zmaks = 1.624.000 TL$$

Ek 10: Müh. Matematiği, Sayfa 12, Örnek 8'ya Ek

| • | | 1 | | | 2 | | | 3 | | Gelir | Maksimum | Gerekli |
|----------------------------------|---|----------------|--------------------------------|--------|---------|--------------------|----------------------|-------------------------------|------|-------|----------|---------|
| İşletme | | | k | Carar | (TL/ha) | Ekim Alanı (ha) | Sul. Suyu | | | | | |
| Bitki | Sim | Br. | r. Tür Sim Br. Tür Sim Br. Tür | | | | (m ³ /ha) | | | | | |
| A | \mathbf{X}_{1} | ha | Pztf | X_4 | ha | Pztf | X_7 | ha | Pztf | 16000 | 2800 | 6000 |
| В | \mathbf{X}_2 | ha | Pztf | X_5 | ha | Pztf | X_8 | X ₈ ha Pztf | | 12000 | 3200 | 4800 |
| C | X_3 | ha | Pztf | X_6 | ha | Pztf | X 9 | X ₉ ha Pztf | | 4000 | 1200 | 3600 |
| İşletme Ekim Alanı (ha) | | 1600 2400 1200 | | | | | | - | - | - | | |
| İşletme Su | | | | | | | | | | | | |
| Kapasitesi $(x10^6 \text{ m}^3)$ | | 1,80 | | | 2,40 | 1,08 | | | | 1 | - | - |
| | | | | | | n yüzd | | , | | | | |
| Ek Bilgi | b) Bitkilerin herhangibir bileşimi herhangibir işletmede yetiştirilebilir | | | | | | | | | | | |
| | c) Üretim dönemi : Bir yetiştirme mevsimi | | | | | | | | | | | |
| Problem Türü | Doğrı | ısal Pro | ogramla | ama (P | ozitif) | | | | | | | |

Model: D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu:

Zmaks =
$$16000 (X_1 + X_4 + X_7) + 12000 (X_2 + X_5 + X_8) + 4000 (X_3 + X_6 + X_9)$$

Kısıtlar:

$$X_1+X_4+X_7=<2800$$
 ha (A Bitkisi ekim alan kısıtı)
 $X_2+X_5+X_8=<3200$ ha (B Bitkisi ekim alan kısıtı)

$$X_3+X_6+X_9 = <1200 \text{ ha}$$
 (C Bitkisi ekim alan kısıtı)

$$X_1+X_2+X_3 = < 1600 \text{ ha}$$
 (1. işletmenin ekim alan kısıtı)

$$X_4+X_5+X_6=<2400$$
 ha (2. işletmenin ekim alan kısıtı)

$$X_7+X_8+X_9 = <1200 \text{ ha}$$
 (3. işletmenin ekim alan kısıtı)

$$6000X_1+4800X_2+3600X_3 = <1,80 \times 10^6 \text{ m}^3$$
 (1. işletmenin su kapasitesi kısıtı)

$$6000X_4 + 4800X_5 + 3600X_6 = < 2,40 \times 10^6 \text{ m}^3$$
 (2. işletmenin su kapasitesi kısıtı)

$$6000X_7 + 4800X_8 + 3600X_9 = <1,08 \times 10^6 \text{ m}^3$$
 (3. işletmenin su kapasitesi kısıtı)

$$\frac{X_1 + X_2 + X_3}{1600} = \frac{X_4 + X_5 + X_6}{2400} = \frac{X_7 + X_8 + X_9}{1200}$$

Ek 9-a : Miih. Matematiği, Sayfa 9, Örnek 6 ya Ek Sistematik Özet

| Bitkiler | | | Top | lam Su İ | htiyacı (n | n ³ /da) | | | Birim Fiyat | Verim | K | arar Değişk | eni |
|--|---------|----------|----------|-------------|-------------|---------------------|---------|----------|------------------|------------|----------------|-------------|---------|
| Ditklier | Mart | Nisan | Mayıs | Haziran | Temmuz | Ağustos | Eylül | Ekim | (TL/kg) | (kg/da) | Simge | Birim | Tür |
| Pamuk I | - | - | - | 147 | 420 | 400 | 190 | - | 440 | 275 | X_1 | da | Pozitif |
| Çeltik | - | - | 248 | 340 | 400 | 376 | 295 | - | 320 | 400 | X_2 | da | Pozitif |
| Kavun | - | - | - | 185 | 330 | 270 | - | - | 100 | 3000 | X_3 | da | Pozitif |
| Meyve | - | 57 | 127 | 257 | 336 | 294 | 200 | 96 | 120 | 2400 | X_4 | da | Pozitif |
| Hububat | 83 | 160 | - | - | - | - | - | - | 160 | 400 | X_5 | da | Pozitif |
| Mısır II | - | - | - | 150 | 320 | 445 | 315 | - | 50 | 3000 | X_6 | da | Pozitif |
| Susam II | - | - | - | 155 | 315 | 337 | 210 | - | 670 | 100 | X_7 | da | Pozitif |
| Pamuk II | - | - | - | 55 | 210 | 400 | 280 | 86 | 450 | 200 | X ₈ | da | Pozitif |
| Baklagil II | - | - | - | 215 | 480 | 395 | 190 | - | 180 | 250 | X ₉ | da | Pozitif |
| Şebekeye çekilebilecek su (x10 ⁶ m ³) | 180 | 330 | 250 | 120 | 80 | 85 | 105 | 80 | | | | | |
| Ek Bilgi | a) Top | lam ala | n 300.0 | 00 da, | | | | | | | | | |
| | b) Sula | ıma alaı | nında P | amuk I, Ç | eltik, Kav | run, Mey | ve ve H | ububat i | 1. ürün olarak e | kilmektedi | r. | | |
| | c) Mis | ır, Susa | m, Pam | uk II, Bal | dagil ise l | hububatm | yerine | 2. ürün | olarak ekilebil | mektedir, | | | |
| | d) Mey | yve ekin | n alam (| 6500 dek | archr, | | | | | | | | |
| | e) Sus | am en fa | azla 300 |) ton üreti | lebilir, | | | | | | | | |
| | f) Hub | ubat eki | im alan | ı %50'yi a | şmamalıd | hr. | | | | | | | |
| Problem Türü | Doğru | sal Prog | ramlan | na (Poziti: | f) | | | | | | | | |

Ek 9-b : Müh. Matematiği, Sayfa 9, Örnek 6'ya Ek

Model : D. P. Modeli

Amaç fonksiyonu : (c) : Verim (kg/da) x Birim Fiyat (TL/kg)

275 y 440 121 000 TL/da 2 400 y 220 128 000 TL/da 2 200 y 100 200 000

 $\begin{array}{lll} \mathbf{c_1} = 275 \text{x} 440 = 121.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_2} = 400 \text{x} 320 = 128.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_3} = 3000 \text{x} 100 = 300.000 \\ \mathbf{c_4} = 2400 \text{x} 120 = 288.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_5} = 400 \text{x} 160 = 64.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_6} = 3000 \text{x} 50 = 150.000 \\ \mathbf{c_7} = 100 \text{x} 670 = 67.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_8} = 200 \text{x} 450 = 90.000 \text{ TL/da} & \mathbf{c_9} = 250 \text{x} 180 = 45.000 \\ \end{array}$

Kısıtlar : $X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 = <300.000$ da (Birinci ürün ekim alan kısıtı)

 $X_6 + X_7 + X_8 + X_9 = < X_5$ (İkinci ürün ekim alan kısıtı) $X_4 = 6.500$ da (Meyve ekim alan kısıtı)

X₄ = 0.500 da (Meyve ekim alan kisiti) X₋ =< 3000 da* (Susam ekim alan kisiti) * · Verim · 100 kg/da ise 300 tan 3000 da/dan alınır

 $X_7 = <3000 \text{ da*}$ (Susam ekim alan kısıtı) * : Verim : 100 kg/da ise 300 ton 3000 da'dan alınır.

 $X_5 = <150.000 \text{ da**}$ (Hububat ekim alan kısıtı) ** : 300.000 da'ın %50'si

 $83 \text{ X}_5 = <180 \times 10^6 \text{ m}^3 *** \text{ (Mart ayı su kısıtı)}$ $***: 83 \text{ m}^3/\text{da x da} = \text{X}_5 \text{ m}^3$

 $57 X_4 + 160 X_5 = <330 \times 10^6 \text{ m}^3 \text{ (Nisan ayı su kısıtı)}$

248 $X_2 + 127 X_4 = <250 \times 10^6 \text{ m}^3$ (Mayıs ayı su kısıtı) 147 $X_1 + 340 X_2 + 185 X_3 + 257 X_4 + 150 X_6 + 155 X_7 + 55 X_8 + 215 X_9 = <120 \times 10^6 \text{ m}^3$

(Haziran ayı su kısıtı) $420 X_1 + 400 X_2 + 330 X_3 + 336 X_4 + 320 X_6 + 315 X_7 + 210 X_8 + 490 X_9 = < 80 x 10^6 m^3$

(Temmuz ayı su kısıtı) $400 X_1 + 376 X_2 + 270 X_3 + 294 X_4 + 445 X_6 + 337 X_7 + 400 X_8 + 395 X_9 = < 85 \times 10^6 \text{ m}^3$

(Ağustos ayı su kısıtı) $100 \text{ V} + 205 \text{ V} + 200 \text{ V} + 215 \text{ V} + 210 \text{ V} + 280 \text{ V} + 100 \text{ V} = < 105 \times 10^6 \text{ m}^3$

 $190 X_1 + 295 X_2 + 200 X_4 + 315 X_6 + 210 X_7 + 280 X_8 + 190 X_9 = <105 \times 10^6 \text{ m}^3$

(Eylül ayı su kısıtı) 96 $X_4 + 86 X_8 = < 80x10^6 m^3$ (Eylül ayı su kısıtı)

doğrusal programlama mühendislik matematiği örnek 6 optimum çözüm ve yorumu:

| | 17:50:10 | | Friday | October | 18 | 2002 | | |
|----|----------------------|-------------------|-----------------------------|-----------------------|------------------|-----------------|------------------------|------------------------|
| | Decision Variable | Solution Value | Unit Cost or Profit c(j) | Total Contribution | Reduced Cost | Basis Status | Allowable Min. c(j) | Allowable Max. c(j) |
| 1 | PAMUK-1 | 0 | 121.000,0000 | 0 | -243.363,6000 | at bound | -M | 364.363,6000 |
| 2 | ÇELTİK | 0 | 128.000,0000 | 0 | -222.060,6000 | at bound | -М | 350.060,6000 |
| 3 | KAVUN | 235.806,1000 | 300.000,0000 | 70.741.820.000,0000 | 0 | basic | 218.687,5000 | М |
| 4 | MEYVE | 6.500,0000 | 288.000,0000 | 1.872.000.000,0000 | 0 | basic | -M | М |
| 5 | HUBUBAT | 57.693,9400 | 64.000,0000 | 3.692.412.000,0000 | 0 | basic | 0 | 145.312,5000 |
| 6 | MISIR-2 | 0 | 150.000,0000 | 0 | -78.848,4800 | at bound | -M | 228.848,5000 |
| 7 | SUSAM-2 | 0 | 67.000,0000 | 0 | -158.272,7000 | at bound | -М | 225.272,7000 |
| 8 | PAMUK-2 | 0 | 90.000,0000 | 0 | -60.181,8200 | at bound | -M | 150.181,8000 |
| 9 | BAKLAGİL-2 | 0 | 45.000,0000 | 0 | -305.424,3000 | at bound | -М | 350.424,3000 |
| | Objective | Function | (Max.) = | 76.306.240.000,0000 | | | | |
| | | Left Hand | | Right Hand | Slack | Shadow | Allowable | Allowable |
| | Constraint | Side | Direction | Side | or Surplus | Price | Min. RHS | Max. RHS |
| 1 | TOPLAM ALAN | 300.000,0000 | <= | 300.000,0000 | 0 | 64.000,0000 | 242.306,1000 | 392.306,1000 |
| 2 | İKİNCİ ÜRÜN ALAN | -57.693,9400 | <= | 0 | 57.693,9400 | 0 | -57.693,9400 | М |
| 3 | MEYVE ALAN | 6.500,0000 | = | 6.500,0000 | 0 | -16.290,9100 | 0 | 238.095,2000 |
| 4 | SUSAM ALAN | 0 | <= | 3.000,0000 | 3.000,0000 | 0 | 0 | М |
| 5 | HUBUBAT ALAN | 57.693,9400 | <= | 150.000,0000 | 92.306,0600 | 0 | 57.693,9400 | М |
| 6 | MART SU | 4.788.597,0000 | <= | 180.000.000,0000 | 175.211.400,0000 | 0 | 4.788.592,0000 | М |
| 7 | NİSAN SU | 9.601.530,0000 | <= | 330.000.000,0000 | 320.398.500,0000 | 0 | 9.601.536,0000 | М |
| 8 | MAYIS SU | 825.500,0000 | <= | 250.000.000,0000 | 249.174.500,0000 | 0 | 825.504,0000 | М |
| 9 | HAZİRAN SU | 53.948.710,0000 | <= | 120.000.000,0000 | 66.051.290,0000 | 0 | 53.948.710,0000 | М |
| 10 | TEMMUZ SU | 80.000.000,0000 | <= | 80.000.000,0000 | 0 | 715,1515 | 49.539.000,0000 | 99.039.000,0000 |
| 11 | AĞUSTOS SU | 65.578.640,0000 | <= | 85.000.000,0000 | 19.421.360,0000 | 0 | 65.578.640,0000 | М |
| 12 | EYLÜL SU | 1.300.000,0000 | <= | 105.000.000,0000 | 103.700.000,0000 | 0 | 1.300.000,0000 | М |
| 13 | EKİM SU | 624.000,0000 | <= | 80.000.000,0000 | 79.376.000,0000 | 0 | 624.000,0000 | М |