中国科学技术大学物理学院

20XX~20XX 学年第二学期期末考试试卷 ☑A 卷 □B 卷

课程名称:			量子物理			代码:	PHYS1010)					
开课院系:			物理学院			形式:	半开卷					_	
姓	名:_	学 号:					专	业: _		(`]		
	题号	_	=	三	四	五	六		/	总分		*	
	得 分											/,	
- (注意事项 :请在试卷留空处答题,写不下时可在试卷反面继续。不交草稿纸。 一、 (33%)选择题(单选) () 1.下列哪条 <u>不属于</u> 量子力学的公理假设? A.薛定谔方程 B.叠加原理 C. 统计解释 D. 不确定关系												
() 2. 下列哪个复合粒子是费米子 A. 由三个夸克(夸克是费米子)组成的居 C. 电子+质子构成的氦原子						子 I	3. 正负电). 由两个		•				
 () 3. 设 0 ⟩, 1 ⟩, 2 ⟩ 是线性无关的単粒子态。现有两个 2 粒子纯态: a ⟩ = 2 00 ⟩ + 6 01 ⟩ + 4 02 ⟩ + 10 ⟩ + 3 11 ⟩ + 2 12 ⟩ + 20 ⟩ + 3 21 ⟩ + 2 22 ⟩ b ⟩ = 00 ⟩ - 01 ⟩ + 02 ⟩ + 2 10 ⟩ - 2 11 ⟩ + 2 12 ⟩													
() 4. 对于氦原子,哪个论述是正确的? A. 单态能级低于三重态能级 B. 交换对称性导致基态是三重态 C. 由于粒子的全同性,两个核外电子的空间波函数必须满足交换反对称 D. 两个核外电子的总波函数不可能交换对称 () 5. 已知氦原子电子的波函数是													
(,	J. □ ³		- •			$\int_{0}^{2}e^{-\frac{r}{3a_{1}}}$ si	n² θ e ⁱ²⁰	0				

式中a1为第一玻尔半径。则该电子的轨道角动量在z方向的分量为

- A. 2ħ
- B. $\sqrt{6}\hbar$
- С. ħ
- D. $\sqrt{2}\hbar$

是由于

- A. Ag原子中电子轨道角动量有两个不同的取值
- B. Ag 原子中电子轨道角动量有两个不同的空间取向
- D. Ag 原子中电子的自旋有两个不同的取值

- 不能够同时具有确定的测量值?
- A. x, p_v

- D. L_x, p_x
- 9. 在电子的杨氏双缝干涉实验中
- A. 电子随机选择通过其中一条缝:
- B. 电子一分为二,分别通过两条缝;
- C. 如果每次只有一个电子通过双缝时, 在屏幕上将不会看到相干条纹;
- D. 精确跟踪每个电子的轨迹,则屏幕上不会有相干条纹。
- 10. 氢原子中处于n=2的能级,则 $\vec{l}\cdot\vec{s}$ 不可能的取值为

A. 0

B. $-\hbar^2$

C. $\frac{1}{2}\hbar^2$

D. ħ²

() 11. 北京正负电子对撞机储存环中的电子动能为 1GeV,则其 de Broglie 波 波长大约为

A. 40fm

B. 0.2fm

C. 1.2km

D. 1.2fm

(27%) 填空题

- 1. 电子自旋角动量的大小为
- 2. 电子的自旋轨道耦合能为

$$\widehat{W} = -\widehat{\vec{\mu}}_s \cdot \widehat{\vec{B}} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{e^2}{2m_e^2 c^2 r^3} \widehat{\vec{s}} \cdot \widehat{\vec{D}}$$

计算对易子: $[\hat{J}_k, \widehat{W}] = \underline{\hspace{1cm}}$

$$[\hat{L}_k, \widehat{W}] = \underline{\qquad} \cdot (\hat{\vec{s}} \times \hat{\vec{L}})_k$$

3. 如果单粒子量子态满足

$$\langle L_x \rangle = \langle L_y \rangle = 0, \qquad \langle L_z \rangle = 2\hbar$$

那么有不确定关系 $\Delta L_x \Delta L_y \geq$ ____。

- 4. 两电子系统处于总自旋S=1的状态,物理量 $\vec{s}_1 \cdot \vec{s}_2$ 的可能取值是_____。
- 5. 两个自旋为 1/2 的粒子组成复合系统,粒子 A 处于本征值 $S_{z,A} = +\hbar/2$ 对应的本征
- 态, 粒子 B 处于本征值 $S_{x,A} = +h/2$ 对应的本征态,则测得总自旋为零的概率是_____。
- 6. 已知一维粒子的波函数为

$$\psi(x) = e^{-\frac{x^2}{(2a)^2}}$$

三、 (10%)写出非相对论粒子的物质波色散关系,并求出物质波的相速度和群速度。

四、 (10%)考虑宽度为a的一维无限深势阱

$$V(x) = \begin{cases} 0, & \text{if } |x| < \frac{a}{2}; \\ +\infty, & \text{if } |x| \ge \frac{a}{2}. \end{cases}$$

t = 0时在x = 0处释放一个点粒子。

- (1) 求粒子处于第n个能级的几率与处于基态的几率之比。
- (2) 这个比值是否会随时间改变?

五、 (10%)已知二能级系统处于纯态,通过实验测得 $\langle \sigma_z \rangle = z$, $\langle \sigma_y \rangle = x$

如果记系统的态矢为

$$\psi = \begin{pmatrix} \cos\frac{\theta}{2} \\ \sin\frac{\theta}{2}e^{i\phi} \end{pmatrix}$$

请利用 σ_z 、 σ_r 的测量值确定参数 θ , ϕ 。

六、 (10%)在 Stern-Gerlach 实验中,窄银原子束从左侧向右通过梯度磁场,然后沉积在冷凝屏上。已知磁场区长度 $a=15\mathrm{cm}$,磁场区右边缘与屏的距离 $b=20\mathrm{cm}$,银原子速度 $v=200\,\mathrm{m/s}$ 。磁场强度的梯度值取多大时,原子束在屏上的裂距为 $2\mathrm{mm}$?(银原子的相对原子质量是 108)

可能用到的物理常数和公式:

自然常数e = 2.718281828, 圆周率 $\pi = 3.141592654$

真空中的光速c = 299792458m/s 普朗克常数 $h = 6.62606896 \times 10^{-34}$ J·s

 $\hbar = h/2\pi = 1.054\,571\,628 \times 10^{-34} \, \text{J} \cdot \text{s} = 6.582\,118\,99 \times 10^{-22} \, \text{MeV} \cdot \text{s}$

 $\hbar c = 197.326\,9631 \text{MeV} \cdot \text{fm}$ $hc = 1.239\,841\,875 \times 10^{-6} \text{m} \cdot \text{eV}$

电荷单位e = 1.602 176 487 × 10-19C

精细结构常数α = $e^2/(4\pi\epsilon_0\hbar c) \approx 1/137.035999679$

电子质量 $m_e = 0.511 \text{MeV/c}^2 = 9.11 \times 10^{-31} \text{kg}$

质子质量 $m_p = 1.672621637 \times 10^{-27} \text{kg} = 938.272013 \text{MeV/}c^2$

Planck-Einstein 关系式E = hv, $\vec{p} = \hbar \vec{k}$

Rydberg 常数 $R_{\infty} = 1.0973731534(13) \times 10^7 \text{m}^{-1}$ 氢原子电离能13.605 691 93eV

薛定谔方程
$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t}\psi = \hat{H}\psi$$
 单粒子定态薛定谔方程 $\left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V(\vec{r})\right)u(\vec{r}) = Eu(\vec{r})$

基本对易关系 $[\hat{r}_j, \hat{p}_k] = i\hbar \delta_{jk}, [\hat{r}_j, \hat{r}_k] = [\hat{p}_j, \hat{p}_k] = 0$ 力学量随时间的演化

$$\frac{d\hat{A}(t)}{dt} = \frac{\partial \hat{A}(t)}{\partial t} + \frac{1}{i\hbar} [\hat{A}(t), \hat{H}]$$

不确定关系 $\Delta A \Delta B \ge \frac{1}{2} |\langle [\hat{A}, \hat{B}] \rangle|, \ \Delta x \Delta p_x = \frac{1}{2} \hbar$

Pauli 矩阵 $\sigma_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$, $\sigma_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}$, $\sigma_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$; $\sigma_j \sigma_k = \delta_{jk} \mathbf{1}_{2 \times 2} + i \varepsilon_{jkl} \sigma_l$

Bohr 磁子 $\mu_B \stackrel{\text{def}}{=} \frac{e\hbar}{2m_e}$

高斯积分 $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-x^2} dx = \sqrt{\pi}$