

4. (1) 将生成式写成联立方程为：

$$S = baA + B \quad (1)$$

$$A = aS + bB \quad (2)$$

$$B = b + bC \quad (3)$$

$$C = cB + d \quad (4)$$

将 (4) 代入 (3) 得：

$$B = b + b(cB + d) = bcB + bd + b = (bc)^*(bd + b) \quad (5)$$

将 (2) (5) 代入 (1) 得：

$$\begin{aligned} S &= ba(aS + b(bc)^*(bd + b)) + (bc)^*(bd + b) \\ &= baaS + bab(bc)^*(bd + b) + (bc)^*(bd + b) \\ &= (baa)^*(bab + \varepsilon)(bc)^*(bd + b) \end{aligned}$$

(2) 将生成式写成联立方程为：

$$S = aA + B \quad (1)$$

$$A = bB + cC \quad (2)$$

$$B = a + bB \quad (3)$$

$$C = D + abB \quad (4)$$

$$D = d \quad (5)$$

由 (3) 得：

$$B = b^*a \quad (6)$$

将 (5) (6) 代入 (4) 得：

$$C = d + abb^*a = d + ab^+a \quad (7)$$

将 (6) (7) 代入 (2) 得：

$$A = b^+a + c(d + ab^+a) \quad (8)$$

将 (6) (8) 代入 (1) 得：

$$\begin{aligned} S &= a(b^+a + c(d + ab^+a)) + b^*a \\ &= ab^+a + acd + acab^+a + b^*a \end{aligned}$$

5. (2) 右线性文法 $G = (\{S\}, \{a, b\}, P, S)$, 其中生成式 P 如下:

$$S \rightarrow aS \quad S \rightarrow bS \quad S \rightarrow abb$$

(4) 右线性文法 $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b\}, P, S)$, 其中生成式 P 如下:

$$S \rightarrow aS | bS | aaA | bbB$$

$$A \rightarrow aA | bA | bbC$$

$$B \rightarrow aB | bB | aaC$$

$$C \rightarrow aC | bC | \varepsilon$$