

ОБРАЗЕЦ**МАТЕМАТИКА. ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ ТЕСТ
К РАЗДЕЛУ «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ, ЧАСТЬ I»****Вариант 0****А. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ ФУНКЦИЙ ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ**

Выберите **один** правильный ответ.

A1. Комплексное число имеет вид: $z = (1 - i)^8$. Тогда:

- 1) $|z| = \sqrt{2}$ 2) $\operatorname{Re} z = 1$ 3) $\operatorname{Im} z = -1$ 4) $z = 16$

A2. Функция $y = \frac{x^{2021} + x^{2022} + e^{2020x}}{x^{2019} + x^{2020} + x^{2021}}$ является

- 1) рациональной
2) иррациональной
3) трансцендентной
4) основной элементарной функцией

A3. Функция $\alpha(x)$ называется бесконечно малой более высокого порядка малости по сравнению с функцией $\beta(x)$ в точке a , если

- 1) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = C = \operatorname{const} \neq 0$ 2) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = \infty$ 3) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)} = 0$

A4. Всякая функция, непрерывная на отрезке $[a; b]$, обладает свойством:

- 1) хотя бы в одной точке $(a; b)$ принимает значение, равное нулю
2) $f(a) \cdot f(b) < 0$
3) достигает наибольшего значения на $[a; b]$
4) неограниченна на $[a; b]$

A5. Точка x_0 называется точкой разрыва 2-го рода функции $f(x)$, если ее односторонние пределы $f(x_0 - 0), f(x_0 + 0)$ таковы, что

- 1) $f(x_0) \neq f(x_0 - 0) = f(x_0 + 0) < \infty$
2) $f(x_0 - 0), f(x_0 + 0) < \infty; f(x_0 - 0) \neq f(x_0 + 0)$
3) $f(x_0 - 0) = \infty$ или $f(x_0 + 0) = \infty$

A6. Геометрический смысл производной функции $f(x)$ в точке x_0 состоит в следующем:

- 1) значение $f'(x_0)$ равно углу наклона графика функции в точке x_0
2) значение $f'(x_0)$ равно углу наклона касательной к графику функции в точке x_0
3) значение $f'(x_0)$ равно угловому коэффициенту касательной к графику функции в точке x_0

A7. Если монотонно возрастающая функция $y = f(x)$ имеет производную в точке x_0 , равную $f'(x_0) \neq 0$, то обратная функция $x = f^{-1}(y)$ имеет производную в точке $y_0 = f(x_0)$, вычисляемую по формуле:

1) $x'_y = \frac{1}{f'(y_0)}$ 2) $x'_y = \frac{1}{f'(x_0)}$ 3) $x'_y = \frac{1}{(f^{-1}(y_0))'}$ 4) x'_y не существует

A8. Функция $y(x)$ задана в параметрической форме: $\begin{cases} x = x(t) \\ y = y(t); t \in R \end{cases}$

Производная этой функции вычисляется по формуле:

1) $y'_x = -\frac{x'_t}{y'_t}$ 2) $y'_x = \frac{x'_t}{y'_t}$ 3) $y'_x = \frac{y'_t}{x'_t}$ 4) $y'_x = y'_t \cdot x'_t$

A9. Формула приближенных вычислений с помощью замены приращения функции $y = f(x)$ в точке x_0 её дифференциалом, имеет вид:

1) $\Delta f(x) \approx f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$
 2) $f(x_0 + \Delta x) \approx f'(x_0) \cdot \Delta x$
 3) $f(x_0 + \Delta x) \approx f(x_0) + f'(x_0) \cdot \Delta x$
 4) $f(x_0) \approx f'(x_0) \cdot \Delta x$

A10. Дифференциал 2-го порядка функции $y = f(x)$ в точке x_0 имеет вид:

1) $d^2 f(x_0) = f''(x_0) \cdot (dx_0)^2$
 2) $d^2 f(x_0) = f''(x_0) \cdot (dx)^2$
 3) $d^2 f(x_0) = f'(x_0) \cdot (dx)^2$
 4) $d^2 f(x_0) = f''(x_0) \cdot dx$

A11. Укажите **неверное** утверждение:

- 1) Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ удовлетворяет условию $f'(x_0) = 0$, то она имеет экстремум в точке x_0 .
- 2) Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ имеет экстремум в точке x_0 , то $f'(x_0) = 0$.
- 3) Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ удовлетворяет условию $f'(x_0) \neq 0$, то она не имеет экстремума в точке x_0 .
- 4) Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ не имеет экстремума в т. x_0 , то $f'(x_0) \neq 0$.

A12. Функция $y = f(x)$ монотонно убывает на промежутке $(a; b)$, если:

1) $f'(x) < 0; \forall x \in (a; b)$ 2) $\exists c \in (a, b): f'(c) > 0$
 3) $f'(x) > 0; \forall x \in (a; b)$ 4) $\exists c \in (a, b): f'(c) = 0$

A13. Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ имеет минимум в точке $c \in (a; b)$, то:

1) $f'(c) > 0$ 2) $f'(c) < 0$ 3) $f'(c)$ не существует 4) $f'(c) = 0$

A14. Достаточным условием наличия точки перегиба x_0 у графика функции $y = f(x)$ является:

- 1) изменение знака $f(x)$ при переходе через точку x_0
- 2) изменение знака $f'(x)$ при переходе через точку x_0
- 3) изменение знака $f''(x)$ при переходе через точку x_0
- 4) сохранение знака $f''(x)$ при переходе через точку x_0

A15. График функции $y = \frac{x}{x^2 - 1}$ обладает свойством:

- 1) имеет точку перегиба $x = 0$
- 2) имеет точку перегиба $x = 1$
- 3) имеет две точки перегиба
- 4) не имеет точек перегиба

В. ИНТЕГРАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ ФУНКЦИЙ ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ.

Выберите один правильный ответ

B1. Интеграл $\int \frac{1}{\sqrt{1-x}} \cdot dx$ равен:

- 1) $\arcsin \sqrt{x} + C$;
- 2) $\frac{2}{3(\sqrt{1-x})^3} + C$;
- 3) $2\sqrt{1-x} + C$;
- 4) $-2\sqrt{1-x} + C$

B2. Формула Ньютона-Лейбница имеет вид:

- 1) $\int_a^b f(x)dx = F(a) - F(b)$;
- 2) $\int_a^b f(x)dx = -\int_b^a f(x)dx$
- 3) $\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$;
- 4) $\int_{-a}^a f(x)dx = 0$

B3. Несобственный интеграл 1-го типа $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{x^2 + 1}$

- 1) расходится
- 2) сходится
- 3) не определён
- 4) не существует

B4. Интеграл вида $\int_{-1}^1 \frac{dx}{x^2 - 2x + 1}$

- 1) является несобственным интегралом 2-го типа и сходится;
- 2) является несобственным интегралом 2-го типа и расходится;
- 3) является обычным определенным интегралом (собственным)

B5. Длина дуги кривой, заданной на плоскости OXY условием: $l: \begin{cases} x = x(t) \\ y = y(t) \end{cases}; \alpha \leq t \leq \beta$,

вычисляется по формуле:

- 1) $|l| = \int_{\alpha}^{\beta} \sqrt{x'(t) + y'(t)} \cdot dt$
- 2) $|l| = \int_{\alpha}^{\beta} \sqrt{x^2(t) + y^2(t)} \cdot dt$
- 3) $|l| = \int_{\alpha}^{\beta} \sqrt{(x'(t))^2 + (y'(t))^2} \cdot dt$

Для успешного прохождения теста нужно дать не менее 14 правильных ответов.

Тест составил:

Доцент Л.А. Смирнова

_____20__г.