Regelungstechnik – Abschlussklausur

Prof. Dr. Moritz Diehl und Dr. Jörg Fischer, IMTEK, Universität Freiburg 23. September 2015, 9:00-11:30, Freiburg, Georges-Koehler-Allee 101 Raum 026+010/14

Seite	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Punkte auf Seite (max)	2	8	9	9	6	6	9	8	0	0
Erreichte Punkte										
Zwischensumme										

Note:	Klausur	eingesehen am:	Unterschrift des Prüfers:	
Nachname:		Vorname:	Matrikelnummer:	
Fach:		Studiengang: Bachelor	Master Lehramt Sonstiges	
Untersch	rift:			
entsprechende Seite. S Hilfsmittel ist neben S Hinweise finden sich i zunächst die Ihnen ein 1. Ein LTI-Syste $(\sigma(t))$ ist die S	ie können zudem w chreibmaterial und on einer Fußnote. Mach fallenden Frage em hat die Sprunga prungfunktion und	eiteres weißes Papier für Zwischenr einem Taschenrechner auch ein dopp fachen Sie bei den Multiple-Choice en. Wenn Sie pro Punkt zwei Minute	rechnungen verwenden, aber bitte gepelseitiges Blatt mit Formelsammlun Fragen jeweils genau ein Kreuz bei en Zeit rechnen, sind Sie nach ca. 2 state für $t\in\mathbb{R}$. Wie lautet die Impuls	santwort $g(t)$ des Systems für $t \in \mathbb{R}$?
	$t) + 2e^{-2t}\sigma(t)$		(b) $(3t + 0.5e^{-2t})\sigma(t) + (3t + 0.5e^{-2t})\sigma(t) + $	` '
2. Mit welcher F	$\frac{t}{t} + 2e^{-2t}\sigma(t)$ Befehlsfolge könnestellen lassen?	en Sie mit der <i>Python Control S</i> y		$\frac{1}{\text{"Übertragungsfunktion }G(s) = \frac{s}{s+1}}$
(a)		(b)	(c)	(d)
import contr sys = ctrl.tf(ctrl.bode(sys		import control.matlab as ctrl sys = ctrl.tf([0, 1],[1, 1]) ctrl.bode(sys)	import control.matlab as ctrl sys = ctrl.tf([1, 0],[1, 1]) ctrl.nyquist(sys)	import control.matlab as ctrl sys = ctrl.tf([0, 1],[1, 1]) ctrl.nyquist(sys)
			II	1
				points on page: 2

¹PRÜFUNGSUNFÄHIGKEIT: Durch den Antritt dieser Prüfung erklären Sie sich für prüfungsfähig. Sollten Sie sich während der Prüfung nicht prüfungsfähig fühlen, können Sie aus gesundheitlichen Gründen auch während der Prüfung von dieser zurücktreten. Gemäß den Prüfungsordnungen sind Sie verpflichtet, die für den Rücktritt oder das Versäumnis geltend gemachten Gründe unverzüglich (innerhalb von 3 Tagen) dem Prüfungsamt durch ein Attest mit der Angabe der Symptome schriftlich anzuzeigen und glaubhaft zu machen. Weitere Informationen: https://www.tf.uni-freiburg.de/studium/pruefungen/pruefungsunfaehigkeit.html.

TÄUSCHUNG/STÖRUNG: Sofern Sie versuchen, während der Prüfung das Ergebnis ihrer Prüfungsleistung durch Täuschung (Abschreiben von Kommilitonen ...) oder Benutzung nicht zugelassener Hilfsmittel (Skript, Buch, Mobiltelefon, ...) zu beeinflussen, wird die betreffende Prüfungsleistung mit "nicht ausreichend" (5,0) und dem Vermerk "Täuschung" bewertet. Als Versuch gilt bei schriftlichen Prüfungen und Studienleistungen bereits der Besitz nicht zugelassener Hilfsmittel während und nach der Ausgabe der Prüfungsaufgaben. Sollten Sie den ordnungsgemäßen Ablauf der Prüfung stören, werden Sie vom Prüfer/Aufsichtsführenden von der Fortsetzung der Prüfung ausgeschlossen. Die Prüfung wird mit "nicht ausreichend" (5,0) mit dem Vermerk "Störung" bewertet.

3. Ein LTI-System wird durch die Zustandsgleichung $\dot{x} = Ax + Bu$,	y = Cx + Du beschrieben,
$\text{wobei } A = \begin{bmatrix} -2 & 0 & -3 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix},$	D=0.
(a) Berechnen Sie das charakteristische Polynom $p_A(\lambda)$ des System	ns.
	2
(b) Wenn das System zum Zeitpunkt $t=0$ mit einem Sprung angere für $t\to\infty$? Der Ausgang	egt wird, welches Verhalten zeigt der Ausgang $y(t)$ des Systems
(a) geht gegen Null.	(b) zeigt eine Dauerschwingung.
(c) geht gegen unendlich.	(d) geht gegen einen konstanten Wert ungleich Null.
	1
(c) Ist es möglich, den Zustand des Systems durch eine geeignete W in den Zustand $x=\begin{bmatrix}\frac{\pi}{3} & 3 & 3\end{bmatrix}^{\top}$ zu überführen? Begründen Sie Hinweis: Es ist nicht notwendig, den konkreten Verlauf von $u(t)$	e Ihre Aussage.
	2
4. Wie lautet die Übertragungsfunktion $G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)}$ der folgenden And	ordnung?
$U(s) \xrightarrow{\frac{1}{s}} s + 1$	$\xrightarrow{\frac{s-1}{s+1}} \xrightarrow{+} Y(s)$
(a) $\frac{s-1}{s}$ (b) $\frac{s+1}{s}$ (c)	
	1
5. Ein System wird durch die Differentialgleichung $2\ddot{y} - 2\dot{y} + 10y = 5$ Systems?	$8\dot{u} + 4u$ beschrieben. Wie lautet die Übertragungsfunktion des
(a)	
11 ' 11	1

linear und zeitinvariant

(d) keines von beiden

1

points on page: 8

nur zeitinvariant

6. Ein System ist durch die Differentialgleichung $\dot{y}(t) = \frac{1}{2+u(t)}$ beschrieben. Ist das System *linear* und/oder *zeitinvariant*?

(a)

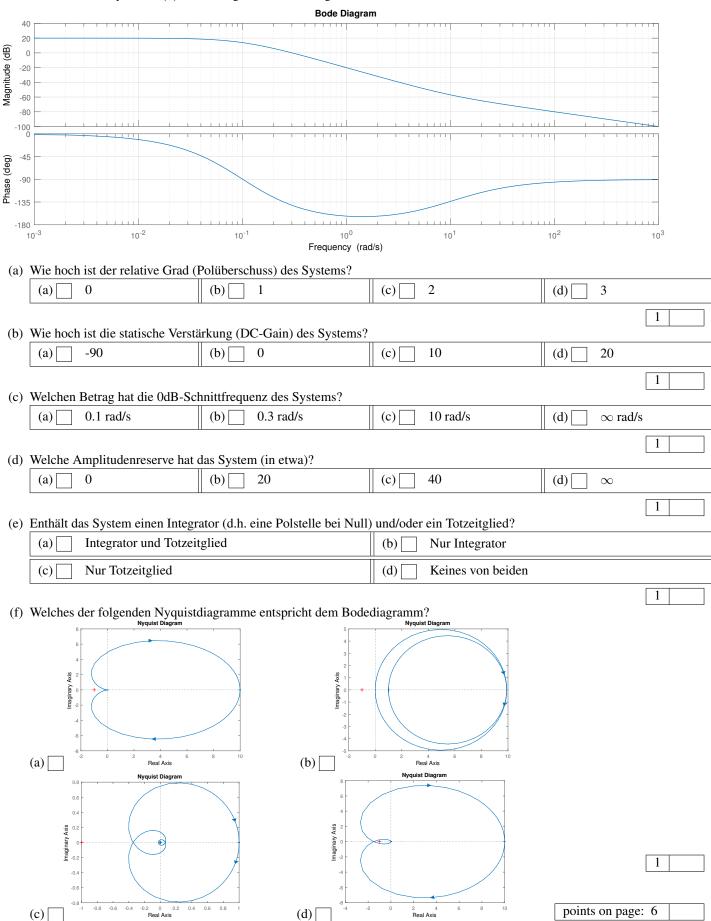
(c)

nur linear

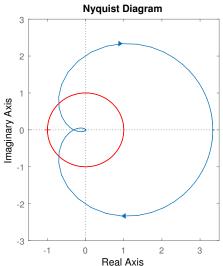
(a) nur linear	Parameter sind. Ist das System	rential gleichung $y(t) = a \cdot e$ \ linear und/oder zeitinvariant?	u(t) beschileben, wobel u und	u 0 von Nun verschieden	KOIIS
Ein System in Eingangs-Ausgangsform ist durch die Darstellung $-3\ddot{y}+12\ddot{y}-3\dot{y}+y=u$ beschrieben. Berechnen Sie die Mat 4 , B , C , D einer äquivalenten Zustandsdarstellung. 2 Der Eingang eines ruhenden LTI-Systems wird zum Zeitpunkt $t=0$ von $u=0$ auf $u=1$ geändert. Die Systemantwort wurd ≥ 0 gemessen und beträgt $y(t)=4t+\frac{1}{10}e^{-\frac{t}{10}}$. Ist das System BIBO-stabil? Begründen Sie Ihre Antwort. Welches System wird durch die Übertragungsfunktion $G(s)=4\frac{s(2s+1)}{(s-1)(s+1)}$ beschrieben? (a) $y-y=2\ddot{u}+\dot{u}$ (b) $y-2\dot{y}=4\ddot{u}+u$ (c) $y-2\ddot{y}=4\ddot{u}+u$ (d) $y-y=8\ddot{u}+4\dot{u}$ [1] Gegeben ist die offene Kette $G_0(s)=\frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfeedback)? (a) $y-y=2\ddot{u}+\dot{u}$ (b) $y-2\ddot{y}=4\ddot{u}+u$ (c) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (d) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (e) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (f) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (g) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (g) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (g) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (g) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ (h) $y-2\ddot{u}=4\ddot{u}+u$ ((b) nur zeitinvariant		
Ein System in Eingangs-Ausgangsform ist durch die Darstellung $-3\ddot{y}+12\ddot{y}-3\dot{y}+y=u$ beschrieben. Berechnen Sie die Mat A,B,C,D einer äquivalenten Zustandsdarstellung. 2 Der Eingang eines ruhenden LTI-Systems wird zum Zeitpunkt $t=0$ von $u=0$ auf $u=1$ geändert. Die Systemantwort wurd ≥ 0 gemessen und beträgt $y(t)=4t+\frac{1}{10}e^{-\frac{t}{10}}$ Ist das System BIBO-stabil? Begründen Sie Ihre Antwort. Welches System wird durch die Übertragungsfunktion $G(s)=4\frac{s(2s+1)}{(s-1)(s+1)}$ beschrieben? (a) $y-y=2\ddot{u}+\dot{u}$ (b) $y-2\dot{y}=4\ddot{u}+u$ (c) $8\ddot{y}+4\dot{y}=\ddot{u}-u$ (d) $y-y=8\ddot{u}+4\dot{u}$ [Gegeben ist die offene Kette $G_0(s)=\frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfeedback)? (a) $\frac{1}{s+2}$ (b) $\frac{1}{s+2}$ (c) $\frac{1}{s+3}$ (d) $s+2$ Auf welche Weise wird die Rückführmatrix (engl.:Kalman gain) eines Kalman-Filters berechnet? (a) $\frac{1}{u}$ durch Minimierung des quadratischen Schätzfehlers (b) $\frac{1}{u}$ durch die Methode von Ziegler-Nichols Welche Übertragungsfunktion hat das Zustandsraummodell $\dot{x}(t)=-5x(t)+2u(t),y(t)=0.5x(t)+u(t)$? (a) $\frac{s+5}{s+6}$ (b) $\frac{1}{s+5}$ (c) $\frac{1}{s+6}$ (d) $\frac{s+6}{s+5}$ In Regelkreis zeigt bei konstantem Sollwert eine bleibende Regelabweichung. Welches der folgenden Übertragungsglieder kar Reihe zur offenen Kette geschallet werden, um die bleibende Regelabweichung des geschlossenen Kreises zu eliminieren? (Es meenommen, dass der geschlossene Kreis mit dem zusätzlichen Übertragungsglied stabil ist.) (a) LGlied (b) D-Glied (c) Totzeit-Glied (d) P-Glied mit Verstärkung 1	(c) linear und zeitinvaria	ınt	(d) keines von beiden		
Der Eingang eines ruhenden LTI-Systems wird zum Zeitpunkt $t=0$ von $u=0$ auf $u=1$ geändert. Die Systemantwort wurd ≥ 0 gemessen und beträgt $y(t)=4t+\frac{1}{10}e^{-\frac{t}{10}}$. Ist das System BIBO-stabil? Begründen Sie Ihre Antwort. Velches System wird durch die Übertragungsfunktion $G(s)=4\frac{s(2s+1)}{(s-1)(s+1)}$ beschrieben? (a) $\ddot{y}-y=2\ddot{u}+\dot{u}$ (b) $\ddot{y}-2\dot{y}=4\ddot{u}+u$ (c) $8\ddot{y}+4\dot{y}=\ddot{u}-u$ (d) $\ddot{y}-y=8\ddot{u}+4\dot{u}$ Gegeben ist die offene Kette $G_0(s)=\frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfeedback)? (a) $\frac{s}{s+2}$ (b) $\frac{1}{s+2}$ (c) $\frac{1}{s+3}$ (d) $s+2$ Auf welche Weise wird die Rückführmatrix (engl.:Kalman gain) eines Kalman-Filters berechnet? (a) durch Minimierung des quadratischen Schätzfehlers (b) durch Polvorgabe (c) durch Loop-Shaping (d) durch die Methode von Ziegler-Nichols (e) durch Übertragungsfunktion hat das Zustandsraummodell $\dot{x}(t)=-5x(t)+2u(t),y(t)=0.5x(t)+u(t)$? (a) $\frac{s+5}{s+6}$ (b) $\frac{1}{s+5}$ (c) $\frac{1}{s+6}$ (d) $\frac{s+6}{s+5}$ (in Regelkreis zeigt bei konstantem Sollwert eine bleibende Regelabweichung. Welches der folgenden Übertragungsglieder karteihe zur offenen Kette geschaltet werden, um die bleibende Regelabweichung des geschlossenen Kreises zu eliminieren? (Es ingenommen, dass der geschlossene Kreis mit dem zusätzlichen Übertragungsglied stabil ist.)			$\log -3\ddot{y} + 12\ddot{y} - 3\dot{y} + y = u$ besc	chrieben. Berechnen Sie di	
Welches System wird durch die Übertragungsfunktion $G(s) = 4\frac{s(2s+1)}{(s-1)(s+1)}$ beschrieben? (a) $ \ddot{y} - y = 2\ddot{u} + \dot{u} $ (b) $ \ddot{y} - 2\dot{y} = 4\ddot{u} + u $ (c) $ 8\ddot{y} + 4\dot{y} = \ddot{u} - u $ (d) $ \ddot{y} - y = 8\ddot{u} + 4\dot{u} $ Gegeben ist die offene Kette $G_0(s) = \frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfeedback)? (a) $ \frac{s}{s+2} $ (b) $ \frac{1}{s+2} $ (c) $ \frac{1}{s+3} $ (d) $ \frac{s+2}{s+2} $ Auf welche Weise wird die Rückführmatrix (engl.:Kalman gain) eines Kalman-Filters berechnet? (a) $ \frac{s}{s+2} $ (d) $ \frac{s+2}{s+3} $ (e) $ \frac{1}{s+3} $ (f) $ \frac{1}{s+3} $ (g) $ \frac{1}{s+3} $ (g) $ \frac{1}{s+3} $ (h) $ \frac{1}{s+3} $ (e) $ \frac{1}{s+3} $ (e) $ \frac{1}{s+3} $ (f) $ \frac{1}{s+3} $ (g) $ \frac{1}{s+3} $ (h) $ \frac{1}{s+3} $ (e) $ \frac{1}{s+3} $ (f) $ \frac{1}{s+3} $ (g) $ \frac{1}{s+3} $ (h) $ \frac{1}{s+3} $ (e) $ \frac{1}{s+3} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (e) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (e) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (e) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (e) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ \frac{1}{s+4} $ (e) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (f) $ \frac{1}{s+4} $ (g) $ $			=		
Gegeben ist die offene Kette $G_0(s) = \frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfreedback)? (a) $\frac{s}{s+2}$ (b) $\frac{1}{s+2}$ (c) $\frac{1}{s+3}$ (d) $\frac{1}{s+2}$ Auf welche Weise wird die Rückführmatrix (engl.:Kalman gain) eines Kalman-Filters berechnet? (a) durch Minimierung des quadratischen Schätzfehlers (b) $\frac{1}{s+1}$ durch Polvorgabe (c) durch Loop-Shaping (d) $\frac{1}{s+1}$ durch die Methode von Ziegler-Nichols Welche Übertragungsfunktion hat das Zustandsraummodell $\dot{x}(t) = -5x(t) + 2u(t), y(t) = 0.5x(t) + u(t)$? (a) $\frac{s+6}{s+6}$ (b) $\frac{1}{s+5}$ (c) $\frac{1}{s+6}$ (d) $\frac{s+6}{s+5}$ Ein Regelkreis zeigt bei konstantem Sollwert eine bleibende Regelabweichung. Welches der folgenden Übertragungsglieder kan Reihe zur offenen Kette geschaltet werden, um die bleibende Regelabweichung des geschlossenen Kreises zu eliminieren? (Es ungenommen, dass der geschlossene Kreis mit dem zusätzlichen Übertragungsglied stabil ist.) (a) I-Glied (b) D-Glied (c) Totzeit-Glied (d) P-Glied mit Verstärkung 1	Welches System wird durch die	П	TT		
Gegeben ist die offene Kette $G_0(s) = \frac{1}{s+2}$. Wie lautet die Übertragungsfunktion des geschlossenen Kreises (bei negativem Einfeedback)? (a)	(a)		$(c) \exists \ddot{y} + 4\dot{y} = \ddot{u} - u$		ŀ <i>ū</i>
Auf welche Weise wird die Rückführmatrix (engl.:Kalman gain) eines Kalman-Filters berechnet? (a) durch Minimierung des quadratischen Schätzfehlers (b) durch Polvorgabe (c) durch Loop-Shaping (d) durch die Methode von Ziegler-Nichols 1	feedback)?			П	n Einl
(c) durch Loop-Shaping (d) durch die Methode von Ziegler-Nichols A				t?	1
Welche Übertragungsfunktion hat das Zustandsraummodell $\dot{x}(t) = -5x(t) + 2u(t), y(t) = 0.5x(t) + u(t)$? (a)				on Ziegler-Nichols	
(a)	<u> </u>				1
Ein Regelkreis zeigt bei konstantem Sollwert eine bleibende Regelabweichung. Welches der folgenden Übertragungsglieder kan Reihe zur offenen Kette geschaltet werden, um die bleibende Regelabweichung des geschlossenen Kreises zu eliminieren? (Estangenommen, dass der geschlossene Kreis mit dem zusätzlichen Übertragungsglied stabil ist.) (a) I-Glied (b) D-Glied (c) Totzeit-Glied (d) P-Glied mit Verstärkung 1		TI .	TI.	11	
Reihe zur offenen Kette geschaltet werden, um die bleibende Regelabweichung des geschlossenen Kreises zu eliminieren? (Es angenommen, dass der geschlossene Kreis mit dem zusätzlichen Übertragungsglied stabil ist.) (a) I-Glied (b) D-Glied (c) Totzeit-Glied (d) P-Glied mit Verstärkung 1					1
(a) I-Glied (b) D-Glied (c) Totzeit-Glied (d) P-Glied mit Verstärkung 1	Reihe zur offenen Kette gescha	lltet werden, um die bleibende F	Regelabweichung des geschlosser		
					mit
					1

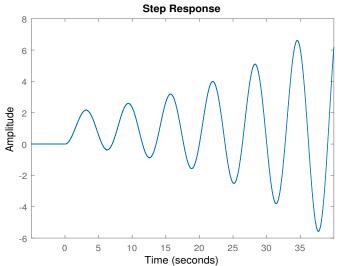
		ckführmatrix L eir			echnet? Polvorgabe			
					(d) durch die Methode von Ziegler-Nichols			
							1	
		ΓΙ-SISO System d der rechten Halbeb			n, wenn das Sy bar und beobac			
		hten Halbebene be						
(c) kei	nen Poi in der rec	men handedene de	esitzt.	(d) keine	n Durchgriff ha	ll. 	1	
		he mit einem Totze tzeitglied veränder		altet. Welchen Ein	fluss hat das T	otzeitglied auf de	en Amplituden- u	
(a) nui	r den Amplitudeng	gang		(b) nur de	en Phasengang			
(c) An	nplituden- und Fre	equenzgang		(d) keine	s von beiden			
Dog mightling	omo Svietomo si(t)	$\sin(\omega(t)) + \cos(\omega(t))$	(a,(t)) coll um	n dan Dunkt a	0	π lingonisiont was	1	
Differentialgl	eichung des linear	$= \sin(u(t)) + \cos t$ risierten Systems i	(y(t)) son un n Abhängigke	eit von $\Delta u(t) = u$	$y_{ m SS} = 0$, $y_{ m SS} = 1$	$\Delta y(t) = y(t) - y(t)$	$y_{\rm SS}$?	
(a) \Box $\Delta \dot{y}$	$\dot{y}(t) = \Delta u(t) + \Delta$	$\Delta y(t)$		(b) $\triangle \dot{y}(t)$	$=\Delta u(t)$			
(c) Δ <i>j</i>	$\dot{y}(t) = \Delta y(t)$				$\Delta u(t) - \Delta u(t) = \Delta u(t) - \Delta u(t)$	y(t)		
. Ein LTI-Syste	em hat die Sprung	antwort h(t) = 2 o	$\cos(t)$ für $t \ge$	0. Was ist die Imp	ulsantwort $g(t)$) für $t \ge 0$?	1	
	$\frac{1}{(t) - 2\sin(t)}$	(b)2 sin		П	$+2\cos(t)$	(d) 2 sin((t)	
							1	
	$\frac{1}{s+4}$	e ist BIBO-stabil? (b) $\frac{s+3}{s^2+s-}$		$(c) \qquad \frac{s^2 + s + s}{s^3 + s}$	1		-3	
s^2	+2s+1	s^2+s-1	2			(s-1)	1	
. Skizzieren Si	e das Bode-Diagra	amm des Systems	$G(s) = \frac{0.01}{s}$	$\cdot \frac{100s+1}{0.1s+1} .$				
co			Bode	Diagramm				
60 20 40								
ш								
20 - 20 - 20 - 40 - 40 - 40 - 40 - 40 -								
년 -20 -								
¥ ₋₄₀								
-60	-			-	::::::::::::::::::::::::::::::::::::::	-	-	
10 ⁻⁴ 45 —	10 ⁻³	10 ⁻²	10 ⁻¹	10 ⁰	10 ¹	10 ²	10 ³	
Phase (Grad)								
es -45							<u> </u>	
-90 Bg -80								
-135						: : : : : : : : : : : : : : : : : : :	: : : : : : : : : : : : : : : : : : : :	
10 ⁻⁴	10 ⁻³	10 ⁻²	10 ⁻¹	10 ⁰	10 ¹	10 ²	10 ³	
			Frequ	enz (rad/s)			3	
						points	on page: 9	

22. Für ein stabiles LTI-System G(s) wurde folgendes Bode-Diagramm ermittelt.



23.	Gegeben ist die Ortskurve des unbekannten BIBO-stabilen Systems $G_1(s)$ (Abbildung links). Zudem ist die Sprungantwort e	eines
	weiteren unbekannten Systems $G_2(s)$ gegeben (Abbildung rechts).	





	-3 -1 0 1 Real Axis	2 3	0	5 10 15 20 Time (second	25 30 35 ds)	V
(a)	Betrachten Sie die Ortskurve. V	Welche Amplitudenreserve hat de (b) $\frac{1}{2}$	П		n etwa)?	
(b)		(b) $\frac{1}{3}$ Welche Phasenreserve hat der ges	II	Kreis $\frac{G_1(s)}{1+G_1(s)}$ (in etwa		1
	(a) 0 Grad	(b) 45 Grad	(c)	90 Grad	(d) <u></u> ∞	
(c)	Betrachten Sie das Diagramm gründen Sie Ihre Antwort mit 2	mit der Sprungantwort. Welche Argumenten.	der folgen	den Übertragungsfunl	ktionen entspricht	$\boxed{1}$ $G_2(s)$? Be-
	(a) $\frac{1}{(s+1)^2}$		(b)	$\frac{1}{(s-1)^2}$		
	(c) $\frac{1}{(s+(0.05+j))\cdot(s+(0.05+j))}$		(d)	$\frac{1}{(s-(0.05+j))\cdot(s-(0.05))}$		
(d)	Ist es möglich, dass die Beziel $\frac{G_1(s)}{1+G_1(s)}$ stammt?	nung $G_2(s) = rac{G_1(s)}{1+G_1(s)}$ gilt und	d somit die	e gezeigte Sprungantv	vort vom geschloss	2 senen Kreis
	(a) Ja		(b)	Nein		
	(c) Keine eindeutige Au gantwort schwingt	ssage möglich, weil die Sprun-	(d) Nyquist-	Keine eindeutige Diagramm nicht mit F		

24. Welches der folgenden Elemente kann in Reihe mit einem System geschaltet werden, um die Amplitude niedriger Frequenzen zu verringern, während die Amplitude hoher Frequenzen unverändert bleibt?

(a) I-Glied (b) DT₁-Glied (c) PT₁-Glied (d) PT₂-Glied

points on page: 6

1

25. Für die lineare Strecke G(s)

$$G(s) = \frac{5s + 10}{5s^2 + s + 5}$$

soll ein Zustandsregler der Form $K=[k_0 \quad k_1]$ ausgelegt werden, der die Dämpfung des geschlossenen Kreises auf $d_{\rm CL}=1$ anhebt.

(a) Wie groß ist die Dämpfung ${\cal D}$ des ungeregelten Systems? Ist das System schwingungsfähig?

1

(b) Wie müssen die Pole des geschlossenen Kreises gewählt werden, damit $d_{\rm CL}=1$ beträgt? Charakterisieren Sie die Lage dieser Pole in der s-Ebene.

2

(c) Transformieren Sie G(s) in den Zustandsraum und bringen Sie die Matrizen A, B, C und D in Regelungsnormalform.

(d) Definieren Sie den Begriff der Steuerbarkeit und zeigen Sie, dass die Strecke G(s) steuerbar ist.

1

2

(e) Berechnen Sie einen Zustandsregler $K=[k_0 \ k_1]$ mittels Polvorgabe. Die Pole des geschlossenen Kreises sollen die Werte $s_1=s_2=-1$ haben. Nehmen Sie an, dass der Zustand direkt zugänglich ist. (Lösungsweg angeben)

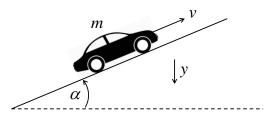
2

(f) Der geschlossene Kreis weist eine bleibende Regelabweichung auf. Wie hoch ist diese bezogen auf den Sollwert?

1

points on page: 9

26.	Entwickeln Sie ein Modell für ein Fahrzeug, das eine um den Winkel α geneigte Fahrbahn mit Geschwindigkeit v hinauffährt.
	Das Fahrzeug wird mittels der einstellbaren Antriebskraft $F_{\rm A}$ angetrieben. Es besitzt die Masse m und erfährt die Gewichtskraft
	$F_{\rm G}=mg$, die in Richtung der y-Achse wirkt. Zudem wirken auf das Fahrzeug der Luftwiderstand $F_{\rm Luft}=c\cdot v^2$ und der Rollwider-
	stand $F_{\rm Roll} = F_{\rm N} \cdot f_{\rm Roll}$ ein, wobei c und $f_{\rm Roll}$ bekannte Parameter sind und $F_{\rm N}$ den Anteil der Gewichtskraft beschreibt, mit dem
	das Fahrzeug auf die Fahrbahn gedrückt wird. Luft- und Rollwiderstand wirken entgegen der Bewegungsrichtung des Fahrzeugs.



(a) Betrachten Sie F_A als Eingang sowie v und α als Zustände des Systems. Leiten Sie hierfür die nichtlineare Differentialgleichung des Systems her. Bei der Herleitung können Sie voraussetzten, dass die Antriebskraft immer in Bewegungsrichtung des Fahrzeugs wirkt und dass die Steigung α konstant bleibt. (Anmerkung: α ist streng genommen kein Zustand des Systems, wird hier aber als solcher betrachtet, um später die Neigung der Fahrbahn mit einem Beobachter schätzen zu können.)

2

(b) Das Fahrzeug besitze die folgenden Parameter $m=1000~{\rm kg}$, $f_{\rm Roll}=0,1$, $g=10\frac{\rm m}{\rm s^2}$, c=1,5. Bestimmen Sie für den Betriebspunkt $v_{\rm SS}=30\frac{\rm m}{\rm s}$, $\alpha_{\rm SS}=0~{\rm rad}$ die Antriebskraft $F_{\rm A,SS}$, mit der das Fahrzeug keine Beschleunigung erfährt. Wie nennt man einen solchen Betriebspunkt?

2

(c) Linearisieren Sie das System mit den Fahrzeugparametern aus b) um den in b) ermittelten Betriebspunkt. Bringen Sie das linearisierte System in Zustandsform.

2

(d) Zeigen Sie, dass der Zustand des Systems (und damit auch α) beobachtbar ist, wenn die Geschwindigkeit v des Fahrzeugs gemessen wird.

2 |

points on page: 8

Leeres Blatt für Zwischenrechnungen

Leeres Blatt für Zwischenrechnungen