

## Politecnico di Bari Esame di Analisi Matematica - Classe I Modulo B - 08 novembre 2024

_		
Cognome:	Nome:	Matricola:

1. Studiare la convergenza del seguente integrale improprio al variare del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$ 

$$\int_0^1 \frac{\sin^{\alpha}(\sqrt{x})}{(1 - e^{-\frac{1}{x}})(1 - \cos x)} dx.$$

[6 punti]

2. Determinare il dominio, il segno e i punti critici della seguente funzione, studiandone la natura,

$$f(x,y) = \log\left(\frac{9 - 3x^2}{9 - x^2 - y^2}\right).$$

Calcolare la derivata direzionale di f lungo il versore  $\mathbf{h}=\left(-\frac{\sqrt{2}}{2},\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$  nel punto (4,1).

[8 punti]

3. Risolvere il seguente problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' - \frac{(y^2 + 2)(x + 2)}{\sqrt{2 - x^2}} = 0\\ y(0) = \sqrt{2} \end{cases}$$

[8 punti]

4. Enunciare e dimostrare il comportamento della serie geometrica. [8 punti]