

Cours de Programmation en C

Mendy Fatnassi

10 décembre 2020

Table des matières

1	Généralité	3
2	Les Fichiers	4
2.1	Flux E/S	4
2.2	Ouverture d'un fichier	4
2.3	Lecture/Ecriture dans les fichiers	5
2.3.1	Saisie sécurisé	6
3	Fonction	9
3.1	Fonction Connue	9
3.2	Nombre Aleatoire	9
4	Les tableaux	10
5	Les Pointeurs	11
5.1	Les Pointeurs	11
5.2	Arithmetique des pointeurs (Tableaux)	12
5.3	Gestion de la Memoire	13
5.4	Tableau heterogene	15
5.5	Pointeur de Fonction	16
5.6	Encapsulation / Pointeur generique	18
6	Structure	21
6.1	Type Structure	21
6.1.1	Passage en parametre de fonction	21
6.2	Enumeration et Union	22
7	Recusitivité	23
7.1	Recusitivité	23
7.1.1	Recusitivite Terminal/Non-Terminal	24
7.1.2	Derecursion	24
8	Complexité	25
8.1	definition	25
8.2	Complexité Exponentiel $O(10^n)$	25
8.3	Complexité Linéaire $O(n)$	26

<i>TABLE DES MATIÈRES</i>	3
8.4 Complexité en Temps Constant $O(1)$	26
9 Trie	28

Chapitre 1 : Généralité

Il existe plusieurs types de langage :

-Langage déclaratif : Il n'y aurait pas d'algorithme, par exemple : Quel est actuellement le président de la République française. La machine doit trouver la réponse toute seule par analyse très fine de la question et s'appuyer sur des bases de connaissance.

-Langage impératif : Un algorithme décrit comment faire : Donnez-moi la valeur de B en faisant $B=5*3$. La réponse de la machine sera $B=15$. On a donc dit comment il faut faire pour trouver la solution.

Chapitre 2 : Les Fichiers

2.1 Flux E/S

Le flux d'entrée est appelé "entrée standard" (standard input), le flux de sortie "sortie standard" (standard output), et le flux d'erreur est souvent appelé "erreur standard" (standard error).

Ces noms sont abrégés dans les dénominations symboliques de ces fichiers : stdin, stdout et stderr.

Chacun de ces symboles est une macro de stdio de type pointeur sur un FILE, et peut être utilisé dans des fonctions comme fprintf ou fread.

Comme les FILE sont simplement des coquilles entourant les descripteurs de fichiers en ajoutant une mémoire tampon, il est également possible d'accéder aux fichiers UNIX "bruts", avec des fonctions comme read et lseek.

Au démarrage du programme, les descripteurs de fichier associés aux flux stdin(0), stdout(1) et stderr(2) sont 0,1 et 2.

2.2 Ouverture d'un fichier

Mode d'ouverture :

-**"r"** : lecture seule. Vous pourrez lire le contenu du fichier, mais pas y écrire. Le fichier doit avoir été créé au préalable.

-**"w"** : écriture seule. Vous pourrez écrire dans le fichier, mais pas lire son contenu. Si le fichier n'existe pas, il sera créé.

-**"a"** : mode d'ajout. Vous écrirez dans le fichier, en partant de la fin du fichier. Vous ajouterez donc du texte à la fin du fichier. Si le fichier n'existe pas, il sera créé.

-**"r+"** : lecture et écriture. Vous pourrez lire et écrire dans le fichier. Le fichier doit avoir été créé au préalable.

-**"w+"** : lecture et ; avec suppression du contenu au préalable. Le fichier est donc d'abord vide de son contenu, vous pouvez y écrire, et le lire ensuite. Si le fichier n'existe pas, il sera créé.

-**"a+"** : ajout en lecture / écriture à la fin. Vous écrivez et lisez du texte à partir de la fin du fichier. Si le fichier n'existe pas, il sera créé.

Ouverture d'un fichier :

FILE fopen(const char* nomDuFichier, const char* modeOuverture);*

```
int main(int argc, char *argv[])
{
    FILE* fichier = NULL;
    fichier = fopen("test.txt", "r+");

    fclose(fichier);
    return 0;
}
```

Ne pas oublier de fermer le fichier une fois son utilisation finie grâce à la fonction :

int fclose(const char nomDuFichier);*

2.3 Lecture/Ecriture dans les fichiers

Ecriture :

-**fputc** : écrit un caractère dans le fichier (UN SEUL caractère à la fois)

int fputc(int caractere, FILE pointeurSurFichier);*

-**putchar** : écrit un caractère sauf que le flux imposé est stdout.

int putchar(int character);

-**fputs** : écrit une chaîne dans le fichier .

char fputs(const char* chaine, FILE* pointeurSurFichier);*

-fprintf : écrit une chaîne « formatée » dans le fichier, fonctionnement quasi-identique à printf.

S'écrit comme printf mais avec le nom du fichier avant :

```
fprintf(fichier, "Le Monsieur qui utilise le programme, il a %d ans", age);
```

Lecture :

-fgetc : lit un caractère dans un fichier.

```
int fgetc(FILE* pointeurDeFichier);
```

-

2.3.1 Saisie sécurisé

Supposons qu'on demande une chaîne de caractères à l'utilisateur, mais que celui-ci insère un espace dans sa chaîne :

```
printf("Quel est votre nom ? ");  
scanf("%s", nom);  
printf("Ah ! Vous vous appelez donc %s !\n\n", nom);
```

Resultat :

```
Quel est votre nom ? Jean Dupont  
Ah ! Vous vous appelez donc Jean !
```

Pourquoi le « Dupont » a disparu ?

Parce que la fonction scanf s'arrête si elle tombe au cours de sa lecture sur un espace, une tabulation ou une entrée.

Vous ne pouvez donc pas récupérer la chaîne si celle-ci comporte un espace.

En fait, le mot "Dupont" se trouve toujours en mémoire, dans ce qu'on appelle le buffer. La prochaine fois qu'on appellera scanf, la fonction lira toute seule le mot "Dupont" qui était resté en attente dans la mémoire.

Autre problème, beaucoup plus grave encore : celui du dépassement de mémoire.

Dans le code que nous venons de voir, il y a la ligne suivante : `char nom[5] = 0;`

Vous voyez que j'ai alloué 5 cases pour mon tableau de char appelé *nom* (fig.1). Cela signifie qu'il y a la place d'écrire 4 caractères, le dernier étant toujours réservé au caractère de fin de chaîne `\0`.

Si jamais on écrit plus de caractère que prévue à l'allocation, il y aura un dépassement de mémoire.

Exemple :

Quel est votre nom ? Patrice

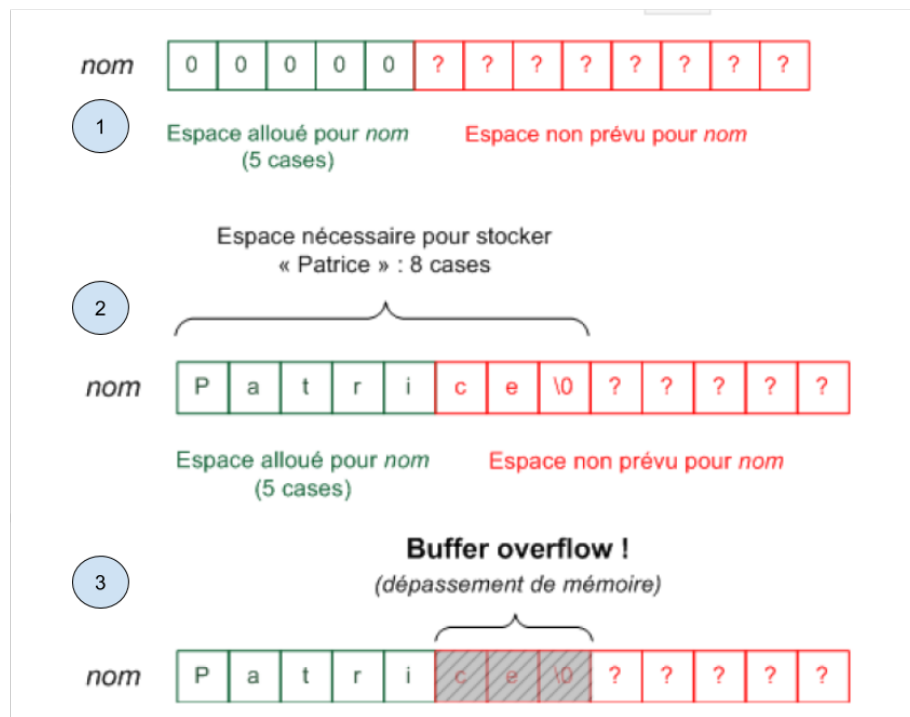
Ah ! Vous vous appelez donc Patrice !

A priori, il ne s'est rien passé. Et pourtant, on vient de faire un dépassement de mémoire, aussi appelé *buffer overflow* en anglais.

Comme vous le voyez sur la fig.2, on avait alloué 5 cases pour stocker le nom, mais en fait il en fallait 8.

Qu'a fait la fonction `scanf` ? Elle a continué à écrire à la suite en mémoire comme si de rien n'était ! Elle a écrit dans des zones mémoire qui n'étaient pas prévues pour cela.

Les caractères en trop ont « écrasé » d'autres informations en mémoire. C'est ce qu'on appelle un *buffer overflow* (fig.3).



Sans entrer dans les détails, il faut savoir que si le programme ne contrôle pas ce genre de cas, l'utilisateur peut écrire ce qu'il veut à la suite en mémoire. En particulier, il peut insérer du code en mémoire et faire en sorte qu'il soit exécuté par le programme. C'est l'attaque par buffer overflow, une attaque de pirate célèbre mais difficile à réaliser.

On peut utiliser la fonction `scanf` de telle sorte qu'elle lise les espaces, mais c'est assez compliqué.

A la place nous allons voir comment faire des saisies sécuriser.

On peut utiliser `gets` une fonction qui lit toute une chaîne de caractères mais n'est pas sécuriser ou alors on peut utiliser `fgets` qui agit comme `gets` mais en version sécuriser.

`fgets` peut lire dans un fichier mais également lire sur l'entrée standard `stdin` (donc le clavier).

Exemple :

```
printf("Quel est votre nom ? ");
fgets(nom, 10, stdin);
printf("Ah ! Vous vous appelez donc %s !\n\n", nom);
```

Résultat :

Quel est votre nom ? Mateo Ah! Vous vous appelez donc Mateo!

Ça fonctionne très bien, à un détail près : quand vous pressez "Entrée", `fgets` conserve le `\n` correspondant à l'appui sur la touche "Entrée". Cela se voit dans la console car il y a un saut à la ligne après "Mateo".

Chapitre 3 : Fonction

3.1 Fonction Connue

Il existe des fonction predefinie propre au langage C tel que :

Conversion de type :

atoi : Convertit un caractere ou chaine en entier .

*int atoi(const char *str); includestring.h*

itoa : Convertit un entier en chaine ou caractere.

*char * itoa (int value, char * str, int base);*

Operations sur les chaines de caractere :

strcat : Cette fonction permet de rajouter une chaine de caractres d'existant a la fin d'une chaine.

*char * strcat(char * destination, const char * source);#includestring.h*

strcmp : Cette fonction permet de comparer 2 chaines de caractere.

*int strcmp(const char * first, const char * second);#includestring.h*

strcpy : Cette fonction permet de copier une chaine source dans une autre chaine destination.

*char * strcpy(char * destination, const char * source);#includestring.h*

3.2 Nombre Aleatoire

Pour cela on utilise la fonction `int rand()` qui delivre un entier compris entre 0 et 32 000 (`includestdlib.h`).

Pour initialiser le tirage aleatoire on fait appel a la fonction `srand(time(0))`.

Chapitre 4 : Les tableaux

Les tableaux sont une suite de cellule contigue en memoire stockant le meme type de valeur (int,char ...).

Ce sont des lvalue c-a-d qu'un tableau ne peut pas être affecté, autrement dit, il ne peut pas être la valeur à gauche (left value) d'une affectation.

Il se declare avec des crochet `[nb_elem]` et le type devant :

Declaration : `int tab[10]; -> type nomTab[nbElem];`

Pour utiliser un tableau il faut d'abord l'initialiser pour evite d'avoir a rechercher une case qui serait pas definie donc egale a NULL .

L'initialisation et l'affichage d'un tableau peux s'effectuer grace a une boucle (while,for,...) .

Passage en parametre d'une fonction :

Voci une belle transition pour passer au pointeur , lorsque l'on passe un tableau a une fonction celui ci n'est pas passer par valeur mais par adresse , ducoup il faut simplement faire :

```
void fonction (int tab[10]){ du code };\nmain(){\n    int tab[10];\n    fonction(tab);\n}
```

Chapitre 5 : Les Pointeurs

5.1 Les Pointeurs

Un pointeur est une variable a pour valeur l'adresse d'une autre variable .Un pointeur se differencie d'une variable par son operateur etoile .

Declaration et affectation :

```
main(){
    int var;
    int *pointeur;

    pointeur=&var;
}
```

-Le déréférencement (ou indirection) :

C'est l'opération la plus simple sur les pointeurs. Comme son nom l'indique, il s'agit de l'opération réciproque au *référencement* (&) qui permet d'affecter un pointeur.

L'opérateur associé est l'étoile (), qui est aussi utilisé pour déclarer un type pointeur.Cet opérateur permet donc de transformer un pointeur de type T *, en un objet de type T, ainsi si l'on veut connaitre la valeur sur lequel le pointeur pointe on utilisera l'etoile .

Exemple :

```
main(){
    int var=15;
    int pvar=&var;
}
```

	valeur	adresse @
var	=15	&var=0x123
pvar	=0x123	&pvar=0x456

Donc ici la valeur de pvar est l'adresse de var mais pour savoir la valeur de cette adresse il faut utiliser l'opérateur étoile *pvar.

On peut créer aussi des double pointeur **pvar . C'est à dire que ce pointeur aura l'adresse d'un autre pointeur.

Exemple :

```
main(){
    int var=15;
    int *pvar=&var;
    int **ppvar=&pvar;
}
```

5.2 Arithmétique des pointeurs (Tableaux)

Il faut savoir que l'on peut additionner, multiplier, soustraire et diviser des pointeurs entre eux mais cela ne présente pas beaucoup d'intérêt par contre on peut plutôt le faire mais avec une constante et un pointeur . Cela est utile pour parcourir et manipuler un tableau par exemple .

Exemple :

```
int i;
int T[N];
for(i=0;*(T+i)<N;i++){
    printf("%d\n",*(T+i));
}
```

Que fait ce bout de code , $*(T+i)$ représente le début du tableau pointé T à l'adresse i si $i=0$ alors on commence au début du tableau à l'adresse 0 , $T[i] = *(T + i)$.

En réalité cela est fait automatiquement par le compilateur , il traduit $*(T+i)$ par :

Pour $i=0$, $(T + i) = (@T + i * \text{taille_objet_pointe}) = (T + 0 * 4) = (T + 0)$ début du tableau , ceci est l'adresse si on veut le contenu $*(T + i)$

$\text{taille_objet_pointe} = 4$ car c'est la taille du type int tout simplement.

Pour $i=1$, $(T + i) = (T + 1) = (T + 1 * 4) = (T + 4)$ 2ième élément du tableau

...

Pour $i=N$, $(T + i) = (T + N) = (T + N * 4) = (T + N)$ Nieme element du tableau

On se deplace de la taille de l'objet a chaque fois pour se deplacer dans le tableau .

5.3 Gestion de la Memoire

Il faut savoir que lorsque l'on crée des variables ou fonction elle peuvent etre soit statique ou dynamique .

Statique : Elle se fait avant même l'exécution du programme, car elle concerne les variables globales, déclarées en dehors d'une fonction, entièrement connues, fixées et auxquelles on doit pouvoir accéder n'importe où dans le programme. Le compilateur allouera alors la variable en question de manière statique dans un segment .

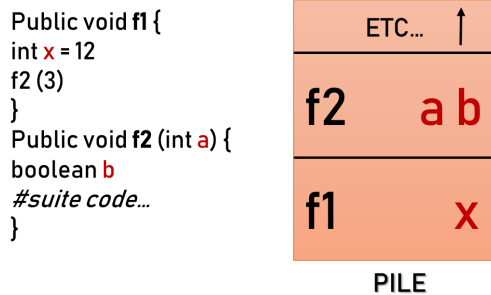
Dynamique : Ensuite vient l'allocation dynamique de memoire gerer cette fois par la pile d'execution(stack) et le tas(heap).Il faudra donc veuiller a bien allouer de la memoire pour la variable dynamique et a la restituer grace au fonction malloc(t_size) et free() .

Pile/Stack :

Lors de l'exécution d'un programme, chaque appel de fonction implique la création d'un nouveau bloc au sommet de la pile, correspondant à la fonction en question.

L'intérêt du LIFO prend alors tout son sens : cela permet de connaitre l'endroit où chaque fonction active (dont l'exécution n'est pas terminée) doit retourner à la fin de son exécution.

La pile stocke également les données associées à chaque fonction, telles que les variables locales, les paramètres, etc... Lorsqu'une fonction se termine, le bloc de la pile correspondant, nécessairement au sommet de celle-ci, est libéré, donc les variables placées dans la pile par cette fonction sont supprimées.



Tas/Heap :

Le tas lui correspond au second segment de mémoire utilisé pour l'allocation dynamique. A la différence de la pile, vous êtes responsable de l'allocation de la mémoire sur le tas, avec l'utilisation de `malloc()` ou `calloc()` (fonctions C intégrées). Évidemment, vous devez également gérer l'utilisation de `free()` pour libérer cette mémoire dès que vous n'en avez plus besoin. Il est très important de le faire afin d'éviter les fuites de mémoire, qui provoquent la saturation de la mémoire machine.

Les variables créées sur le tas sont accessibles par n'importe quelle fonction et n'importe où dans le programme, rendant leur portée globale. Il n'en fallait pas plus pour ajouter une contrainte supplémentaire : la gestion de l'accès concurrentiel (Quand 2 utilisateur veulent accéder à une même ressource en même temps).

Pile ou Tas :

La mémoire sur le tas est plus grande et plus durable que sur la pile qui elle requiert une gestion plus complexe et donc plus lente. Le tas offre une bien plus grande liberté : au-delà de la portée globale des variables, celles-ci peuvent être redimensionnées à l'aide de la fonction `realloc()`, la taille des variables dans le tas n'est pas limitée, du moins seulement par la limite physique de la mémoire.

On peut montrer le schéma suivant pour résumer cette partie sur la gestion de la mémoire :

0x00000000	<i>reserved</i>	
0xYYYYYYY <i>Cette adresse dépend de la plate-forme.</i>	text bss data ...	Programme : - Segment "text" contenant le code machine, - Données statiques globales - Données dynamiques - Liens avec les bibliothèques
0xbrk(0)	Allocated data	Tas : Données allouées dynamiquement par malloc pendant l'exécution du programme
	↓	Mémoire libre : Zone de mémoire libre utilisée pour la croissance du tas et de la pile.
	ld.so libC.so	Liens dynamiques : Zone de mémoire utilisée pour charger dynamiquement les bibliothèques.
	↑ frame 2 frame 1 frame 0	Pile : Chaque "frame" est spécifique à une procédure. Chaque "frame" contient les variables locales de la procédure, l'adresse de retour, et une sauvegarde des paramètres en entrée, voire une copie de certains registres. Le cadre 1 ("frame" 1) correspond normalement à la fonction main
0xffffffff		

5.4 Tableau heterogene

Pour se déplacer dans un tableau heterogene , il suffit de se déplacer de la taille de l'objet .

Pour connaître l'adresse de debut du tableau , peut importe le type ça sers toujours en (T+0) , mais si on veut aller sur le debut de la case du INT alors on se deplace de sizeof(char) pour arriver au debut de la case du INT.

L'ordinateur calcule automatiquement les indices de la facons suivant : $(T+i*Taille_objet_pointeur)$.

Exemple :

```
char *T=malloc(sizeof(char));
printf("%c\n",*(T)); \\lecture 1er element
T=T+1; \\char = 1
printf("%d\n",*(int *)T); \\lecture 2ieme element
T=T+sizeof(int);
printf("%d\n",*(double*)T); \\lecture 3ieme element
```



```
T=T+sizeof(double) \\ déplacement a l'element suivant
...
```

5.5 Pointeur de Fonction

-Declaration e :

```
type_t (ptfonction) (...parametres ...);
```

-Exemple :

```
double(F2)(void); /Sans parametre/
int(F3)(int, S_t); /avec 2 parametres/
```

Pour creer un affichage (ou autre) générique on peut déclarer des pointeurs de fonction dans la structure de l'objet :

```
typedef struct entier_s entier_t ;

struct entier_s
{
    /* Attributs */
    int i ;
    /* Methodes */
    void (*afficher)(entier_t *) ;
    void (*incrementer)(entier_t *) ;
    void (*decrementer)(entier_t *) ;
} ;
```

Ou alors on peut creer une enumeration et faire une fonction d'aiguillage :

```
typedef enum message_s { AFFICHER , INCREMENTER , DECREMENTER } message_t ;

typedef struct objet_s objet_t ;

struct objet_s
{
    /* Attributs (vide) */
```

```
/* Methodes (1 seule : aiguillage) */
void (*switching)(objet_t * , message_t) ;
} ;

static
void afficher_int( entier_t * entier )
{
    printf( "%d\n" , entier->i ) ;
}

static
void decrementer_int( entier_t * entier )
{
    entier->i-- ;
}

static
void incrementer_int( entier_t * entier )
{
    entier->i++ ;
}

/* Corps aiguillage specifique a entier_t */
static
void switching_int( objet_t * self , message_t message )
{
    switch(message)
    {
        case AFFICHER :
            ((entier_t *)self)->afficher((entier_t *)self) ;
            break ;
        case INCREMENTER :
            ((entier_t *)self)->incrementer((entier_t *)self) ;
            break ;
        case DECREMENTER :
            ((entier_t *)self)->decrementer((entier_t *)self) ;
            break ;
    }
}
```

5.6 Encapsulation / Pointeur générique

Le type `void*` permet de pointer sur n'importe quel type d'objet (`int`, `char`, `struct _t`, ...)

Exemple :

```
int entier=5;
int *pent=&entier;
void *pgen;

pgen=pent; //ok
pent=pgen; //ko dereferencement
```

Un pointeur générique `void*` ne peut pas être dereferencé c'est à dire être à droite de l'affectation.

Utilité :

Le principe d'utiliser des pointeurs génériques est de permettre de rendre des fonctions génériques capables de prendre en paramètre n'importe quel type d'objet on appelle cela l'encapsulation/callback.

On utilise une fonction classique qui fait son traitement sur des `int` par exemple `"void afficher_int(int *entier)"` et ensuite on crée une 2ème fonction qui va venir encapsuler la première grâce aux pointeurs génériques `"void afficher_int (void *obj)"` ou l'on retournera la 1ère fonction. Il faut que `"int entier"` soit de type pointeur lors du passage en paramètre de la fonction `"int *entier"` sinon on ne pourra pas référencer le `void*`.

Exemple :

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#include "test.h"
#define N 10

void afficher_int (int *ent){
    printf("%d\n",*ent);
    printf("Entier (int) : %d \n",*ent);
```

```
}

//Fonction qui encapsule et qui retourne la fonction pour le bon type d'objet
void afficher_int_cb (void * ent){
    return (afficher_int(ent));
}

void afficher_char(char *car){
    printf("Caractere (char) : %s \n",car);
}

void afficher_char_cb(void *car){
    return (afficher_char(car));
}

void afficher_string(char *string){
    printf("Chaine de caractere (char *) : %s \n",string);
}

void afficher_string_cb(void *string){
    return (afficher_string(string));
}

//Fonction generique qui permet de choisir les fonction d'encapsulation pour
void afficher (void * obj,int val){
    if(val == 0){
        afficher_int_cb(obj);
    }
    else if (val == 1){
        afficher_string_cb(obj);
    }
    else{
        afficher_char_cb(obj);
    }
}

int main (int argc , char *argv[]){

    int ent;
    char car;
    char *string=malloc(sizeof(char *));
```

```
printf("Entrez entier : ");
scanf("%d",&ent);

printf("Entrez chaine de caractere : ");
scanf("%s",string);

printf("Entrez un caracter : ");
scanf("%s",&car);

printf("\n\n");

afficher(&ent,0);
afficher(string,1);
afficher(&car,2);

free(string);
string=NULL;

return 0;
}
```

Chapitre 6 : Structure

6.1 Type Structure

:

Declaration :

```
#DEFINE MAX 20
```

```
typedef struct s_individu {  
    char nom[MAX] ;  
    char prenom[MAX] ;  
    struct individu * pere ;  
    struct individu * mere ;  
} t_individu ;
```

De plus cette structure est recursif c-a-d que dans ca declaration elle s'appelle elle meme (pere,mere).

Ducoup si on declare une variable :

Avec typedef : t_individu Nom_var ;

Sans typedef : struct s_individu Nom_var ;

6.1.1 Passage en parametre de fonction

Si on declare une variable de type t_individu ,on feras un passage par adresse a la fonction pour utilise notre structure sans perdre de donnee.
exemple :

```
int indiv_creer(t_individu *Indiv){  
  
}  
  
void main(){
```

```
t_individu Indiv;  
indiv_creer(&Indiv);  
}
```

6.2 Enumeration et Union

Enumeration : *enum nom_enum val1, val2, ..., valN;*

Union : Se declare et s'utilise comme une structure .Contrairement a une structure une union ne peut contenir qu'un seul de ces membres a la fois.

```
typedef struct nombre_s{  
    unsigned entier : 1;  
    unsigned flottant : 1;  
    union  
    {  
        int e;  
        double f;  
    } u;  
}nombre;  
  
static void affiche_nombre(struct nombre n)  
{  
    if (n.entier)  
        printf("%d\n", n.u.e);  
    else if (n.flottant)  
        printf("%f\n", n.u.f);  
}
```

Chapitre 7 : Recusitivité

7.1 Recusitivité

Definition :

Une fonction est dite recursive quand elle fait appel a elle meme pour traiter certaine operation .

Une fonction recursive doit avoir un "test d'arret" pour sortir de l'appel recursif .

On cree autant de contexte d'execution qu'il y a d'appel de la fonction , il y a donc une place memoire reservee pour les variable local de la fonction a chaque appel, c'est a dire que pour un meme appel de fonction on aura differentes variables local meme si elle portent le meme nom .

Exemple :

fact(n) -> sauvegarde de n en var local pour le 1er appel

fact(n) -> sauvegarde de n en var local pour le 2ieme appel

Pourtant les 2 n sont different ils portent le meme nom meme pas a la meme adresse .

Rappel : Variable Global = 1 exemplaire \neq Variable local = n exemplaire en memoire

Un exemple de fonction recursive , la factoriel :

```
/* fonction qui renvoie n! */
int fact(int n) {
    if (n == 1)           //Condition d'arret
        return 1;
    return n * fact(n-1); // Appel recursif
}
```

Appel : printf("%i", fact(3));

7.1.1 Recusitivite Terminal/Non-Terminal

On dit qu'une fonction est Terminal quand la dernière instruction finit par l'appel de la fonction \neq Non-Terminal .

Exemple :

La fonction fact du dessus est non Terminal car la dernière instruction se finit par une multiplication ($n * \text{fact}(n-1)$) , le dernière terme est n et non fact() .

Si on prend une version Terminal de la fonction fact cela donnerai :

```
/* fonction qui renvoie n! */
int fact2(int n, int result){
    if (n == 1)
        return result;
    return fact2(n-1, n*result);
}
```

Appel : `printf("%i", factorielle(3,1));`

7.1.2 Derecursivation

Toutes fonction recursive a une ecriture equivalente en **iterative** (en generale grace a une boucle while) on appelle cela la **derecursivation** .

On peut derecurser une fonction non-terminal mais il faut prendre en compte la gestion d'une pile (stack) .

Chapitre 8 : Complexité

8.1 définition

L'idée en deux mots de la complexité , c'est :

Si je donne a mon programme une entrée de taille N , quel est l'ordre de grandeur, en fonction de N , du nombre d'opérations qu'il va effectuer ? .

Complexité temporelle : Une fonction de N qui mesure le temps de calcul pour une donnée de taille N .

Complexité en mémoire : Une fonction de N qui mesure la place mémoire utilisée pour le calcul sur une donnée N .

Pour la complexité temporelle , on parle soit dans le "pire des cas" , c'est-à-dire on donne une borne supérieure sur le temps de calcul pour toutes les données de taille n . Ou on parle de moyenne , on fait la moyenne des temps de calculs pour toutes les données de taille N . Il faut savoir que le temps de calcul peut varier d'une machine à l'autre (il s'agit donc d'une estimation du temps de calcul) .

Pour calculer la complexité d'un algorithme on calcule le nombre d'opérations "élémentaires" faites (additions, multiplications, etc.).

8.2 Complexité Exponentielle $O(10^n)$

Prenons un cadenas à trois chiffres, le but est de trouver la combinaison pour ouvrir le cadenas. Nous décidons de tester, une à une, toutes les combinaisons.

Nous essayons le nombre le plus petit (000) puis le nombre suivant (001) et ainsi de suite jusqu'à atteindre 999. En effet, nous calculons que cette stratégie nous prendra, dans le pire des cas, 30 minutes.

Effectivement, quelques minutes plus tard, le cadenas s'ouvre. Hourra ! Le code était 123. Facile ! Notre stratégie était efficace et nous nous félicitons d'être si intelligents.

Mais si nous prenons un cadenas à 4 chiffres. Forts de notre premier succès, nous nous basons sur le même algorithme pour trouver le code. Tester toutes les combinaisons possibles aurait pris plus de 5 heures.

Comment le temps de calcul peut-il passer de 30 minutes à 5 heures en ajoutant un simple chiffre ? Le secret, c'est la complexité de notre algorithme.

Si le code a 3 chiffres, il faut tester 1000 combinaisons (eh oui, tous les nombres entre 000 et 999). En revanche, s'il en a 4, il faut en tester 10 000. S'il en avait eu 5, il aurait fallu en tester 100 000, et ainsi de suite. Nous nous apercevons donc que notre algorithme d'ouverture de coffre dépend du nombre de chiffres du code donc de la taille de la donnée N .

8.3 Complexité Linéaire $O(n)$

Prenons le même cadenas à 4 chiffres, afin de trouver le premier chiffre du code, on teste 10 combinaisons. Quand on l'a trouvé, on passe au suivant et teste de nouveau 10 combinaisons. Et ainsi de suite pour chaque chiffre ! On n'aura donc à tester que 40 combinaisons ($10 + 10 + 10 + 10$, soit 10×4) pour ce cadenas à quatre chiffres (ce qui est mieux que les 10 000 combinaisons que nous nous apprêtions à essayer...).

Si l'on y regarde de plus près, on teste 10 nouvelles combinaisons pour chaque nouveau chiffre du cadenas. Autrement dit, si n est le nombre de chiffres, on teste $10 \times n$ combinaisons. Vous l'avez dans le mille, la "complexité" de cet algorithme était bien meilleure que celui d'avant (complexité exponentielle).

8.4 Complexité en Temps Constant $O(1)$

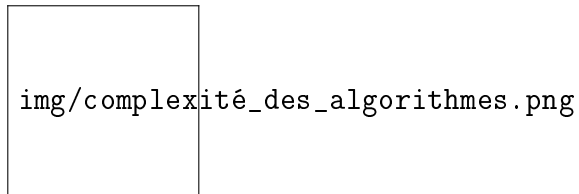
Maintenant prenons un cadenas à 500 chiffres et essayons l'algorithme linéaire, cela nous prendrait environ 3h pour trouver le code, nous voilà au même problème qu'au début.

Aussi efficace que soit la technique, le nombre de chiffres du cadenas est trop

important. Autrement dit, la taille des données du problème excède la capacité de notre algorithme.

Une complexité en temps constant, quel que soit le nombre de chiffres, il prendra toujours le même temps.

Voici un petit recapitulatif des complexité :



Chapitre 9 : Trie

Les algorithmes de trie peuvent être très efficaces comme très lents, c'est pourquoi pour comparer 2 algorithmes de trie on regarde leur complexité en $O(n)$, nombre d'instructions exécutées.