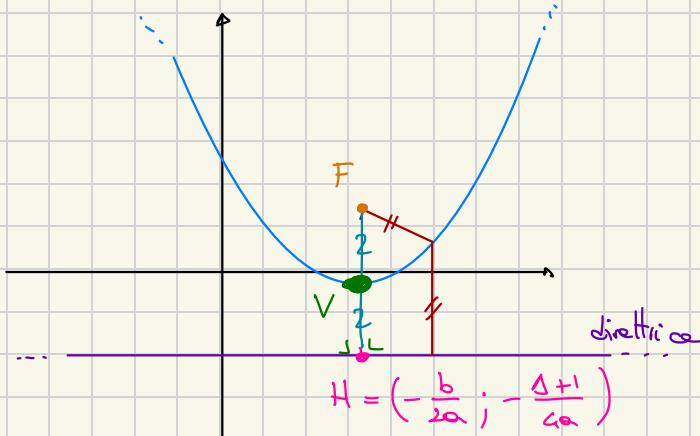


Settimana: 14

Argomenti:

Materia: Matematica  
Classe: 3D  
Data: 16/12/2025



$F$  fuoco  
 $y=k$  direttrice

$$y = ax^2 + bx + c$$

$$k = -\frac{\Delta+1}{4a}, \quad F = \left(-\frac{b}{2a}; \frac{1-\Delta}{4a}\right)$$

Def.: Il vertice delle parabole è il punto che si trova a metà del segmento che congiunge il fuoco con la direttrice in maniera 1

Trovò le coordinate del vertice.

Dato  $H$  trovato usendo coordinate di  $F$  e direttrice

$$H = \left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta+1}{4a}\right)$$

Trovò  $V$  come pto medio tra  $F$  e  $H$

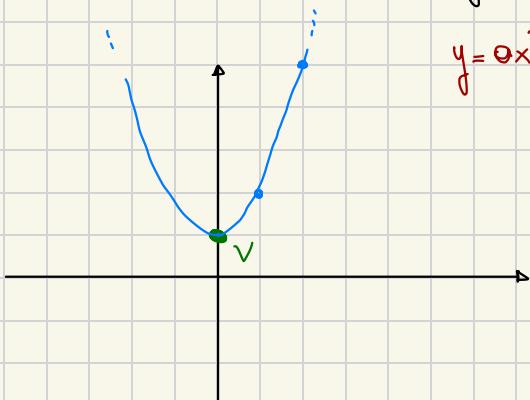
$$V = \left(\frac{x_H+x_F}{2}; \frac{y_H+y_F}{2}\right) = \left(-\frac{b}{2a}; \frac{-\frac{\Delta+1}{4a} + \frac{1-\Delta}{4a}}{2}\right) = \left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$$

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

Trucco: Se mi ricordo  $x_V$ , ma non  $y_V$  è sufficiente mettere  
le  $x_V$  nell'equazione della parabola e si ricava  $y_V$

Esempio es:

Trovare Vertice e disegnare  $\boxed{y = x^2 + 1}$



$$y = ax^2 + bx + c$$

$$a = 1$$

$$b = 0$$

$$c = 1$$

$$\frac{b^2 - 4ac}{4a}$$

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$= \left( 0; -\frac{4}{4 \cdot 1} \right) = (0; -1)$$

x	y
1	2
2	5
3	10
-1	2
-2	5

$$y = -x^2 + 4x - 3$$

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$a = -1$$

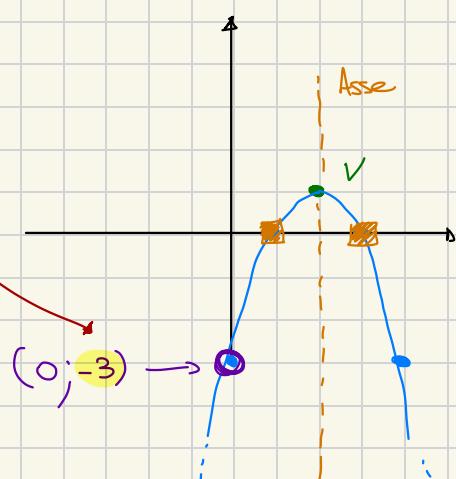
$$b = 4$$

$$c = -3$$

$$= \left( -\frac{4}{2(-1)}; -\frac{(16-12)}{4(-1)} \right)$$

$$= (2; 1)$$

x	y
0	-3
4	-3
1	0
3	0



Fatti: (1) Data una parabola  $y = ax^2 + bx + c$ , chiamiamo asse della parabola la retta  $x = -\frac{b}{2a}$ , cioè la retta verticale che passa per il vertice. La Parabola è simmetrica rispetto all'asse (no dim)

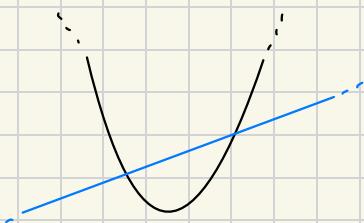
(2) La parabola ha il vertice in basso se  $a > 0$ , ha il vertice in alto se  $a < 0$ , (no dim)

(3) Le intersezioni con gli assi cartesiani sono:

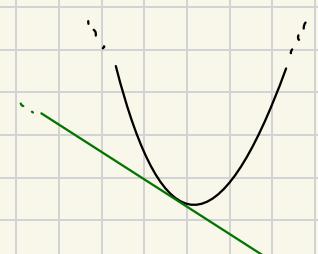
Asse  $y$   $\left\{ \begin{array}{l} y = ax^2 + bx + c \\ x = 0 \end{array} \right.$   $\Rightarrow$  la parabola intersecca l'asse  $y$  nel punto  $C = (0; c)$

Asse  $x$   $\left\{ \begin{array}{l} y = ax^2 + bx + c \\ y = 0 \end{array} \right.$   $\Rightarrow$  la parabola intersecca l'asse  $x$  nei punti di sono soluzione dell'eq. di II grado  $ax^2 + bx + c = 0$

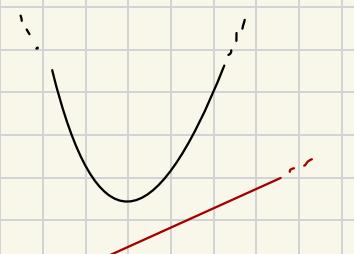
### Intersezioni fra rette e parabole



Rette secute la parabola



Rette tangenti la parabola



Rette esterne alla parabola

$\Rightarrow$  Le rette // all'asse intersecano in un solo pto, ma NON sono tangenti

Per trovare cose accade a livello di formule e numeri, semplici si fa il sistema fra rette e parabola

$$\begin{cases} y = ax^2 + bx + c \\ ax + by + c = 0 \end{cases}$$

Il sistema ha grado 2 e quindi retta e parabola si incontrano in al massimo 2 pti

- 2 pti  $\rightarrow$  Se conti
  - 1 pto  $\rightarrow$  tangente  $\circ //$  esse
  - 0 pto  $\rightarrow$  Esterne
- 

4 alternative

n domande

Giuste	+4	}
Sbagliate	-1,3	
Lasciate	0	

$\rightarrow$  Poi si riscalda in 10 e minimo = 3

5 scelte A, B, C, D, lascia

$$\begin{array}{l} \frac{1}{5} \text{ di forla bene} \quad \rightarrow \frac{1}{5} \cdot 4 \\ \frac{3}{5} \text{ di sbagliare} \quad \rightarrow -\frac{3}{5} \\ \frac{1}{5} \text{ di lasciarla} \quad \rightarrow \frac{1}{5} \cdot 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} + \\ + \\ \hline \end{array} \right\}$$

IL punteggio che mi aspetto sperando a caso

Federico subito dopo scuola

Fil P. del 27

Alice Fine G.

Giovanni 25-26-27

Pag 316 n 222

$$y = x^2 - 2x + 7$$

$$r: y = 2x - 1$$

(1) Trova  $s \parallel r$  che passa per V.

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$V = \left( -\frac{-2}{2}; -\frac{4-4\sqrt{3}}{4} \right) = (1; 6)$$

$$y - y_P = m(x - x_P)$$

Ie coeff ang di s è 2. ms s:  $(y - 6) = 2(x - 1)$

(2) Trova intersezioni con parabola

$$\begin{cases} (y - 6) = 2(x - 1) \\ y = x^2 - 2x + 7 \end{cases} \quad \begin{cases} y = 2x + 4 \\ 2x + 4 = x^2 - 2x + 7 \end{cases}$$

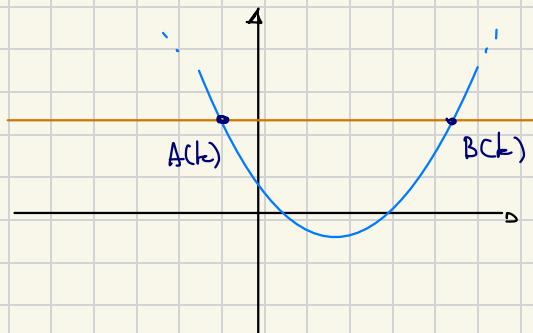
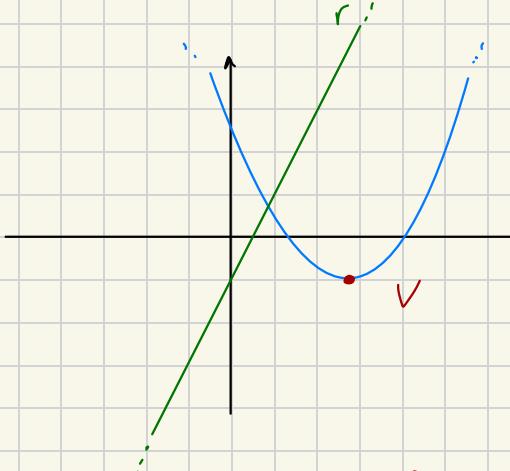
$$\Rightarrow x^2 - 4x + 3 = 0 \\ (x-1)(x-3) = 0$$

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{x=1} \begin{cases} x=1 \\ y=6 \end{cases} \text{ cm Vertice} \\ \xrightarrow{x=3} \begin{cases} x=3 \\ y=10 \end{cases} \end{array}$$

226 Fascio di rette  $y=k$

$$y = x^2 + kx - 7$$

Trova k in modo che il segmento tra i due pti di intersezione sia lungo 6



(1) Trovo le intersezioni

$$\left\{ \begin{array}{l} y = k \\ y = x^2 + 4x - 7 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow k = x^2 + 4x - 7 \quad \Rightarrow \boxed{x^2 + 4x - 7 - k = 0}$$

$$\frac{\Delta}{4} = 4 + 7 + k = 11 + k$$

$$x_1/x_2 = -2 \pm \sqrt{11+k}$$

$$A(k) = \begin{pmatrix} -2 - \sqrt{11+k} & ; & k \end{pmatrix} \quad B(k) = \begin{pmatrix} -2 + \sqrt{11+k} & ; & k \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} \overline{A(k)B(k)}^2 &= (x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 \\ &= [-2 + \sqrt{11+k} - (-2 - \sqrt{11+k})]^2 + (k - k)^2 \\ &= (2\sqrt{11+k})^2 = 36 \end{aligned}$$

$$4(11+k) = 36 \quad 11+k = 9 \quad \Rightarrow \boxed{k = -2}$$

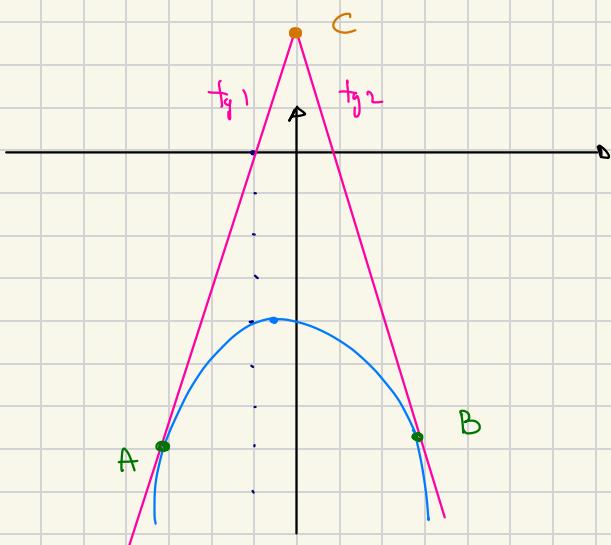
25G  $y = -x^2 - 2x + 7$   
 $C = (0; 7)$

(1) Disegnare

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right) =$$

$$= \left( -\frac{-2}{-2}; \frac{4+4 \cdot 7}{4(-1)} \right)$$

$$= (-1; -8)$$



(1) Considero il fascio di rette che ha centro C

$$y - y_c = k(x - x_c)$$

$$y - 11 = kx \Rightarrow y = kx + 11$$

(2) Trovo le intersezioni tra il fascio e la parabola

$$\begin{cases} y = -x^2 - 2x + 7 \\ y = kx + 11 \end{cases}$$

$$\Rightarrow -x^2 - 2x + 7 = kx + 11$$

$$x^2 + x(2+k) + 4 = 0$$

Le soluzioni rappresentano i pti di intersezione tra una retta del fascio e la parabola.

(3) Trovo i k che vetticano le tangenti imponendo che l'eq. abbia 1 sola soluzione. Questo coincide con  $\Delta = 0$

$$(2+k)^2 - 4 \cdot 4 = 0$$

$$k^2 + 4k - 12 = 0$$

$$(k+6)(k-2)$$