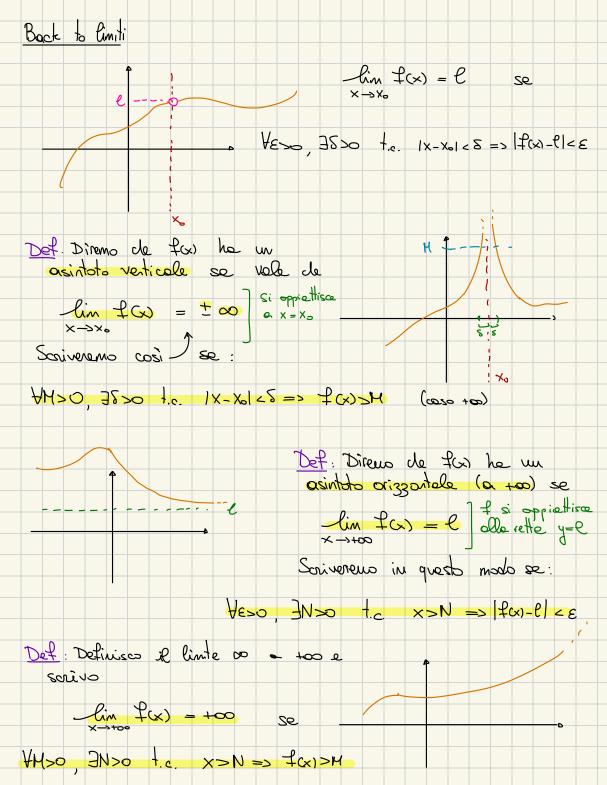
Argomenti: Esercizi alla langua Definizione di Limiti precise. Esercizio cordine per studio di funzione mediante limiti Settimona: 4 Materia: Matematica Classe: 5C Data: 6/10/2025 NG1 pag 1448 $f(x) = \frac{1}{1 \times 1 + 2x^2}$ (1) Dom(x)1x1 + 2x2 \$0 => x+0 $2x^2 \neq -1x1$ $Dom(2) = \{x \neq 0\}$ (2) { è pari o disperi? } (x) = f(-x) $f(-x) = \frac{1}{(-x) + 2(-x)^2} = \frac{1}{|x| + 2x^2} = f(x)$ Disposi: $-2(-\alpha) = -\frac{1}{|-\alpha| + 2(-\alpha)^2} = -\frac{1}{|x| + 2x^2}$ che è divoss de foi pendé c'è il - dovouti. (3) inf (2) = 0. Intuiscila e verificalo. $f(x) = \frac{1}{|x| + 2x^2}$ (1) O è minorente 1×1+5×5 >0 2! semble neco

(2) O è il più grande dei minorenti Sie E >0, Se le diseq 1x1+2x2 > E NON è surpre vere, $\frac{1-\varepsilon|x|-\varepsilon 2x^2}{|x|+2x^2}\geqslant 0$ Per somplicate x 20 Noto de D sompre positivo 1- Ex - 2Ex² >0 $2\varepsilon x^2 + \varepsilon x - 1 \leq 0$ $\Delta = \varepsilon^2 + 8\varepsilon$ $x_1/x_2 = -\varepsilon \cdot \nabla \varepsilon^2 + \varepsilon'$ \sim $x_1 \leq x \leq x_2$ ~> NON è seupre vere => E NON è minorente n Limit sup? 3) He minim ? no Non E limitata superiorneute ~~ Inを(も) = - T no Non he minimo



Esempio: $f(x) = \frac{e^{-x} + 1}{x^2 - 1}$ (1) Dom(4) = 1x + + 1 } (1) Assey: x=0 f(0)= 2=-2 A=(0,-2) e-x = -1 <u>Hoi</u> Asse x: y=0 e-x = 0 N: e +1 20 Sempre (3) $con = \frac{e^{-x} + 1}{x^2 - 1} > 0$ ~, X<-1 √ x>-1 (4) Limiti: Si fanno agli estremi dei C.E. e $\lim_{x \to 1^+} f(x) = \lim_{x \to 1^+} \frac{e^{-x} + 1}{x^2 - 1} = +\infty$ $\lim_{x \to (1)^+} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1^{-}} \frac{e^{-x}+1}{x^{2}+1} = -\infty$ $\lim_{x \to 1^{-}} \lim_{x \to 1^{-}} \frac{e^{-x}+1}{x^{2}+1} = -\infty$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{e^{-x}}{x^2 + 1} = 0$ $\lim_{x\to-\infty} f(x) = \lim_{x\to-\infty} \frac{e^{-x}+1}{x^2+1} = Forme ind \frac{\infty}{\infty} = +\infty$ (Gerarchia degli infiniti)

(a)
$$\lim_{x \to 4} (2x-3) = -24$$
 (Non is sono problemi e metere dentro 1)
(b) $\lim_{x \to 4} (2x-4) \cdot ... \cdot$

