

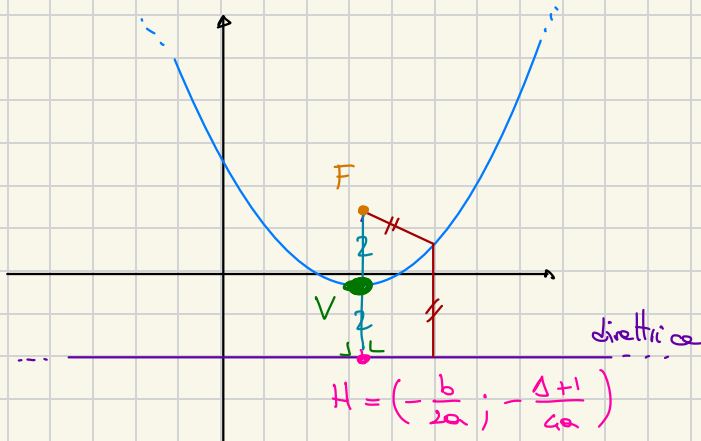
Settimana: 14

Argomenti:

Materia: Matematica

Classe: 3D

Data: 16/12/2025



F fuoco
y-k direttrice
 $y = ax^2 + bx + c$

$$k = -\frac{\Delta+1}{4a}, \quad F = \left(-\frac{b}{2a}; \frac{1-\Delta}{4a}\right)$$

Def. Il vertice della parabola è il punto che si trova a metà del segmento che congiunge il fuoco con la direttrice in maniera 1

Trovo le coordinate del vertice.

Dato H trovato usando coordinate di F e direttrice

$$H = \left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta+1}{4a}\right)$$

Trovo V come pto medio tra F e H

$$V = \left(\frac{x_H + x_F}{2}; \frac{y_H + y_F}{2}\right) = \left(-\frac{b}{2a}; \frac{-\frac{\Delta+1}{4a} + \frac{1-\Delta}{4a}}{2}\right) = \left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$$

$$V = \left(-\frac{b}{2a} ; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

Trucco: Se mi ricordo x_v , ma non y_v è sufficiente mettere la x_v nell'equazione della parabola e si ricava y_v

Esempio es:

Trovare Vertice e disegnare $y = x^2 + 1$

$$y = ax^2 + bx + c$$

$$a = 1$$

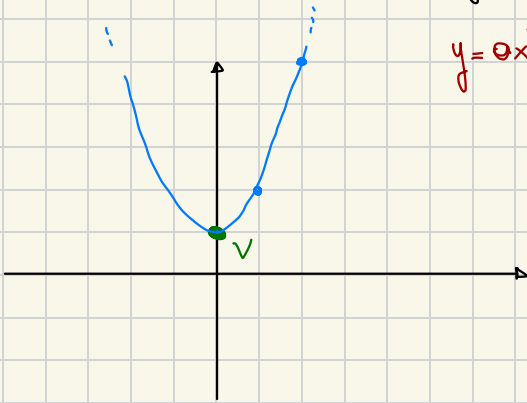
$$b = 0$$

$$c = 1$$

$$b^2 - 4ac$$

$$V = \left(-\frac{b}{2a} ; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$= \left(0 ; -\frac{4}{4 \cdot 1} \right) = (0 ; 1)$$



x	y
1	2
2	5
3	10
-1	2
-2	5

$$y = -x^2 + 4x - 3$$

$$V = \left(-\frac{b}{2a} ; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$= \left(-\frac{4}{2(-1)} ; -\frac{(16 - 12)}{4(-1)} \right)$$

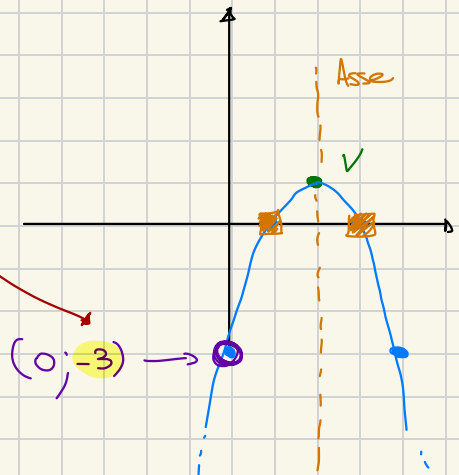
$$= (2 ; 1)$$

$$a = -1$$

$$b = 4$$

$$c = -3$$

x	y
0	-3
4	-3
1	0
3	0



Fatti: (1) Date una parabola $y = ax^2 + bx + c$, chiamiamo asse della parabola la retta $x = -\frac{b}{2a}$, cioè la retta verticale che passi per il vertice. La parabola è simmetrica rispetto all'asse (no dim)

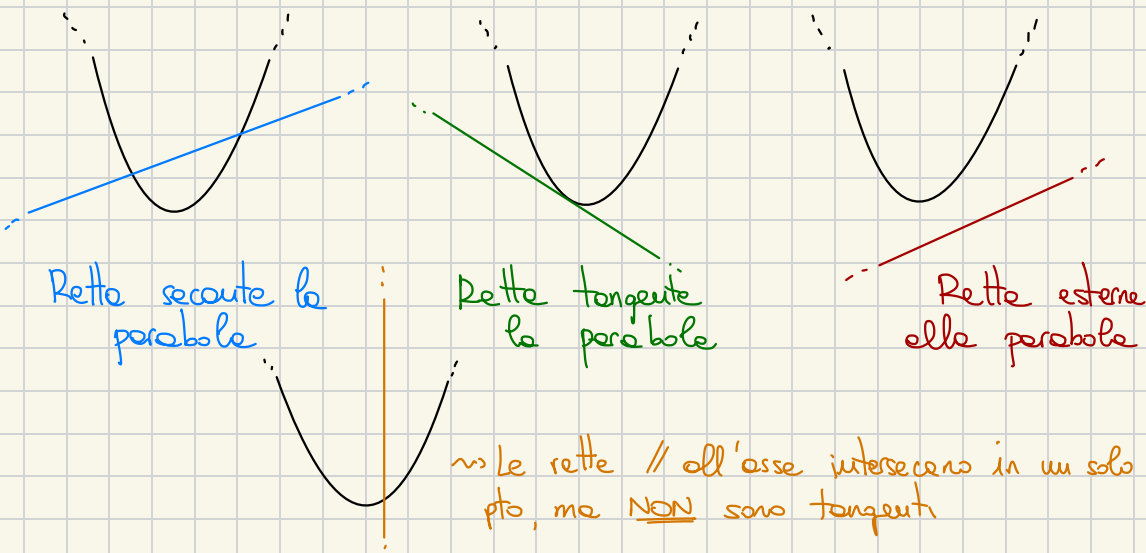
(2) La parabola ha il vertice in basso se $a > 0$, (no dim)
ha il vertice in alto se $a < 0$.

(3) Le intersezioni con gli assi cartesiani sono:

Asse y $\left\{ \begin{array}{l} y = ax^2 + bx + c \\ x = 0 \end{array} \right. \quad \rightsquigarrow \quad \left\{ \begin{array}{l} y = c \\ x = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{la parabola interseca l'asse } y \text{ nel punto } C = (0; c)$

Asse x $\left\{ \begin{array}{l} y = ax^2 + bx + c \\ y = 0 \end{array} \right. \quad \rightsquigarrow \quad ax^2 + bx + c = 0 \Rightarrow \text{la parabola interseca l'asse } x \text{ nei punti che sono soluzioni dell'eq. di II grado } ax^2 + bx + c = 0$

Intersezioni fra rette e parabole



Per trovare cosa accade a livello di formule e numeri, semplice si fa il sistema fra rette e parabole

$$\begin{cases} y = ax^2 + bx + c \\ ax + by + c = 0 \end{cases}$$

Il sistema ha grado 2 e quindi retta e parabola si incontrano in al massimo 2 pti

2 pti \rightsquigarrow Secanti

1 pto \rightsquigarrow tangente o // asse

0 pto \rightsquigarrow Esterne

4 alternative

n domande

Giusta +4
Sbagliata -1,3
Lasciata 0

$\left\{ \rightsquigarrow \text{Poi si risale in 10 e minimo} = 3 \right.$

5 scelte A, B, C, D, lascio

$\frac{1}{5}$ di farla bene $\rightsquigarrow \frac{1}{5} \cdot 4$
 $\frac{3}{5}$ di sbagliare $\rightsquigarrow -\frac{3}{5}$
 $\frac{1}{5}$ di lasciarla $\rightsquigarrow \frac{1}{5} \cdot 0$

\downarrow
Il punteggio che mi aspetto sperando o caso

Federico subito dopo scuola

Alice Fine G.

Genova 25-26-27

Fil P. del 24

Pag 316 n 222

$$y = x^2 - 2x + 7$$

$$r: y = 2x - 1$$

(1) Trova $s \parallel r$ che passa per V.

$$V = \left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$V = \left(-\frac{-2}{2}; -\frac{4-47}{4} \right) = (1; 6)$$

Il coeff ang di s è 2. \leadsto s: $(y-6) = 2(x-1)$

(2) Trova intersezioni con parabola

$$\begin{cases} (y-6) = 2(x-1) \\ y = x^2 - 2x + 7 \end{cases} \quad \begin{cases} y = 2x + 4 \\ 2x + 4 = x^2 - 2x + 7 \end{cases}$$

$$\leadsto x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x-1)(x-3) = 0$$

$$\begin{cases} x=1 \\ y=6 \end{cases}$$

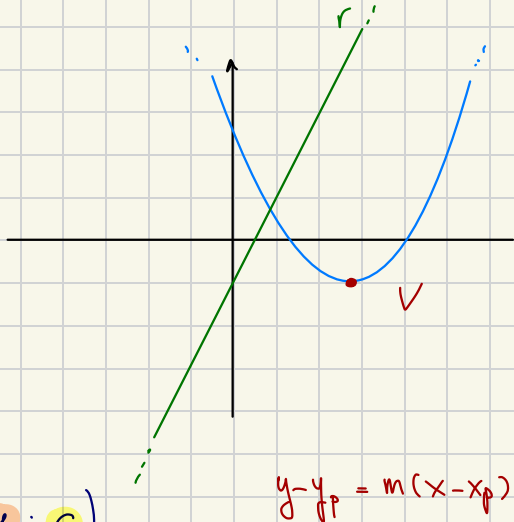
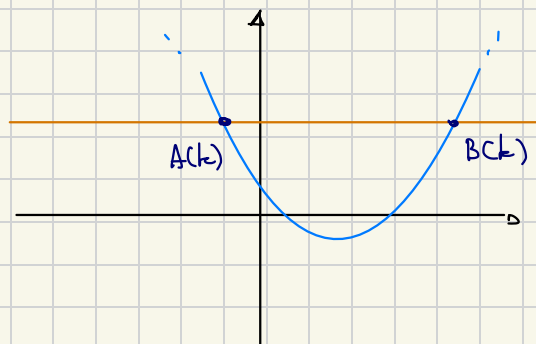
con Vertice

$$\begin{cases} x=3 \\ y=10 \end{cases}$$

226 Fascio di rette $y=k$

$$y = x^2 + 4x - 7$$

Trova k in modo che il segmento tra i due pti di intersezione sia lungo 6



$$(1) \text{ Trova le intersezioni } \begin{cases} y=k \\ y=x^2+4x-7 \end{cases}$$

$$\leadsto k = x^2 + 4x - 7 \leadsto \boxed{x^2 + 4x - 7 - k = 0}$$

$$\frac{\Delta}{4} = 4 + 7 + k = 11 + k$$

$$x_1/x_2 = -2 \pm \sqrt{11+k'}$$

$$A(k) = \left(-2 - \sqrt{11+k'} ; \textcolor{red}{k} \right) \quad B(k) = \left(-2 + \sqrt{11+k'} ; \textcolor{red}{k} \right)$$

$$\begin{aligned} \overline{A(k)B(k)}^2 &= (x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 \\ &= \left[-2 + \sqrt{11+k'} - (-2 - \sqrt{11+k'}) \right]^2 + (k - k)^2 \\ &= \left(2\sqrt{11+k'} \right)^2 = \textcolor{brown}{36} \end{aligned}$$

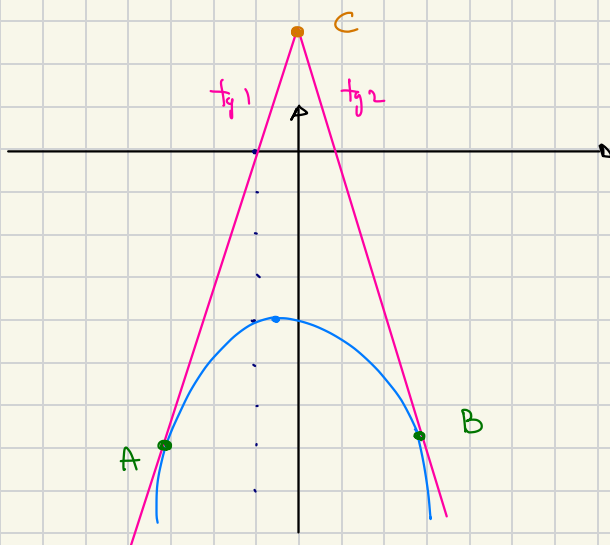
$$4(11+k) = 36$$

$$11+k = 9 \leadsto \boxed{k = -2}$$

254 $y = -x^2 - 2x + 7$
 $C = (0; 11)$

(1) Disegnare

$$\begin{aligned} V &= \left(-\frac{b}{2a} ; -\frac{\Delta}{4a} \right) = \\ &= \left(-\frac{-2}{-2} ; \frac{4+4 \cdot 7}{4(-1)} \right) \\ &= (-1 ; -8) \end{aligned}$$



(1) Considero il fascio di rette che ha centro C

$$y - y_c = k(x - x_c)$$

$$y - 11 = kx \quad \leadsto \quad \boxed{y = kx + 11}$$

(2) Trovo le intersezioni tra il fascio e la parabola

$$\begin{cases} y = -x^2 - 2x + 7 \\ y = kx + 11 \end{cases}$$

$$\leadsto -x^2 - 2x + 7 = kx + 11$$

$$x^2 + x(2+k) + 4 = 0$$

↳ Le soluzioni rappresentano i pts di intersezione tra una retta del fascio e la parabola.

(3) Trovo i k che verificano le tangenti imponendo che l'eq. abbia 1 sola soluzione. Questo coincide con $\Delta = 0$

$$(2+k)^2 - 4 \cdot 4 = 0$$

$$k^2 + 4k - 12 = 0$$

$$(k+6)(k-2)$$