

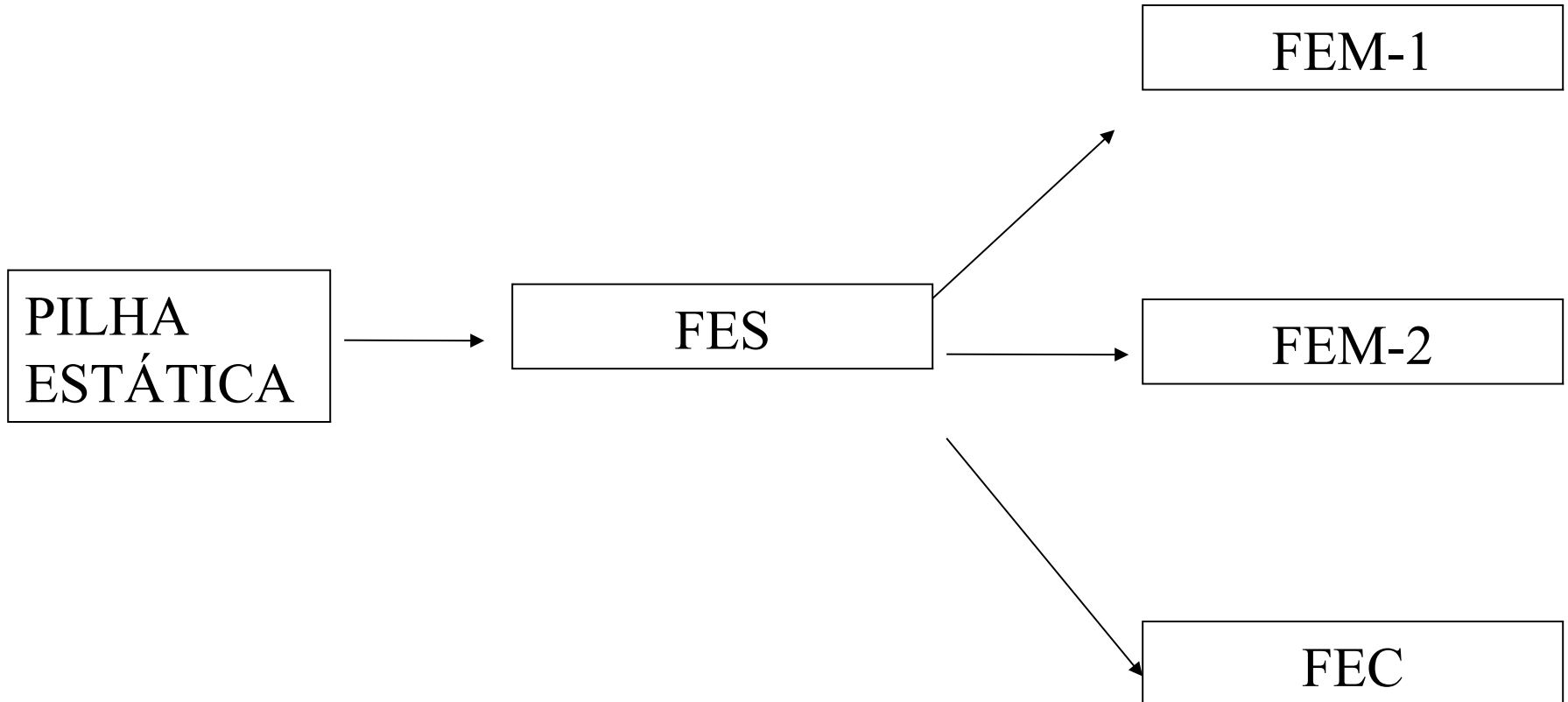
# FILAS (Queues)

- Estrutura linear de acesso seqüencial;
- Ordena pela seqüência cronológica FIFO (First In First Out) o 1º a chegar será o 1º a sair da fila;
- Manipulação pelas duas extremidades, aqui utilizaremos como *frente* e *cauda* (outras nomenclaturas podem ser encontradas na literatura);
- Inserções sempre na *cauda* (entrada), remoções sempre da *frente* (saída);
- A fila se alonga desde a sua *cauda* até a sua *frente*.



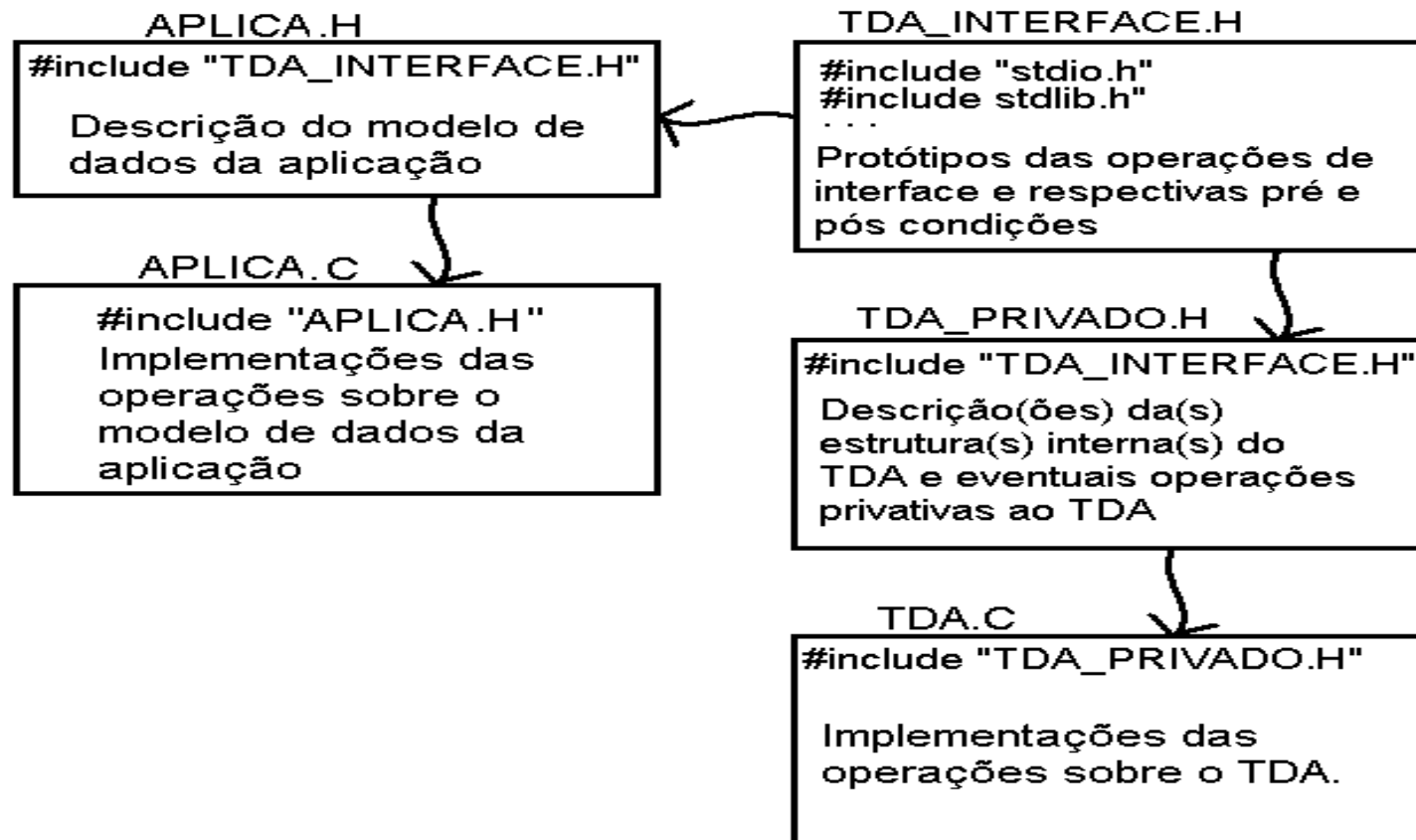
## Estudo da Fila Estática:

- O ponto de partida será a PE recém estudada;
- Incrementaremos os modelos de filas estáticas desde o mais simples (FES) até mais sofisticado (FEC).



## Estudo da Fila Estática:

- Incrementaremos os modelos de filas estáticas desde o mais simples (FES) até mais sofisticado (FEC).
- A arquitetura do TDA é a mesma utilizada para a PE

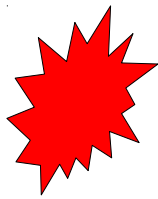


# 1) FES: Fila Estática Simplória - adaptada diretamente de uma PE

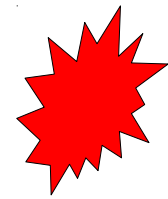
```
typedef struct {  
    void **vetFila;  
    int comprimentoDoVetor;  
    int frente; /*indexa a saída da fila */  
    int cauda; /*indexa a entrada na fila */  
    int tamInfo;  
} Fila;
```

- a) Inicialização:  $\text{cauda} = -1$ ,  $\text{frente} = 0$ ;
- b) Número de elementos na Fila:  $\text{cauda} - \text{frente} + 1$ ;
- c) Fila vazia :  $\text{cauda} < \text{frente}$ ;
- d) Fila cheia:  $\text{cauda} == \text{ComprimentoDoVetor} - 1$ ;
- e) **Inserções incrementam a *cauda*;**
- f) **Remoções incrementam a *frente***

			VETOR				
	frente	cauda	0	1	2	3	
1)	0	-1					fila recém criada (vazia)
2)	0	-1					Tentativa de remoção ⇒ ERRO: fila vazia
3)	0	0	X0				inseriu X0, cauda++
4)	0	1	X0	X1			inseriu X1, cauda++
5)	0	2	X0	X1	X2		inseriu X2, cauda++
6)	1	2		X1	X2		removeu X0, frente++
7)	2	2			X2		removeu X1, frente++
8)	3	2					removeu X2, frente++ Fila vazia cauda < frente



# INCONSISTÊNCIAS NA FES



			VETOR				
	frente	cauda	0	1	2	3	
...	...	...	...	...	...	...	...
j)	2	3			P	Q	Fracasso ao tentar nova inserção pois o status é FILA CHEIA: $cauda == tamVet - 1$ <b>Porém há espaço no vetor: <math>vet[0]</math> e <math>vet[1]</math></b>
...	...	...	...	...	...	...	...
k)	3	3				W	Fila com um único elemento: W
k+1)	4	3					Removeu W: $frente++$ <b>Fila CHEIA <math>cauda == tamVet - 1</math> e ao mesmo tempo Fila VAZIA <math>causa &lt; frente</math></b>

## 2) FEM-1: Fila Estática com Movimentação de Dados a cada remoção - adaptação sobre a FES

Para evitar o alarme falso da FES, a cada remoção move-se toda a fila na direção do início do vetor aproveitando o espaço deixado pela remoção:

```
for (i=0; i < tamanhoFila; i++)  
    memcpy(p->vet[i], p->vet[i+1], p->tamInfo);  
p->cauda = p->cauda-1;  
p->frente = 0;
```

Portanto:

- a) Inserções incrementam a *cauda*, conforme a FES...
- b) Porém a *frente* fica fixa no início do vetor (índice zero);
- c) Tamanho da fila:  $cauda - frente + 1 = cauda - 0 + 1 = cauda + 1$ ;
- d) Inicialização:  $cauda = -1$ ,  $frente = 0$ ;
- e) Fila vazia:  $cauda < frente$ ;
- f) Fila cheia:  $cauda = comprimentoDoVetor - 1$ .

	frente	cauda	vetor				
			0	1	2	3	
1)	0	-1					fila recém criada (vazia)
2)	0	-1					remoção $\Rightarrow$ ERRO: fila vazia
3)	0	0	X0				inseriu X0, cauda++
4)	0	1	X0	X1			inseriu X1, cauda++
5)	0	2	X0	X1	X2		inseriu X2, cauda++
6)	0	2		X1	X2		removeu e moveu fila à esquerda (compactou)
	0	1	X1	X2			
7)	0	2	X1	X2	X3		inseriu X3
8)	0	2		X2	X3		removeu e moveu fila à esquerda (compactou)
	0	1	X2	X3			
9)	0	2	X2	X3	X4		inseriu X4
10)	0	3	X2	X3	X4	X5	inseriu X5 $\Rightarrow$ fila realmente cheia !!!!!



	frente	cauda	vetor				
			0	1	2	3	
1)	0	-1					fila recém criada (vazia)
2)	0	-1					remoção ⇒ ERRO: fila vazia
3)	0	0	X0				inseriu X0, cauda++
4)	0	1	X0	X1			inseriu X1, cauda++
5)	0	2	X0	X1	X2		inseriu X2, cauda++
6)	0	2		X1	X2		<div> removeu e moveu fila à esquerda (coluna 0) </div>
	0	1	X1	X2			
7)	0	2	X1	X2	X3		<div> removeu e moveu fila à esquerda (coluna 1) </div>
8)	0	2		X2	X3		
				X2	X3		<div> removeu e moveu fila à esquerda (coluna 2) </div>
	0	1	X2	X3			
9)	0	2	X2	X3	X4		inseriu X4
10)	0	3	X2	X3	X4	X5	<b>inseriu X5 ⇒</b> <b>fila realmente cheia !!!!!</b>

**A FEM-1 produz muitos deslocamentos**

**3) Uma estratégia computacionalmente mais “econômica” consiste em mover os dados apenas quando a compactação for necessária e realizável.**

**Chamaremos esta fila de FEM-2:**

- **Estrutura híbrida → *frente* variável, conforme FES, aliado à compactação como na FEM-1;**
- **Executa a compactação ao detectar um falso sinal de “fila cheia”. Ao invés de compactar a cada remoção.**

### 3) FEM-2: Solução híbrida - Compactando na hora certa

Ao falso sinal de “fila cheia”, compacta-se.

inserção(....)

Se (cauda == comprimentoDoVetor-1)

tamanhoDaFila = cauda - frente + 1;

Se(tamanhoDaFila < comprimentoDoVetor)

for(i=0; i < tamanhoDaFila; i++)

memcpy(p->vet[i], p->vet[i+frente], p->tamInfo);

p->cauda -= p->frente;

p->frente = 0;

*inserção no final da fila;*

Senão

**FILA realmente cheia;**

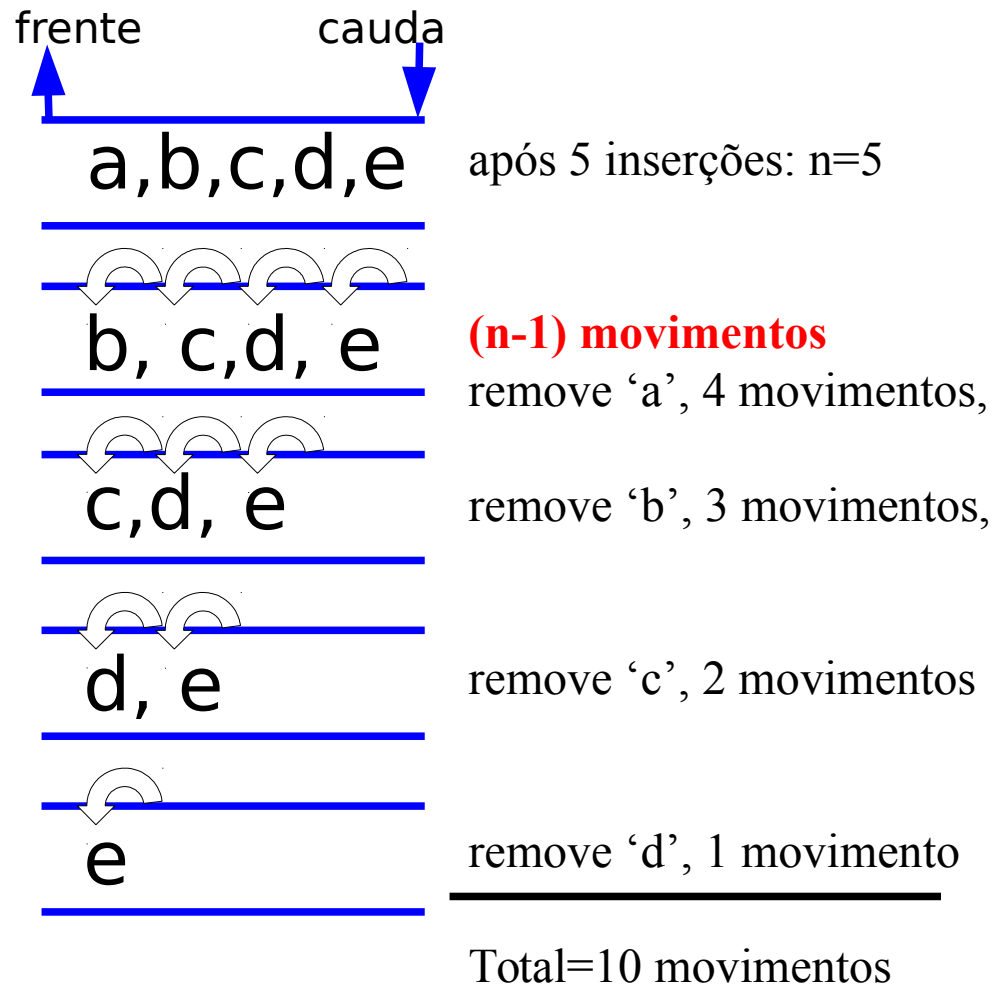
Senão *inserção no final da fila;*

	frente	cauda	vetor				
			0	1	2	3	
1)	0	-1					fila recém criada
2)	0	-1					remoção ? ERRO: fila vazia
3)	0	0	X0				inseriu X0, cauda++
4)	0	1	X0	X1			inseriu X1, cauda++
5)	0	2	X0	X1	X2		inseriu X2, cauda++
6)	0	3	X0	X1	X2	X3	inseriu X3, cauda++
7)	1	3		X1	X2	X3	Removeu, frente++
8)	2	3			X2	X3	Removeu, frente++
9)	2	3			X2	X3	<div>Inserção X4: Compactou e Inseriu, corrigiu frente e cauda</div>
	0	1	X2	X3			
	0	2	X2	X3	X4		

Independendentemente de FEM1 ou 2, a movimentação para compactação da Fila pode ser uma operação bastante lenta.

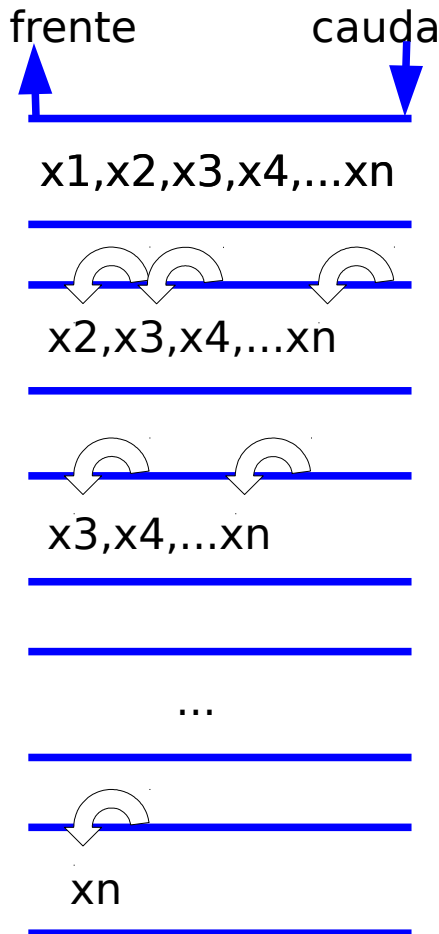
FEM-1: Para  $n$  itens em uma FEM-1, uma remoção implica em  $n-1$  movimentos...

Esse número pode vir a crescer bastante. Para uma sequência de remoções consecutivas.



A movimentação para compactação da Fila pode ser uma operação bastante lenta.

## FEM-1: sequência de remoções consecutivas



A sequência de movimentos corresponde a uma PA:  
 $(n-1), \dots, 3, 2, 1$  ou  $1, 2, 3, \dots, (n-1)$

**PA:**

**posição do último:  $k=n-1$**

**valor do último:  $a_k=n-1$**

O total de movimentos para um caso genérico:

Termo geral da PA:  $a_k = a_1 + (k-1)r$

fazendo  $k=n-1$ ,  $a_n = 1 + (n-1-1)*1 = n-1$

Soma de uma PA:  $S_k = ((a_1 + a_k) * k) / 2$

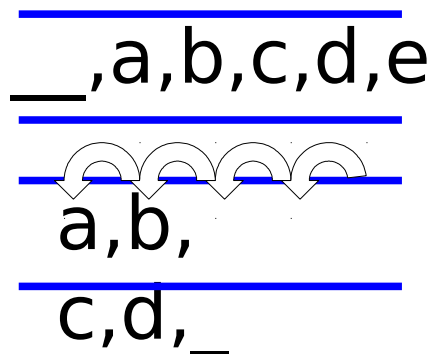
$$S_n = ((1 + n-1) * (n-1)) / 2 = (n(n-1)) / 2 = (n^2 - n) / 2$$

Se o custo computacional for proporcional aos movimentos, para  $n$  itens teremos um custo quadrático.

A movimentação para compactação da Fila pode ser uma operação bastante lenta.

Considerando a FEM-2 nas mesmas condições utilizadas para o exemplo da FEM-1, para a mesma sequência de  $n$  inserções seguida de  $n$  remoções, não haveria o estado de “falso-cheio”, portanto não ocorreria movimentação de dados.

No entanto, quando ocorre a movimentação de dados na FEM-2 o custo computacional também será desfavorável se houver uma combinação inserção/remoção em sequência...



Vet[0] está vago, inserção com falso cheio

**Para  $n$  inseridos:  $n$**  movimentos,

#### 4) FEC: Fila Circular

Considera o vetor como um arranjo circular, como se o seu final se ligasse ao seu início, não havendo interrupção.

É bastante vantajosa quando se trata da implementação sobre vetor pois viabiliza a reutilização das posições desocupadas sem o custo da movimentação de dados vista na FEM-1 e FEM-2.

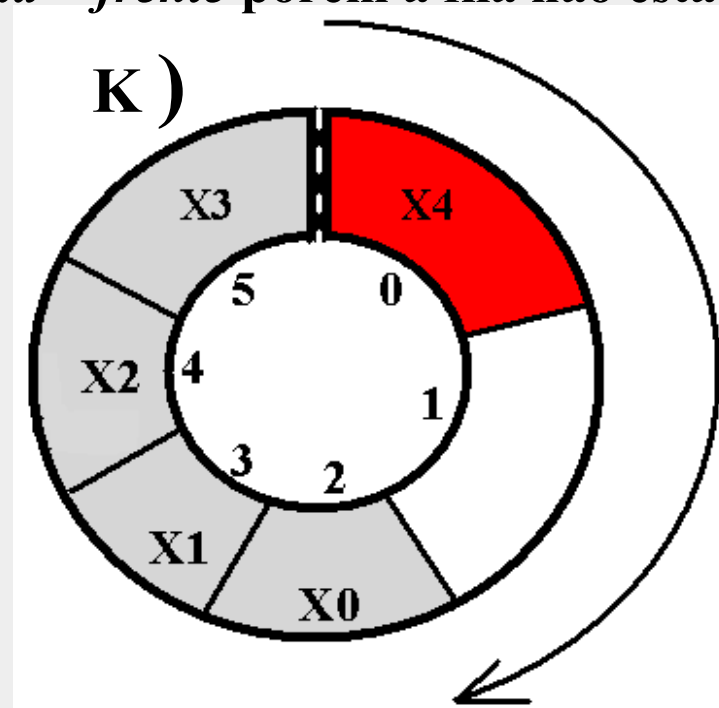
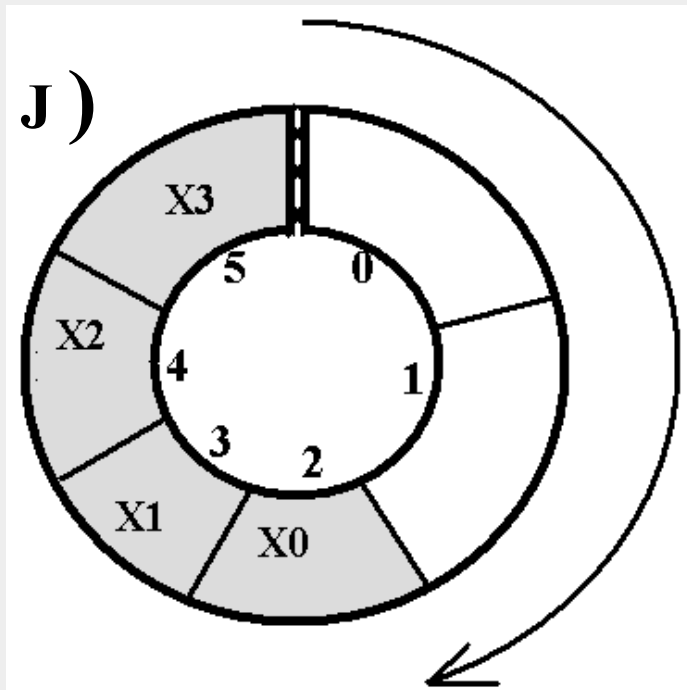
Atenção:

PARA A FEC *cauda* < *frente* NÃO MAIS IMPLICARÁ  
EM FILA VAZIA



			vetor						
	frente	cauda	0	1	2	3	4	5	
...	...	...			...	...	...	...	...
j)	2	5			X0	X1	X2	X3	
j+1)	2	0	X4		X0	X1	X2	X3	Inserção circular de X4

*cauda < frente* porém a fila não está vazia



Da *frente* para a *cauda* no sentido horário: X0,X1,X2,X3,X4

E agora...

Se *cauda* < *frente* não mais implica em fila VAZIA !  
Como testar tal condição ?



Uma alternativa é acrescentar o campo *tamanhoDaFila* na estrutura interna do TDA.



- a) Inicialização: *cauda* = -1, *frente* = 0;
- b) Tamanho da fila  $\Rightarrow$  anotado no descritor;
- c) Fila vazia :  
    tamanho da fila = 0;
- d) Fila cheia :  
    tamanho da fila = comprimentoDoVetor

## **Estrutura Fila Estática Circular:**

```
typedef struct {  
    void **vetFila;  
    int comprimentoDoVetor;  
    int frente; /* indexa o início da Fila */  
    int cauda;  /*indexa o final da Fila */  
    int tamanhoDaFila; /*num de elementos*/  
    int tamInfo;  
} Fila;
```

# **inserção( )**

**SE (tamanho atual da fila < tamanho do vetor)**

**/\* há espaço no início do vetor \*/**

**SE (cauda == tamanho do vetor-1)**

**/\* utilize o aspecto circular \*/**

**cauda = 0;**

**vetor[cauda] = novo;**

**SENÃO**

**vetor[++cauda] = novo**

**tamanho atual da fila ++**

**SENÃO**

**fila realmente cheia!!**



**Alternativa p/ controle da "circularidade":**

**cauda = (cauda+1)%tamanho do vetor**

**vetor[cauda] = novo**

**tamanho atual da fila ++**

# Remoção( )

**SE(tamanho da fila == 0)**

**fila vazia**

**SENÃO**

**SE (frente == tamanho do vetor-1)**

**frente = 0**

**SENÃO**

**frente++**

**tamanho da fila - -**

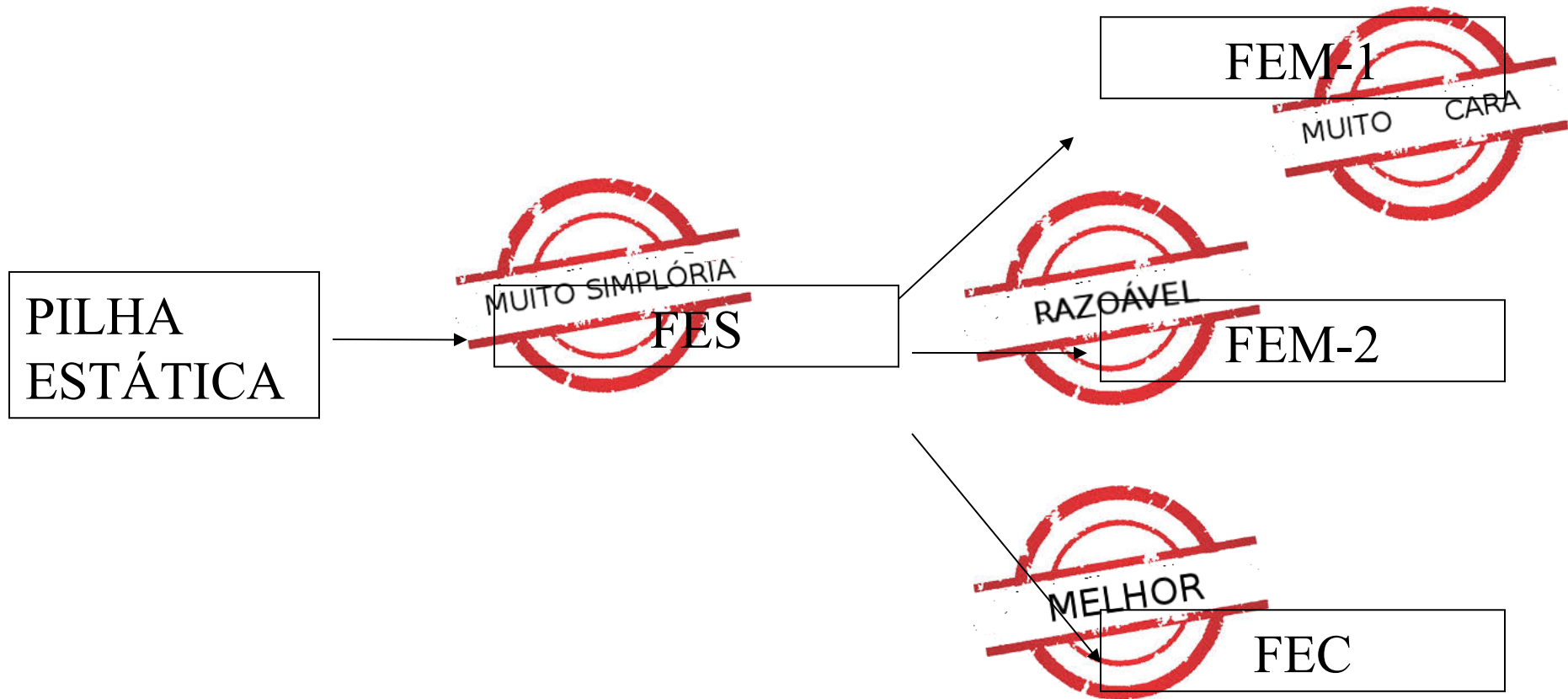
**Alternativa p/ controle da “circularidade”:**

**frente = (frente+1)%tamanho do vetor**

**tamanhoDaFila - -**



	frente	cauda	tamanho	vetor				
				0	1	2	3	
<b>1)</b>	0	-1	0					fila recém criada
<b>2)</b>	0	0	1	X0				inseriu X0
<b>3)</b>	0	1	2	X0	X1			inseriu X1
<b>4)</b>	0	2	3	X0	X1	X2		inseriu X2
<b>5)</b>	1	2	2		X1	X2		Removeu (X0)
<b>6)</b>	1	3	3		X1	X2	X3	inseriu X3
<b>7)</b>	2	3	2			X2	X3	Removeu (X1)
<b>8)</b>	3	0	1	X4			X3	inseriu X4 (circulou a cauda)
<b>9)</b>	3	1	2	X4	X5		X3	inseriu X5
<b>10)</b>	3	2	4	X4	X5	X6	X3	inseriu X6
<b>11)</b>	3	2	4	X4	X5	X6	X3	Tenta a inserção X7 ⇒ ERRO: fila CHEIA
<b>12)</b>	0	2	3	X4	X5	X6		Removeu (X3) (circulou a frente)
<b>13)</b>	1	2	2		X5	X6		Removeu (X4)
<b>14)</b>	2	2	1			X6		Removeu (X5)
<b>15)</b>	3	2	0					Removeu(X6): tamanho = 0 ⇒ fila VAZIA !!!



**Da Pilha Estática para a FES basta adaptar código;**

Da FES para a FEM-1 basta alterar a remoção;

Da FES para a FEM-2 basta alterar a inserção;

Da FES para a FEC basta alterar a inserção, remoção tratando a determinação do tamanho da fila.

## Exercícios:

1) Implemente as quatro estratégias discutidas anteriormente com a seguinte funcionalidade:

```
int cria(ppFila pp, int tamVet, int tam info);
```

```
int destroi(ppFila pp);
```

```
int buscaNaFrente(pFila p, void *reg);
```

```
int buscaNaCauda(pFila p, void *reg);
```

```
int testaVazia(pFila p);
```

```
int testaCheia(pFila p);
```

```
int reinicializa(pFila p);
```

```
int enqueue(pFila p, void *novo);
```

```
int dequeue(pFila p, void *reg);
```

2) Implemente o TDA *MultiFilaCircular*.



3) Em relação ao *TDA-FEC* original:

Proponha um mínimo de alterações para implementar a função que calcula o tamanho da FEC, considerando que o descritor não possui o campo *tamanhoDaFila*.

Nesse caso o valor do comprimento da fila será calculado.

Para este cálculo é necessário levar em conta:

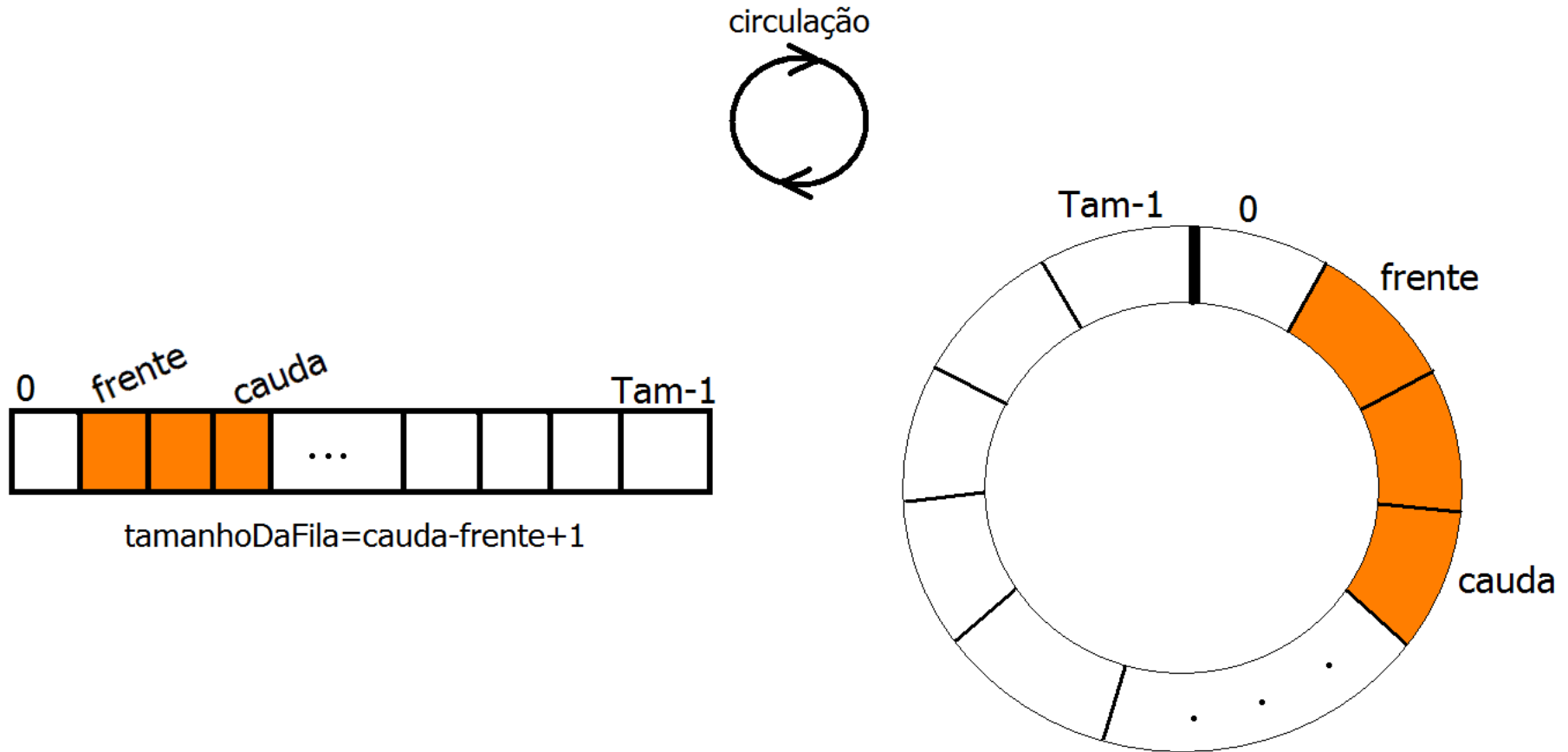
3.1) A situação convencional, sem a efetiva “circulação” do vetor. Quando  $\text{cauda} \geq \text{frente}$  sempre;

3.2) As situações quando  $\text{cauda} < \text{frente}$ .

Esses aspectos serão discutidos nos próximos slides...

### 3.1) Situação convencional, sem o uso efetivo da “circulação” do vetor:

Se  $(\text{cauda} \geq \text{frente})$ :  $\text{tamFila} = \text{cauda} - \text{frente} + 1$



### 3.2) Mas, se ocorrer ( $cauda < frente$ )?

Essa situação só ocorrerá se ou a cauda ou a frente circularem ultrapassando a última célula do vetor (índice  $Tam-1$ ).

Teremos duas possibilidades para esse caso:

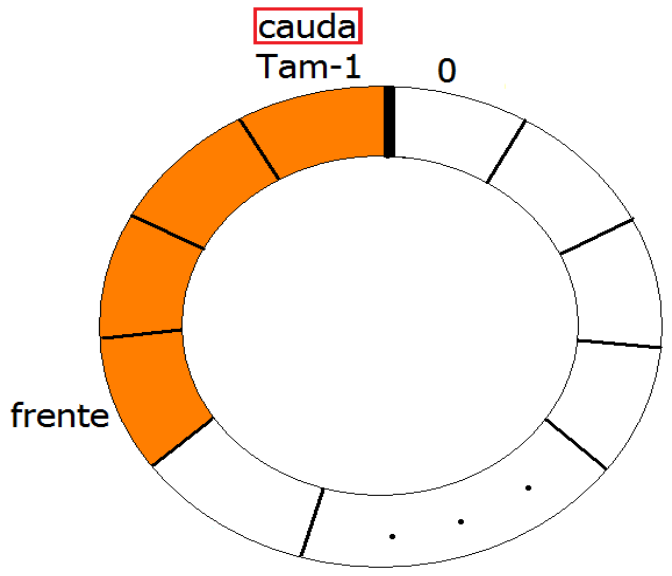
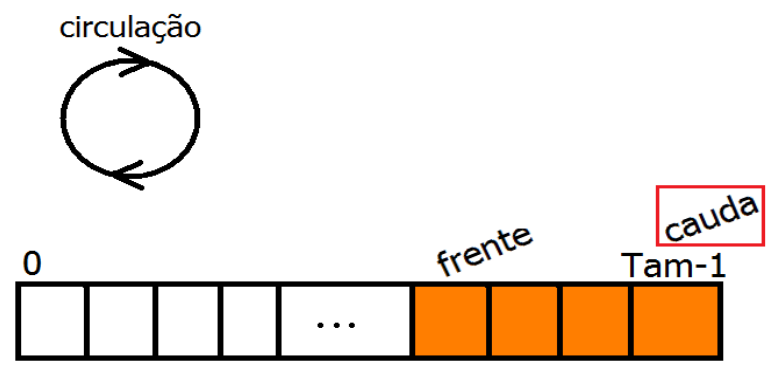
3.2.1) A  $cauda < frente$  devido a uma circulação da cauda;

3.2.2) A  $cauda < frente$  devido a uma circulação da frente;

Discutimos ambas a seguir...

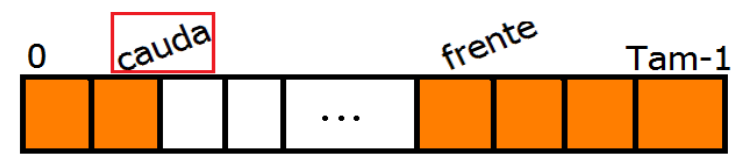
3.2.1) A *cauda* < *frente* devido a uma circulação da **cauda**

A)

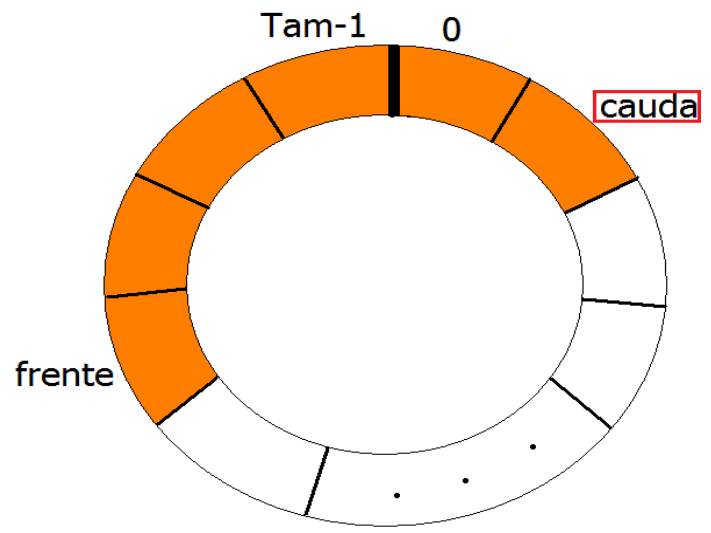


B)

Duas inserções depois:



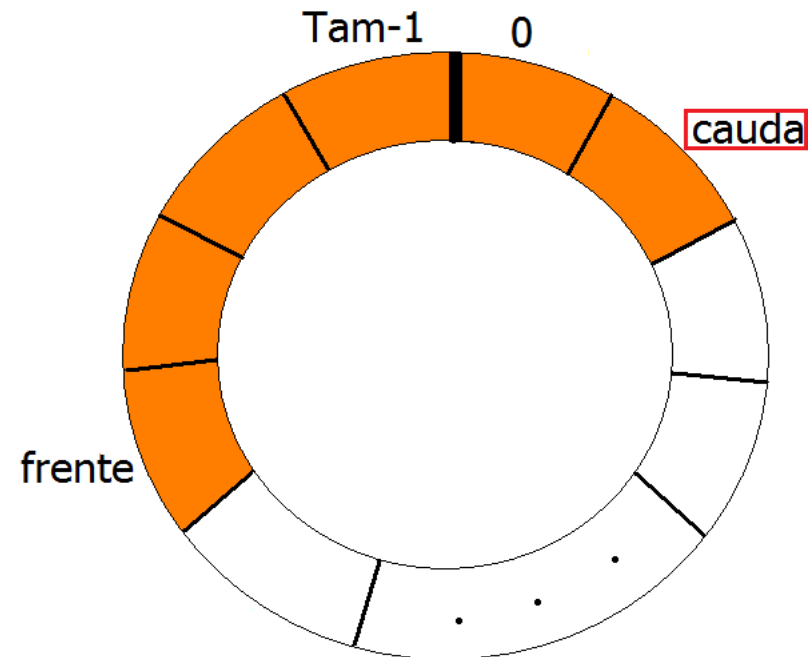
$$\text{tamanhoDaFila} = (\text{Tam} - \text{frente}) + (\text{cauda} + 1)$$



### 3.2.1) A *cauda* < *frente* devido a uma **circulação da cauda**

Nesse caso:

$$\begin{aligned}\text{TamanhoDaFila} &= ((\text{Tam}-1) - \text{frente} + 1) + (\text{cauda} + 1) = \\ &= (\text{Tam} - \text{frente}) + (\text{cauda} + 1)\end{aligned}$$



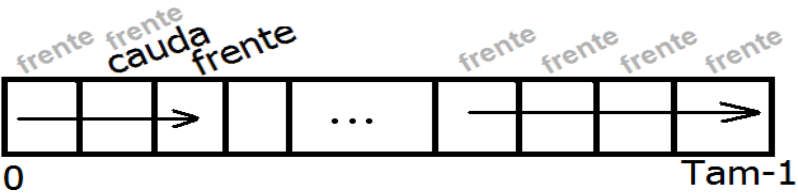
3.2.2) A *cauda* < *frente* devido a uma **circulação da frente** na remoção do item na cauda (último item na fila), **esvaziando a FEC**.

A)

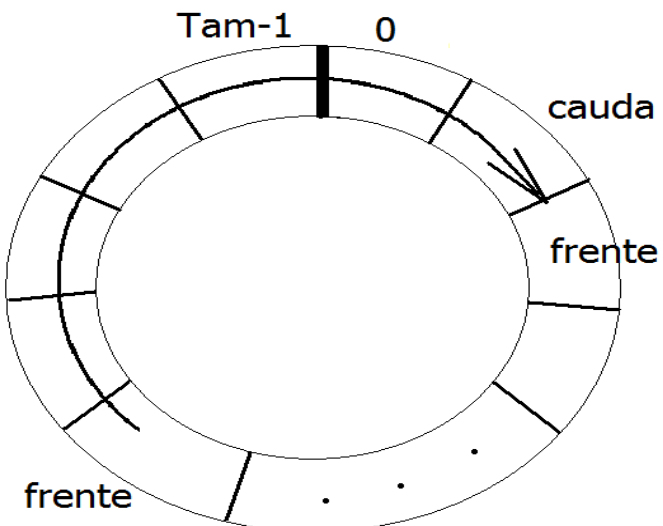
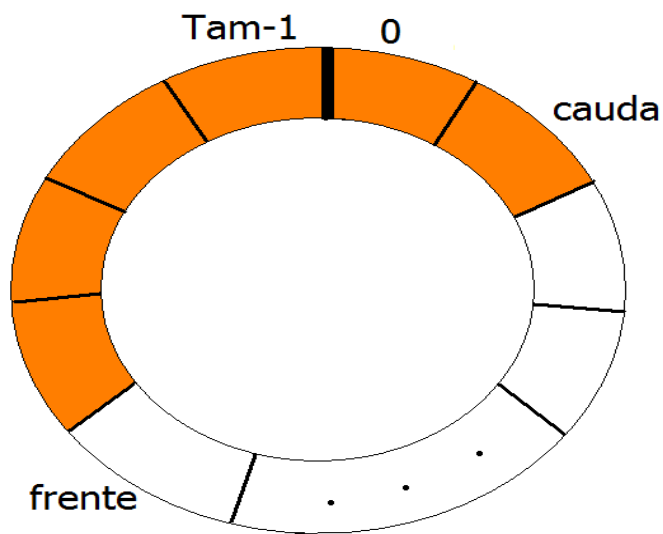


$$tamanhoDaFila = (Tam - frente) + (cauda + 1)$$

B)



$$tamanhoDaFila = (Tam - frente) + (cauda + 1)$$



3.2.2) A *cauda* < *frente* devido a uma **circulação da frente** na remoção do item na cauda (último item na fila), **esvaziando a FEC**.

- Nesse caso a fila tornou-se vazia! É preciso introduzir um recurso para detectar esta condição.
- Para tanto basta acrescentar uma *flag* no nó de dados marcando se o nó foi removido.
- Por fim teremos:

Se ( $\text{cauda} \geq \text{frente}$ ):  $\text{tamFila} = \text{cauda} - \text{frente} + 1$

Senão: /\*  $\text{cauda} < \text{frente}$  \*/

Se (cauda foi removida):  $\text{tamFila} = 0$

Senão:  $\text{tamFila} = (\text{tamVet} - \text{frente}) + (\text{cauda} + 1)$