Opgave 2.7

Bewijs de idempotentie, commutativiteit en associativiteit van \cap .

Proof idempotentie: $A \cap A = A$

A random x is contained in $A \cap A$ iff x in A and x in A.

 \therefore x in A.

Proof commutativiteit: $A \cap B = B \cap A$

A random x is in $A \cap B$ iff x in A and x in B.

Then x in A and x in B. Thus also x in B and x in A.

 \therefore x in $B \cap A$.

Proof associativiteit: $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$

A random x is contained in $A \cap (B \cap C)$ iff x in A and x in $(B \cap C)$.

Recursively the same holds for x is contained in B and C.

Then x is in A, B and C.

 \therefore x in $(A \cap B) \cap C$.

Opgave 2.17

Laat zien dat uit de definitie van asymmetrie volgt dat elke asymmetrische relatie irreexief is.

Definition assymmetric: Een relatie $R \subseteq A^2$ heet asymmetrisch wanneer voor geen enkel paar $\langle a,b \rangle \in R$ geldt dat $\langle b,a \rangle \in R$.

A reflexive pair $\langle a, a \rangle \in R$ can also be reversely written as: $\langle a, a \rangle$. By assymmetry, this relation is not assymmetric.

: in order for R to be irreflexive, it must be asymmetric.

Opgave 2.19

Teken een plaatje van een relatie die noch transitief, noch intransitief is.

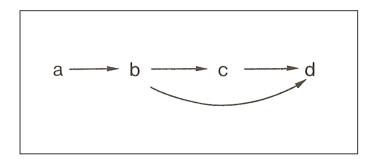


Figure 1: Niet reflexief, niet irreexief

02-11-17 Pagina 1 van 2

Opgave 2.20

1. Laat zien dat een asymmetrische relatie altijd anti-symmetrisch is.

An asymmetric relation has no pair $\langle a, b \rangle$ that can be written as $\langle b, a \rangle$, therefore there is no pair for which antisymmetry can be tested. Therefore it can be said that every asymmetric relation is also antisymmetrical.

2. Laat zien dat het omgekeerde niet geldt. U kunt dit laten zien door een voorbeeld te geven van een anti-symmetrische relatie die niet asymmetrisch is.

Assuming there is an antisymmetrical pair, this pair can be written in reverse order, therefore the relation is not asymmetrical.

Opgave 2.23

Laat zien dat elke strikte partiele orde bevat is in een partiele orde.

A partitial order in comparison with a strict partitial order, has extra pairs for reflexivity and antisymmetry. The strict partitial order, compared with a partitial order lacks these pairs because it is irreflexive instead of reflexive, and assymetric instead of antisymmetric. All the pairs that are made because a strict partitial order is transitive, are also contained in a partitial order, because it is also transitive.

Opgave 2.32

N is de verzameling van natuurlijke getallen (de verzameling $\{0,1,2,3,...\}$, en $f: N \to N$ is de functie met 2 vermenigvuldigen (dat wil zeggen f(0) = 0, f(1) = 2, f(2) = 4, enzovoorts). Is f surjectief? Injectief? Bijectief?

```
f(x) = 2x
```

This implies that every x has one and only one result.

Furthermore, f(x) = 2x + 1 maps to values that are never reached by f(x) = 2x. This implies that the function is injective.

Opgave 3.23

Verzamelingenleer 6

Verzamelingenleer 7

02-11-17 Pagina 2 van 2